

## Controladores Digitais

### Estrutura Paralela

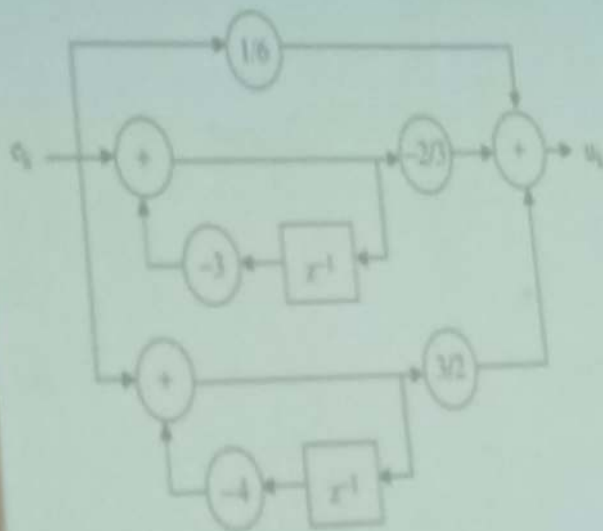
Continuando o exercício da aula passada (juntar)

Exemplo: Dada a FT do controlador  $D(z)$ , encontre a estrutura paralela:

$$D(z) = \frac{(1+z^{-1})(1+2z^{-1})}{(1+3z^{-1})(1+4z^{-1})} \Leftrightarrow D(z) = \frac{(1+z^{-1})(1+2z^{-1})}{(1+3z^{-1})(1+4z^{-1})} = \frac{A}{1+3z^{-1}} + \frac{B}{1+4z^{-1}} + C.$$

$A = -\frac{2}{3}$ ,  $B = \frac{3}{2}$  and  $C = \frac{1}{6}$ . Thus,

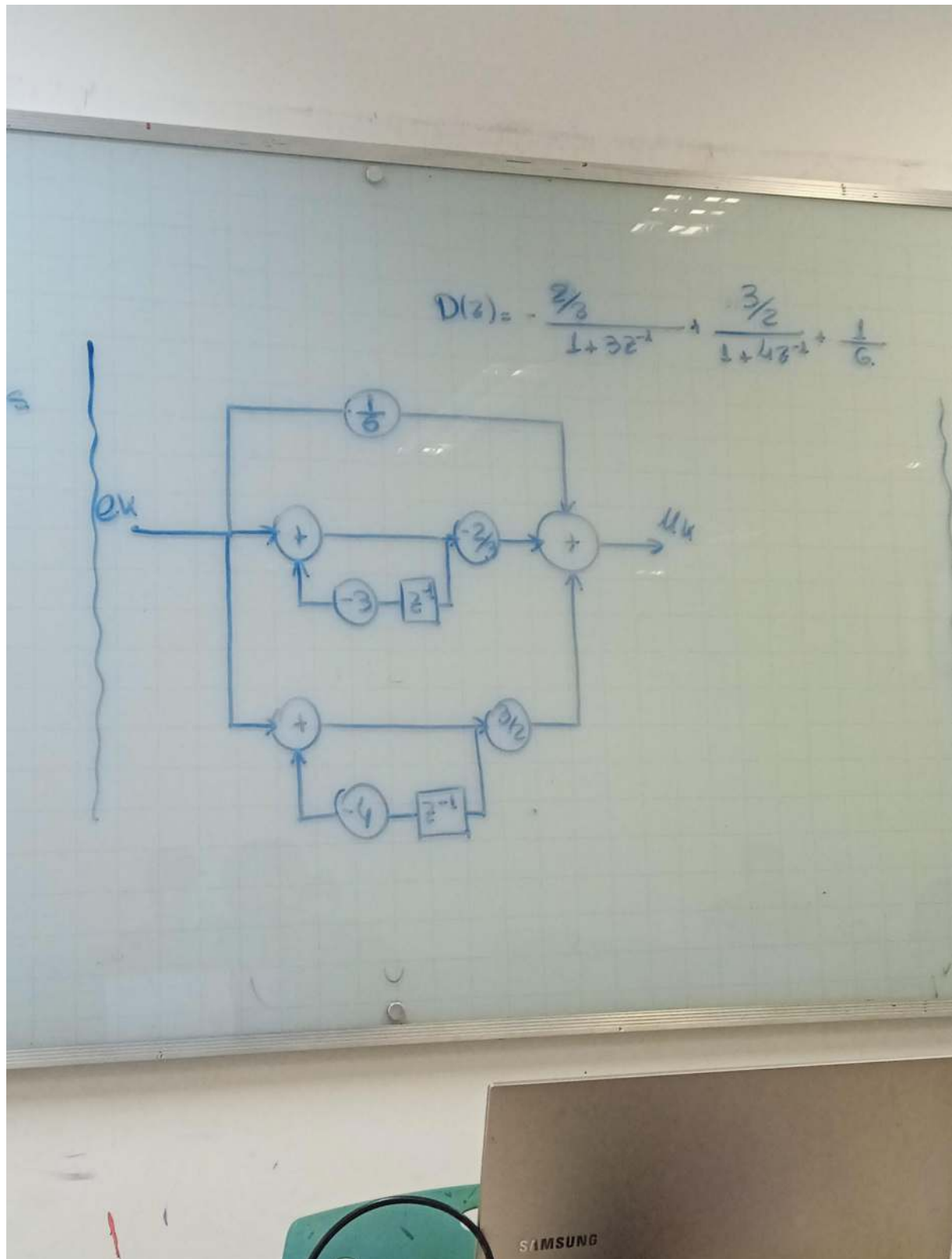
$$D(z) = -\frac{2}{3(1+3z^{-1})} + \frac{3}{2(1+4z^{-1})} + \frac{1}{6}.$$



