## Master Économiste d'Entreprise





RECHERCHE, RÉALISATION, RESTITUTION

# Application des modèles SFA à l'étude des prix

# Corentin DUCLOUX et Aybuké BICAT

10 avril 2024



# | Table des matières

Remerciements	2
Introduction	3
Revue de la littérature	4
Une nouvelle approche de la théorie du consommateur	4
Pricing Hédonique	5
Aspects théoriques	5
Application	7
Fonction de production	10
Le modèle SFA	10
Aspects théoriques	10
Utilisation empirique	14
SFA & Pricing Hédonique	14
Choix et cadrage de la problématique	17
Le marché de la téléphonie mobile, en constante évolution	17
Smartphones et Pricing Hédonique	20
Effet de réputation	21
Acquisition des données	22
Scraping	22
Méthodologie	23
Statistiques descriptives	24
Analyse des prix	24
Mesures de tendance centrale	24
Mesures de dispersion	25
Prix moyen en fonction d'autres variables	25
Etude des variables catégorielles importantes	28
Etude des variables dichotomiques	29
Analyse des corrélations	30



Modélisation économétrique	31
Sélection de variables	31
Modèle Hédonique niveau-niveau	33
Interpétations Modèle niveau-niveau	36
Vérification des hypothèses	37
Modèle Hédonique log-niveau	42
Interpétations Modèle log-niveau	44
Vérification des hypothèses	45
Modèle SFA - Frontière de coût	47
Interprétations Modèle frontière de coût	49
Analyse comparative des deux modèles	50
Quel modèle choisir ?	51
Analyse de l'efficacité	51
Analyse Factorielle de Données Mixtes	55
Analyse des évolutions tarifaires sur deux périodes	60
Comparateur	62
Smart Specs	63
Conclusion	65
Annexe	66
Dérivation de la fonction de vraisemblance	66
Dérivation des indices d'efficacité	67
Acronymes	69
Glossaire des variables	70
Licence	72
Ráfárancas	7/



# Remerciements

Nous tenons à remercier chaleureusement Monsieur *Alain BOUSQUET* pour son accompagnement tout au long de ce projet **3R**, qui a toujours été ouvert à l'exploration de nouveaux sujets, à l'expérimentation, et nous a encouragé à creuser diverses pistes de réflexion. Ce sujet a été et sera pour nous l'occasion de mettre en pratique l'ensemble des connaissances acquises dans notre cursus universitaire (microéconomie, économétrie, statistiques, analyse de la concurrence, pricing, développement logiciel sous **Q** et python sur une problématique éminemment appliquée.

\* \* \*

*Note* : Ce **PDF** a été entièrement rédigé en utilisant Quarto (1), combinant la puissance et la versatilité de R, Python, et La TeX. Une présentation interactive reveal . js du sujet est aussi disponible. (2)

<sup>(2)</sup> Retrouvez la présentation sur https://corentinducloux.fr/Reveal.js/slides\_smartphones.html.



<sup>(1)</sup> Quarto : Système de publication technique et scientifique *open-source* ⇒ https://quarto.org/.

# | Introduction

En tant que consommateur, nous nous retrouvons souvent face à une question infiniment plus complexe qu'elle n'en a l'air. En des termes simples, elle se traduit par : Pourquoi ce prix ? Pour quelle raison ce stylo, cette nouvelle télévision, ou ce smartphone coûte tant ? Est-ce une simple question de coût de production, de marge ? Ou bien cela prend-il en compte d'autres éléments, tels que la valeur perçue par le consommateur, les caractéristiques spécifiques d'un produit, ou encore le service qu'il rend ?

Dans ce cadre, une approche essentielle dans l'analyse des prix est celle des prix hédoniques. Celle-ci considère que le prix d'un bien ou d'un service est influencé non seulement par ses caractéristiques, mais aussi par la valeur subjective que les individus accordent à ces caractéristiques. Ainsi, la méthode des prix hédoniques examine comment des éléments spécifiques tels que la qualité ou les fonctionnalités d'un produit impactent sa valeur perçue, reflétée dans son prix.

La compréhension des mécanismes sous-jacents à la détermination des prix dans un marché est d'une importance cruciale tant pour les consommateurs que pour les entreprises. Face à ces interrogations, les modèles SFA (Stochastic Frontier Analysis) émergent comme un outil puissant, permettant d'évaluer et d'analyser l'efficacité des prix des produits en allant bien au-delà d'une simple évaluation du coût de production. Ces modèles supposent que les prix sont à l'équilibre, et prennent en compte à la fois les valorisations du côté des consommateurs et les coûts de production du côté des producteurs pour comprendre comment se forment réellement les prix.

En ce sens, les modèles SFA, dans le cadre de l'étude des prix, entrent en synergie avec l'approche hédonique en permettant une analyse approfondie des différentes composantes qui influencent la formation des prix.

\* \* \*

Ainsi, cette étude se déroulera en trois étapes clés : une revue de la littérature portant sur les modèles SFA et la notion de prix hédonique. Ensuite, nous nous concentrerons sur le processus de délimitation de notre problématique d'étude (*le marché des smartphones*). Enfin, nous aborderons l'acquisition des données, les statistiques descriptives et la modélisation économétrique pour comprendre plus en détail les mécanismes de fixation des prix dans le contexte complexe et évolutif des smartphones.

## Revue de la littérature

## Une nouvelle approche de la théorie du consommateur

En microéconomie, dans la théorie du consommateur classique, le choix du meilleur ensemble de consommation dépend des préférences d'un individu. Les préférences de cet individu sont classiquement représentées par la fonction d'utilité :

$$U(x) = U(x_1, x_2, \dots, x_n) \tag{1}$$

Avec  $x_1, x_2, \dots, x_n$  un vecteur de n biens. L'équation 1 exprime donc la relation entre la quantité de biens consommés et le niveau d'utilité que ces biens procurent à un agent. Dès lors, dans ce cadre, la consommation de biens procure **directement** de l'utilité à l'agent. En pratique pourtant, il est difficile de concevoir comment l'achat d'un bien comme une lampe ou un stylo peut nous apporter de l'utilité en tant que consommateur.

Pour répondre à cette difficulté, Lancaster (1966) propose un nouveau cadre conceptuel théorique décrit par les hypothèses suivantes.

#### Hypothèses

- 1. Le bien en lui-même ne procure pas d'utilité au consommateur ⇒ il possède des caractéristiques qui procurent de l'utilité.
- 2. Un bien est un ensemble (bundle) de caractéristiques il possède le plus souvent de nombreuses caractéristiques.
- 3. Une combinaison de biens peut procurer une utilité qui n'est pas la simple somme des utilités procurées par les biens séparément.

