CTF Code

Writeups

Криптография

24 октября 2021 г.

Оглавление

Easy		
1 2	Based task	1
	Hashes among us	2
Mediu	m	4
1	Please be careful with ASR	4
2	Please don't share	7
Hard		10
1	Do you want to play some gamel?	10
2	Curve task	13

Easy

1 Based task

Теги: baseN, googling

Друг прислал мне какое-то сообщение. Но я не знаю китайкого, как и он! Чем же это может быть?

Достаточно простая задача. Нам дается файл с какими-то иероглифами:

硫螺纺磨纺到矿类矿螺矿类矿槽矿掺矿单矿囊矿物矿或矿塑矿数矿熔矿数矿煤矿煤矿螺矿烧砂烧煤矿物油水烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧烧

Рис. 1: Китайцы уже близко

Казалось бы, что тут можно придумать, переводчик выдает какую-то дичь. Если заметить название таска, то можно подумать про какую-то кодировку из base'ов. Немного гуглинга и можно наткнуться на весьма интересную штуку под названием base65536. Прогнав через него натыкаемся на какую-то случайную последовательность эмодзи:



Рис. 2: Кто-то слишком эмоционален

Погуглив еще немного можно найти base100, после извлечения из которого получаем старый-добрый base64:

b3Jlbl9jdGZfS2V2aW5EYXZpZE1pdG5pY2shCg==

Рис. 3: То, что знакомо почти всем

И тут два варианта:

• Прогнать обратно ручками

• Написать питоновский скрипт

Чтобы райтап был полным, рассмотрим второй вариант, потому что первый достаточно очевидный и не требует пояснений. Скрипт для расшифровки выглядит примерно следующим образом:

Листинг 1: Дешифровка флага

```
\#!/usr/bin/env python3
\# -*- coding: utf-8 -*-
import base65536
import pybase100 as base100
import base64
def decode (flag):
    flag = base65536.decode(flag)
    flag = base100.decode(flag)
    flag = base64.b64decode(flag)
    flag = flag.decode('utf-8')
   return flag
def main():
    with open("flag.enc", 'r') as flag file:
       flag = flag file.read()
   print(decode(flag))
```

На выходе получаем флаг oren_ctf_KevinDavidMitnick!.

2 Hashes among us

Теги: hash crack

Мне тут попалась какая-то странная строка... Говорят, в ней есть флаг. Но как его получить?

Судя по виду зашифрованного флага и названию задачи перед нами какой-то хэш.

1775fe677ade895006ac191fc4391761

Рис. 4: Слишком много хексов

Если посмотреть длинну, то мы увидим, что длинна флага ровно 32 символа, что позволяет подумать про MD5. Дальше можно либо брутить локально с помощью HashCat/JhonTheRipper или воспользоваться онлайн-сервисами наподобие CrackStation. После чего получаем строку RobertMorris, которую нужно обернуть в oren_ctf_!. После чего получаем флаг oren_ctf_RobertMorris!.

Medium

1 Please be careful with ASR

Теги: RSA, Hastad Attack

Мы с друзьями часто обмениваемся информацией, которую не должен знать никто, кроме нас. Не можете ли вы проверить, насколько хорошо мы справились с этой задачей?

Судя по ключам и названию задчи речь явно идет про RSA. Что же, можно погуглить про атаки на этот алгоритм и наткнуться на весьма интересную штуку под названием Håstad's broadcast attack. После чего, если попробовать сдампить открытую экспоненту и модуль из наших открытых ключей, то можно увидеть, что во всех трех ключах экспонента маленькая и равна 3. Что уже точно намекает на эту атаку.

Суть атаки

Пользователь отсылает зашифрованное сообщение m нескольким пользователям. в данном случае, трём (по числу файлов): $P1,\,P2,\,P3$. У каждого пользователя есть свой ключ, представляемый парой «модуль-открытая экспонента» $(n_i,\,e_i)$, причём $M < n1,\,n2,\,n3$. Для каждого из трех пользователей зашифровывает сообщение на соответствующем открытом ключе и отсылает результат адресату. Атакующий же реализует перехват сообщений и собирает переданные шифртексты (обозначим их как $C_1,\,C_2,\,C_3$), с целью восстановить исходное сообщение M. Значит, по имеющимся трем шифртекстам нужно восстановить сообщение, которое будет флагом.