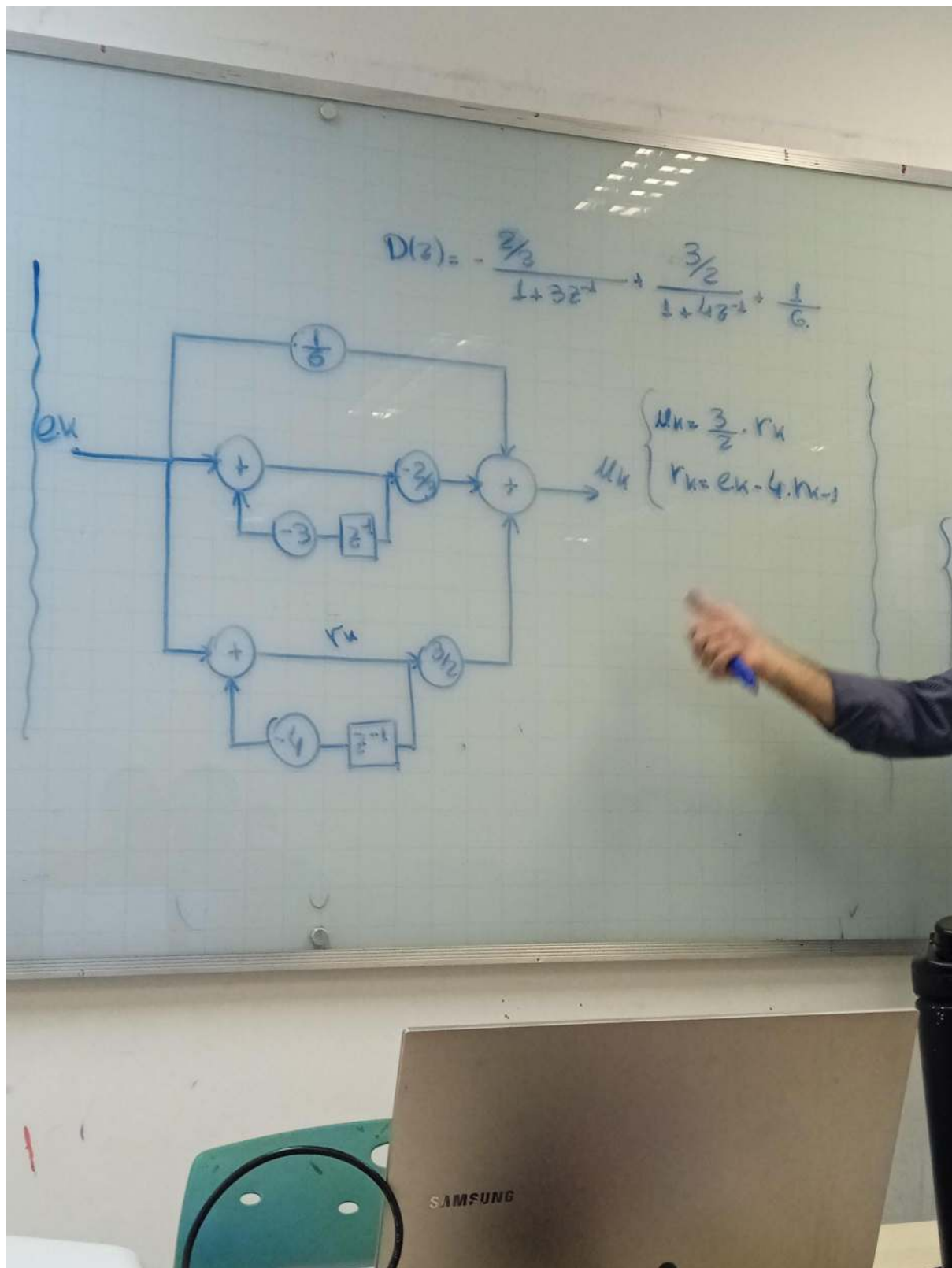
Controlador realizado.

