

FÍSICA - ELETRICIDADE

BIBLIOGRAFIA: 1) FUNDAMENTOS DE FÍSICA. HALLIDAY, RESNICK. V. 3

2) FÍSICA. RESNICK, HALLIDAY. V. 3

⇒ CARGA ELÉTRICA E A LEI DE COULOMB

- CARGAS POSITIVAS
- CARGAS NEGATIVAS (ELÉTRONS)

"CARGAS DE MESMO SINAL REPELEM-SE MUTUAMENTE E CARGAS DE SINAIS OPPOSTOS ATRÁEM-SE MUTUAMENTE."

CARGA ELÉTRICA (q) ⇒ UNIDADE COULOMBS (C)

$$q = n \cdot e \quad \text{ONDE } n = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots$$

$$i = \frac{dq}{dt}$$

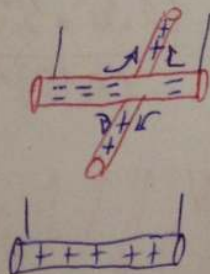
$$e = 1,602 \times 10^{-19} \text{ C}$$

→ CONDUTORES E ISOLANTES

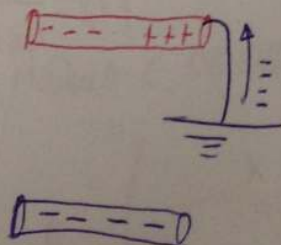
- ATERRAMENTO
- POLARIZAÇÃO

→ CARREGAMENTO POR CONTATO E POR INDUÇÃO

• CONTATO



• INDUÇÃO



→ LEI DE COULOMB

"A FORÇA ELÉTRICA APLICADA POR UM CORPO CARREGADO EM OUTRO DEPENDE DIRETAMENTE DO PRODUTO DAS INTENSIDADES DAS DUAS CARGAS E INVERSAMENTE DO QUADRADO DE SUAS DISTÂNCIAS.

$$F \propto \frac{|q_1| |q_2|}{r^2}$$

⇓

$$F = K \frac{|q_1| |q_2|}{r^2}$$

ONDE F = INTENSIDADE DA FORÇA MÚTUA

q_1, q_2 = CARGAS

r = DISTÂNCIA ENTRE OS CENTROS

ONDE K = CONSTATANTE DE PROPORCIONALIDADE (CONSTANTE DE COULOMB)

$$K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8,99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2$$

↳ CONSTATANTE DE PERMISSIVIDADE

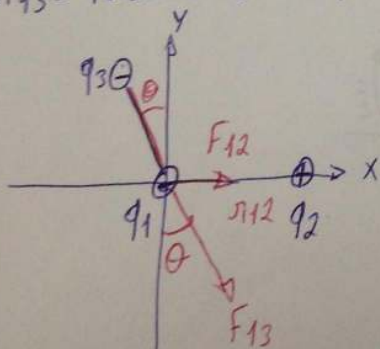
→ LEI DE COULOMB (FORMA VETORIAL)

• PROPRIEDADES DIRECIONAIS

- DIREÇÃO

- SENTIDO

EX: QUAL É A FORÇA ELETROSTÁTICA DEVIDO ÀS DUAS OUTRAS CARGAS, QUE AGE SOBRE A CARGA q_1 ? SEJA $q_1 = -1,2 \mu\text{C}$, $q_2 = +3,7 \mu\text{C}$, $q_3 = -2,3 \mu\text{C}$, $r_{12} = 15 \text{ cm}$, $r_{13} = 10 \text{ cm}$ E $\theta = 32^\circ$.



$$F_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{|q_1| |q_2|}{r_{12}^2} = 8,99 \times 10^9 \cdot \frac{1,2 \times 10^{-6} \cdot 3,7 \times 10^{-6}}{(0,15)^2}$$

$$F_{12} = 1,77 \text{ N}$$

$$F_{13} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{|q_1| |q_3|}{r_{13}^2} = 8,99 \times 10^9 \cdot \frac{1,2 \times 10^{-6} \cdot 2,3 \times 10^{-6}}{(0,10)^2}$$

$$F_{13} = 2,48 \text{ N}$$

$$\begin{aligned} F_{1x} &= F_{12x} + F_{13x} = F_{12} + F_{13} \sin \theta \\ &= 1,77 + 2,48 \sin(32^\circ) \\ F_{1x} &= 3,08 \text{ N} \end{aligned}$$

$$F_{1y} = F_{12y} + F_{13y} = 0 - F_{13} \cos \theta$$

$$F_{1y} = -2,48 \cdot \cos 32^\circ = -2,10 \text{ N}$$

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (\text{CARGA PONTUAL})$$

→ LEI DE GAUSS

~~FLUXO DE UM CAMPO VETORIAL~~

"RELACIONA OS CAMPOS ELÉTRICOS NOS PONTOS DE UMA SUPERFÍCIE GAUSSIANA (FECHADA) À CARGA TOTAL ENVOLVIDA PELA SUPERFÍCIE"