*Illustrons ces points avec quelques exemples :* 

- Un ordinateur n'est pas acheté pour le simple plaisir de posséder un ordinateur. Il est acheté car il permet de naviguer sur Internet, écrire des cours, programmer, regarder une série, etc. C'est donc pour les services qu'il nous rend, ce qui est modélisé ici par les caractéristiques possédées du bien.
- Les biens possèdent généralement un grand nombre de caractéristiques. Prenons l'exemple d'une gourde : la couleur, la forme, les dimensions et la capacité isothermique sont autant de caractéristiques qui peuvent influer sur la décision d'achat et la disposition à payer.
- En consommant du lait et du café séparément, les caractéristiques retirées du lait sont de la vitamine D et du calcium, tandis que pour le café les caractéristiques retirées sont de la caféine, une boisson chaude, un "boost" le matin. En revanche, consommer un café latte permettra d'obtenir une boisson plus douce, moins caféiné, un goût différent. En bref, les caractéristiques retirées du mélange sont différentes.

Dans le modèle de Lancaster, on pose une relation linéaire entre les prix des biens et leurs caractéristiques. Le prix total p d'un bien peut donc être considéré comme la somme des prix



individuels associé à chaque caractéristique. Cela découle du fait que les attributs des biens étudiés peuvent être considérés comme des composantes distinctes et séparables.

## Pricing Hédonique

### Aspects théoriques

Rosen (1974) étend ce qui a été apporté par le cadre théorique de Lancaster (1966). La principale différence est qu'il s'intéresse à **l'équilibre de marché de biens différenciés** (là où Lancaster s'intéresse uniquement à la demande) avec :

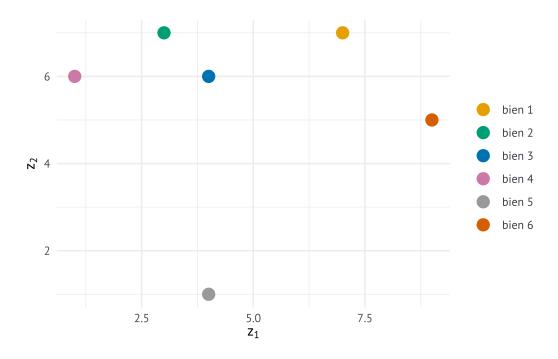
- un continuum de biens du côté de l'offre.
- un continuum de consommateurs hétérogènes du côté de la demande.

Dans ce modèle, la relation entre les prix des biens et leurs attributs peut-être **non-linéaire** et permet aussi de capter des effets d'interaction entre plusieurs variables. Au coût d'une modélisation plus complexe que dans le modèle de Lancaster (1966), les résultats gagnent en robustesse.

L'objet de la contribution de Rosen est d'étudier un bien différencié z décrit par le vecteur de ses n caractéristiques mesurables tel que :

$$z = (z_1, z_2, \dots, z_n) \tag{2}$$

Afin de comprendre pourquoi il est important d'étudier des biens différenciés dans ce cadre, regardons en détail le graphique suivant.



**Figure 1** – Plan  $(z_1, z_2)$  de différents biens avec 2 caractéristiques.

En général, nous sommes habitués à représenter les préférences des consommateurs en termes de quantités de biens  $x_1, x_2$ . Ici, on assiste à un changement de paradigme : on va représenter les préférences des consommateurs en termes de caractéristiques de biens, c'est-à-dire dans l'espace  $z_1, z_2$  (on choisit de prendre seulement 2 caractéristiques et 6 biens pour simplifier).

On peut en déduire que les consommateurs achetant le *bien 5* valorisent plus les caractéristiques  $z_1$  que  $z_2$ , et inversement pour le *bien 4*.

En fait, la différenciation horizontale et verticale des produits implique qu'une vaste gamme de paniers est disponible dans cet espace de consommation!

- **Différenciation Horizontale** ⇒ A prix donné, il n'y a pas unanimité dans le choix des consommateurs entre 2 biens (jaune et rouge) : ce sont des différences de goûts.
- **Différenciation Verticale** ⇒ A prix donné, il y a unanimité dans le choix des consommateurs entre 2 voitures biens : l'un est meilleur que l'autre.

Il faut aussi noter que dans le modèle de Rosen, le consommateur n'achète qu'**une seule** unité de bien qui est une combinaison d'attributs  $z_1, z_2, \ldots, z_n$ . Historiquement, cela s'explique car Rosen s'intéresse principalement aux biens durables (logements, voitures, smartphones...). Il est en effet beaucoup plus simple d'obtenir des caractéristiques observables sur ces biens durables : que ce soit le nombre de pièces pour un logement, la superficie, ou bien la puissance et la longueur d'une voiture.

De toutes ces informations, on peut formuler 2 questions.

- Pour le **producteur**, quelle combinaison de caractéristiques lui permet de maximiser son profit ?
- Pour le **consommateur**, quelle combinaison de caractéristiques lui rapporte le plus d'utilité sous contrainte budgétaire ?

On aboutit à une relation fonctionnelle entre les caractéristiques des biens et leur prix, appelée fonction de prix hédonique p(z).

$$p(z) = p(z_1, z_2, \dots, z_n)$$
(3)

Un produit est donc défini en chaque point du plan et guide les choix de localisation des consommateurs et des producteurs concernant les ensembles de caractéristiques.

## **⚠** Limites

Il n'en reste pas moins qu'il subsiste un problème indéniable : ce qu'on aimerait réellement mesurer c'est le **service rendu par un produit** (pour lequel le lien précis entre ses fonctionnalités et les services rendus reste inconnu) et non pas les caractéristiques de ce produit. Mais ce premier est complètement inobservable. Un défi sera donc d'interpréter correctement les résultats des régressions.



## **Application**

Harrison Jr et Rubinfeld (1978):

**Objectif** : Examiner comment les données du marché immobilier peuvent être utilisées pour évaluer la *Willingness To Pay* des consommateurs pour une meilleure qualité de l'air.

• Le modèle suppose que les ménages prennent en compte le niveau de pollution de l'air, la quantité et la qualité du logement et d'autres caractéristiques de quartier pour faire leur choix.



• La fonction de la valeur hédonique du logement traduit les attributs du logement en prix, et suppose que les consommateurs perçoivent avec précision ces attributs et que le marché est en équilibre à court terme.