Resolução

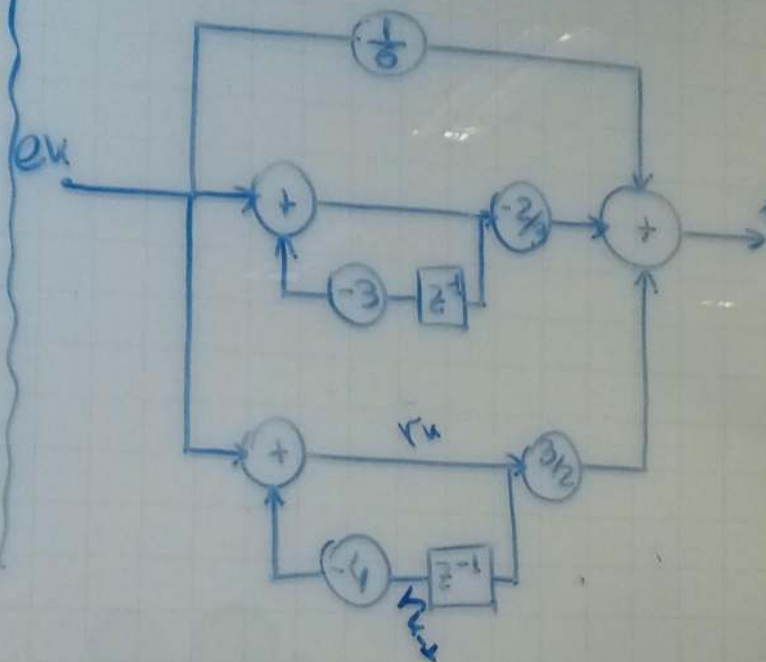
Usando a estrutura direta Canônica



Encontrando  $u_k$  e  $r_k$

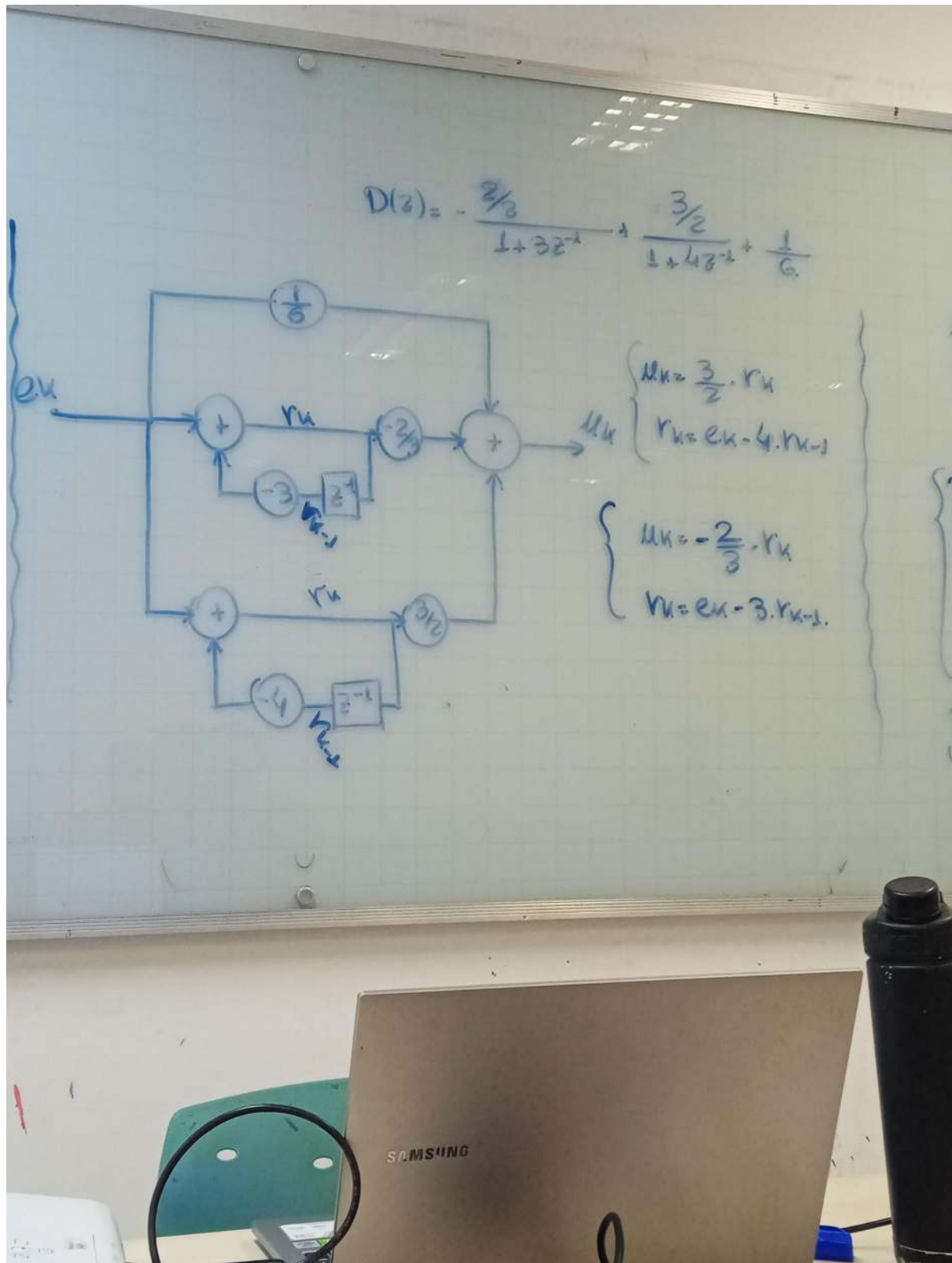


$$D(z) = -\frac{2/3}{1+3z^{-1}} + \frac{3/2}{1+4z^{-1}} + \frac{1}{6}$$

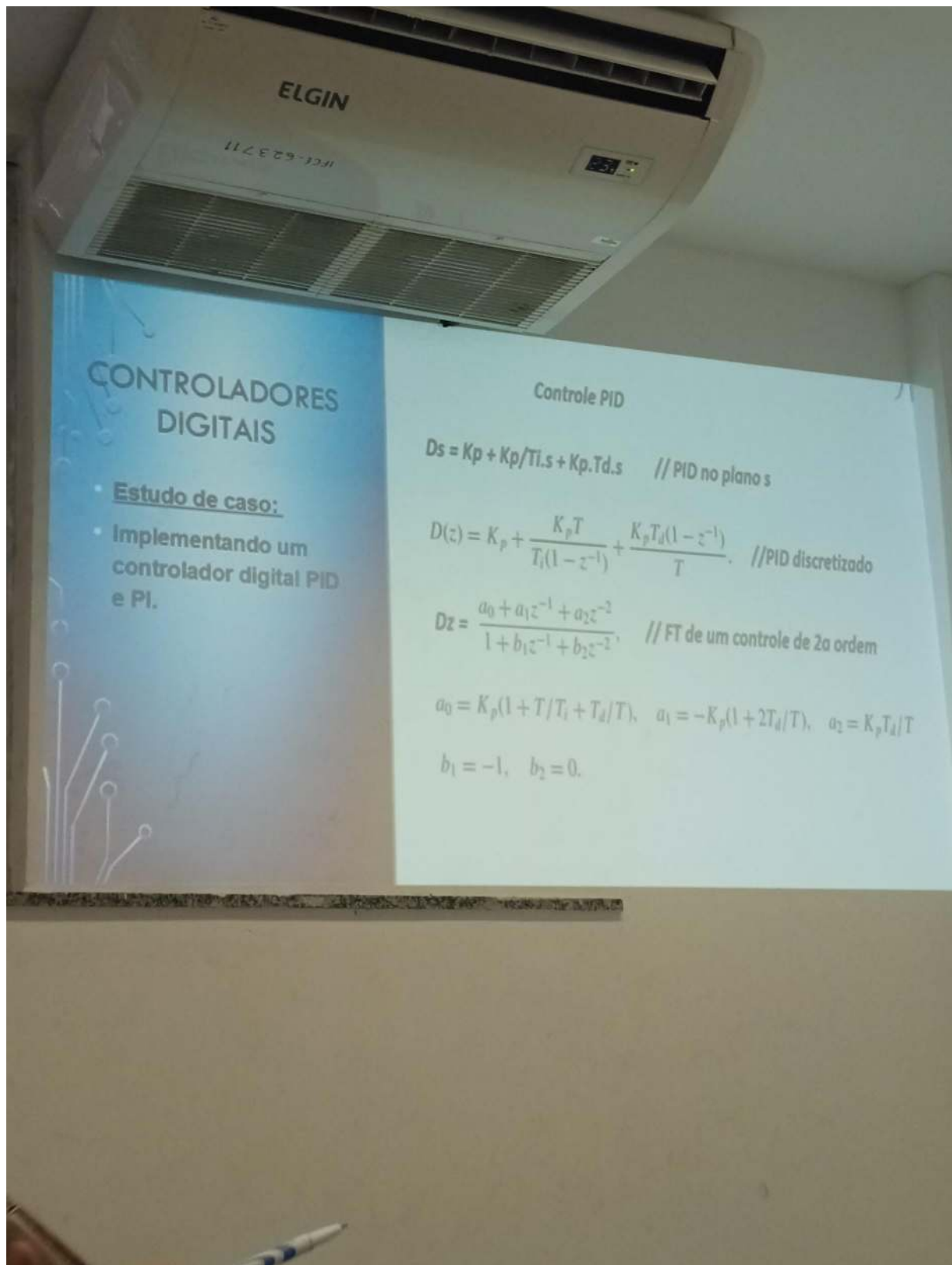


$$\begin{cases} u_k = \frac{3}{2} \cdot r_k \\ r_k = 2u_k - 4 \cdot r_{k-1} \end{cases}$$