- FLUXO

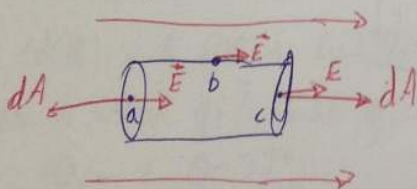
~~$\vec{v} \cdot \vec{A}$~~ $\phi = \vec{v} \cdot \vec{A}$

- FLUXO DE UM CAMPO ELÉTRICO

$$\phi = \oint \vec{E} \cdot d\vec{A}$$

→ PARA UMA SUPERFÍCIE FECHADA

EX: QUAL O FLUXO ϕ DO CAMPO ELÉTRICO?



$$\phi = \oint \vec{E} \cdot d\vec{A}$$

$$= \int_a \vec{E} \cdot d\vec{A} + \int_b \vec{E} \cdot d\vec{A} + \int_c \vec{E} \cdot d\vec{A}$$

$$\int_a \vec{E} \cdot d\vec{A} = \int_a E \cdot \cos 180^\circ dA$$

$$= -E \int dA = -E \cdot A$$

$$\phi = -EA + 0 + EA = \boxed{0}$$

$$\int_c \vec{E} \cdot d\vec{A} = \int_c E \cdot \cos 0^\circ dA$$

$$= E \cdot A$$

$$\int_b \vec{E} \cdot d\vec{A} = \int_b E \cdot \cos 90^\circ dA = 0$$

- LEI DE GAUSS

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q_{ENV}$$

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q_{ENV}$$

EXERCÍCIOS

CAP. 21

1) $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q(Q-q)}{R^2}$

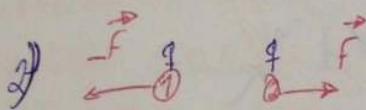
$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{|q| \cdot |Q|}{R^2} \Rightarrow F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q(Q-q)}{R^2}$$

$$F(q) = q(Q-q) \Rightarrow F'(q) = Q - 2q \quad Q - 2q = 0$$

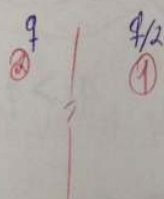
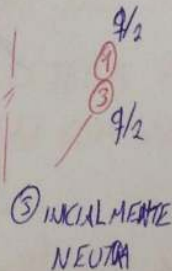
$$F'(q) = Q - 2q$$

$$q = \frac{Q}{2}$$

$$\frac{Q}{q} = \frac{1}{2} \Rightarrow \boxed{\frac{Q}{q} = 0,5}$$

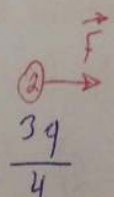
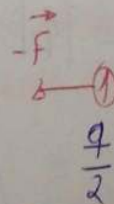


$$F = K \cdot \frac{q^2}{R^2}$$



$$= q + \frac{q}{2}$$

$$= \frac{3q}{2} = \frac{3q \cdot 1}{2 \cdot 2} = \left(\frac{3q}{4}\right)$$



$$F' = K \cdot \frac{q}{2} \cdot \frac{3q}{4} \cdot \frac{1}{R^2}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{K \cdot \frac{q}{2} \cdot \frac{3q}{4}}{K \cdot \frac{q^2}{R^2}} = \frac{K \cdot \frac{q}{2} \cdot \frac{3q}{4} \cdot R^2}{K \cdot \frac{q^2}{R^2}}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{K \cdot \frac{3q^2}{8} \cdot \frac{R^2}{K \cdot q^2}}{\frac{R^2}{K \cdot q^2}} = \frac{3}{8} = \boxed{0,375}$$

3) $q_1 = 26 \mu\text{C}$

$q_2 = -47 \mu\text{C}$

$F = 5,7 \text{ N}$

$$F = K \cdot \frac{|q_1 \cdot q_2|}{R^2}$$

$$R = \sqrt{\frac{K \cdot q_1 \cdot q_2}{F}}$$

$$R = \sqrt{\frac{(8,99 \times 10^9) \cdot (26 \times 10^{-6}) \cdot (47 \times 10^{-6})}{5,7}} \Rightarrow R = 1,39 \text{ m}$$