#### Définition des variables

- *W* = WTP *marginale* pour une meilleure qualité de l'air
- NOX = Concentration des oxydes d'azote<sup>(3)</sup>
- *INC* = Revenu du ménage en centaine de dollars

Trois niveaux de revenu par an découpés en variable catégorielles :

- **LOW** si  $INC \le \$8500 \Rightarrow Y_0$  (Catégorie de référence)
- **MEDIUM** si  $INC \le $11500 \Rightarrow Y_1$
- HIGH si  $INC \le $15000 \Rightarrow Y_2$

$$\log(W) = \beta_0 + \beta_1 \log(NOX) + \beta_2 \log(INC) + \beta_3 [Y_1 \cdot \log(NOX)] + \beta_4 [Y_2 \cdot \log(NOX)]$$
 (4)

Coefficients estimés pour la régression  $\log - \log$  (significatifs au seuil p < 0.01):

$$\log(W) = \underbrace{2.2}_{\beta_0} + \underbrace{0.97}_{\beta_1} \log(NOX) + \underbrace{0.8}_{\beta_2} \log(INC) - \underbrace{0.03}_{\beta_3} [Y_1 \cdot \log(NOX)] - \underbrace{0.07}_{\beta_4} [Y_2 \cdot \log(NOX)]$$

**Résultats** : La WTP marginale pour une meilleure qualité de l'air augmente avec le niveau de pollution de l'air et avec le niveau de revenu des ménages. Plus précisément, malgré la présence d'effets d'interaction significatifs mais faibles, il est observé que toutes choses égales par ailleurs, lorsque le niveau de NOX et le revenu du ménage augmentent, le prix a tendance à augmenter également.

Pour finir, l'approche hédonique a été utilisée empiriquement dans de très nombreux domaines comme par exemple :

Berndt et Rappaport (2001)  $\Rightarrow$  Secteur informatique.

• L'objectif de cet article est d'examiner l'évolution des prix ajustés en qualité des ordinateurs personnels de bureau et mobiles entre 1976 et 1999.

Chen et Rothschild (2010) ⇒ Secteur de l'hôtellerie.

• Analyse l'impact des caractéristiques des hôtels de Taipei sur leurs tarifs en utilisant les données de 73 hôtels collectées auprès d'un agent de voyage en ligne.



<sup>(3)</sup> Variable de pollution, NOX est un proxy pour la qualité de l'air.

Yim, Lee, et Kim  $(2014) \Rightarrow$  Secteur de la restauration.

• Explore l'impact des attributs des restaurants à Séoul sur leurs prix moyens de repas en examinant les données de 185 établissements recueillies via diverses sources.

Dans la littérature, une spécification semi-log est généralement préférée en raison de sa capacité à mieux modéliser les relations non linéaires entre les variables. De plus, cette forme permet d'améliorer l'ajustement du modèle aux données observées, et offre un  $\mathbb{R}^2$  supérieur à celui obtenu avec d'autres spécifications – voir Bello et Moruf (2010).

## Fonction de production

Avant de passer à l'explication de la seconde partie théorique, c'est-à-dire les modèles SFA, attardons-nous sur la définition d'une fonction de production, fondement important de la SFA.

## Rappel

- Un processus de production représente la transformation d'inputs en outputs.
- Dès lors, une fonction de production f(.) donne la quantité maximum d'output y pouvant être produite à partir de combinaison d'inputs.

$$y_i = f(x_i; \beta) \tag{5}$$

Avec  $x_i$  le vecteur d'inputs et  $\beta$  le vecteur de paramètres inconnus à estimer.

 $f(x_i; \beta)$  est en fait la frontière de production. Pour l'instant cette frontière ne prend pas en compte l'efficacité technique  $TE_i$  et elle n'est pas *stochastique* car elle n'inclut pas de terme aléatoire.

\* \* \*

Farrell (1957) est le premier auteur à définir cette Frontière de Production.

"When one talks about the efficiency of a firm one usually means its success in producing as large as possible an output from a given set of inputs."

Cette définition permet donc d'aboutir à la formulation évoquée à l'équation 5.

### Le modèle SFA

## Aspects théoriques

Aigner, Lovell, et Schmidt (1977):

**Objectif**: Formulation et estimation de fonctions de frontière de production stochastique.

Avant les travaux de Aigner, Lovell, et Schmidt (1977), les économètres utilisaient principalement dans la littérature des fonctions de production pour étudier le lien entre le niveau de production et la quantité d'inputs utilisés. Cela signifie que la formulation théorique énoncée par Farrell (1957) différait de l'utilisation empirique. En effet, Farrell (1957) a lui introduit la notion d'efficacité au sens du **niveau maximum de production** atteignable étant donné une combinaison spécifique d'inputs.



• On repart de la fonction de production (équation 5), mais en lui ajoutant un terme multiplicatif  $TE_i$ .

$$y_i = f(x_i; \beta) \cdot TE_i$$

 $TE_i$  représente l'efficacité technique, définie comme le ratio d'output observé sur l'output maximum réalisable, soit  $TE_i = \frac{y_i}{y_i^*}$ .

• Si  $TE_i = 1$  alors la firme i produit l'output maximum réalisable, alors que si  $TE_i < 1$ , il existe un écart entre l'output maximum et l'output effectivement observé.

Un composant **stochastique** exp  $\{v_i\}$  est en outre ajouté pour représenter les chocs aléatoires affectant la production. La fonction de production devient alors :

$$y_i = f(x_i; \beta) \cdot TE_i \cdot \exp\{v_i\}$$

On peut ré-écrire l'efficacité technique sous la forme  $TE_i = \exp\{-u_i\}$ . Dès lors :

$$y_i = f(x_i; \beta) \cdot \exp\{-u_i\} \cdot \exp\{v_i\}$$
(6)

Note: En réarrangeant l'équation 6 avec le logarithme népérien, on obtient:

$$\Leftrightarrow \ln(y_i) = \ln(f(x_i; \beta)) + \underbrace{v_i - u_i}_{\epsilon_i}$$

Le modèle peut alors s'écrire sous la forme suivante :

$$\ln(y_i) = \ln(f(x_i; \beta)) + \epsilon_i$$
 (7)

L'avantage de cette écriture est qu'elle facilite la manipulation des termes d'erreur, et il est très simple de retrouver le logarithme de l'output maximum. En effet :

$$\Leftrightarrow \ln(y_i) = \underbrace{\ln(f(x_i; \beta)) + v_i}_{\ln(v_i^*)} - u_i$$

Et donc le logarithme de l'output observé est simplement  $ln(y_i) = ln(y_i^*) - u_i$ .

Les termes d'erreur  $\epsilon_i$  ont ainsi une distribution particulière composée :

- $v_i$  est une **erreur aléatoire**  $\Rightarrow$  variation inexpliquée par les variables indépendantes du modèle, avec  $v_i \sim \mathcal{N}(0, \sigma_v^2)$ .
- $u_i$  est un **composant unilatéral** qui peut être choisi parmi plusieurs distributions<sup>(4)</sup> et  $u_i \ge 0$ , puisqu'il est nécessaire d'avoir  $TE_i \le 1$ .

<sup>(4)</sup> Dans la littérature, deux distributions sont couramment utilisées : la distribution **semi-normale** et **normale tronquée**.



