

#### Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia do Ceará PPGER — PPGCC

# Aula 10: Introdução à Machine Learning

### **Visão Computacional**

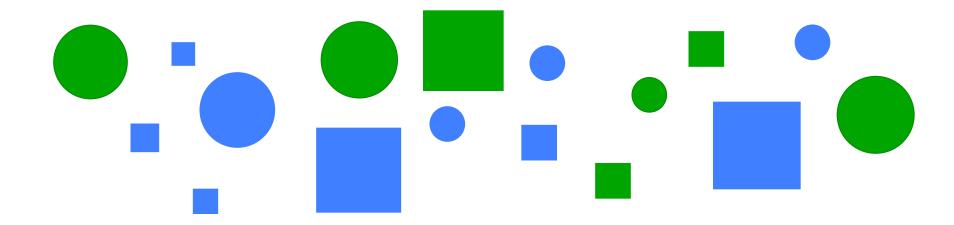
Prof. Dr. Pedro Pedrosa Rebouças Filho

pedrosarf@ifce.edu.br

professorpedrosa.com

# Agrupamento e Classificação de Padrões

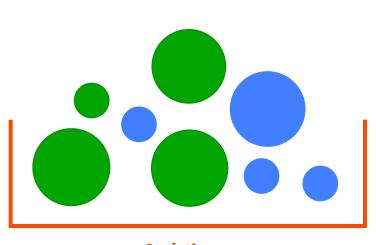
Reconhecimento de Padrões

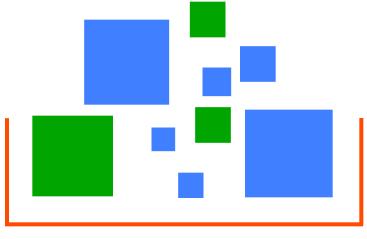


Agrupamento: Característica = Número de Vértices



#### Agrupamento: Característica = Número de Vértices

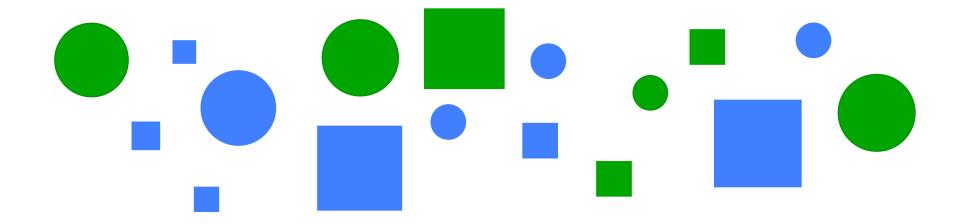




0 vértices





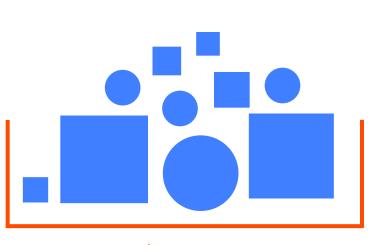


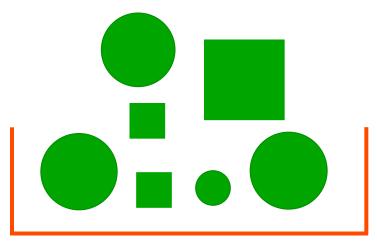
Agrupamento: Característica = Cor (Comprimento de Onda)





#### Agrupamento: Característica = Cor (Comprimento de Onda)

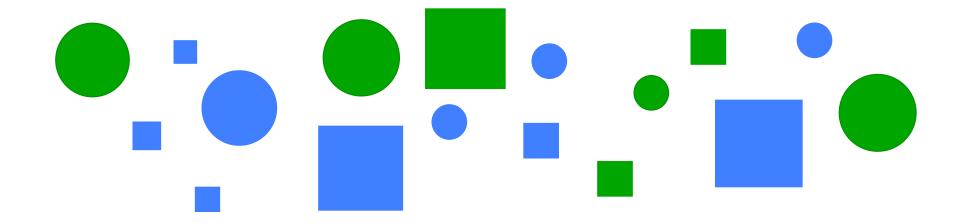




 $\lambda = 470 \text{ nm}$ 

 $\lambda = 550 \text{ nm}$ 

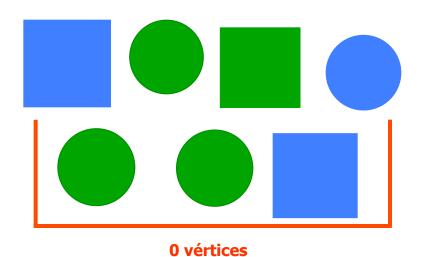




Agrupamento: Característica = Área



#### Agrupamento: Característica = Área





4 vértices



# Agrupamento x Classificação

#### Agrupamento:

- Geração de grupos utilizando atributos pré-estabelecidos
- Atributos = Propriedades = Descritores
- Grupos gerados são definidos como Padrões de Classificação
- Esta etapa também é conhecida como Treinamento
- Os grupos gerados estão associados ao Aprendizado do problema

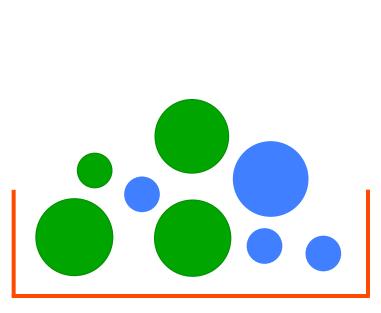
#### Classificação:

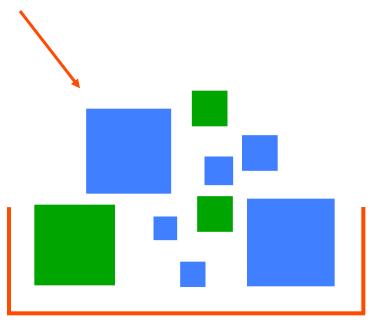
- Define a qual grupo um objeto desconhecido pertence
- Utiliza os mesmos atributos do agrupamento
- Utiliza métricas para medir a similaridade dos novos objetos com os grupos já formados
  - Distância euclidiana, manhatan, entre outras...
- Esta etapa é o que define esta aula, que é o Reconhecimento de Padrões