4) $i = \frac{q}{t} \Rightarrow q = i \cdot t$

$$q = 2,5 \times 10^4 \cdot 20 \cdot 10^{-6}$$

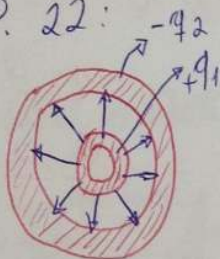
$$q = 0,5 \text{ C}$$

5) $F = K \frac{|q_1| |q_2|}{R^2} \Rightarrow F = 8,99 \times 10^9 \frac{3 \times 10^{-6} \cdot 1,5 \times 10^{-6}}{(0,12)^2} \Rightarrow F = 2,81 \text{ N}$

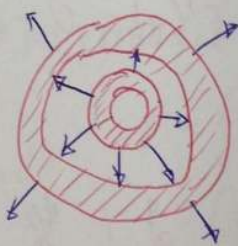
$12 \text{ cm} = 0,12 \text{ m}$

CAP. 22:

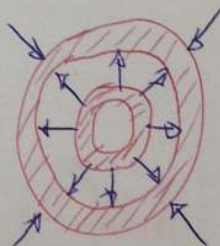
1)



$$q_1 = |q_2|$$

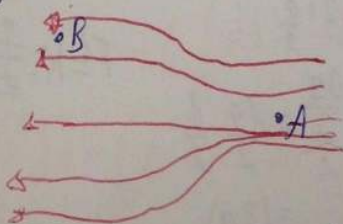


$$q_1 > q_2$$



$$q_1 < q_2$$

2)



a) $F = q \cdot E_A$

$$F = 1,6 \times 10^{-19} \cdot 40 \Rightarrow$$

$$F = 6,4 \times 10^{-18} \text{ N}$$

CARGA DO PRÓTON = $+1e$

$$= 1 \cdot 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

b) $E_B = \frac{E_A}{2}$

$$E_B = \frac{40}{2}$$

$$E_B = 20 \text{ N/C}$$

$$3) \quad \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \Rightarrow \vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 R^2}$$

$$6,64 \text{ fm} \rightarrow \text{FEMTO } (10^{-15})$$

$$4) \quad E = 8,99 \times 10^9 \cdot \frac{24 \cdot 1,6 \times 10^{-19}}{(6,64 \times 10^{-15})^2} = \boxed{3,07 \times 10^{21} \text{ N/C}}$$

b) COMO A CARGA É POSITIVA, O CAMPO APONTA PARA FORA DO NÚCLEO.

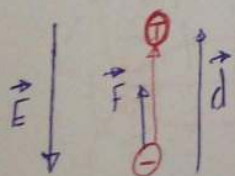
X TRABALHO CAP. 23
ENTREGA 18/09
QUESTÕES NÍVEIS 1 E 2.

PROVA 25/09
CAP. 21-24

CAP. 24 POTENCIAL ELÉTRICO

- ENERGIA POTENCIAL ELÉTRICA

EX: SUPONDO QUE ELÉTRONS, UMA VEZ LIBERADOS, ESTÃO SUJEITOS A UMA FORÇA ELETROSTÁTICA \vec{F} ASSOCIADA AO CAMPO ELÉTRICO \vec{E} PRODUZIDO POR PARTÍCULAS CARREGADAS NA TERRA. PERTO DA SUPERFÍCIE TERRESTRE ESSE CAMPO ELÉTRICO TEM MÓDULO 150 N/C E APONTA PARA O CENTRO DA TERRA. QUAL É A VARIAÇÃO ΔU DA ENERGIA POTENCIAL ELÉTRICA DE UM ELÉTRO LIVRE NA ATMOSFERA QUANDO A FORÇA ELETROSTÁTICA FAZ COM QUE SE MOVA VERTICALMENTE PARA CIMA DE UMA DISTÂNCIA $d = 520 \text{ m}$?



$$i) \quad \Delta U = -W \rightarrow \text{TRABALHO}$$

$$ii) \quad W = \vec{F} \cdot \vec{d}$$

$$iii) \quad \vec{F} = q \cdot \vec{E}$$

$$W = q \cdot E \cdot d \cdot \cos \theta$$

* COMO O ÂNGULO ENTRE \vec{E} E \vec{d} É $180^\circ = \theta$.

$$W = (-1,6 \cdot 10^{-19}) \cdot 150 \cdot 520 \cdot \cos 180^\circ$$

$$q = -1,6 \times 10^{-19} \text{ C} \quad (\text{ELÉTRON})$$

$$\boxed{W = 1,2 \times 10^{-14} \text{ J}} \Rightarrow \Delta U = -W \Rightarrow \boxed{\Delta U = -1,2 \times 10^{-14} \text{ J}}$$