#### Conclusion

Pour chaque observation dans ce modèle, on récupère  $\epsilon_i$ , qui représente un écart à la frontière. La spécification de cette méthode permet donc d'estimer, à travers l'espérance conditionnelle de  $u_i$  sachant  $\epsilon_i$ , les scores de l'**efficacité technique** de chaque firme.

Enfin, Kumbhakar, Horncastle, et al. (2015) discutent aussi dans la section 3.3 de leur livre des approches dites distribution-free sur  $u_i$  dans lesquelles aucune hypothèse ne sont faites sur la distribution que suit les  $u_i$ . Nous ne nous intéresserons pas à ces méthodes puisqu'elles ont le défaut de ne pas pouvoir correctement distinguer les  $v_i$  des  $u_i$ , et donc ne sont pas en mesure d'estimer les scores d'efficacité technique.



On l'a vu ci-dessus, la SFA est une méthode **paramétrique** qui requiert une forme fonctionnelle précise. La SFA n'a cependant pas le monopole dans le domaine de l'estimation des frontières de production.

Un autre modèle (non-paramétrique) a aussi été développé : la Data Envelopment Analysis (DEA). Celui-ci a l'avantage de ne pas exiger d'hypothèse particulière sur des termes d'erreur. La structure du modèle n'est pas spécifiée à priori mais est uniquement déterminée à partir des données.

\* \* \*

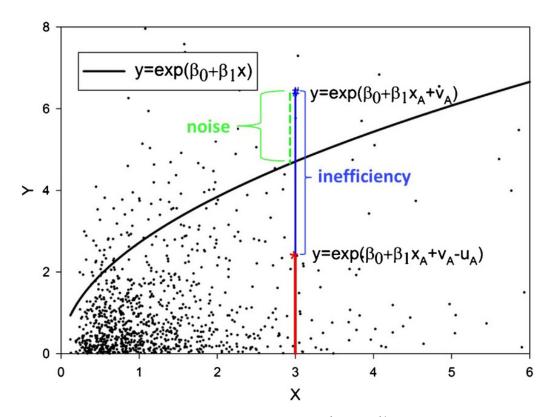


Figure 2 – Représentation graphique d'une SFA.

#### \* Droits d'auteur : Lutz Bornmann

À partir de cette représentation, on peut clairement distinguer les effets de  $v_i$  (noise) et ceux de  $u_i$  (inefficiency) dans un espace à deux dimensions avec X la quantité d'inputs et Y la quantité d'outputs. La frontière optimale de production est ici représentée en noir par  $y = \beta_0 + \beta_1 x$ .

- 2 entreprises utilisant la même quantité d'inputs (X = 3) sont mises en évidence dans le graph. La première se situe en dessous de la frontière de production avec  $Y \simeq 2$  et la seconde est au-dessus de celle-ci avec Y > 6.
- Les 2 firmes utilisent donc la même quantité d'inputs pour une quantité d'output différente, à savoir : la première firme est moins efficace dans l'utilisation optimale de ses inputs, donc son efficacité technique est inférieure à la seconde.

## Utilisation empirique

#### Quelques exemples d'application de la SFA dans le cadre de la mesure d'efficacité :

Reinhard, Lovell, et Thijssen  $(2000) \Rightarrow$  Secteur Environnemental.

• L'objectif de cet article est d'estimer l'efficacité environnementale pour les fermes laitières aux Pays-Bas.

Rosko et Mutter (2008)  $\Rightarrow$  Secteur Hospitalier.

• Cet article est quant à lui une méta-analyse de l'ensemble des articles de SFA et de DEA existants sur l'efficacité hospitalière aux Etats-Unis.

Mohamad, Hassan, et Bader (2008)  $\Rightarrow$  Secteur Bancaire.

• Compare l'efficacité des coûts et des profits de 80 banques dans 21 pays comprenant 37 banques conventionnelles et 43 banques islamiques.

#### En bref, il existe de nombreux domaines d'application!

Un domaine en particulier n'a pourtant pas été évoqué jusqu'ici : pourquoi ne pas utiliser la SFA pour mesurer l'efficacité d'un prix (best-buy frontier) ?

C'est précisément le cadre du prochain article de notre revue de la littérature.

## SFA & Pricing Hédonique

Arrondo, Garcia, et Gonzalez (2018):

**Objectif** : déterminer les attributs principaux des prix des sneakers en Espagne et leur efficacité.

Six caractéristiques<sup>(5)</sup> sont étudiées sur n = 171 sneakers.

- Lightweight : poids des sneakers.
- Cushioning : capacité de la chaussure à absorber les chocs au cours d'une course et tout au long du cycle de vie du produit.
- Flexibility: les baskets flexibles s'adaptent mieux à la forme naturelle du pied.
- **Response** : capacité du matériau à retrouver sa forme après les déformations provoquées par l'impact sur le sol.
- **Grip**: l'adhérence donne aux coureurs une certaine assise sur le sol.
- **Stability** : mesure la stabilité du pied à l'intérieur de la chaussure.

En plus de ces 6 caractéristiques techniques, la marque est ajoutée en tant que variable qualitative pour mesurer la *Brand Equity* (la valeur d'une marque pour le consommateur).

MEC

 $<sup>^{(5)}</sup>$ Variables quantitatives discrètes  $\in$  [1, 10[.

Le modèle pour la marque *k* s'écrit alors :

$$\ln(p_{ik}) = \alpha_k + \beta X_{ik} + v_{ik} + u_{ik} \tag{8}$$

- $p_{ik}$  est le prix du i-ème modèle de marque k.
- $\alpha_k$  est l'effet marque sur le prix de la marque k.
- $X_{ik}$  est le vecteur des attributs mesurables du i-ème modèle de marque k.
- $\beta$  est un vecteur de coefficients pour ces attributs.
- $v_{ik}$  est une erreur aléatoire.
- $u_{ik}$  représente l'inefficacité.

*Note* : On retrouve bien la forme spécifique d'une SFA, caractérisée par la présence des termes  $v_{ik}$  et  $u_{ik}$ . La seule différence est que le terme d'erreur composée est  $\epsilon_{ik} = v_{ik} + u_{ik}$  car nous sommes dans le cadre d'une **frontière de coût** et non de production.

#### Résultats:

Table 1 – Résultats de la régression hédonique

Variables	Coefficient	SE	
Lightness	0.007	0.028	
Cushioning	0.064 **	0.025	
Flexibility	0.058 **	0.026	
Response	0.050 *	0.30	
Stability	0.070 ***	0.025	
Grip	-0.045	0.028	
Adidas	2.697 ***	0.401	
Asics	2.679 ***	0.389	
Saucony	2.779 ***	0.403	
Nike	2.714 ***	0.422	
Brooks	2.834 ***	0.404	
Mizuno	2.524 ***	0.397	
New Balance	2.544 ***	0.410	
Reebok	2.522 ***	0.403	

Les variables *Cushioning*, *Flexibility* et *Stability* sont statistiquement significatives à p < 0.05.

