

---

# CTF Code

Writeups

---

Криптография

22 сентября 2021 г.

# Оглавление

<b>Easy</b>	<b>1</b>
1 Based task . . . . .	1
2 Hashes among us . . . . .	2
<b>Medium</b>	<b>3</b>
1 Please be careful with ASR . . . . .	3
2 Please don't share . . . . .	5
<b>Hard</b>	<b>6</b>
1 Do you want to play some game? . . . . .	6
2 Swift task . . . . .	6

# Easy

## 1 Based task

Достаточно простая задача. Нам дается файл с какими-то иероглифами:



Рис. 1: Китайцы уже близко

Казалось бы, что тут можно придумать, переводчик выдает какую-то дичь. Если заметить название задачи, то можно подумать про какую-то кодировку из base'ов. Немного гуглинга и можно наткнуться на весьма интересную штуку под названием [base65536](#). Прогнав через него натыкаемся на какую-то случайную последовательность эмодзи:



Рис. 2: Кто-то слишком эмоционален

Поуглиив еще немного можно найти **base100**, после извлечения из которого получаем старый-добрый base64:

b3Jlb19jdGZfS2V2aW5EYXZpZE1pdG5pY2shCg==|

Рис. 3: То, что знакомо почти всем

И тут два варианта:

- Прогнать обратно ручками
- Написать питоновский скрипт

Чтобы райтап был полным, рассмотрим второй вариант, потому что первый достаточно очевидный и не требует пояснений. Скрипт для расшифровки выглядит примерно следующим образом:

Листинг 1: Дешифровка флага

```
#!/usr/bin/env python3

import base6536
import pybase100 as base100
import base64

with open('flag.enc', 'r') as flag_file:
    flag = flag_file.read()

flag = base6536.decode(flag)
flag = base100.decode(flag)
flag = base64.b64decode(flag)
flag = flag.decode('utf-8')

print(flag)
```

На выходе получаем флаг `oren_ctf_KevinDavidMitnick!`.

## 2 Hashes among us

Судя по виду зашифрованного флага и названию задачи перед нами какой-то хэш.



Рис. 4: Слишком много хешков

Если посмотреть длину, то мы увидим, что длина флага ровно 32 символа, что позволяет подумать про MD5. Дальше можно либо брутить локально с помощью HashCat/JhonTheRipper или воспользоваться онлайн-сервисами наподобие [CrackStation](#). После чего получаем строку `RobertMorris`, которую нужно обернуть в `oren_ctf_` и `!`. После чего получаем флаг `oren_ctf_RobertMorris!`.

# Medium

## 1 Please be careful with ASR

Судя по ключам и названию задачи речь явно идет про RSA. Что же, можно погуглить про атаки на этот алгоритм и наткнуться на весьма интересную штуку под названием **Håstad's broadcast attack**. После чего, если попробовать сдмпить открытую экспоненту и модуль из наших открытых ключей, то можно увидеть, что во всех трех ключах экспонента маленькая и равна 3. Что уже точно намекает на эту атаку.

### Суть атаки

Пользователь отправляет зашифрованное сообщение  $m$  нескольким пользователям. в данном случае, трём (по числу файлов):  $P1, P2, P3$ . У каждого пользователя есть свой ключ, представляемый парой «модуль-открытая экспонента»  $(n_i, e_i)$ , причём  $M < n_1, n_2, n_3$ . Для каждого из трех пользователей зашифровывает сообщение на соответствующем открытом ключе и отправляет результат адресату. Атакующий же реализует перехват сообщений и собирает переданные шифртексты (обозначим их как  $C_1, C_2, C_3$ ), с целью восстановить исходное сообщение  $M$ . Значит, по имеющимся трем шифртекстам нужно восстановить сообщение, которое будет флагом.

### Почему точно сможем ее реализовать?

Как известно, шифрование сообщения по схеме RSA происходит следующим образом:  $C = M^e \pmod{n}$ . В случае с открытой экспонентой, равной 3, получение шифртекстов выглядит так:

$$\begin{aligned}C_1 &= M^3 \pmod{n_1} \\C_2 &= M^3 \pmod{n_2} \\C_3 &= M^3 \pmod{n_3}\end{aligned}$$

Зная, что  $n_1, n_2, n_3$  взаимно просты, можем применить к шифртекстам **китайскую теорему об остатках**. Получим в итоге некоторое  $C'$ , корень кубический из которого и даст нам искомое сообщение  $M$ .

$$C' = M^3 \pmod{n_1 * n_2 * n_3}$$

Вспоминаем, что  $M$  меньше каждого из трёх модулей  $n_i$ , значит, справедливо равенство:

$$C' = M^3$$

Так мы и найдем наше искомое сообщение  $M$ .

**Программная реализация атаки Хастада** После всего вышесказанного не составляет труда написать простенький скрипт на питоне, который выдает зашифрованное сообщение:

Листинг 2: Атака Хастада

```
#!/usr/bin/env python3

import gmpy2
gmpy2.get_context().precision = 2048

from binascii import unhexlify
from functools import reduce
from gmpy2 import root
from Crypto.PublicKey import RSA

def chinese_remainder_theorem(items):
    N = 1
    for a, n in items:
        N *= n

    result = 0
    for a, n in items:
        m = N // n
        r, s, d = extended_gcd(n, m)
        if d != 1:
            raise "Input_not_pairwise_co-prime"
        result += a * s * m

    return result % N

def extended_gcd(a, b):
    x, y = 0, 1
    lastx, lasty = 1, 0

    while b:
        a, (q, b) = b, divmod(a, b)
        x, lastx = lastx - q * x, x
        y, lasty = lasty - q * y, y

    return (lastx, lasty, a)

def mul_inv(a, b):
```

## Medium

```
b0 = b
x0, x1 = 0, 1
if b == 1:
    return 1
while a > 1:
    q = a // b
    a, b = b, a % b
    x0, x1 = x1 - q * x0, x0
if x1 < 0:
    x1 += b0

return x1

def get_cipher(filename):
    with open(filename, 'rb') as cipher:
        value = cipher.read().hex()

    return int(value, 16)

def get_modulus(filename):
    with open(filename) as keyfile:
        keystream = keyfile.read()
        key = RSA.import_key(keystream)

    return key.n

if __name__ == '__main__':

    ciphertext1 = get_cipher("flag.enc.alice")
    ciphertext2 = get_cipher("flag.enc.bob")
    ciphertext3 = get_cipher("flag.enc.eve")

    modulus1 = get_modulus("alice.pub")
    modulus2 = get_modulus("bob.pub")
    modulus3 = get_modulus("eve.pub")

    C = chinese_remainder_theorem([(ciphertext1, modulus1), (ciphertext2, modulus2), (ciphertext3, modulus3)])
    flag = int(root(C, 3))
    flag = hex(flag)[2:]

    print(unhexlify(flag).decode('utf-8'), end='')
```

*Medium*

## **2 Please don't share**



# Hard

1 Do you want to play some game?

2 Swift task