→ POTENCIAL ELÉTRICO

"A ENERGIA POTENCIAL POR UNIDADE DE CARGA ASSOCIADA A UM CAMPO ELÉTRICO POSSUI UM VALOR ÚNICO EM CADA PONTO DO ESPAÇO."

$$V = \frac{U}{q} \Rightarrow \Delta V = V_f - V_i = \frac{U_f}{q} - \frac{U_i}{q} = \frac{\Delta U}{q}$$

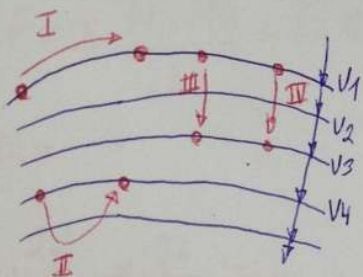
↳ DIFERENÇA DE POTENCIAL ELÉTRICO

↳ POTENCIAL ELÉTRICO

$$\Delta V = - \frac{W}{q} \quad \begin{matrix} \text{(JOULE)} \\ \text{(COULOMB)} \end{matrix}$$

$$1 \text{ VOLT} = 1 \text{ JOULE POR COULOMB}$$

→ SUPERFÍCIE EQUIPOTENCIAIS



$$V_1 = 100V \quad V_3 = 60V$$

$$V_2 = 80V \quad V_4 = 40V$$

I) O TRABALHO REALIZADO AO LONGO DE UMA TRAJETÓRIA QUE SE MANTÉM EM UMA SUPERFÍCIE EQUIPOTENCIAL É NULO.

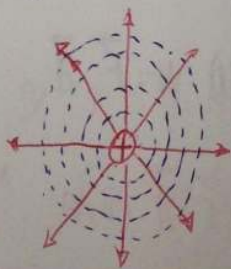
II) O TRABALHO REALIZADO AO LONGO DE UMA TRAJETÓRIA QUE COMEÇA E TERMINA NA MESMA SUPERFÍCIE EQUIPOTENCIAL É NULO.

III, IV) TRABALHOS REALIZADOS AO LONGO DE TRAJETÓRIAS QUE COMEÇAM E TERMINAM NAS MESMAS SUPERFÍCIES EQUIPOTENCIAIS SÃO IGUAIS.

a) CAMPO UNIFORME

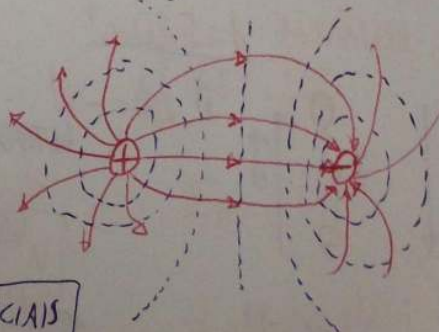


b) CARGA PONTUAL

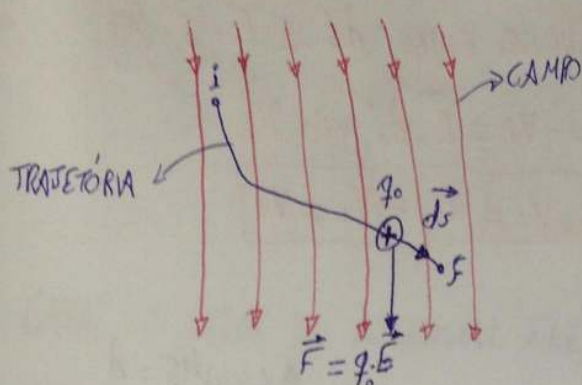


SUPERFÍCIES EQUIPOTENCIAIS
PERPENDICULARES
LINHAS DE CAMPO

c) DIPOLO ELÉTRICO



⇒ CÁLCULO DO POTENCIAL A PARTIR DO CAMPO



$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{s}$$

$$dW = q_0 \cdot \vec{E} \cdot d\vec{s} \quad \int dW = \int q_0 \cdot \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

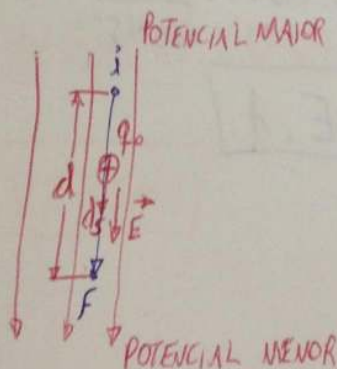
$$W = q_0 \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

