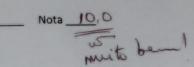


Departamento de Física e Matemática - Defimat

Professor: Roberto Carlos Feitosa Avaliação Parcial 3 - Cálculo I

Aluno(a)



Ouestões:

1. Estude a continuidade de
$$f(x) = \begin{cases} x^3 + 4x^2 + x \text{ se } x \le 0 \\ x^2 + x - 4x \text{ se } x > 0 \end{cases}$$
. (4 escores)

2. Calcule as seguintes derivadas indicadas: (3 escores cada)

a)
$$y = logx.sinx, \frac{dy}{dx}$$
;

b)
$$y = x^{55} + 2^x + \cos x$$
, $\frac{d^{54}y}{dx^{54}}$;
c) $y = \sin^2(\sec^5\sqrt{x^2 - 2^x})$, $\frac{dy}{dx}$

c)
$$y = \sin^2(\sec\sqrt[5]{x^2 - 2^x}), \frac{dy}{dx}$$

- 3. Encontre uma equação da reta tangente à curva $f(x) = x^2 + \frac{2}{x}$ no ponto de abscissa x = 2. (4 escores)
- 4. Encontre a área do maior retângulo que pode ser inscrito em uma circunferência de raio r. (4 escores)

Observações:

- 1- utilize caneta de cor azul ou preta. Questões resolvidas com o uso de lápis não serão consideradas;
- 2- não escreva na folha de frente da prova;
- 3- resolva as questões na sequência apresentada.

Escores:

1) Para x > 0, $f(x) = x^3 + 4x^2 + x$ é polinomial. Por conta disso, f(x) é continue para x > 0, $x \in \mathbb{R}$ Para x < 0, $f(x) = x^2 + x - 4x$ é polinomial. Por conta disso, f(x) é continua para x < 0, $x \in \mathbb{R}$

Resta analisor a continuidade de f(x) para x=0.

Para f(x) continua em D

i) $\pm \lim_{x\to 0} f(x)$? $f(0) = 0 \quad \forall \quad \lim_{x\to 0^{+}} f(x) = 0^{3} + 40^{2} + 0 = 0 \quad \lim_{x\to 0^{+}} f(x) \neq \lim_{x\to 0^{-}} f(x)$ $\lim_{x\to 0^{-}} f(x) = 0^{2} + 0 - 4 = -4 \quad \exists \quad \lim_{x\to 0} f(x) \quad X \Rightarrow 0$

Como não existe limite para x+0, f(x) é descontínua em x=0

f(x) { continua para x & 1983-40}.

Continua para todo real não nulo

$$\frac{dY}{dx} = \frac{d}{dx} \left(\frac{\log x}{\log x} \right) \cdot \sin x$$

$$\frac{dY}{dx} = \frac{d}{dx} \frac{\log x}{\log x} \cdot \sin x \right) = \frac{dy}{dx} = \frac{\log x}{\log x} \left(x \cdot \sin x + \log x \right) \cdot (\sin x) = \frac{1}{x \cdot \ln x} \left(x \cdot \cos x \right)$$

$$\frac{dY}{dx} = \frac{\sin x}{x \cdot \ln x} + \log x \left(x \cdot \cos x \right) = \frac{d^{2q}}{dx^{2q}} \left(x \cdot \cos x \right) = \frac{1}{x \cdot \ln x} \left(x \cdot \cos x \right)$$

$$\frac{d^{2q}}{dx^{2q}} = \frac{d^{2q}}{dx^{2q}} \left(x \cdot \sin x + \log x \right) = \frac{d^{2q}}{dx^{2q}} \left(x \cdot \cos x \right)$$

$$\frac{d^{2q}}{dx^{2q}} = \frac{d^{2q}}{dx^{2q}} \left(x \cdot \cos x \right) = \frac{d^{2q}}{dx^{2q}} \left(x \cdot \cos x \right)$$

$$\frac{d^{2q}}{dx^{2q}} = \frac{d^{2q}}{dx^{2q}} \left(x \cdot \cos x \right) = \frac{d^{2q}}{dx^{2q}} \left(x \cdot \cos x \right)$$

$$\frac{(1)}{(1)} \left(x \cdot \cos x \right) = \frac{1}{x \cdot \ln x} \left(x \cdot \cos x \right)$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = \frac{1}{x \cdot \ln x} \left(x \cdot \cos x \right) = -\sin x \left(x \cdot \cos x \right)$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x \left(\cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = \frac{1}{x \cdot \ln x} \left(\cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^{1/2}}{(2x)^{1/2}} \left(x \cdot \cos x \right) = -\cos x$$

$$\frac{(2x)^$$

$$f'(x) = (x^{2} + \frac{2}{x})' = (x^{2})' + (\frac{2}{x})' = 2x - 2\frac{1}{x^{2}} = 2(x - \frac{1}{x^{2}})$$

ret.
$$t: M_1 = \frac{\pi}{2}$$
, $(2, f(z) \in M_1)$

$$= M_1 = \frac{\Delta Y}{\delta X} = \frac{5 - \psi}{2 - \chi} = 5 - \psi = 3 / \frac{\pi}{2} - \frac{7 \times \chi}{2} = 0$$
(2,5)

$$\frac{1 \cdot 1 \cdot 1 - \frac{7}{2} \times + 2 = 0}{1 \cdot 1 + 2 - \frac{7}{2} \times + 1 + 2 = 0}$$

4) Observaçque 2R=d, sendo d-a diagonal do retringulo

Per pitágeras,
$$a^2+b^2=d^2=4R^2$$

i) $a^2+b^2=4R^2$, onde $a,b \in [0,2R]$
 $A(\square) = a \cdot b = A(a,b)$

Observe em i

Observe em i

$$a^2 + b^2 = 4R^2 = 5 \quad b^2 = 4R^2 - a^2 = 5 \quad b = \pm 4R^2 - a^2$$
.

Assim escrevemos

$$A'(x) = (\alpha \cdot \sqrt{4R^2 - \alpha^2})' = \sqrt{4R^2 - \alpha^2} + \alpha \cdot \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{4R^2 - \alpha^2}} \cdot (-2\alpha) = \sqrt{4R^2 - \alpha^2 - \alpha^2} = \frac{4R^2 - \alpha \cdot 2\alpha^2}{\sqrt{4R^2 - \alpha^2}}$$

1 # A'(a) => \$4R2 - 02 <0 => 4R2 < 02 => |a| > 2R => |a| > 2R | 5 | 0.2R] => a & 12R}

$$|A'(a) = 0 \Rightarrow \frac{4R^2 - 2a^2}{4R^2 - a^2} = 0 \Rightarrow \frac{4R^2 - 2a^2}{4R^2 - 2a^2} = 0 \Rightarrow 4R^2 = 2a^2 \Rightarrow 2R^2 = a^2 \Rightarrow a = \pm \sqrt{2}R$$

Testes dos extremos e dos números críticos

$$A(0) = 0.4R^2 - 0 = 0$$
 $A(2R) = \frac{2R}{4R^2 - (2R)^2} = 2R \cdot |4R^2 - 4R^2| = 2R \cdot 0 = 0$

como é área, utilizaremos a raie position