Почему точно сможем ее реализовать?

Как известно, шифрование сообщения по схеме RSA происходит следующим образом: $C=M^e\pmod n$. В случае с открытой экспонентой, равной 3, получение шифртекстов выглядит так:

$$C_1 = M^3 \pmod{n_1}$$

 $C_2 = M^3 \pmod{n_2}$
 $C_3 = M^3 \pmod{n_3}$

Зная, что n_1 , n_2 , n_3 взаимно просты, можем применить к шифртекстам китайскую теорему об остатках. Получим в итоге некоторое C', корень кубический из которого и даст нам искомое сообщение M.

$$C' = M^3 \pmod{n_1 * n_2 * n_3}$$

Medium

Вспоминаем, что M меньше каждого из трёх модулей n_i , значит, справедливо равенство:

$$C' = M^3$$

Так мы и найдем наше искомое сообщение M.

Программная реализация атаки Хастада

После всего вышесказанного не составляет труда написать простенький скрипт на питоне, который выдает зашифрованное сообщение:

```
Листинг 2: Атака Хастада
```

```
\#!/usr/bin/env python3
\# -*- coding: utf-8 -*-
import gmpy2
gmpy2.get context().precision = 2048
from binascii import unhexlify
from functools import reduce
from gmpy2 import root
from Crypto.PublicKey import RSA
def chinese remainder theorem (items):
   N = 1
    for a, n in items:
        N = n
    result = 0
    for a, n in items:
       m = N // n
        r, s, d = extended gcd(n, m)
        if d != 1:
            raise "Input_not_pairwise_co-prime"
        result += a * s * m
    return result % N
def extended gcd(a, b):
    x, y = 0, 1
    lastx, lasty = 1, 0
    while b:
        a, (q, b) = b, divmod(a, b)
```

```
x, lastx = lastx - q * x, x
        y, lasty = lasty - q * y, y
    return (lastx, lasty, a)
def mul inv(a, b):
    b0 = b
    x0, x1 = 0, 1
    if b = 1:
        return 1
    while a > 1:
        q = a // b
        a, b = b, a \% b
        x0, x1 = x1 - q * x0, x0
    if x1 < 0:
        x1 += b0
    return x1
def get_cipher(filename):
    with open(filename, 'rb') as cipher:
        value = cipher.read().hex()
    return int (value, 16)
def get modulus (filename):
    with open(filename) as keyfile:
        keystr = keyfile.read()
        key = RSA.import key(keystr)
    return key.n
def main():
    ciphertext1 = get_cipher("flag.enc.alice")
    ciphertext2 = get_cipher("flag.enc.bob")
    ciphertext3 = get cipher("flag.enc.eve")
    modulus1 = get_modulus("alice.pub")
    modulus2 = get_modulus("bob.pub")
    modulus3 = get modulus("eve.pub")
```

После выполнения скрипта на выходе получаем расшифрованный текст с флагом:

CIH, also known as Chernobyl or Spacefiller, is a Microsoft Windows 9x computer virus which first emerged in 1998. Its payload is overwriting critical information on infected system drives, and in some cases destroying the system BIOS. Flag: oren_ctf_CIH!

2 Please don't share

Теги: Shamir's Secret Sharing, AES

Этот сервер отдает флаг, но как-то странно. Я никак не могу понять, какое тут шифрование и как вообще его можно взломать... nc ctf-edu-t.orb.ru 2386

При подключении к серверу мы видим сообщение

```
Here's a base64-encoded and encrypted flag: KSlIe5gsRMTPIaUlWr5pDpXFz8WrL9vqOHpDRkokWVhsIxzzWqF6Cfo7tt01br8H
You need a secret and literally zero ivent to get it!

Here is three part:
Part 1: 1-1510d2b3cacd8f387ff5b7eb52900b5ff60241072443620f7ae55d0efccc9fbb
Part 2: 2-42a67d81d71fae91aeb79dd30d61cd12f2afaf3c01d7102bf7df8ce068cad82d
Part 3: 3-88c1006a24f65e0b8c45b1b730754519db7640440f45c4af86ce1e8854b4ccf0
```

Рис. 1: Выглядит странно

Исходя из названия задачи и формулировки подсказки можно предположить, что речь идет о Shamir Secret Sharing Scheme (или иногда можно встретить сокращение SSSS). Помимо этого есть опечатка в слове event, что тоже дает какую-то подсказку. По подсказке понятно, что схемой разбит не сам флаг, а ключ для какого-то алгоримта шифрования с нулевым вектором инициализации, которым уже зашифрован флаг.