De plus, nous sommes ici dans le cadre d'une régression log-linéaire donc les coefficients peuvent être interpretés comme des **semi-élasticités**, c'est à dire :

- $\Rightarrow$  Pour une augmentation d'une unité de *Stability*,  $p_{ik}$  va augmenter de 7%, cet. par. (6)
- $\Rightarrow$  Pour une augmentation d'une unité de *Cushioning*,  $p_{ik}$  va augmenter de 6.4%, *cet. par*.
- $\Rightarrow$  Pour une augmentation d'une unité de *Flexibility*,  $p_{ik}$  va augmenter de 5.8%, cet. par.



<sup>(6)</sup> Toutes choses égales par ailleurs.

Par conséquent, la caractéristique *Stability* va avoir le plus grand impact sur le prix d'une sneakers, suivi de *Cushioning* et *Flexibility*.

Table 2 – Indice d'efficacité moyen par marque

Marque	$\hat{ heta_k}$
Adidas $(n = 28)$	0.832
Asics $(n = 35)$	0.864
Saucony $(n = 15)$	0.875
Nike $(n = 25)$	0.824
Brooks $(n = 16)$	0.860
Mizuno $(n = 29)$	0.858
New Balance $(n = 18)$	0.848
Reebok $(n = 5)$	0.859

 $\hat{\theta}_k$  représente l'indice d'efficacité moyen estimé par marque, compris entre 0 et 1.

On remarque tout d'abord que cet indice est compris entre 0.8 et 0.9 pour l'ensemble des marques, c'est à dire qu'il n'y a pas de marque globalement **très inefficiente** (si une marque l'était, elle n'arriverait probablement pas à vendre et serait évincée par ses concurrents).

- Nike est la marque qui possède la pire relation prix~attributs de la sélection.
- Saucony est la marque qui possède la meilleure relation prix~attributs de la sélection.

#### Résultats

- En estimant l'efficacité des produits, l'article permet de déterminer le montant des réductions à accorder aux sneakers **overprice** afin de les rendre compétitives.
- Il existe une relation inverse entre l'efficacité du produit et la réduction de prix : la réduction de prix est d'autant plus grande que la sneakers est **overprice**.

# | Choix et cadrage de la problématique

L'objectif fixé par notre sujet est de combiner les modèles SFA à une problématique d'étude des prix hédoniques, de manière similaire à ce qui a été entrepris par Arrondo, Garcia, et Gonzalez (2018).

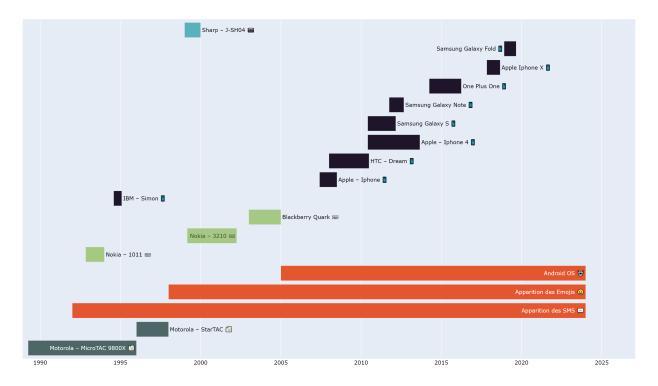
L'ensemble des articles de la littérature exposés ci-dessus ont permis d'affiner notre compréhension théorique des modèles et nous ont aidés à déterminer un marché à étudier. Pour des raisons de disponibilité des caractéristiques et parce que peu d'articles dans la littérature se sont intéressés au pricing hédonique des smartphones, nous avons fait le choix d'analyser le marché de la téléphonie mobile.

Notre problématique est donc la suivante :

Combinaison d'un modèle SFA et d'une régression hédonique pour évaluer l'écart entre les prix de smartphones et leur valeur (intrinsèque).

## Le marché de la téléphonie mobile, en constante évolution

Depuis l'apparition des téléphones mobiles au début des années 1990, de nombreuses innovations technologiques ont ajouté des caractéristiques rendant ces téléphones de plus en plus polyvalents. Cette chronologie présente en X les années et les rectangles des différentes catégories correspondent à des **débuts** et des **fins de commercialisation**. L'axe Y permet quant à lui d'améliorer la lisibilité.



**Figure 3** – Smartphone Timeline.

■ Téléphone à clapet ■ Téléphone à clavier ■ Téléphone à appareil photo ■ Smartphone

Examinons quelques modèles de téléphone pour mieux saisir l'impact des innovations majeures sur le marché.

- Nokia 1011: Premier écran LCD.
- IBM Simon : Premier véritable smartphone avec stylet, commercialisé pendant seulement 6 mois à cause d'un prix élevé de \$899.
- Nokia 3210 : Premier téléphone à intégrer les SMS et plusieurs jeux. C'est encore aujourd'hui un des téléphones les plus vendus au monde.
- *Sharp J-SH04* : Premier téléphone équipé d'un appareil photo intégré.
- Blackberry Quark : Les téléphones 👺 BlackBerry sont les premiers à disposer d'un clavier complet, ce qui, à cette époque, est un avantage majeur. A tel point qu'au début des années 2000 et jusqu'en 2010, Blackberry devient et reste leader sur le marché de la téléphonie mobile avec 20% de parts de marché à son apogée.
- Apple Iphone : En 2007, d Apple annonce l'iPhone. Ce téléphone, qui intègre un écran tactile multitouch, va bouleverser le marché des téléphones mobiles. La vraie révolution, plus que le téléphone en lui-même, est l'App Store, qui va permettre d'accélérer le développement de nombreuses applications mobiles.
- HTC Dream : Un an après la sortie de l'iPhone, les constructeurs bataillent pour tenter de le concurrencer. HTC est dans ce cadre le premier à intégrer Android OS. Il reste néanmoins un entre-deux (il possède un clavier et un écran tactile).
- Samsung Galaxy S: Avec le Galaxy S, Samsung concurrence directement l'Apple iPhone 4 et sort un téléphone meilleur en tout point sur le plan des caractéristiques techniques. L'écran est plus grand, il existe une possibilité d'augmenter le stockage, il possède un meilleur cpu et une meilleure autonomie, tout en étant moins cher.

#### Conclusion

Toutes ces innovations vont avoir un impact dans les caractéristiques les plus valorisées par les consommateurs. Par exemple, il est difficile d'imaginer qu'un consommateur valorisera aujourd'hui un téléphone sans capteur de caméra frontale et arrière ou qui serait incapable d'envoyer des SMS.