Controlador PID



Controlador PID discretizado no plano S

$$D(s) = K_P + \frac{K_P}{T_i s} + K_P T_d s$$

ex

Discretizando no plano Z



$$D(s) = K_p + \frac{K_p}{T_i s} + K_p T_d s$$

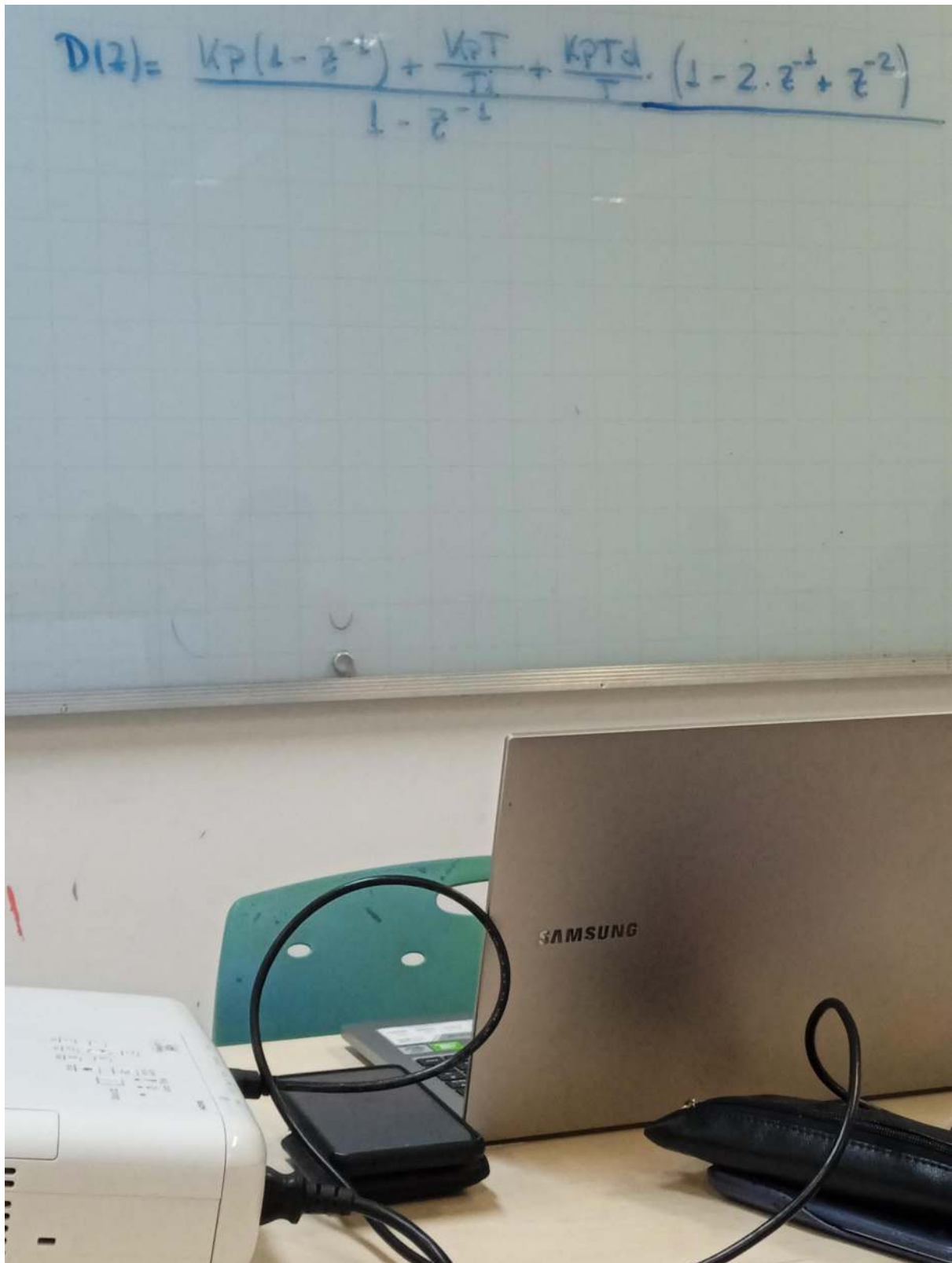
$$D(z) = K_p + \frac{K_p \cdot T}{T_i (1 - z^{-1})} + \frac{K_p T_d (1 - z^{-1})}{T}$$

