

4.2.1 Big-O Notasyonu

- algoritmanın etkinliğini yürütme zamanı cinsinden ifade edeceğiz
- yürütme zamanı = (algoritmanın gereksinim duyduğu) işlem sayısı
- veya adım sayısı
- temel işlem birimi nedir?

sumOfN - v1

→ toplama örneği

```
1      def sumOfN(n):  
2          sum = 0  
3          for i in range(1,n+1):  
4              sum = sum + i  
5  
6          return sum
```

→ temel işlem birimi = atama

→ as2: $\text{sum} = 0 \implies 1$

s4: $\text{sum} = \text{sum} + i \implies n$

→ sonuçta $1 + n$ atama işlemi

Amacımız

- problemin boyutu: $T(n) = 1 + n$
- n boyutlu bir problem $1 + n$ adımda sonuç üretir.
- problem boyutu (n) ile yürütme zamanı arasındaki ilişkiyi çıkartmak
- bilg.bil.'de bunu bir adım öte götürmüşler
- işlem sayısı, $T(n)$ 'deki baskın parça
- $T(n)$ ifadesindeki **baskın** bileşen nedir?
- karşılaştırmalarda bu baskın parça kullanılır

genliğin derecesi (order of magnitude)

- n arttıkça $T(n)$ 'nin en hızlı artan parçasını tanımlar
- genliğin derecesi kısaca

genliğin derecesi (order of magnitude)

- n arttıkça $T(n)$ 'nin en hızlı artan parçasını tanımlar
- genliğin derecesi kısaca **Big-O** notasyonu olarak adlandırılır

genliğin derecesi (order of magnitude)

- n arttıkça $T(n)$ 'nin en hızlı artan parçasını tanımlar
- genliğin derecesi kısaca **Big-O** notasyonu olarak adlandırılır
- $O(f(n))$ biçiminde gösterilir
- burada $f(n)$, $T(n)$ 'nin baskın parçası
- Ör. $T(n) = 1 + n$ ise

genliğin derecesi (order of magnitude)

- n arttıkça $T(n)$ 'nin en hızlı artan parçasını tanımlar
- genliğin derecesi kısaca **Big-O** notasyonu olarak adlandırılır
- $O(f(n))$ biçiminde gösterilir
- burada $f(n)$, $T(n)$ 'nin baskın parçası
- Ör. $T(n) = 1 + n$ ise $f(n) = n$

genliğin derecesi (order of magnitude)

- n arttıkça $T(n)$ 'nin en hızlı artan parçasını tanımlar
- genliğin derecesi kısaca **Big-O** notasyonu olarak adlandırılır
- $O(f(n))$ biçiminde gösterilir
- burada $f(n)$, $T(n)$ 'nin baskın parçası
- Ör. $T(n) = 1 + n$ ise $f(n) = n$
- Ör. $T(n) = 5n^2 + 27n + 1005$ ise

genliğin derecesi (order of magnitude)

- n arttıkça $T(n)$ 'nin en hızlı artan parçasını tanımlar
- genliğin derecesi kısaca **Big-O** notasyonu olarak adlandırılır
- $O(f(n))$ biçiminde gösterilir
- burada $f(n)$, $T(n)$ 'nin baskın parçası
- Ör. $T(n) = 1 + n$ ise $f(n) = n$
- Ör. $T(n) = 5n^2 + 27n + 1005$ ise $f(n) = n^2$

genliğin derecesi (order of magnitude)

- n arttıkça $T(n)$ 'nin en hızlı artan parçasını tanımlar
- genliğin derecesi kısaca **Big-O** notasyonu olarak adlandırılır
- $O(f(n))$ biçiminde gösterilir
- burada $f(n)$, $T(n)$ 'nin baskın parçası
- Ör. $T(n) = 1 + n$ ise $f(n) = n$
- Ör. $T(n) = 5n^2 + 27n + 1005$ ise $f(n) = n^2$

Big-O

- $T(n)$ işlevi için, $T(n) \leq c_0 \cdot f(n)$, $n \geq n_0$ (c_0 ve n_0 sabit)
- varsa $O(f(n))$ 'dir

Big-O

- $T(n)$ işlevi için, $T(n) \leq c_0 \cdot f(n)$, $n \geq n_0$ (c_0 ve n_0 sabit)
- varsa $O(f(n))$ 'dir
- ör. $T(n) = 3n + 2$, $3n + 2 \leq 4 \cdot n$, $n \geq 2$, burada $f(n) = n$ ($c_0 = 4$, $n_0 = 2$)
- dolayısıyla $O(f(n)) \implies O(n)$ *dir*
- Ör. $T(n) = 2n^2 + 6n + 3$ için $O(f(n))$?