Cela permet d'ailleurs d'évoquer une des limites majeures des modèles de pricing hédonique. Comment va-t-on pouvoir modéliser l'arrivée d'une nouvelle caractéristique ? On ne peut pas trouver dans le passé quelle sera la valorisation de cette nouvelle caractéristique.

Illustrons cette remarque avec l'iPhone. Un modèle de régression des prix hédoniques réalisé juste avant la sortie de l'iPhone aurait probablement trouvé (sans surprise) que BlackBerry était la marque la plus valorisée par les consommateurs et qu'il faut augmenter la taille du téléphone pour lui permettre d'avoir un plus grand clavier. Il va sans dire que deux mois plus tard, ces résultats sont inutilisables à cause d'une innovation technologique.

Enfin, il existe relativement peu d'articles sur les prix hédoniques des smartphones, ou alors ils sont assez anciens (2004-2005), et on l'a vu, étant donné la vitesse à laquelle



évolue le marché, avoir des données récentes est primordial pour estimer correctement les caractéristiques valorisées par les consommateurs à un instant T.



## Smartphones et Pricing Hédonique

Il existe néanmoins quelques articles récents traitant du sujet, dont celui de Ahmad, Ahmed, et Ahmad (2019):

Objectif: Pricing des attributs des smartphones au Pakistan

Les données des attributs ont été collectées sur des sites webs et les prix pratiqués relevés dans les magasins de 2 villes du Pakistan (n = 348 smartphones).

Le prix moyen d'un smartphone dans leur étude est de \$136,35. En outre, l'écart-type du prix des smartphones est elevé (181), c'est à dire que la dispersion en prix est assez importante, ce qui confirme l'hypothèse que les smartphones sont des biens différenciés.

Ils proposent alors l'estimation du modèle suivant avec les caractéristiques découpées en variables catégorielles.

$$ln(PRICE_{i}) = \beta_{0} + \beta_{1i}BRAND_{i} + \beta_{2i}WEIGHT_{i} + \beta_{3i}BATTERY_{i}$$
$$+\beta_{4i}OS_{i} + \beta_{5i}RAM_{i} + \beta_{6i}MEMORY_{i} + \beta_{7i}DISPLAY_{i}$$
$$+\beta_{8i}NETWORK_{i} + \beta_{9i}BCAM_{i} + \beta_{10i}FCAM_{i} + \epsilon_{i}$$

#### Résultats:

• La marque, la batterie, le poids, l'OS, la RAM, la mémoire et la taille de l'écran ont un effet positif statistiquement significatif sur les prix des smartphones.

Plus précisément, les résultats indiquent que les fabricants doivent se concentrer sur un téléphone :

- avec une RAM de plus d'1 Go.
- avec une mémoire de plus de 8 Go.
- avec un écran de plus de 5 pouces.
- compatible avec la 4G.
- avec une caméra arrière de plus de 15 mégapixels.

Le Pakistan étant un pays en voie de développement, et l'étude datant de 2019, on peut s'attendre à trouver des résultats différents dans nos données.

De plus, sur les 348 smartphones, 127, sont de la marque **QMOBILE**, une société pakistanaise qui vend des smartphones à bas prix, ce qui peut aussi expliquer le prix moyen assez bas.

21

 $\mathbf{M}_{\mathbf{FC}}$ n

## Effet de réputation

Dans la section précédente, les résultats de l'étude de Ahmad, Ahmed, et Ahmad (2019) ont permis de discerner que la marque a un effet statistiquement significatif sur le prix des smartphones, c'est pourquoi nous voulions explorer rapidement des questions d'analyse de la concurrence que l'on peut relier à notre sujet.

Boistel (2008) parle spécifiquement de cet effet de réputation.

**Objectif :** Analyser l'impact de la réputation sur les fonctions clés de l'entreprise et son intégration dans le management stratégique actuel.

#### Réputation et marketing

- **Considéré comme une priorité majeure** : la réputation est une ressource essentielle, reconnue comme une priorité de recherche par le *Marketing Science Institute*.
- Influence le comportement des consommateurs: la réputation impacte l'intention d'achat, la confiance envers les nouveaux produits et est liée à la satisfaction client. Elle agit comme une "garantie".
- Avantage compétitif : une solide réputation permet de gagner un avantage compétitif sur le marché, voire un avantage concurrentiel, en attirant les clients et en se différenciant des concurrents.
- Limitation de la concurrence : les produits ou services d'une entreprise réputée sont moins facilement remplaçables ou imitables en raison de la perception limitée des consommateurs. Au lieu d'examiner les caractéristiques en détail, ils vont se fier à la marque et à la réputation.
- Corrélation positive avec le prix : une meilleure réputation va permettre de fixer des prix plus élevés et d'obtenir un avantage sur les ventes par rapport à la concurrence. Exemple : Toyota et General Motors forment la joint-venture New United Motor Manufacturing Inc. La société a produit 2 voitures identiques :
  - la Toyota Corrola.
  - la GM's Geo Prizm.

 $\Rightarrow$  La meilleure réputation de Toyota lui a permis de vendre 200000 voitures à 11100 dollars, contre seulement 80000 véhicules à 10700 dollars vendus pour General Motors.

22 MgEn

# | Acquisition des données

## Scraping

Il n'existe évidemment pas de données directement disponibles regroupant le prix et l'ensemble des caractéristiques des smartphones. Ce qui pourrait le plus s'en rapprocher sont les fiches techniques de téléphones disponibles sur https://www.01net.com/. Scraper ce site pourrait être une idée intéressante, mais 01net n'est pas un revendeur de smartphones.

L'idée est donc de récupérer ces données sur le site d'un revendeur (*Fnac*, *Darty*, *Boulanger*). En effet, l'avantage de la récupération des données sur un site de revente direct est que nous avons une "photographie" du marché au moment où le crawler récupère et alimente notre base de données. A ce titre, nous avons choisi de récupérer des données sur Boulanger.

#### 🛕 Encadrement du web scraping

Le web scraping est encadré en droit français par l'article L. 342-3<sup>(7)</sup> du Code de la propriété intellectuelle, qui autorise la pratique suivante :

• L'extraction et la réutilisation d'une partie substantielle, appréciée de façon qualitative ou quantitative, à des fins exclusives d'illustration dans le cadre de l'enseignement et de la recherche et pour un public composé d'élèves, d'étudiants, d'enseignants ou de chercheurs directement concernés. Ainsi, ce cas de figure étant limité à des fins pédagogiques, il est totalement exclu de faire usage des données extraites à titre commercial.

Nous précisons donc que nous ne ferons en aucun usage de ces données dans un cadre commercial.