PARA DETERMINAR O TRABALHO TOTAL "W" REALIZADO PELO CAMPO SOBRE A PARTÍCULA DESLOCANDO-SE DE i PARA f, SOMA-SE POR INTEGRAÇÃO OS TRABALHOS ELEMENTARES REALIZADOS SOBRE A CARGA EM TODOS OS DESLOCAMENTOS ELEMENTARES $d\vec{s}$.

$$V_f - V_i = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s} \quad \Rightarrow \quad V = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

↳ INTEGRAL DE LINHA

Ex1:



ÂNGULO ENTRE \vec{E} E $d\vec{s} = 0^\circ$

$$V_f - V_i = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s} \cos \theta$$

$$V_f - V_i = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s} \cos 0^\circ$$

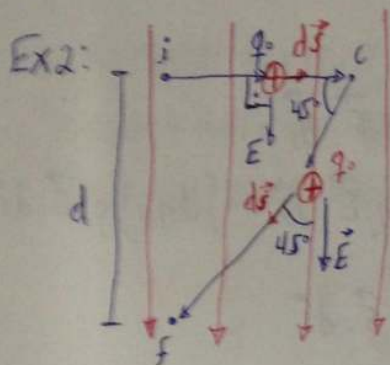
$$V_f - V_i = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

PARA \vec{E} UNIFORME:

" \vec{E} CONSTANTE AO LONGO DA TRAJETÓRIA."

$$V_f - V_i = -E \int_i^f ds$$

$$V_f - V_i = -E \cdot d$$



i) DE j PARA c

O ÂNGULO ENTRE $d\vec{s}$ E \vec{E} É 90°

$$V_c - V_j = \vec{E} \cdot d\vec{s} \cdot \cos 90^\circ$$

$$\boxed{V_c - V_j = 0} \Rightarrow \boxed{V_c = V_j}$$

ii) ~~DEC~~ DE c PARA f

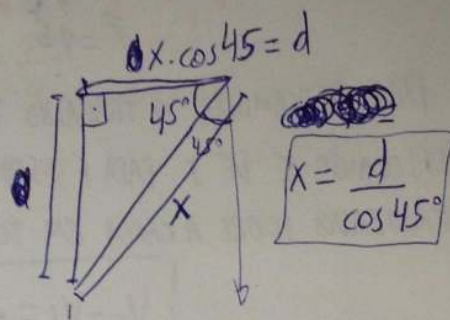
O ÂNGULO ENTRE $d\vec{s}$ E \vec{E} É 45°

$$V_f - V_c = - \int_c^f \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

$$V_f - V_c = - \int_c^f E \cdot d\vec{s} \cdot \cos 45^\circ$$

$$V_f - V_c = -E \cdot \cos 45^\circ \cdot \int_c^f d\vec{s} \Rightarrow V_f - V_c = -E \cdot \cos 45^\circ \cdot \frac{d}{\cos 45^\circ}$$

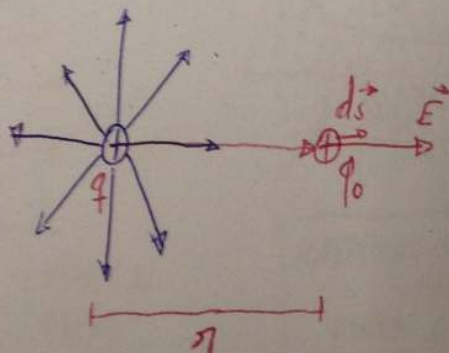
$$\boxed{V_f - V_c = -E \cdot d}$$



→ POTENCIAL PRODUZIDO POR UMA CARGA PONTUAL

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r}$$

→ POTENCIAL
→ DISTÂNCIA DE UMA CARGA À PARTÍCULA



→ POTENCIAL PRODUZIDO POR UM GRUPO DE CARGAS PONTUAIS

$$V = \sum_{i=1}^n V_i = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{r_i} \quad (n \text{ CARGAS PONTUAIS})$$

→ SOMA ALGÉBRICA

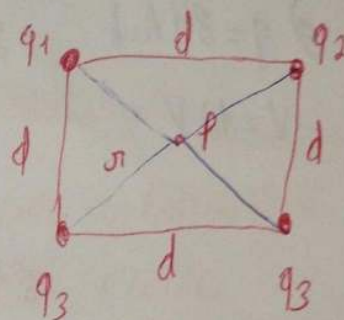
EX: QUAL O VALOR DO POTENCIAL ELÉTRICO NO PONTO P, SITUADO NO CENTRO DO QUADRADO DE CARGAS PONTUAIS QUE APARECE NA FIGURA? A DISTÂNCIA d É $1,3\text{m}$ E AS CARGAS SÃO:

$$q_1 = +12\text{mC} \quad q_2 = -24\text{mC} \quad q_3 = +31\text{mC} \quad q_4 = +17\text{mC}$$