$K_p$ : Ganho na parte proporcional  
 $T$ : Tempo de amostragem  
 $T_i$ : Tempo de ação da parte integral  
 $T_d$ : Tempo de ação da parte Derivativa

Resolução

$$D(z) = K_P + \frac{\frac{K_P T}{T_i}}{1 - z^{-1}} + \left( \frac{K_P T d}{T} \right) \cdot (1 - z^{-1})$$
$$D(z) = \frac{K_P (1 - z^{-1}) + \frac{K_P T}{T_i} + \frac{K_P T d}{T} \cdot (1 - z^{-1})^2}{1 - z^{-1}}$$

Reescrevendo  $(1 - z^{-1})^2$



Depois de resolver o numerador, será possível encontrar  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$  e  $b_1$

CONTROLADOR PID :

$$u(t) = K_p \left( 1 + \frac{1}{T_i} \int_0^t e(t) dt + T_d \frac{de(t)}{dt} \right)$$

rt

Fazendo uma transformação trapezoidal e representando no plano Z

CONTROLADOR PID :

$$u(t) = K_p \left( 1 + \frac{1}{T_i} \int_0^t e(t) dt + T_d \frac{de(t)}{dt} \right)$$

$$\int_0^t e(t) dt = \sum_{k=0}^n T e(kT) = \sum_{n=0}^{\infty} T \cdot e(kT) \cdot z^{-n}$$
$$T \cdot e(z) \sum_{n=0}^{\infty} z^{-n}$$



$$T \cdot e(z) \sum_{n=0}^{\infty} z^{-n} \Rightarrow e(z) \cdot T \cdot \frac{z}{z-1}$$

$$e(z) = \frac{T}{(1-z^{-1})}$$

O somatório é igual a:  
 $Z/(Z-1)$

Encontrando a parte derivativa

$$u(z) = K_P \left( 1 + \frac{T}{T_i (1 - z^{-1})} + \frac{T_d (1 - z^{-2})}{T} \right)$$

$$u(z) = K_p \left( 1 + \frac{T}{T_i (1 - z^{-1})} + \frac{T_d (1 - z^{-1})}{T} \right)$$

$$\frac{de(k)}{dt} = \frac{e(kT) - e(kT-T)}{T} \Rightarrow \frac{e(z) - e(z)z^{-1}}{T}$$

$$= \frac{e(z)(1 - z^{-1})}{T}$$

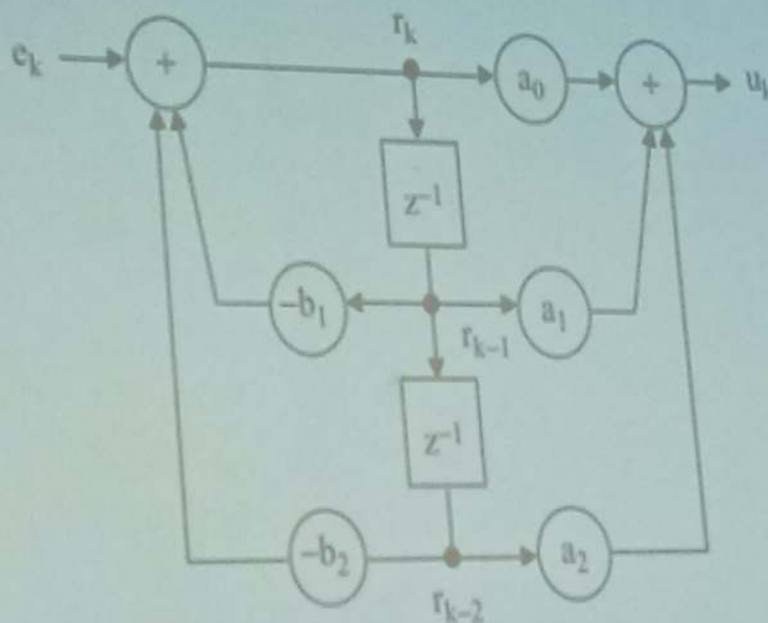
Dica: evitem decorar a expressão, tentem chegar na expressão a partir de  $U_k$  e  $R_k$