#### **Novo objeto**







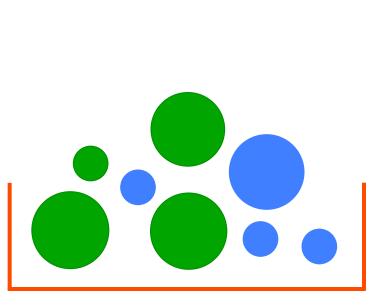


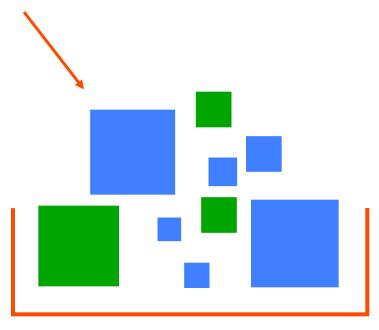
4 vértices



#### **Novo objeto**



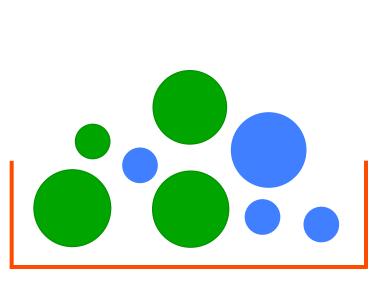


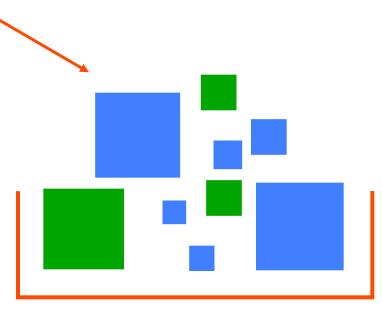




#### **Novo objeto**





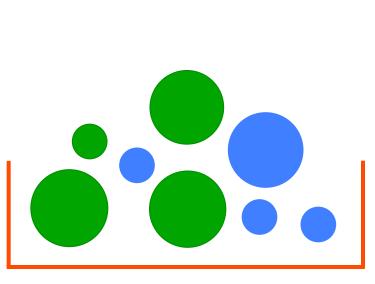


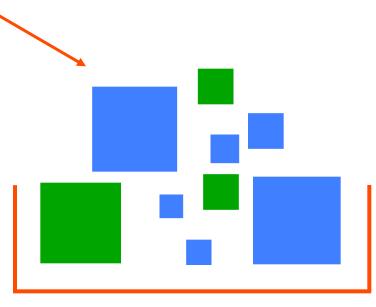


#### **Novo objeto**



### **Quantos vértices?**



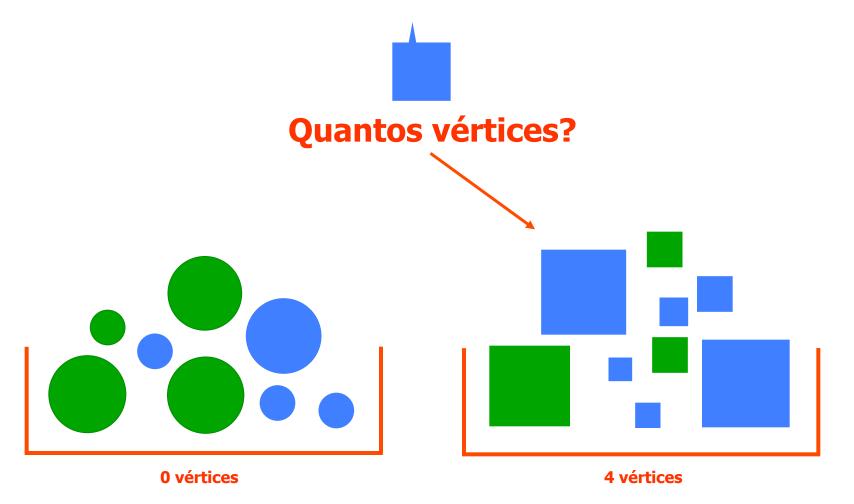




**0** vértices

4 vértices

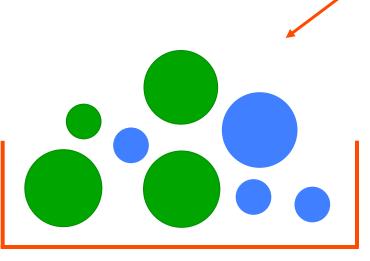
#### **Novo objeto**

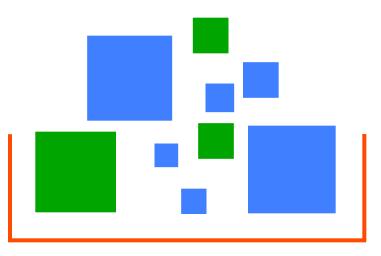




#### **Novo objeto**





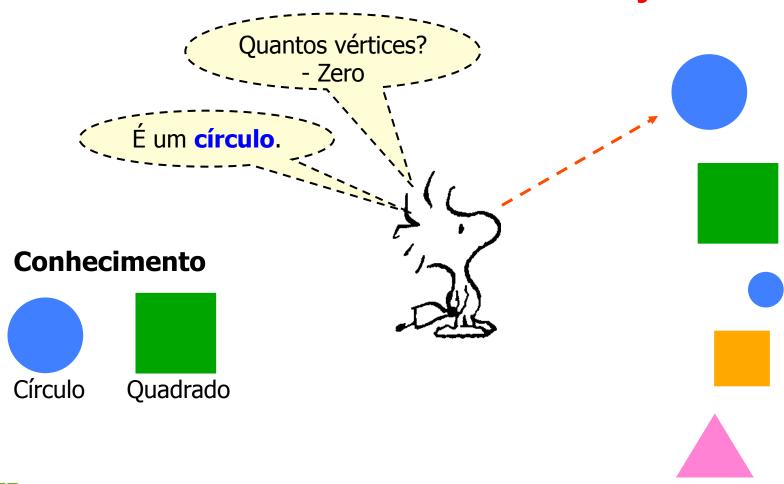




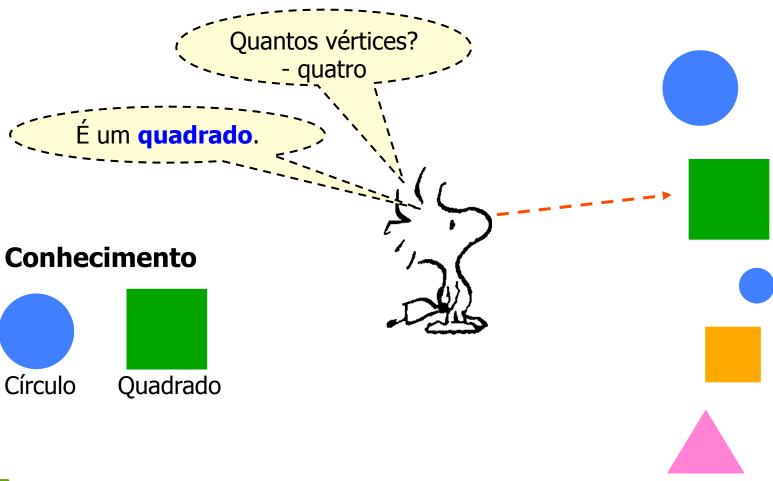
# Problemas no Agrupamento

Agrupamento e Classificação de Padrões

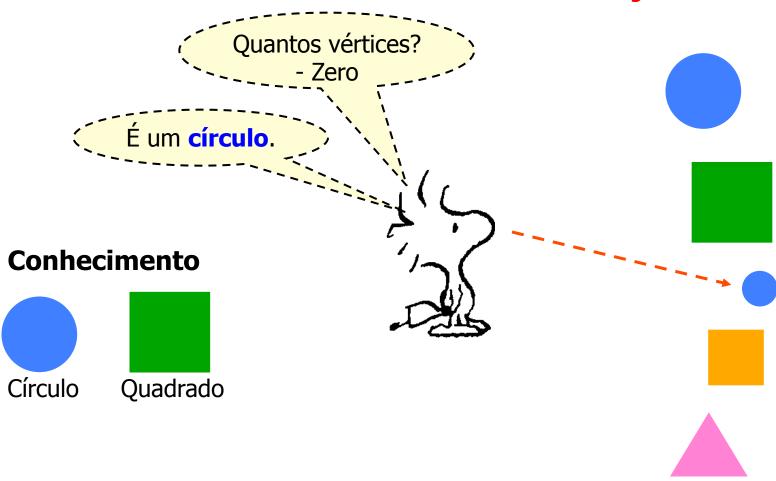
Reconhecimento de Padrões



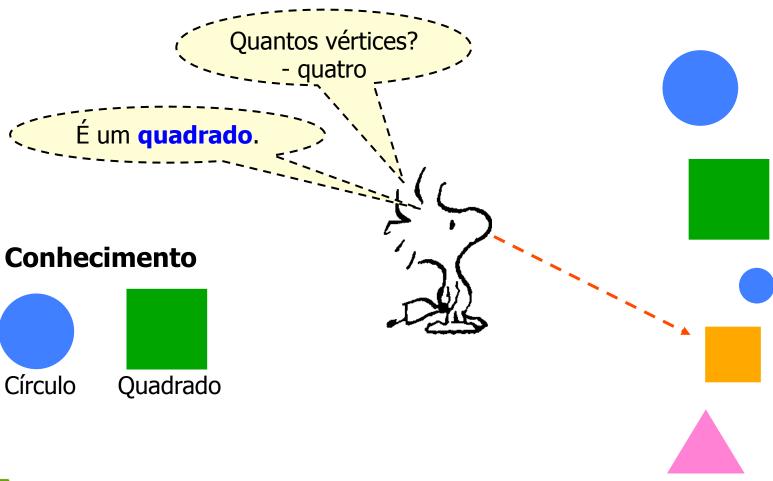




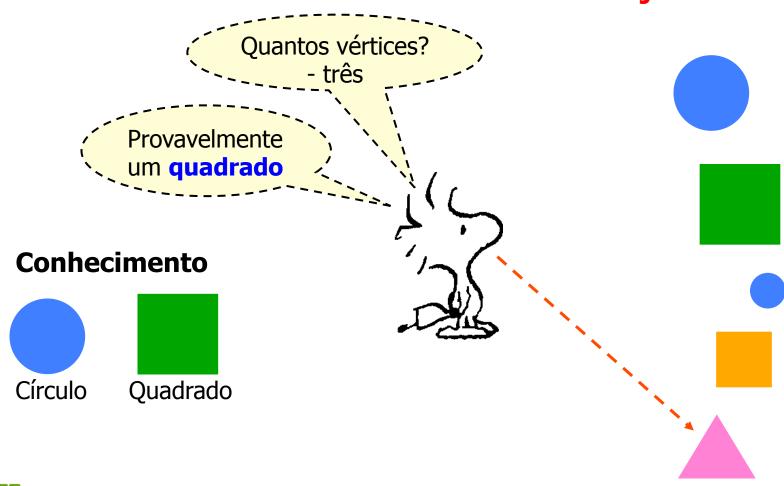














# Tipos de Classificação

Reconhecimento de Padrões

## Tipos de Classificação

- Classificação supervisionada
  - Aprendizado com informações à priori
    - >Amostras de treinamento são classificadas
    - ➤ Número de Classes é conhecido
  - Aprendizado por Exemplo
- Clusterização Não supervisionada
  - Aprendizado sem amostras classificadas
  - Conhecido como clusterização
  - Aprendizado por Observação



## Medidas de similaridade

### Reconhecimento de Padrões

## Medidas de Similaridade

- Distância euclidiana
- Distância de Manhatan
- A maioria dos algoritmos de análise de agrupamento têm como base estas medidas de dissimilaridade;
- Quanto maior for a medida de dissimilaridade menor será a semelhança entre os indivíduos.



## Distância euclidiana

 A distância euclidiana entre os indivíduos a e b é dada analiticamente por:

$$d_{ab} = \left[\sum_{j=1}^{p} (X_{aj} - X_{bj})^{2}\right]^{1/2}$$

