Análisis Recursivo

Análisis y Diseño de Algoritmos

Dr. Jaime Osorio Ubaldo

Ecuación de recurrencia

El tiempo de ejecución de un algoritmo recursivo se expresa por medio de una ecuación de recurrencia.

Ejemplo Para calcular el factorial de un número. El algoritmo recursivo es

```
función factorial(n)
si (n = 0)
retorna 1
sino
retorna n * factorial(n - 1)
```

Si c_1 es el costo temporal del caso base, la ecuación de recurrencia, f(n), es

$$f(n) = \begin{cases} c_1, & n = 0 \\ f(n-1) + c_2, & n > 0 \end{cases}$$

Ejercicio Determine la complejidad de este algoritmo.



Solución

Sabemos que

$$f(n)=f(n-1)+c_2$$

de aquí

$$f(n-1) = f(n-2) + c_2 \quad y$$

$$f(n-2) = f(n-3) + c_2$$

con lo cual

$$f(n) = f(n-3) + 3c_2$$

podemos deducir que

$$f(n) = f(n-i) + i \cdot c_2$$

para el caso base

$$n-i=1$$

luego

$$f(n) = c_1 + (n-1)c_2$$

Por lo tanto el algoritmo de complejidad $\mathcal{O}(n)$.



Ejercicios

Dada la siguiente ecuación de recurrencia de un determinado algoritmo .

$$T(n) = \left\{ egin{array}{ll} 1, & n \leq 1 \\ T(rac{n}{2}) + 1, & n > 1 \end{array}
ight.$$

Determine la complejidad de este algoritmo.

Ejercicios

Dada la siguiente ecuación de recurrencia de un determinado algoritmo .

$$T(n) = \begin{cases} 1, & n \leq 1 \\ T(n-1) + n, & n > 1 \end{cases}$$

Determine la complejidad de este algoritmo.