Montando as equações de blocos

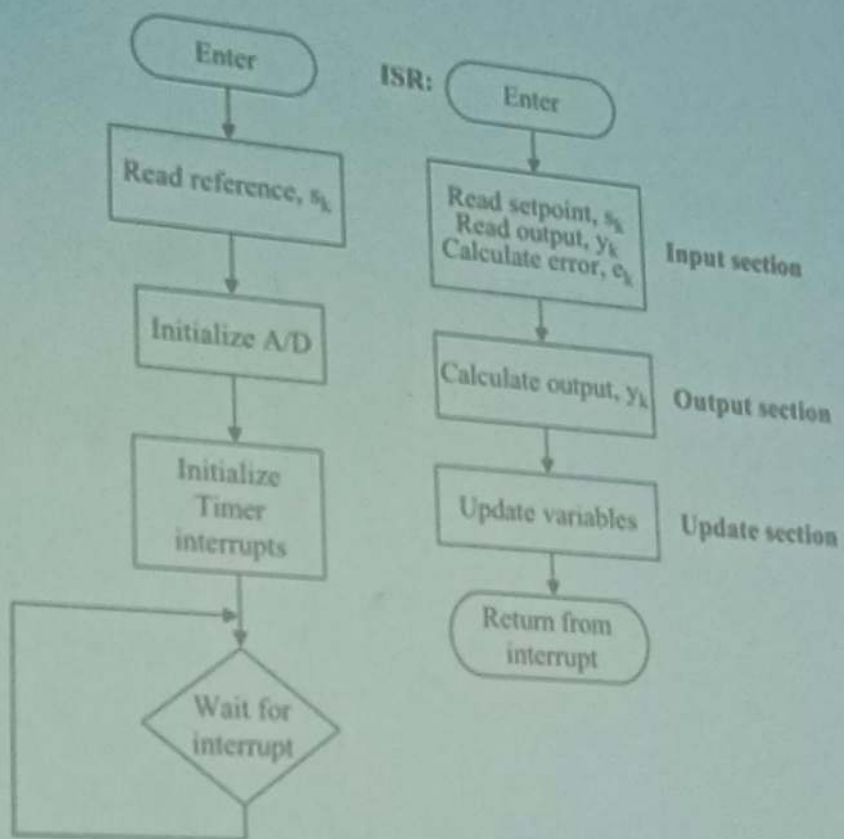
Utilizando Estrutura Direta para Implementar controle PID

$$r_k = e_k + M_1, \Rightarrow M_1 = -b_1 r_{k-1} - b_2 r_{k-2}$$

$$u_k = a_0 r_k + M_2, \Rightarrow M_2 = a_1 r_{k-1} + a_2 r_{k-2}$$



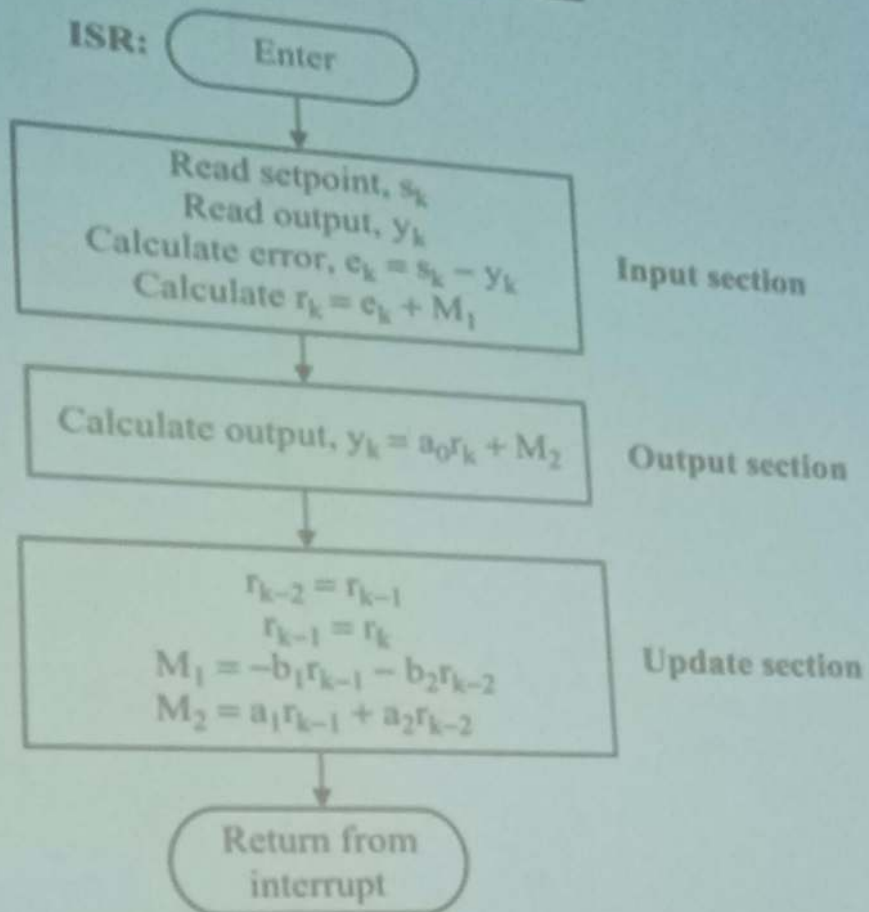
## Programando o controlador PID:



Continuando: Rotina de interrupção



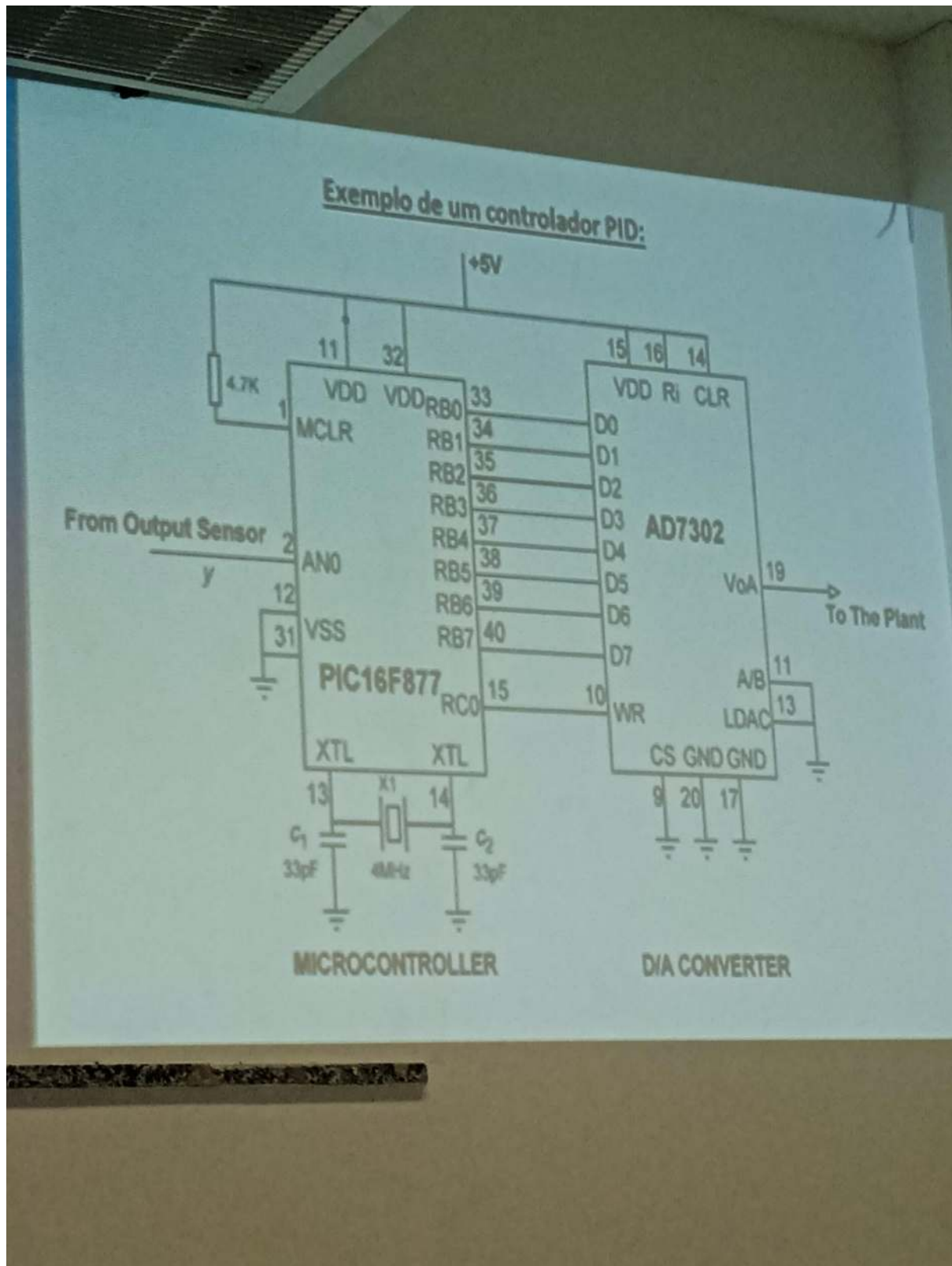
### - Rotina de interrupção:



Rk pode ser usado o cálculo do quadro, se fizer isso o M1 não será necessário

Outra forma: Se não usar o interrupção do timer, insira um atraso

Exemplo de um controlador PiD



Código em linguagem em C

### Exemplo de um controle PID

$$D(z) = \frac{1 + 0.8z^{-1} + 1.2z^{-2}}{1 + 1.85z^{-1} + 0.92z^{-2}} \quad // \text{ FT do controlador}$$

$$a_0 = 1, \quad a_1 = 0.8, \quad a_2 = 1.2, \quad b_1 = 1.85, \quad b_2 = 0.92,$$

**Considerar T = 10ms**    // Período de amostragem

/\* This function initializes the timer TMRO so that interrupts can be generated at every 10ms intervals \*/

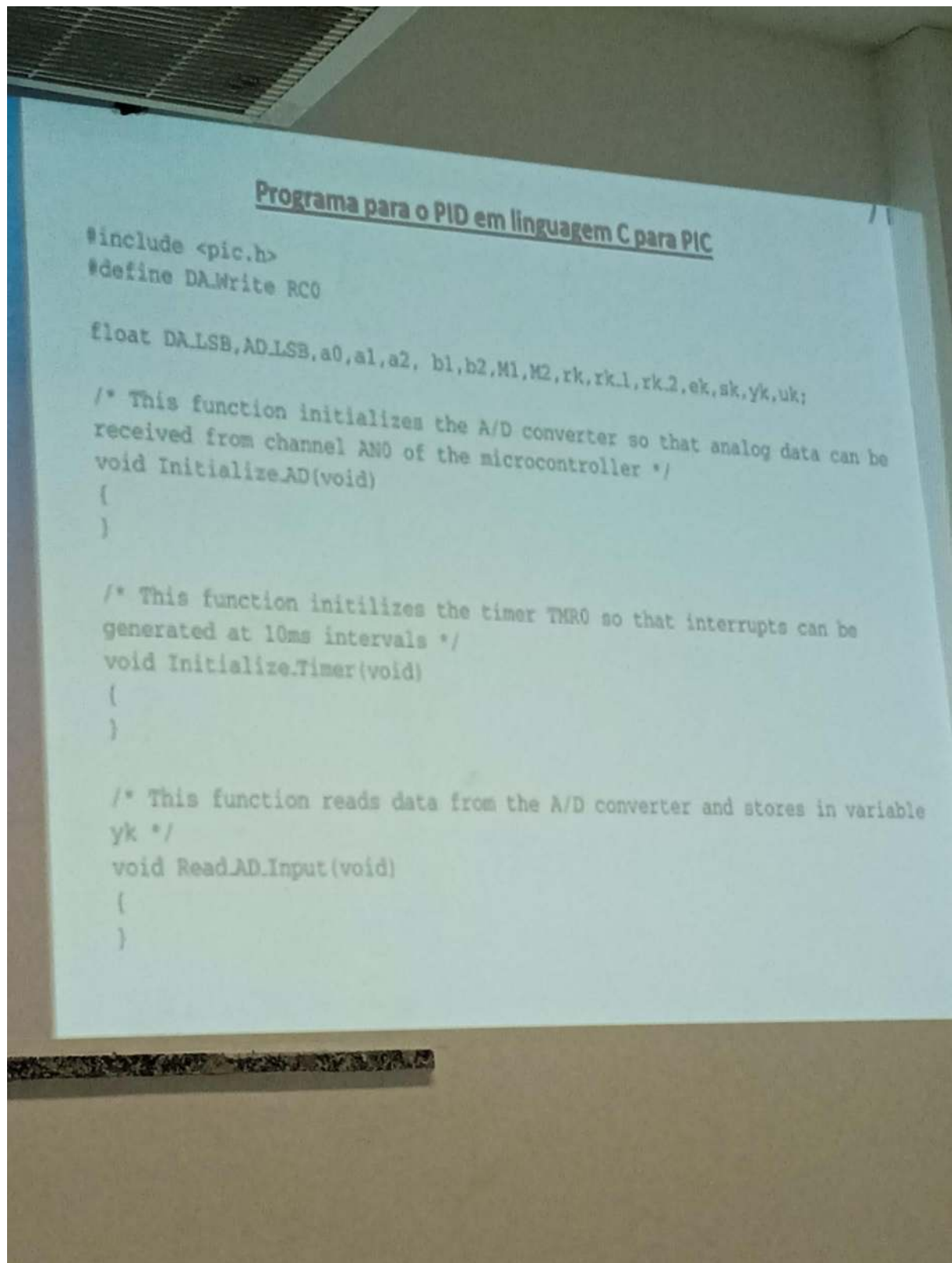
void InitializeTimer(void)

```
{  
    TOCS = 0;           /* Select f/4 clock for the TMRO */  
    PSA = 0;           /* Select pre-scaler */  
    PS0 = 1;           /* Set pre-scaler to 64 */  
    PS1 = 0;           /* PS2,PS1,PS0 = 101 */  
    PS2 = 1;  
    TMRO = 100;        /* Load TMRO = 100 */  
    TOIE = 1;          /* Enable TMRO interrupts */  
    TOIF = 0;          /* Clear TMRO interrupt flag */  
}
```