$$p=1,2,\cdots,j;$$
 $X_{aj}=valor\ da\ vaviável\ j\ para\ o\ indivíduo\ a;$ 
 $X_{bj}=valor\ da\ variável\ j\ para\ o\ indivíduo\ b.$ 



## Distância euclidiana

Definição

$$d(x,y) = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^2}$$

Exemplo:

Distância entre x e y com duas variáveis

$$x = (2,5)$$

1.41

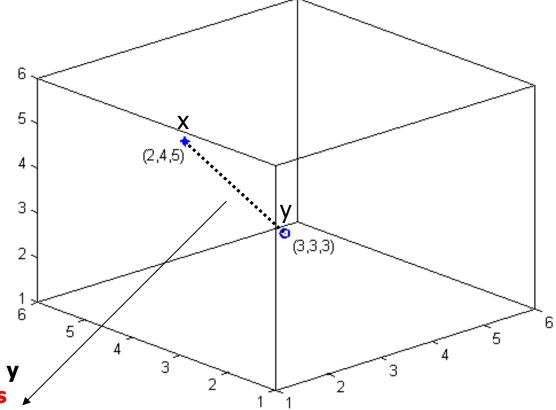
 $y = (3,4)$ 

$$d(x,y) = \sqrt{(2-3)^2 + (5-4)^2} = \sqrt{2} = 1.41$$

## Distância euclidiana

- Definição
- Exemplo:

$$d(x,y) = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^2}$$



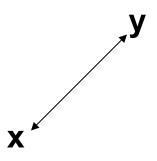
Distância entre x e y com três variáveis

$$d(x,y) = \sqrt{(2-3)^2 + (4-3)^2 + (5-3)^2} = \sqrt{6} = 2.44$$

## Calculando Distâncias

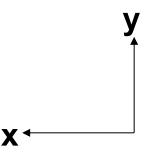
Distância Euclidiana

$$d = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^2}$$



Manhattan (City Block)

$$d = \sum_{i=1}^{n} \left| x_i - y_i \right|$$





## Calculando Distâncias

#### Minkowski

- Parâmetro r
  - r = 2, distância Euclidiana
  - r = 1, City Block

$$d = \left(\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^r\right)^{1/r}$$

# Classificação Supervisionada

# Método KNN

Reconhecimento de Padrões

- Consiste em calcular a similaridade entre um novo objeto e todos os objetos presentes no banco de treinamento
- Considere
- Algoritmo de treinamento
  - Todos os exemplos classificados são adicionados no banco de análise
  - Treinamento rápido
- Algoritmo de Classificação
  - Calcular a distância do novo objeto para todos os objetos do banco de treinamento
  - O objeto que apresentar a menor distância será usado no resultado, pois o grupo a qual pertence o objeto mais próximo será o resultado da classificação
  - Classificação lenta, ficando ainda mais lenta quando existe muitos objetos no banco de treinamento.