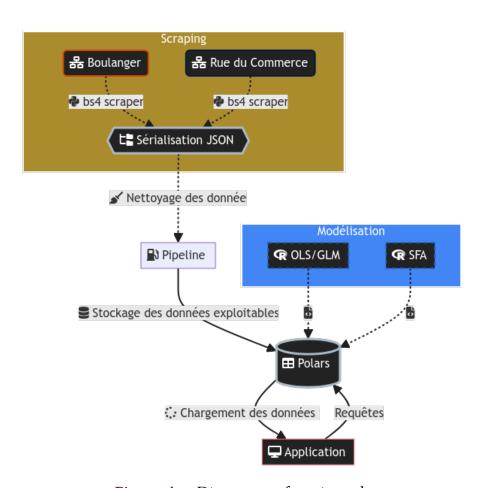
<sup>&</sup>lt;sup>(7)</sup>Plus de détail sur legifrance.gouv.fr

## Méthodologie

L'objectif final est de disposer d'une application permettant aux consommateurs ou aux producteurs de comparer l'efficacité des smartphones en fonction de leurs caractéristiques et de leur indiquer quel est le meilleur choix.

#### Workflow:

- $Scraping \Rightarrow Python$
- Nettoyage des données ⇒ Python
- Modélisation  $\Rightarrow$  R
- $Application \Rightarrow Python$



**Figure 4** – Diagramme fonctionnel.

Le diagramme fonctionnel permet de comprendre comment interagissent les différents composants logiciels avant leur utilisation dans l'application.

# | Statistiques descriptives

Il y a 432 smartphones disponibles dans nos données scrapées sur Boulanger avec 35 variables.

- Variables liées à l'écran : screen\_type, screen\_size, screen\_tech, diagonal\_pixels, ppi, resolution\_1, resolution\_2.
- Variables liées à la caméra : mpx\_backward\_cam, cam\_1, cam\_2, cam\_3, sensor.
- Variables liées aux caractéristiques physiques du téléphone : *color*, *thickness*, *width*, *height*, *net\_weight*.
- Variables liées aux performances : *network*, *cpu*, *ram*, *storage*, *upgrade\_storage*.
- Variables liées à la batterie : battery, fast\_charging, induction, usb\_type\_c.
- Variables liées au DAS : das\_limbs, das\_chest, das\_head.
- Autres variables: repairability\_index, model, brand, made\_in, stars, reviews.

Et enfin notre variable à expliquer : **price**.

## Analyse des prix

#### Mesures de tendance centrale

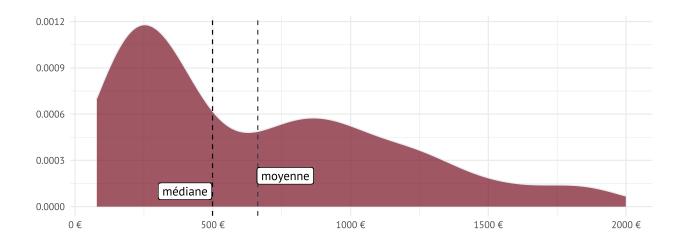
Le prix moyen d'un smartphone de la sélection est de  $663.2 \in$ , soit  $\approx 5$  fois plus élevé que dans l'article de Ahmad, Ahmed, et Ahmad (2019). Cela peut s'expliquer notamment par la différence considérable de **PIB** par habitant. (8)

En 2022 au Pakistan : \$ 1596.7En 2022 en France : \$ 40963.8

La médiane est quant à elle de 499 €.



<sup>(8)</sup> Données issues de la *Banque Mondiale* (PIB par habitant en US dollars courants)



**Figure 5** – Distribution des prix des smartphones.

On peut aussi tester l'asymétrie de la distribution avec le coefficient de Skewness de Pearson :

$$SK = \frac{3(\bar{x} - \tilde{x})}{\sigma} \simeq 1.02$$

Ce résultat indique que l'asymétrie de la distribution est positive. Il y a beaucoup plus de valeurs concentrées à gauche de la distribution qu'à droite. Si le coefficient était proche de 0, cela signifierait que la distribution est proche d'une loi normale  $\mathcal N$ , ce qui n'est pas le cas ici.

## Mesures de dispersion

Le prix minimal d'un smartphone dans notre sélection est de 79 € pour le modèle **Motorola** E13 et le prix maximal est de 1999 € pour le modèle **HONOR V**2.

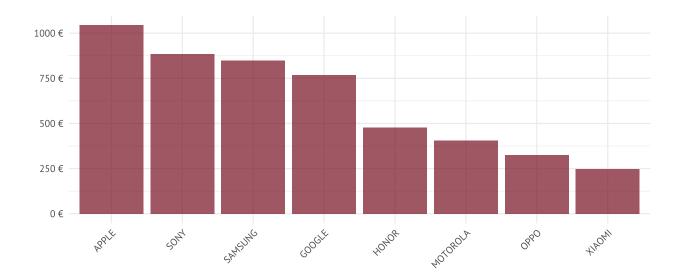
Il existe donc une grande étendue de prix, c'est à dire : 1920 €. De plus, l'écart-type du prix est très important (484.5).

Toutes ces mesures nous confirment que la dispersion en prix est très elevée.

## Prix moyen en fonction d'autres variables

On peut s'intéresser au prix moyen par marque pour regarder s'il existe des différences de prix significatives entre certaines marques pour illustrer l'article de Boistel (2008) cité précédemment.

MEC



**Figure 6** – Prix moyen par marque.

- *Apple* possède en moyenne les téléphones les plus chers dans l'échantillon (1045 €).
- Le prix moyen des smartphones commercialisés par *Samsung* est de 847 €. C'est certes moins qu'*Apple*, mais cela peut s'expliquer car *Samsung* commercialise à la fois des téléphones très haut de gamme et des téléphones bas de gamme aux prix beaucoup plus attractifs.
- En dernière position, on retrouve *Xiaomi* avec des téléphones à un prix moyen aux alentours de 247 €.

**Table 3** – Prix moyen en fonction de la RAM.

ram	n	prix moyen $ar{p}$
2 Go	14	95.86 €
3 Go	14	220.56 €
4 Go	105	402.31 €
6 Go	71	664 €
8 Go	155	758.59 €
12 Go 16 Go	71 2	1015.56 € 1499 €

**Table 4** – Prix moyen en fonction du stockage.

stockage	п	prix moyen $\bar{p}$			
32 Go	16	100.09 €			
64 Go	43	224.35 €			
128 Go	173	507.96 €			
256 Go	138	763.92 €			
512 Go	49	1199.34 €			
1000 Go	13	1783.62 €			

- On peut voir que plus la RAM augmente, plus le prix moyen du téléphone augmente. On a cependant remarqué plus haut que le téléphone le plus cher était le **HONOR V2**, qui possède 12 Go de RAM, et non 16. À noter que très peu de modèles de téléphones possèdent 16 Go de RAM (2).
- Pour le second tableau, il existe une relation non-linéaire concernant le doublement de la capacité de stockage du téléphone. Par exemple, passer de 64 à 128 Go implique une augmentation du prix moyen de 225% alors que passer de 256 à 512 Go de stockage implique seulement 157% d'augmentation du prix moyen. Il convient aussi de préciser que  $\simeq 70\%$  des téléphones de notre échantillon possèdent entre 128 et 256 Go de capacité de stockage.