A frequência de clock interna(fcint) é 1MHz

frequência de incremento do timer interno (fT) é 1/64 = 15625Hz ou 1/fT = 64us

$$REG = 8\text{bits} = 2^8 = 256 - 100 = 156 \times 64\mu\text{s} \approx 10 \text{ ms}$$



Rotina de interrupção

### - Rotina de interrupção

```
/* Interrupt Service Routine. The program jumps here every 10 ms */  
void interrupt ISR(void)  
{  
    ReadAD.Input();                                /* Read A/D input */  
  
    ek = sk - yk;                                  /* Calculate error term */  
    rk = ek + M1;                                  /* Calculate output */  
    yk = a0*rk + M2;                                /* Send to PORT B */  
    uk = yk*DA_LSB;                                /* Write to D/A converter */  
    PORTB = uk;  
    DAWrite = 0;  
    DAWrite = 1;  
  
    rk.2 = rk.1;                                  /* Update variables */  
    rk.1 = rk;  
    M1 = -b1*rk.1 - b2*rk.2;  
    M2 = a1*rk.1 + a2*rk.2;  
  
    TOIF = 0;                                     /* Re-enable timer interrupts */  
}
```

A rotina de interrupção é chamado a cada 10ms



```
/* Main Program. The main program initializes the variables, A/D converter,  
D/A converter etc. and then waits in an endless loop for timer interrupts  
to Occur every 10 ms */
```

```
main(void)
```

```
{
```

```
    a0 = 1; a1 = 0.8;
```

```
    a2 = 1.2;
```

```
    b1 = 1.85;
```

```
    b2 = 0.92;
```

```
    M1 = 0;
```

```
    M2 = 0;
```

```
    rk = 0;    rk.1 = 0;    rk.2 = 0;
```

```
    sk = 1.0;
```

```
    DA_LSB = 5000.0/1024.0;
```

```
    TRISA = 1;
```

```
/* RA0 (AN0) is input */
```

```
    TRISB = 0;
```

```
/* PORT B is output */
```

```
    TRISC = 0;
```

```
/* RC0 is output */
```

```
    DA_Write = 1;
```

```
/* Disable D/A converter */
```

```
    Initialize_AD();
```

```
/* Initialize A/D converter */
```

```
    Initialize_Timer();
```

```
/* Initialize timer interrupts */
```

```
    ei();
```

```
/* Enable interrupts */
```

```
    for(;;);
```

```
/* Wait for an interrupt */
```

```
}
```

DA\_LSB é para converter a informação decimal e Milivolts para Volt

Todos os pinos da porta A são de entrada ao atribuir 1

Todos os pinos da porta B e C são de saída ao atribuir 0

### Funções para inicializar e ler o conversor AD:

/\* This function initializes the A/D converter so that analog data can be received from channel AN0 of the microcontroller \*/  
void Initialize\_AD(void)

```
{  
    ADCON1 = 0x8E;           /* Configure AN0 for +5V reference */  
    ADCON0 = 0x41;           /* Select A/D converter clock */  
}
```

/\* This function reads data from the A/D converter and stores in variable yk \*/

void Read\_AD\_Input(void)

```
{  
    ADCON0 = 0x45;           /* Start A/D conversion */  
    while(ADCON0 & 4) != 0); /* Wait until conversion completes */  
    y_high = ADRESH;          /* High 2 bytes of converted data */  
    y_low = ADRESL;           /* Low byte of converted data */  
    yk = 256.0*y_high + y_low; /* Converted data in yk */  
    yk = yk*AD_LSB;           /* Sensor output in mV */  
}
```

AD\_LSB converts the A/D value to into millivolts.

Quinta-feira

- 90% do projeto desde o zero até fazer o programa em C