Big-O

- $T(n)$ işlevi için, $T(n) \leq c_0 \cdot f(n)$, $n \geq n_0$ (c_0 ve n_0 sabit)
- varsa $O(f(n))$ 'dir
- ör. $T(n) = 3n + 2$, $3n + 2 \leq 4 \cdot n$, $n \geq 2$, burada $f(n) = n$ ($c_0 = 4$, $n_0 = 2$)
- dolayısıyla $O(f(n)) \implies O(n)$ *dir*
- Ör. $T(n) = 2n^2 + 6n + 3$ için $O(f(n))$? $O(n^2)$

yaygın Big-O'lar

$f(n)$	Name
1	Constant
$\log n$	Logarithmic
n	Linear
$n \log n$	Log Linear
n^2	Quadratic
n^3	Cubic
2^n	Exponential

Table 4.1: Common Functions for Big-O

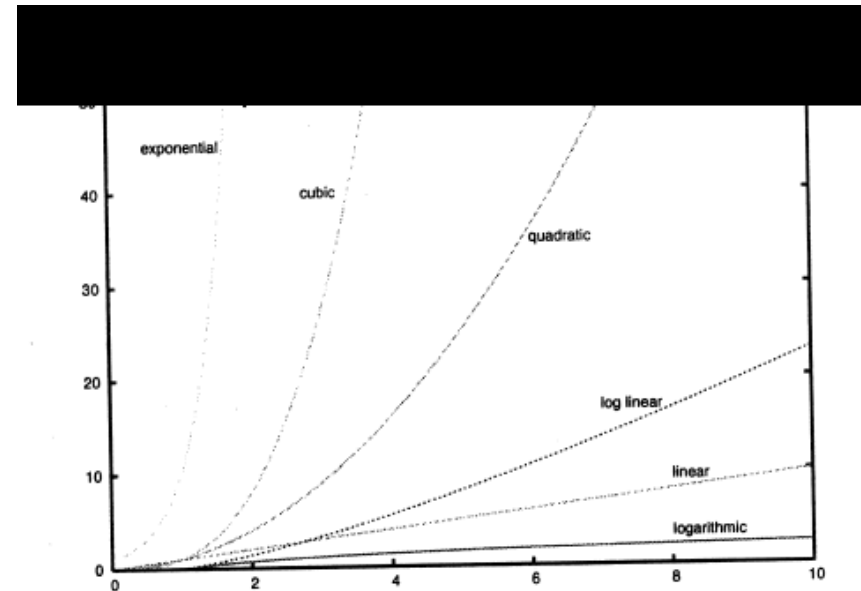


Figure 4.1: Plot of Common Big-O Functions

örnek

→ örnek

```
1      a=5
2      b=6
3      c=10
4      for i in range(n):
5          for j in range(n):
6              x = i * i
7              y = j * j
8              z = i * j
9      for k in range(n):
10         w = a*k + 45
11         v = b*b
12     d = 33
```

→ s1-3: 3

→ s6-8: $3 \times n^2$

→ s10-11: $2 \times n$

→ s12: 1

→ sonuçta: $3 + 3xn^2 + 2xn + 1$

→ $T(n)$?

örnek

→ örnek

```
1      a=5
2      b=6
3      c=10
4      for i in range(n):
5          for j in range(n):
6              x = i * i
7              y = j * j
8              z = i * j
9      for k in range(n):
10         w = a*k + 45
11         v = b*b
12     d = 33
```

→ s1-3: 3

→ s6-8: $3 \times n^2$

→ s10-11: $2 \times n$

→ s12: 1

→ sonuçta: $3 + 3n^2 + 2n + 1$

→ $T(n)? = 3n^2 + 2n + 4$

→ $O(f(n))?$

örnek

→ örnek

```
1      a=5
2      b=6
3      c=10
4      for i in range(n):
5          for j in range(n):
6              x = i * i
7              y = j * j
8              z = i * j
9      for k in range(n):
10         w = a*k + 45
11         v = b*b
12     d = 33
```

→ s1-3: 3

→ s6-8: $3 \times n^2$

→ s10-11: $2 \times n$

→ s12: 1

→ sonuçta: $3 + 3n^2 + 2n + 1$

→ $T(n)? = 3n^2 + 2n + 4$

→ $O(f(n))?$ $O(n^2)$