$$R- \quad V = \sum_{i=1}^4 V_i = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \left(\frac{q_1}{r} + \frac{q_2}{r} + \frac{q_3}{r} + \frac{q_4}{r} \right)$$

$$V = 8,99 \cdot 10^9 \cdot \frac{(12 - 24 + 31 + 17) \cdot 10^{-9}}{0,919}$$

$$V \approx 350\text{V}$$



$$h^2 = d^2 + d^2$$

$$h = \sqrt{2 \cdot d^2}$$

$$h = d \cdot \sqrt{2}$$

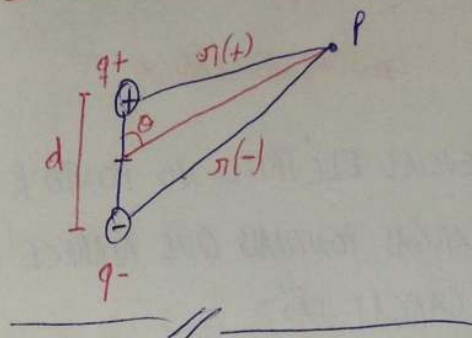
$$r = \frac{h}{2} = \frac{d \cdot \sqrt{2}}{2}$$

$$r = \frac{1,3 \cdot \sqrt{2}}{2} = 0,919$$

→ POTENCIAL PRODUZIDO POR UM DIPOLO ELÉTRICO

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{P \cdot \cos\theta}{r^2}$$

ONDE $P = q \cdot d$



EXERCÍCIOS - CAP 24

1) a) $q = 84 \text{ A} \cdot \text{h}$

$V = 12 \text{ V}$

$$84 \text{ A} \cdot \text{h} = 84 \left(\frac{\text{C}}{\text{s}} \cdot \text{h} \right)$$

$$= 84 \left(\frac{\text{C}}{\text{s}} \cdot 3600 \text{ s} \right)$$

$$i = \frac{q}{t} \Rightarrow A \rightarrow 1 \text{ C/s}$$

$$1 \text{ h} \rightarrow 3600 \text{ s}$$

$$84 \text{ A} \cdot \text{h} \cong 3,024 \cdot 10^5 \text{ C} \cong \boxed{3 \cdot 10^5 \text{ C}}$$

b) ENERGIA POTENCIAL

$$\Delta U = q \cdot \Delta V \Rightarrow \Delta U = 3 \cdot 10^5 \cdot 12 \Rightarrow \boxed{\Delta U = 36 \cdot 10^6 \text{ J}}$$

2) $\Delta V = 1,2 \cdot 10^9 \text{ V}$

$$\Delta U = e \cdot \Delta V$$

$$\boxed{\Delta U = 1,2 \cdot 10^9 \text{ e.V}}$$

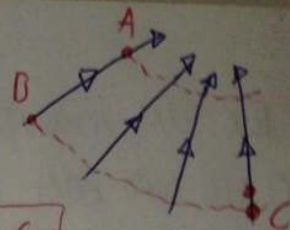
3) $V = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 R} \Rightarrow q = V R \cdot 4\pi\epsilon_0$

$$m = \frac{|q|}{e} = \frac{|1 \cdot 10^{-6} \cdot (-400)|}{8,99 \cdot 10^9 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}}$$

$R = 1 \cdot 10^{-6} \text{ m} \quad V = -400 \text{ V}$

$$\boxed{m \cong 2,8 \cdot 10^5}$$

$$d) W = 3,94 \times 10^{-19} \text{ J}$$



$$g) V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-W}{-e} = \frac{-3,94 \times 10^{-19}}{-1,6 \times 10^{-19}} \Rightarrow \boxed{V_B - V_A = 2,46 \text{ V}}$$

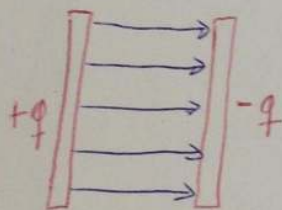
$$-e = -1,6 \cdot 10^{-19}$$

$$b) V_C - V_A = V_B - V_A = 2,46 \text{ V}$$

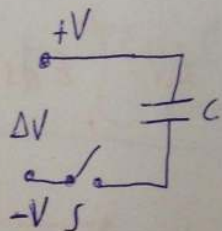
$$c) V_C - V_D = 0 \quad (\text{C e D est\~ao na mesma linha equipotencial})$$

→ CAP. 25 - CAPACIT\~ANCIA

- CAPACITOR: • ARMAZENA ENERGIA EM UM CAMPO ELETROST\~ATICO.
- PODE DRENAR ENERGIA DE MANEIRA LENTA OU RAPIDAMENTE.
- SUAVIZA VARIA\~OES BRUSCAS NA TENS\~AO / FILTROS.