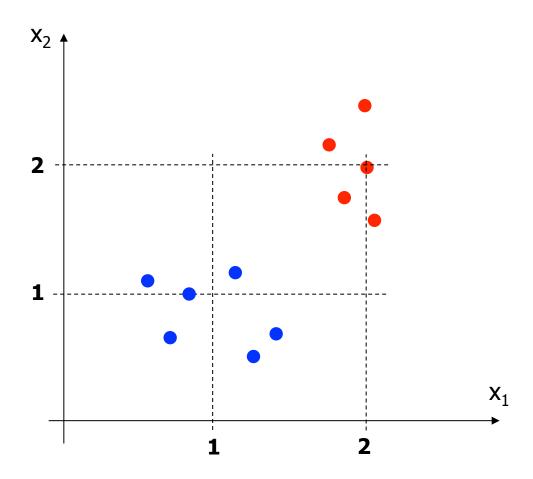


#### **Treinamento**

Adicione todos os objetos conhecidos ao banco de treinamento (Conhecimento)

Grupo 1

Grupo 2

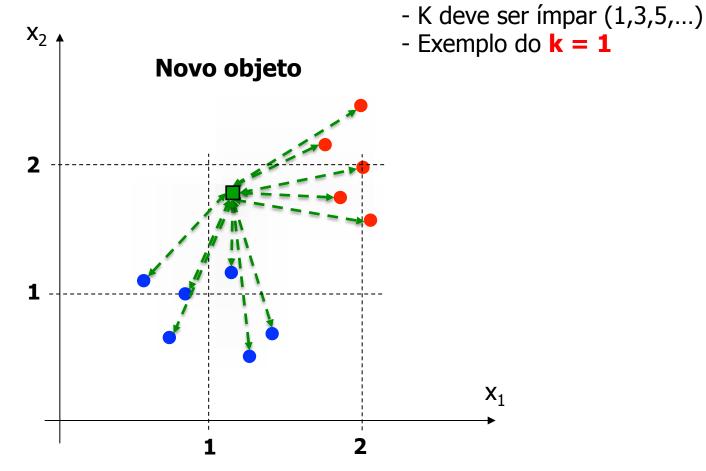




#### Reconhecimento

- 1-Computar distância para todos do banco de conhecimento
- 2-Encontrar os k vizinhos mais próximos

- Grupo 1
- Grupo 2

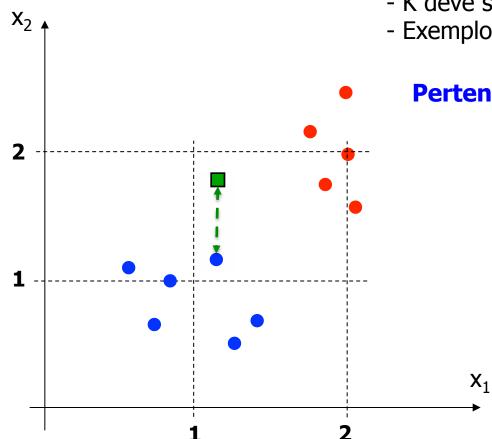




#### Reconhecimento

- 1-Computar distância para todos do banco de conhecimento
- 2-Encontrar os k vizinhos mais próximos

- Grupo 1
- Grupo 2





- Exemplo do k = 1

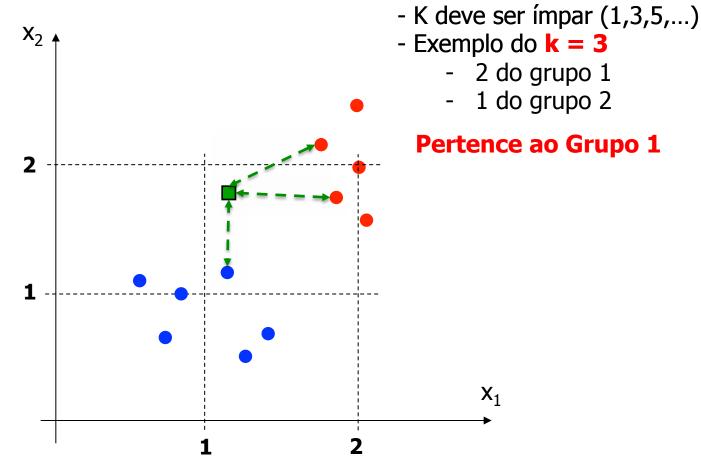
Pertence ao Grupo 2



#### Reconhecimento

- 1-Computar distância para todos do banco de conhecimento
- 2-Encontrar os k vizinhos mais próximos

- Grupo 1
- Grupo 2



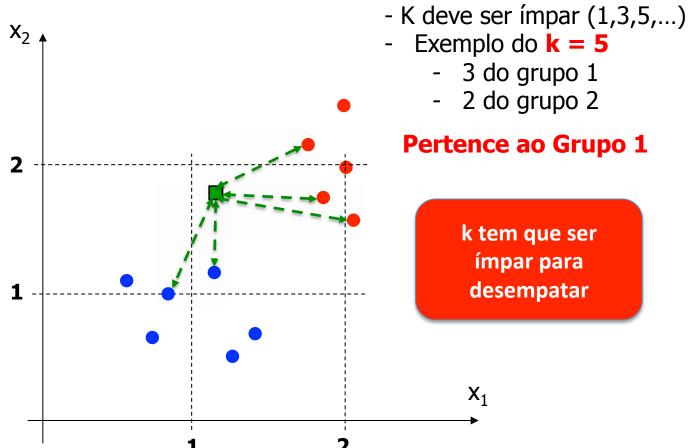


# K-Vizinho mais próximos

#### Reconhecimento

- 1-Computar distância para todos do banco de conhecimento
- 2-Encontrar os k vizinhos mais próximos

- Grupo 1
- Grupo 2





# Classificação Supervisionada

### Método Menor Distância Centróides

Reconhecimento de Padrões

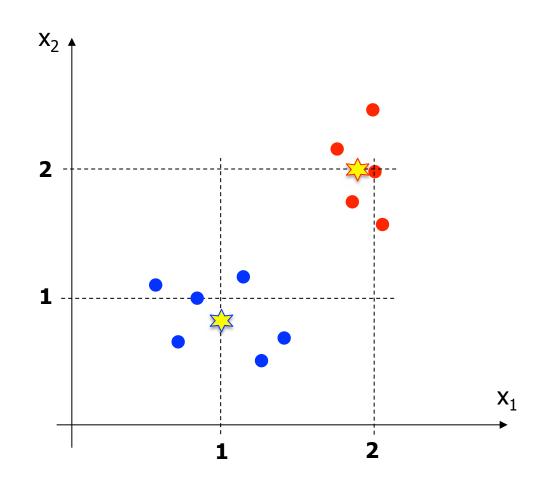
### Método Menor Distância Centróides

#### **Treinamento**

Calcular a média de todos os parâmetros usando todo banco de dados (Conhecimento)