Немного о схеме Шамира

Если очень кратко, то секрет (информация, которой мы хотим поделиться) S разбивается на n частей таким образом, чтобы можно было восстановить исходное сообщение S только в случае, если мы имеем не менее k кусочков из n. Даже наличие k-1 куска недостаточно, чтобы восстановить исходную S. Чуть более подробно про это написано вот здесь.

Реализация

Можно писать разделение секрета самому, но это выходит за рамки данного райтапа. Если немного погуглить, то можно найти достаточно большое количество реализаций этого алгоритма на самых разных языках. Для питона существует вот эта
реализация, но, к сожалению, она имеет проблемы с третьей версией из-за использования типа long, который был удален. Но ничего не мешает написать скрипт на
втором. Итак, после получения полного секрета можно заметить, что это строка
длинной 16 символов, что, в купе с нулевым инициализирующим вектором, дает
возможность предположить, что используется AES-128. Остается лишь понять, какой из двух самых известных вариантов используется - ECB или CBC. Это можно
сделать просто попробовав каждый из них. После чего можно написать небольшой
питоновский скрипт, чтобы получить флаг:

Листинг 3: Расшифровка флага AES-CBC

```
\#!/usr/bin/env python2
\# -*- coding: utf-8 -*-
import sys
from base64 import b64decode
from Crypto. Cipher import AES
from secretsharing import SecretSharer
def main():
    if len(sys.argv) < 4:
        print("Usage: _{} _ part1_part2_part2".format(sys.argv[0]))
    AES_KEY = SecretSharer.recover_secret([sys.argv[1], sys.argv[2], sys.argv[
    IV = b' \times x00' * 16
    cipher = AES.new(key=AES KEY, mode=AES.MODE CBC, iv=IV)
    with open("flag.enc", 'r') as flagfile:
        enc flag = b64decode(flagfile.read())
    flag = cipher.decrypt(enc flag)
    print("Decrypted_flag_is:_{{}}".format(flag))
```

Medium

После выполнения скрипта на выходе получаем расшифрованный флаг: Decrypted flag is: oren_ctf_ILOVEYOU_or_LoveLetter!

Hard

1 Do you want to play some gamel?

Теги: Elgamal

Справитесь ли вы с Великим Оракулом? Или, хотя бы, убедите его отдать флаг nc ctf-edu-t.orb.ru 2263

При подключении к серверу мы видим сообщение

```
Hi. This is your friendly 'Decryption Oracle'
We have implemented a well-known public-key cryptosystem. Guess which ;)

Modulo: 10249196104423346754012526841431517045953043020097

Generator: 70028223200997158300305188452941502060674160225271

Public key: 28806842993556449808090805653287570420720260163407

Ciphertext: (2856765715487887807732676422667691564782704134025, 1504629955116654156493298697094141235221858422324336317235357801581913183478482393057441378)

Insert your Ciphertext-Tuple for me to decrypt - comma seperated (e.g. 5,6)

>>> 
■
```

Рис. 1: Опять какая-то асимметрия

Судя по тому, что шифротекст разделен на два числа - перед нами криптосистема Эль-Гамаля.

Криптосистема Эль-Гамаля

Идея данной системы основана на сложности нахождения целого неотрицательного числа x, удовлетворяющего уравнению $g^x = a$ в циклической группе¹ (вообще говоря, такая операция называется дискретным логарифмированием).

Генерация ключа

Алгоритм генеарции ключа работает по следующему принципу:

¹Тут нужно некоторое уточнение. Циклическая группа (G,*), если не вдаваться в дебри высшей математики, - множество для элементов которого мы определили по каким правилам можно их складывать (строго говоря, то сложение которое проходят в школе и это - немного разные вещи. В данном случае под сложением подразумевается операция, которая однозначно ставит в соответствие двум элементам e_1 и e_2 группы G некоторый элемент e_3 , также принадлежащий группе G). Эта группа особенна тем, что результат операции может быть меньше операндов. По поводу цикличности все совсем просто - группа образуется некоторым элементом g, который называется образующим, а все остальные ее элементы это степени образующего. То есть $G = \{g^1, g^2, ...\}$. Группа становится циклической, если в $g^n = g$. Тогда число n называется порядком группы.