- PLACAS (COM GEOMETRIAS VARIADAS)
- CAPACITOR GEN\~ERICO: DITO CARREGADO SE SUAS PLACAS POSSUEM CARGAS IGUAIS E DE SINAIS CONTR\~ARIOS.



ΔV : DIFEREN\~CA DE POTENCIAL
 C : CAPACITOR (CAPACIT\~ANCIA)

$$Q = C \cdot \Delta V$$

$\Delta V \rightarrow \text{DDP (VOLT)}$
 $C \rightarrow \text{CAPACIT\~ANCIA } \left(\frac{\text{COULOMB}}{\text{VOLT}} = \text{FARAD} \right)$
 $Q \rightarrow \text{CARGA ENTRE AS PLACAS (COULOMB)}$

EX: UM CONDUTOR ISOLADO TEM POTENCIAL $V_1 = 300V$ QUANDO ELETRIZADO COM CARGA $Q_1 = 2\mu C$. SE AUMENTARMOS O POTENCIAL DESSE CONDUTOR PARA $V_2 = 450V$, QUAL SERÁ A CARGA DESSE CONDUTOR?

$$C = \frac{Q_1}{V_1} = \frac{Q_2}{V_2} \Rightarrow Q_2 = \frac{V_2}{V_1} \cdot Q_1$$

$$Q_2 = \frac{450}{300} \cdot 2\mu C \Rightarrow Q_2 = 3\mu C$$

→ CAPACITÂNCIA X VOLUME

- GÁS IDEAL

$$PV = n \cdot R \cdot T$$

↳ CONSTANTE

- SUPORTA AUMENTO DA QUANTIDADE DE GÁS PARA O MESMO VOLUME

- CAPACITOR

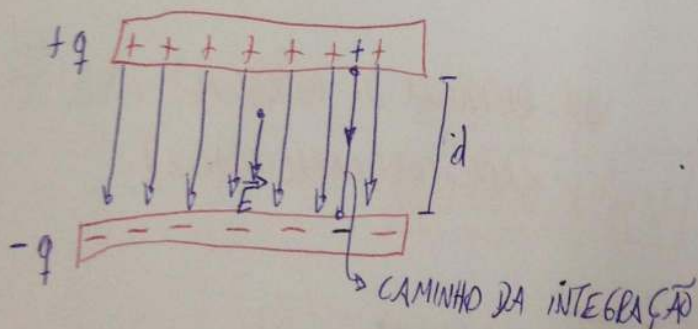
$$q = C \cdot \Delta V$$

- SUPORTA AUMENTO DA QUANTIDADE DE CARGAS PARA A MESMA CAPACITÂNCIA.

→ REVISÃO CAMPO ELÉTRICO ENTRE PLACAS (UNIFORME)

$$\Delta V = V_+ - V_- = - \int_+^- \vec{E} \cdot d\vec{s} = \int_+^- \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

→ CAPACITOR DE PLACAS PARALELAS



$$\Delta V = \int_+^- E ds = \frac{q}{\epsilon_0 A} \int_+^- ds$$

$$\Delta V = \frac{q d}{\epsilon_0 A}$$

↳ CARGA
 ↳ DISTÂNCIA
 ↳ ÁREA
 ↳ CONSTANTE DE PERMISSIVIDADE
 $8,85 \times 10^{-12} \text{ F/m}$

Logo, PARA $C = \frac{q}{\Delta V}$

$$\Delta V = \frac{q \cdot d}{\epsilon_0 \cdot A} \Rightarrow \epsilon_0 \cdot A = \frac{q \cdot d}{\Delta V} \Rightarrow \boxed{C = \frac{\epsilon_0 \cdot A}{d}}$$

↳ CAPACITÂNCIA DE
CAPACITOR DE PLACAS
PARALELAS.

- CAPACITOR ESFÉRICO



* CAMPO CARGA PONTUAL

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad a < r < b$$

$$\Delta V = \int_+^- E ds$$

$$= \int_a^b \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{dr}{r^2} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right)$$

$$\boxed{\Delta V = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{b-a}{a \cdot b}}$$

$$\boxed{C = 4\pi\epsilon_0 \cdot \frac{a \cdot b}{b-a}}$$

CAPACITÂNCIA
→ CAPACITOR ESFÉRICO

- CAPACITOR CILINDRICO:

$$C = 2\pi\epsilon_0 \cdot \frac{L}{\ln\left(\frac{b}{a}\right)}$$

CAPACITÂNCIA
CAPACITOR CILINDRICO

Ex: SE A TERRA FOR CONSIDERADA UM CONDUTOR ESFÉRICO DE RAIO $R=6400 \text{ Km}$ E SITUADA NO VÁCUO, SUA CAPACITÂNCIA SERÁ APROXIMADAMENTE QUANTO?