- Grupo 2
- 滓 Média Grupo 1
- 环 Média Grupo 2





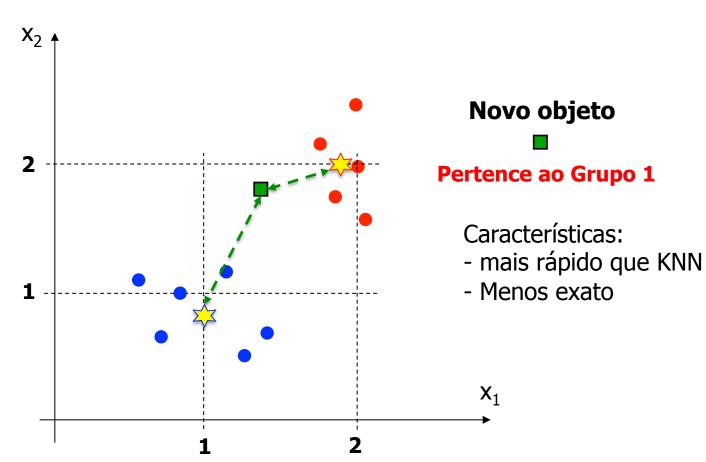
### Método Menor Distância Centróides

#### Reconhecimento

- 1-Computar distância para todos os centróides obtidos no treinamento
- 2-Encontrar o grupo que possui o centróide mais próximo do novo objeto



- Grupo 2
- 萃 Média Grupo 1
- 🌣 Média Grupo 2





# Classificação Não Supervisionada

# Método K-médias

Reconhecimento de Padrões

## Tipos de Técnicas de Clusterização

#### Particionamento

- K-means;
- K-fuzzy;
- Outros

#### Particional e baseada em protótipos.

Encontra um número k de clusters (k é fornecido pelo usuário) que são representados por seus centróides.



## Método K-médias

- Análise de agrupamento ou Cluster analysis:
- Sequência de regras (algoritmo) para agrupar objetos sem inferência de probabilidade a priori dos grupos.
- Técnica utilizada em classificadores denominados de 'não supervisionados'.
- Definição formal:
  - "Dado um conjunto de 'n' unidades amostrais (tratamentos, objetos, indivíduos, ...), os quais são medidos segundo 'p' variáveis, obter um algoritmo que possibilite reunir os indivíduos, tal que exista homogeneidade dentro do grupo e heterogeneidade entre grupos (Regazzi, 2000)."



### Método K-médias

- Também chamado de método do encadeamento simples "single linkage method".
- Neste método calcula-se a matriz de distâncias entre os 'n' indivíduos da população, em seguida os indivíduos mais próximos são agrupados.



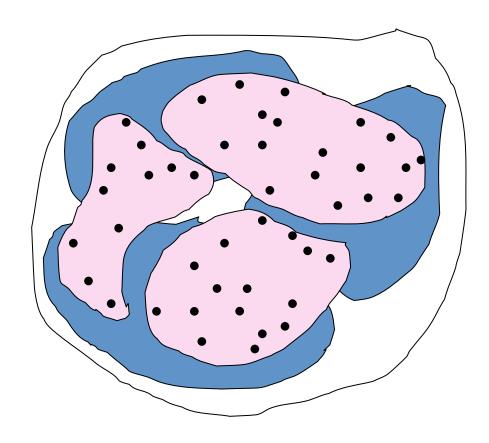
## Método K-médias

BD com n amostras

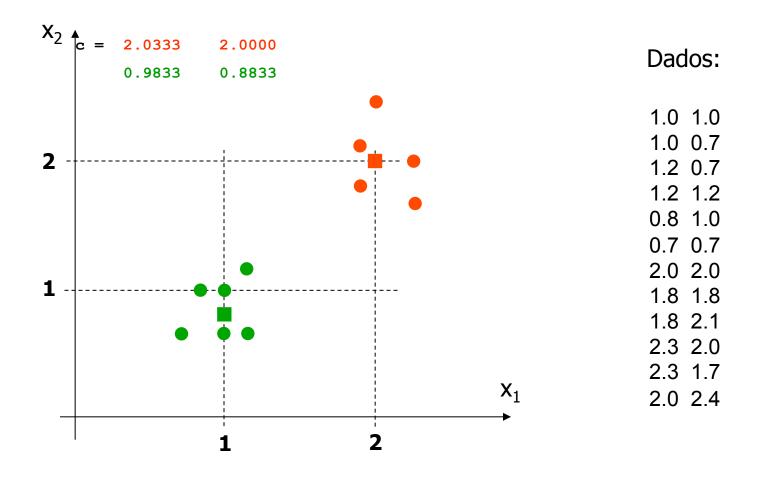
 K = número de clusters desejado ( parâmetro )