- Выбираем случайное большое целое число q и строим циклическую группу G_q с образующим элементом g.
- Выбираем случайный целочисленный положительный x, т. ч. $1 \le x \ge q-1$ и (x,q)=1
- Считаем $h = g^x$
- Публичный ключ состоит из трех частей: (q,g,h)

Шифрование

Пусть мы хотим передать некоторое сообщение М. Тогда:

- Выбирается случайный целочисленный положительный $y,\ 1 \leq y \geq q-1$ и (y,q)=1
- Вычисляется секрет $s = h^y = (g^x)^y = g^{xy}$
- Вычисляется $c_1 = g^y$
- Вычисляется $c_2 = M * s$

Шифротекстом будет пара (c_1, c_2)

Дешифровка

Мы хотим расшифровать сообщение (c_1, c_2) и у нас есть приватный ключ x. Если провести некоторые математические выкладки:

$$\begin{cases} c_1 = g^y \\ c_2 = M * s \end{cases}$$

$$\Rightarrow$$

$$\begin{cases} c_1 = g^y \\ c_2 = M * h^y \end{cases}$$

$$\Rightarrow$$

$$\begin{cases} c_1 = g^y \\ c_2 = M * g^{xy} \end{cases}$$

То есть для получения оригинального сообщения М необходимо произвести следующие операции:

$$M = \frac{c_2}{c_1^y} = \frac{M * g^{xy}}{g^{xy}}.$$

Атака

Очевидно, что тот же самый шифротекст система отказывается расшифровывать. Но можно немного схитрить - умножить и поделить дробь на два. От этого, как известно, результат не поменяется:

$$c_2' = c_2 * 2$$

$$M * 2 = \frac{c_2'}{c_1^y} = \frac{c_2 * 2}{c_1^y} = \frac{M * g^{xy} * 2}{g^{xy}}.$$

После чего останется только поделить сообщение на два и получить флаг!

Реализация

Исходя из всего вышеперечисленного, написать простенький скрипт на питоне не составляет труда. Для упрощения самому себе жизни я буду использовать библиотеку pwntools (вообще говоря, она задумывалась для работы с бинарщиной, но также через нее весьма удобно работать с сокетами):

```
Листинг 4: Взлом криптосистемы Эль-Гамаля
\#!/usr/bin/env python3
\# -*- coding: utf-8 -*-
from pwn import *
import re
def get cipher (msg):
    str tp = re.search(r'\d*,\sqrt{d*}', msg).group(0)
    return tuple (map(int, str tp.split(', _')))
def mul tuple(tuple):
    new tuple = (\mathbf{tuple}[0], \mathbf{tuple}[1] * 2)
    return ', , '. join (map(str, new tuple))
def get decrypt flag (enc flag):
    hexflag2 = ''.join('\{:02x\}'.format(ord(ch)) for ch in enc flag)
    numflag2 = int(hexflag2, 16)
    numflag = numflag2 // 2
    hexflag = hex(numflag)[2:]
    return ''.join([chr(int(''.join(ch), 16)) \
                 for ch in zip(hexflag[0::2], hexflag[1::2]))
def main():
    r = remote('localhost', 1488)
    msg = r.recvuntil('>>>,').decode('utf-8')
```

```
tuple = get_cipher(msg)

msg_for_flag = mul_tuple(tuple)
r.sendline(msg_for_flag)

enc_flag = r.recvline().decode('utf-8')
flag = get_decrypt_flag(enc_flag)

print("Decrypted_flag:_{{}}".format(flag))

r.close()

if __name__ == '__main__':
    main()
```

На выходе скрипта получаем флга oren_ctf_WannaCry!

2 Curve task

Теги: Diffie-Hellman, Elliptic curve

Мы перехватили трафиик общения двух хакеров, которые явно что-то замышляют. Одного из них удалось взять горячим, даже получилось вытащить из его системы клиент, через который они общались. Но вот как прочитать их переписку... Задержанный не хочет идти на контакт со следствием и только ехидно говорит, что мы никогда не взломаем их сверх-продвинутый крипто-алгоритм. Помогите!