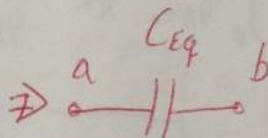
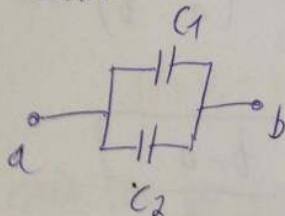
* PARA UM CONDUTOR ESFÉRICO ISOLADO

$$C = \frac{R}{K} \rightarrow \text{RAIO}$$
$$K \rightarrow 8,99 \times 10^9$$
$$\Rightarrow C = \frac{6,4 \times 10^6}{8,99 \times 10^9}$$

$$C \approx 700 \mu\text{F} \rightarrow \text{CAPACITÂNCIA BAIXA.}$$

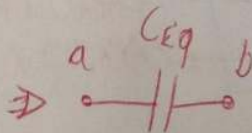
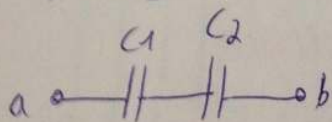
- ASSOCIAÇÃO DE CAPACITORES

• PARALELO



$$C_{eq} = C_1 + C_2$$

• SÉRIE

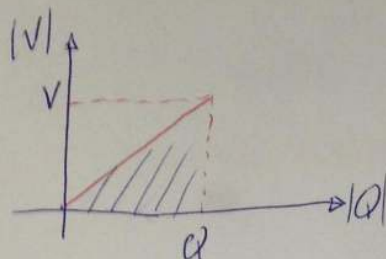


$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

→ ENERGIA ELÉTRICA ARMAZENADA

• CONSIDERE UM CONDUTOR QUE POSSUA CAPACITÂNCIA "C" E SERÁ CARREGADO COM CARGA "Q".

• COMO $Q = C \cdot V \Rightarrow$ LOGO $V = \frac{Q}{C}$



$$E_p = \frac{|Q| \cdot |V|}{2} \Rightarrow E_p = \frac{Q \cdot V}{2}$$

P/ $Q = C \cdot V$ E $V = \frac{Q}{C}$

$$E_p = \frac{C \cdot V^2}{2} \text{ ou } E_p = \frac{Q^2}{2C}$$

EX: UM CAPACITOR DE ~~ENERGIA~~ CAPACITÂNCIA IGUAL A $0,25 \cdot 10^{-6} \text{ F}$ É CARREGADO ATÉ UM POTENCIAL DE $1,00 \cdot 10^5 \text{ V}$, SENDO ENTÃO DESCARREGADO ATÉ $0,40 \cdot 10^5 \text{ V}$ NUM INTERVALO DE TEMPO DE 0,10 SEGUNDOS, ENQUANTO TRANSFERE ENERGIA PARA UM EQUIPAMENTO DE RAIOS X. A CARGA TOTAL (Q), E A ENERGIA (E), FORNECIDAS AO TUBO DE RAIOS X, SÃO MAIS BEM REPRESENTADAS RESPECTIVAMENTE POR:

- CARGA INICIAL Q_1 : $Q_1 = C \cdot V_1 \Rightarrow Q_1 = 0,25 \cdot 10^{-6} \cdot 1 \cdot 10^5 \Rightarrow Q_1 = 0,025 \text{ C}$

- CARGA FINAL Q_2 : $Q_2 = C \cdot V_2 \Rightarrow Q_2 = 0,25 \cdot 10^{-6} \cdot 0,4 \cdot 10^5 \Rightarrow Q_2 = 0,01 \text{ C}$

$$E_1 = \frac{Q_1 \cdot V_1}{2} = \frac{0,025 \cdot 1 \cdot 10^5}{2} \Rightarrow E_1 = 1250 \text{ J}$$

$$Q_{\text{FORN.}} = Q_1 - Q_2 = 0,025 - 0,01$$

$$Q_{\text{FORN.}} = 0,015 \text{ C}$$

$$E_2 = \frac{Q_2 \cdot V_2}{2} = \frac{0,01 \cdot 0,4 \cdot 10^5}{2} \Rightarrow E_2 = 200 \text{ J}$$

$$E_{\text{FORN.}} = E_1 - E_2 = 1250 - 200 =$$

$$E_{\text{FORN.}} = 1050 \text{ J}$$