• K ≤ n

#### Exemplo com k=3

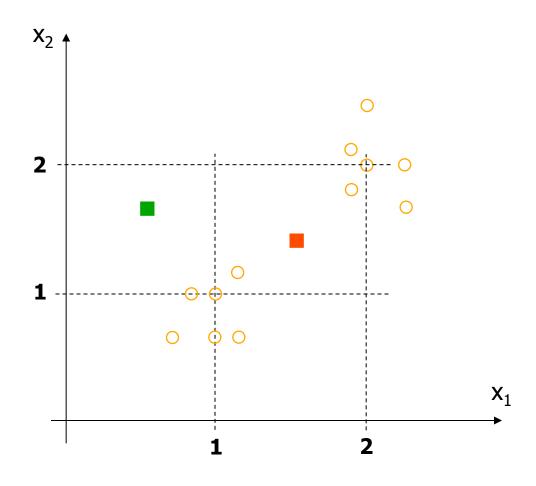


#### **Treinamento**



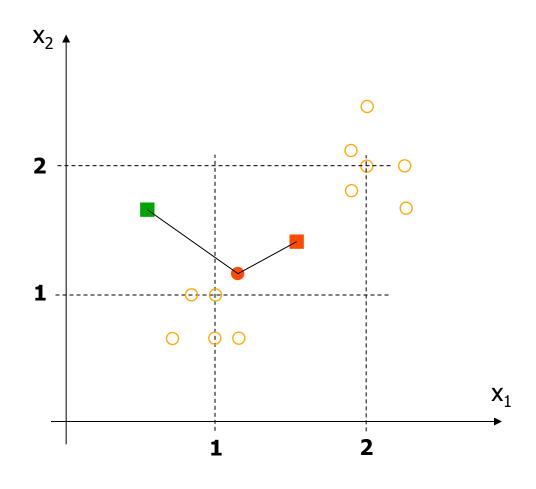


#### **Treinamento**



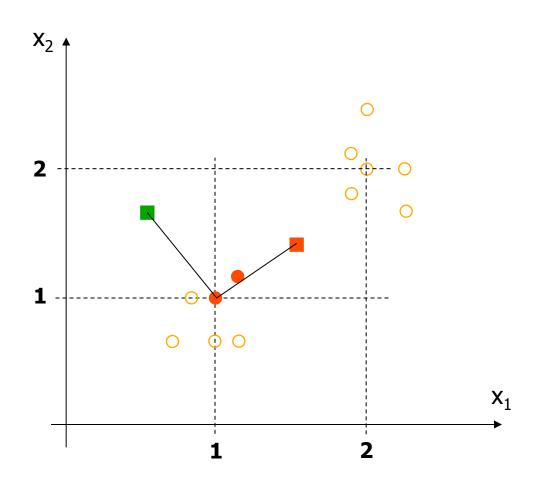


#### **Treinamento**



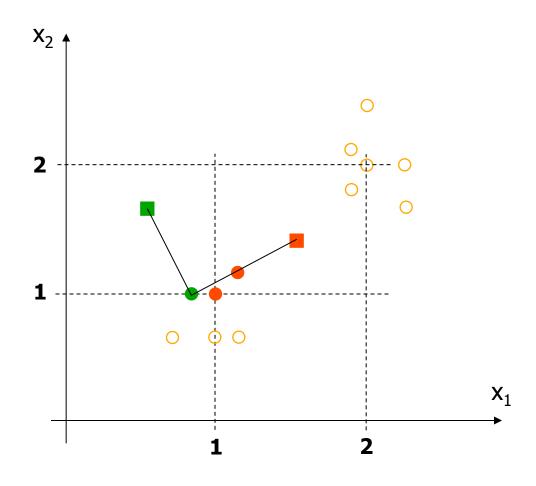


#### **Treinamento**



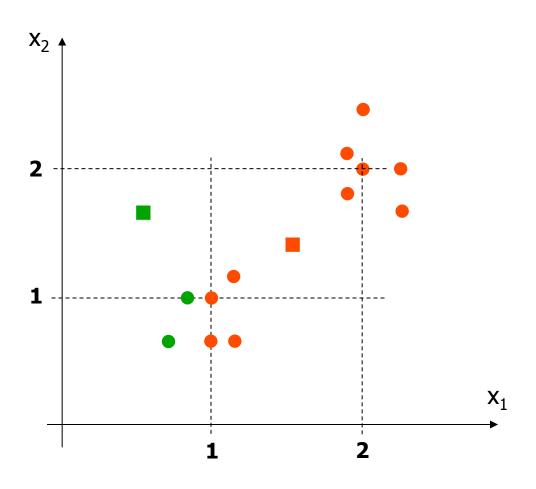


#### **Treinamento**



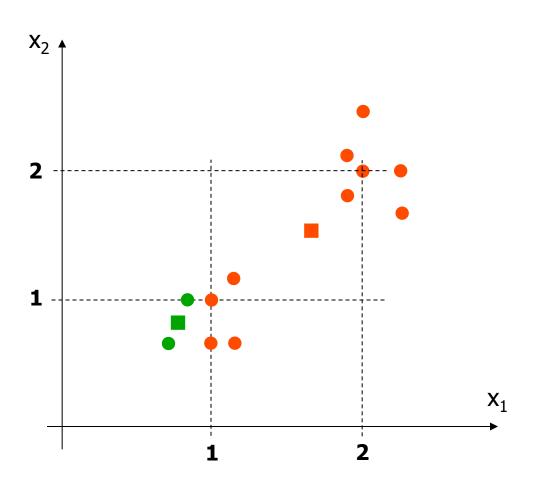


#### **Treinamento**



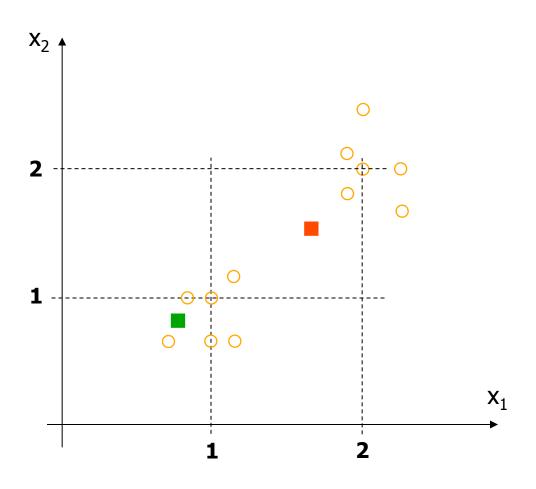


#### **Treinamento**



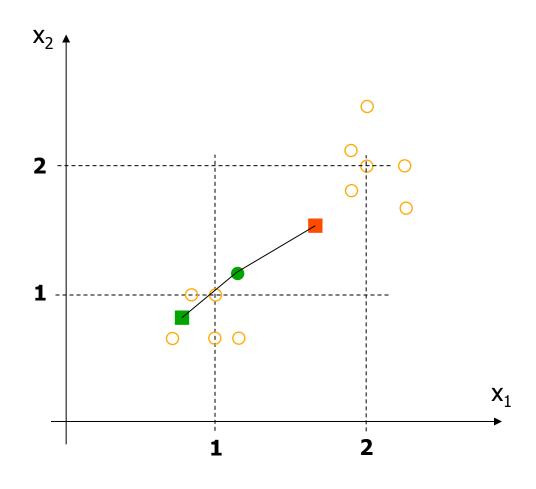


#### **Treinamento**



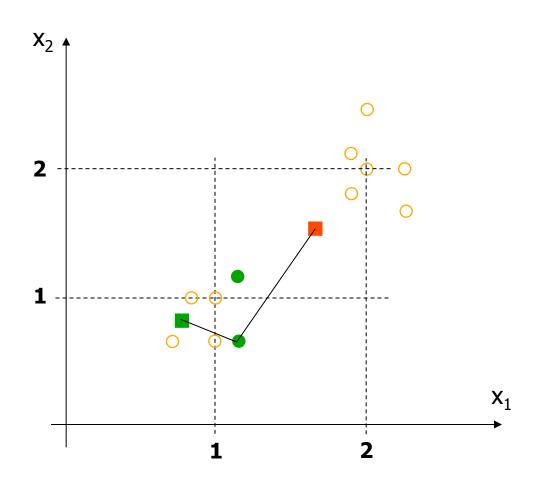


#### **Treinamento**



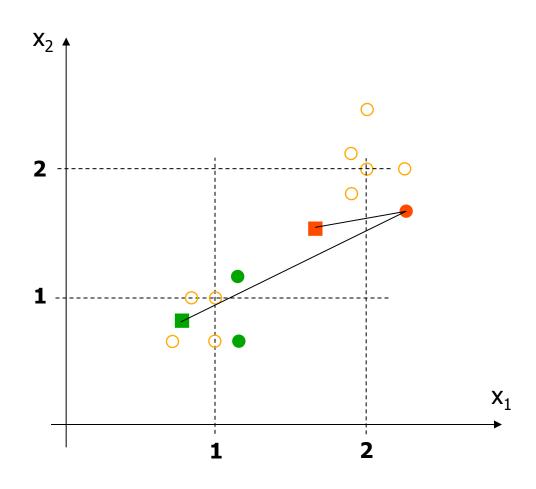


#### **Treinamento**



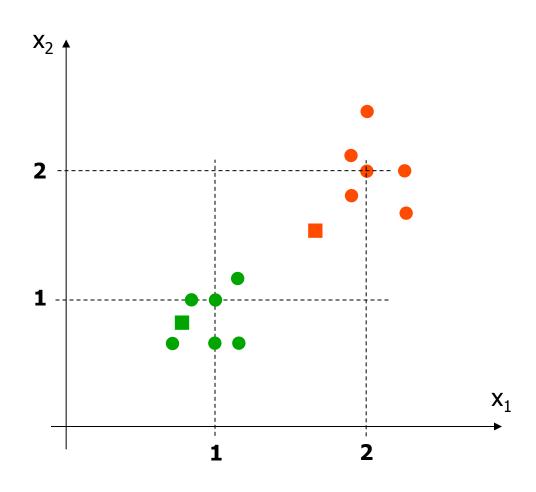


#### **Treinamento**



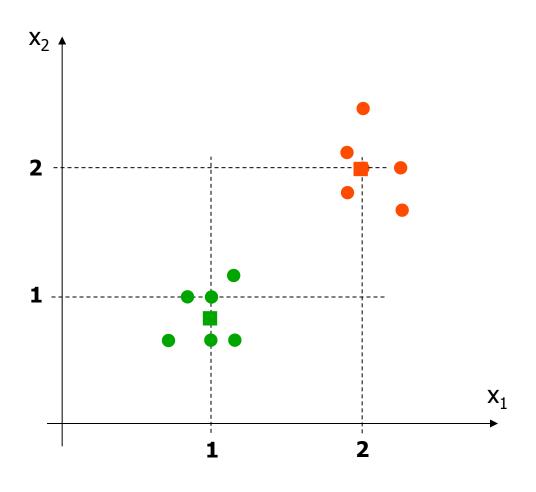


#### **Treinamento**





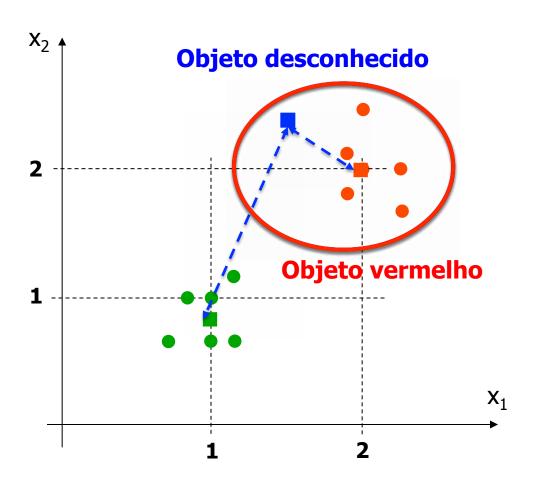
#### **Treinamento**





K-means

#### Reconhecimento





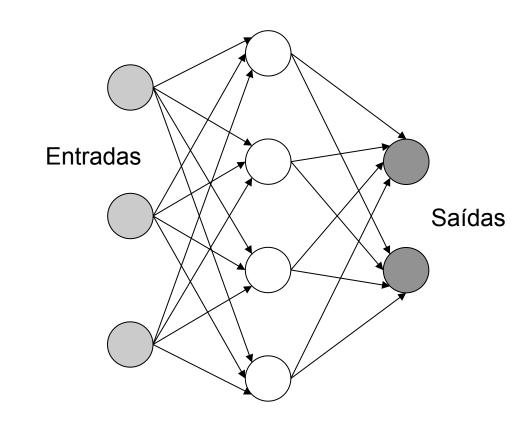
# Classificação Supervisionada

# Redes Neurais Artificiais (RNA)

Reconhecimento de Padrões

## Redes neuronais

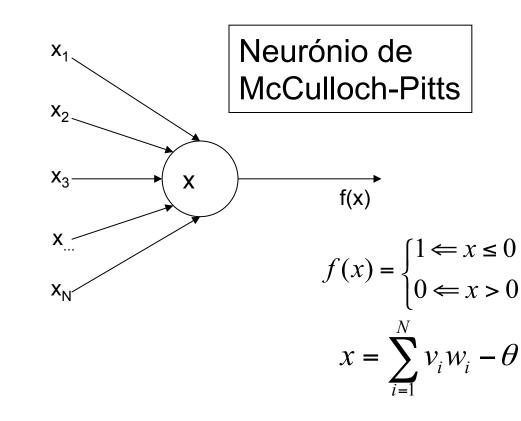
- Constituídas por elementos simples.
  - Neurónios.
- Elevado grau de conectividade.
  - Sistema complexo!
- Inspiração biológica.
  - Cérebro humano.





# Neurônios - Perceptron

- N entradas.
- 1 saída.
- Faz um a soma ponderada das entradas.
  - Pesos
- Limiar de disparo.
  - Threshold





