MATEMATIKA 1

Smer: Sofversko inženjerstvo (SI)

Ispitni rok: Oktobar, 2018. godine

- 1. a) Asimptote funkcije (teorijsko pitanje). (5 poena)
 - b) Proveriti postojanje asimptota za funkciju

$$f(x) = x \cdot e^{\frac{1}{x}}.$$
 (5 poena)

- **2.** a) Uzajamni položaj dve prave u \mathbb{E}^3 (teorijsko pitanje). (5 poena)
 - b) Dokazati da se prave $p:\frac{x-8}{-3}=\frac{y+1}{1}=\frac{z-4}{-2}$ i $q:\frac{x-1}{1}=\frac{y}{-1}=\frac{z}{1}$ seku i odrediti njihovu presečnu tačku (2,5 poena). Odrediti jednačinu ravni π koja je odredjena pravama p i q (2,5 poena).
- **3.** U zavisnosti od realnog parametra m, diskutovati i kada je to moguće odrediti rešenja sledećeg sistema linearnih jednačina

$$x + y + mz = 1,$$

$$x + my + z = 1,$$

$$mx + y + z = -2.$$
(5 poena)

4. Ispitati domen, nule, monotonost, lokalne ekstremne vrednosti, konkavnost, konveksnost i prevojne tačke funkcije

$$f(x) = \frac{\ln(x-4)}{(4-x)}.$$
 (5 poena)

5. Rešiti po X sledeću matričnu jednačinu

$$(X - 3I) \cdot A + B = 2I,$$

gde je

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} \text{ i } B = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}.$$

(5 poena)

Napomena: Student od zadataka pod rednim brojem 3, 4 i 5 bira dva koja će da radi. Vreme trajanja ispita je 135 minuta.