В задаче применяется алгоритм Диффи-Хеллмана, но немного усложненная версия на элептических кривых. Традиционная аббревиатура: ECDH (Elliptic Curve Diffie-Hellman). Подробнее про криптографию на элептических кривых можно почитать вот тут. Нам дается клиент и сетевой дамп его общения с сервером.

Алгоритм клиента выглядит следующим образом:

- Подключение к серверу и получение параметра кривой: a, b, p (уравнение кривой выглядит как $y^2 = x^3 + a * x + b \pmod{p}$).
- ullet Получение начальной точки G
- Подтверждение начальной точки (или отказ от нее и предложение своей)
- Вычисление секретного ключа а как случайного числа
- Отправка G*a

Hard

- Получение от сервера G*d (где d секретный ключ сервера)
- Вычисление общего ключа s = a * (dG) = adG

Сессия выглядит следующим образом:

```
Establishing secure connection via ECDH...
32593,1864507527,560147175803221327
2309607047,53492280
Accept? [y/n]
y
80842207261242668,482348047571127292
411081575920557992,302474624156986014
0RIGdbNapocC9vboA6JibpPFofB0111RQA10aSzSg5zxEjA8K2QFJpBDZTWOWQ==
jxJ263lpD0s1iu8PsFHFrYjNxc7LwKeXuSwlx2/Sjw==
CDxuXhw=
ugI=
gd0XQjD8ruH6VRtj0topdqS3SAUKy+1nee2XFCpZA/s=
uVf4eg==
uAVKR1ir
b6dQ3YQ0RWHPNE0Z7eRKNDlLCMoF59iJM/cwxaMyADGfxYjHqrQenQ==
njdw
SrmN
```

Рис. 2: Где-то здесь точно есть флаг

Как можно заметить, модуль p не очень большой: 560147175803221327, это примерно 59 бит. Поэтому в данном случае заходит решение "в лоб" через вычисление дискретного логарифма (см. предыдущую задачу). Можно попробовать самому реализовать какой-то из вариантов, но проще всего использовать sage:

```
sage: p = 560147175803221327
sage: E = EllipticCurve(GF(p),[32593,1864507527])
sage: g = E(2309607047,53492280)
sage: v1 = E(411081575920557992,302474624156986014)
sage: v2 = E(80842207261242668,482348047571127292)
sage: g.discrete_log(v1) * v2
(263085750118593959 : 99484538495976508 : 1)
sage: g.discrete_log(v2) * v1
(263085750118593959 : 99484538495976508 : 1)
sage:
```

Рис. 3: Где-то здесь точно есть флаг

После чего не составляет труда, используя данную библиотеку **cryptor** реализовать процесс дешифровки общения и получить флаг:

Листинг 5: Секреты перестают быть таковыми

```
\#!/usr/bin/env python2
\# -*- coding: utf-8 -*-
import cryptor
def decrypt (cipher, crypted):
    return cipher.decrypt(crypted)
def main():
    server msgs = [
        "0RIGdbNapocC9vboA6JibpPFofBO111RQA10aSzSg5zxEjA8K2QFJpBDZTWOWQ==",
        "jxJ263lpDOs1iu8PsFHFrYjNxc7LwKeXuSwlx2/Sjw==",
        "ugI=",
        "uVf4eg==".
        "b6dQ3YQ0RWHPNE0Z7eRKNDlLCMoF59iJM/cwxaMyADGfxYjHqrQenQ==",
        "SrmN"
    client msgs = [
        "cDxuXhw=",
        "gdOXQjD8ruH6VRtj0topdqS3SAUKy+1nee2XFCpZA/s=",
        "uAVKR1ir",
        "nidw"
    1
    priv x = 263085750118593959
    priv y = 99484538495976508
    client cipher = cryptor.cryptor(priv x, priv y, "client")
    server cipher = cryptor.cryptor(priv x, priv y, "server")
    print(decrypt(client cipher, server msgs[0]))
    print(decrypt(client cipher, server msgs[1]))
    for i in range (4):
        print(decrypt(server cipher, client msgs[i]))
        print(decrypt(client cipher, server msgs[i + 2]))
if name == " main ":
```

Hard

main()

После чего можно увидеть о чем же общались хакеры:

```
Successfully established the secure connection Waiting for operator to jump in Hello
Hi
Can you give me the flag please?
Sure
Great!
Here is your flag: oren_ctf_TuringBombe!
Ty!
Bye
```