### Feed-forward networks

- Fase de Treino
  - Rede 'alimentada' com dados pré-anotados.
  - Auto-aprendizagem dos pesos.
  - Auto-aprendizagem do limiar de decisão.
- Backpropagation

Custo computacional elevado!

- Classificação
  - Entrada: Vector de características desconhecido.
  - Saídas: Neurónios disparam caso a classificação seja positiva.

- Muitas outras formas de treinamento surgiram depois.
- Muitas outras redes surgiram em seguida: RBF, SVM, OPF, entre outros.



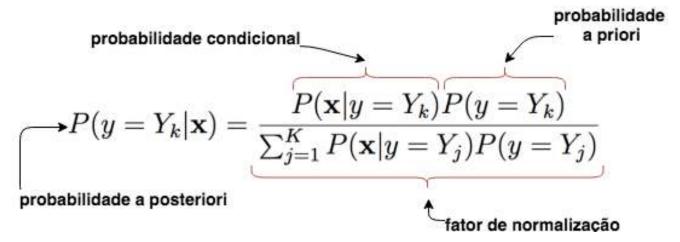
# Classificação Supervisionada

# **Classificador Bayesiano**

Reconhecimento de Padrões

# Classificador Bayesiano

- Baseia-se em conceitos de probabilidade e estatística
- Utiliza a regra de Bayes



- Probabilidade a priori
  - Frequência de amostras de uma classe
- Probabilidade condicional
  - Função de Densidade de Probabilidade (FDP) dos dados



# Classificador Bayesiano

- As distribuições podem ser estimadas utilizando os dados de treinamento.
- A classe y atribuída a nova mostra x é dada por

$$\widehat{y} = \underset{Y_k}{\operatorname{arg\,max}} P(y = Y_k | \mathbf{x}), \ k \in \{1, \dots, K\}$$

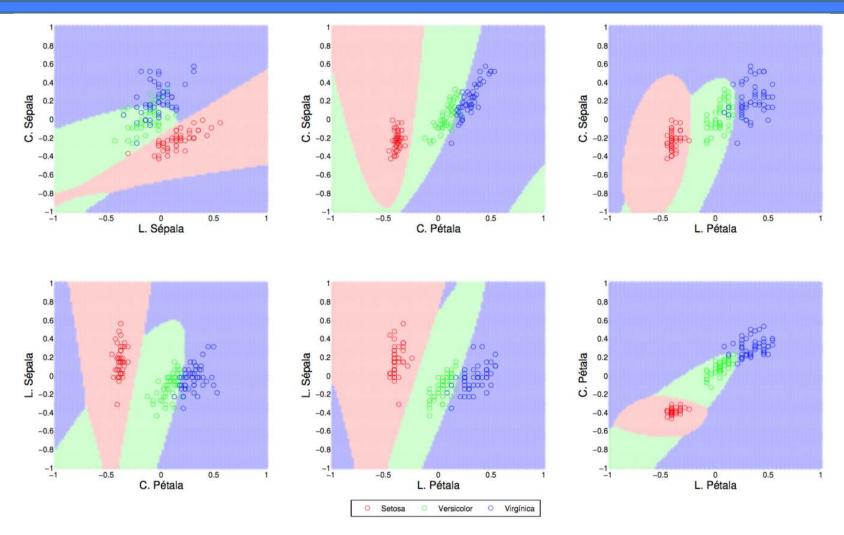
Uma das FDPs mais utilizadas é a Gaussiana ou Normal

$$P(\mathbf{x}|y=Y_k) = \frac{1}{(2\pi)^{\frac{D}{2}} |\mathbf{\Sigma}_k|^{\frac{1}{2}}} \exp\left\{-\frac{1}{2} (\mathbf{x} - \boldsymbol{\mu}_k)^{\mathsf{T}} \mathbf{\Sigma}_k^{-1} (\mathbf{x} - \boldsymbol{\mu}_k)\right\}$$

-  $μ_k$  (vetor de média),  $Σ_k$  (matriz de covariância),  $|Σ_k|$  e  $Σ_k^{-1}$  (determinante e inversa)



# Classificador Bayesiano



Superfície de decisão do classificador Bayesiano na base de dados Iris



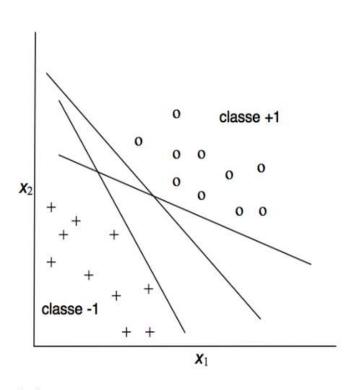
# Classificação Supervisionada

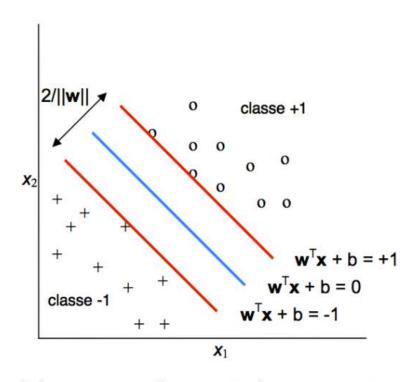
# Máquina de Vetores de Suporte

Reconhecimento de Padrões

- Support Vector Machines (SVMs)
- Baseia-se na Teoria de Aprendizado Estatístico, desenvolvida por Vapnik (1998)
  - Série de princípios para obtenção de classificadores com boa generalização
- Técnicas tradicionais minimizam o risco empírico (erro no treino)
- SVMs minimizam também o risco estrutural (erro no teste)
- Buscam um hiperplano de separação ótima

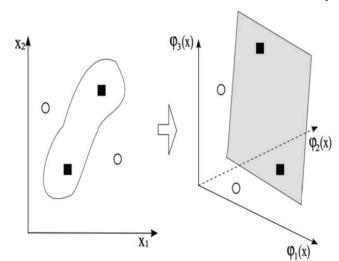






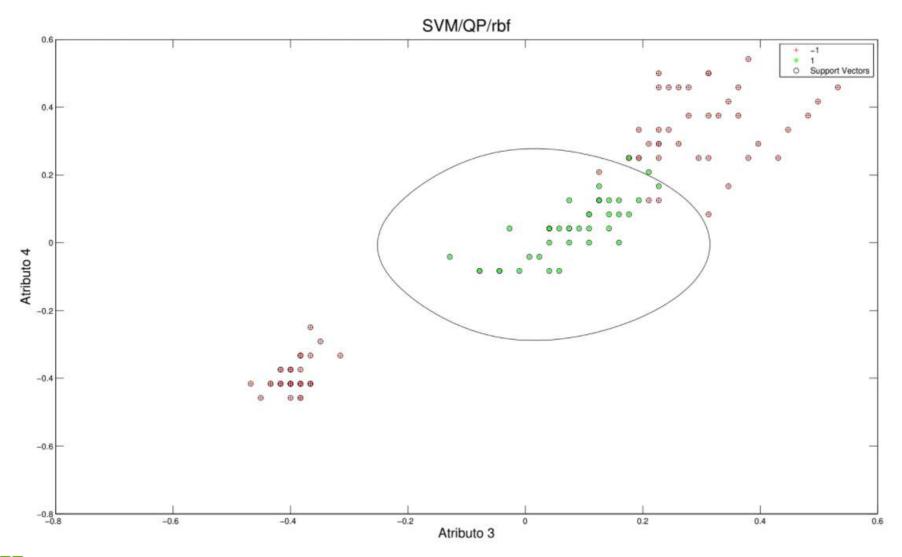
(a) Diversos hiperplanos capazes de resolver (b) Margem (vermelho) e hiperplano (azul) o problema de classificação binária. de separação ótima.

- O SVM é proposto incicialmente para problemas lineares
- Truque do kernel
  - Mapea o espaço dos dados para outro onde podem ser linearmente separáveis



Mapeamento de dados para um espaço de características de mais alta dimensão através do truque do *kenel* (ROCHA NETO, 2011).

Kernel	Descrição
Linear	$K(\mathbf{x},\mathbf{x}_i) = \mathbf{x}_i^\intercal \cdot \mathbf{x}$
Polinomial	$K(\mathbf{x}, \mathbf{x}_i) = (\mathbf{x}_i^{T} \cdot \mathbf{x} + 1)^d$ , em que $d$ é o grau do poliônimo.
Gaussiano (RBF)	$K(\mathbf{x}, \mathbf{x}_i) = \exp\{-\ \mathbf{x} - \mathbf{x}_i\ ^2/\sigma^2\}, \text{ em que } \sigma \text{ \'e uma constante.}$





# Avaliação de classificadores

Reconhecimento de Padrões

### Avaliação de Classificadores

```
•True Positive (TP) = hit
•True Negative (TN) = correct rejection
•False Positive (FP) = false alarm, Type I error
•False Negative (FN) = miss, Type II error
•Sensitivity or True Positive Rate (TPR) = hit rate, recall : TPR = TP / (TP + FN)
•False Positive Rate (FPR) = false alarm rate, fall-out : FPR = FP / (TP + FN)
•Accuracy (ACC) : ACC = (TP + TN) / (TP + FN + FP + TN)
•Specificity (SPC) = True Negative Rate : SPC = TN / (FP + TN) = 1 - FPR
•Positive Predictive Value (PPV) = Precision : PPV = TP / (TP + FP)
•Negative Predictive Value (NPV): NPV = TN / (TN + FN)
•False Discovery Rate (FDR) : FDR = FP / (FP + TP)
Matthews Correlation Coefficient (MCC) :
     MCC = (TP*TN-FP*FN)/SQRT((TP+FP)*(TP+FN)*(TN+FP)*(TN+FN))
```



#### Tabela de Contingência ou Matriz de Confusão

**Valor Verdadeiro** N P **Positivo F Positivo V** Resultado da Classificação **Negativo V Negativo F** Ν



#### Encaminhamentos

- Dúvidas?
- Próximo assunto
  - Lista 3 disponível hoje
  - Trabalho Final