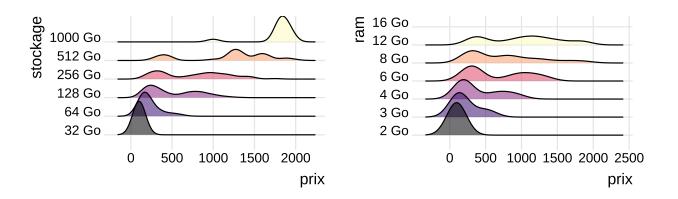


Figure 7 – Ridge plot : Stockage et RAM

## Etude des variables catégorielles importantes

Nous allons maintenant étudier les proportions des modalités des variables catégorielles.

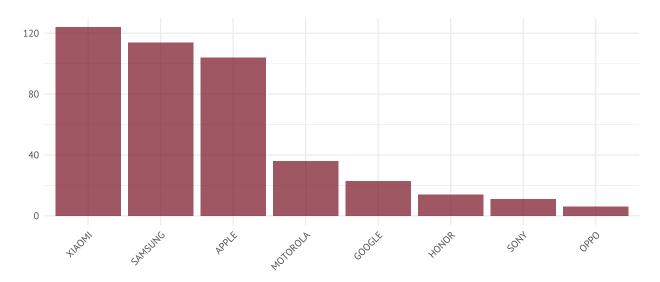


Figure 8 – Proportion des modèles par marque.

- Samsung, Apple & Xiamoi se partagent 80% des téléphones commercialisés sur Boulanger.
- On retrouve la même tendance au niveau des parts de marché mondial des smartphones par rapport à Q3 2022, c'est-à-dire que Samsung, Apple & Xiaomi se partagent respectivement 22, 18 et 14% de parts de marché.

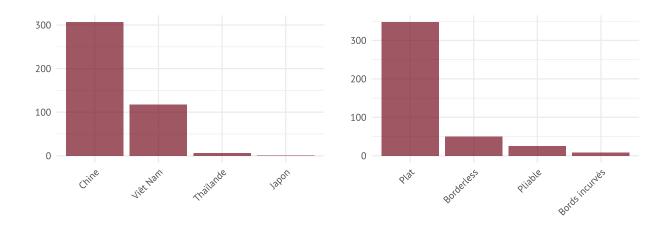


Figure 9 – Nombre de smartphones par lieu de fabrication et par type d'écran.

- On remarque que la majorité des smartphones sont fabriqués en Chine et au Viêt Nam (98.4%). Les 7 téléphones restants sont fabriqués en Thaïlande et au Japon.
- Concernant les types d'écran, 80.5% des écrans sont *plats*, 11.6% sont *borderless* (bord à bord), il y a 6.02% d'écrans pliables et finalement 1.8% d'écrans à bords incurvés.

## Etude des variables dichotomiques

Nos données contiennent 4 variables dichotomiques aux modalités TRUE ou FALSE. Ces variables sont :

- *induction* ⇒ le téléphone dispose-t-il d'une charge à induction ?
- fast\_charging ⇒ le téléphone dispose-t-il d'une charge rapide ?
- *upgrade\_storage* ⇒ la capacité de stockage est-elle extensible ?
- $usb\_type\_c \Rightarrow$  le téléphone possède-t-il un port USB type C ?

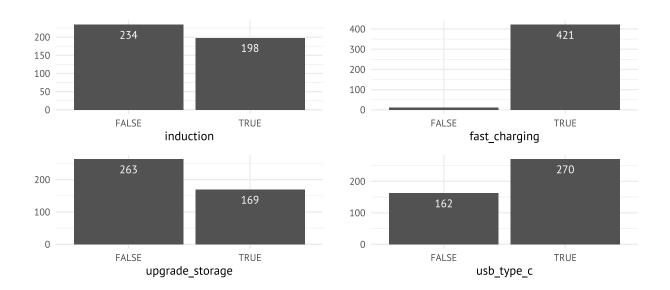


Figure 10 – Proportion de modalités des variables dichotomiques.

Si les modalités sont plutôt bien équilibrées pour les variables *induction* et *upgrade\_storage*, ce n'est pas le cas pour la variable *usb\_type\_c* et le déséquilibre est surtout présent pour *fast\_charging*. En effet seulement 11 téléphones n'ont pas de charge rapide (ces 11 téléphones sont beaucoup moins chers et sont principalement des téléphones bas de gamme).

Pour la variable *usb\_type\_c*, il y a 162 téléphones sans chargeur USB type C et le fait de ne pas avoir d'USB type C fait augmenter le prix moyen par rapport aux téléphones qui en ont (les téléphones n'ayant pas d'USB type C sont principalement de marque *Apple*, ce qui explique en partie l'effet).

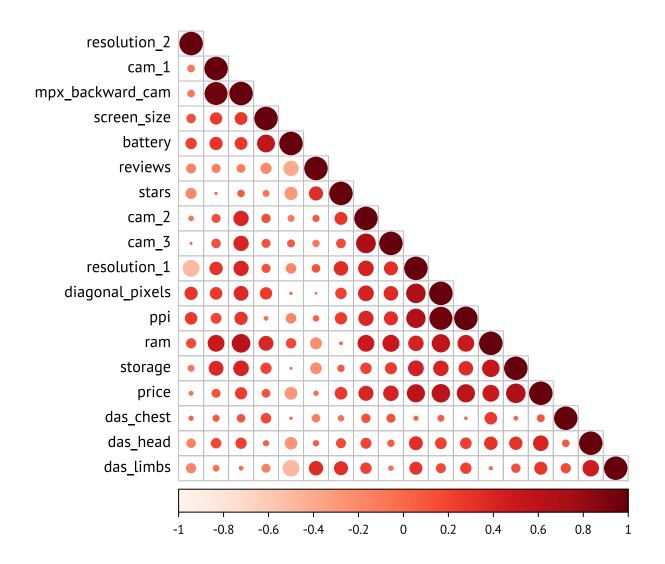
Le même effet d'augmentation du prix moyen s'observe avec la variable *upgrade\_storage*, c'est-à-dire que les téléphones ne possédant pas de système leur permettant d'augmenter leur stockage sont en moyenne plus chers que les téléphones offrant la possibilité de le faire. Ce qui peut paraître à première vue contre-intuitif ne l'est peut-être pas : les téléphones offrant la possibilité d'augmenter le stockage sont ceux qui en ont le moins, d'où la nécessité de laisser au consommateur la possibilité de pouvoir le faire. Inversement, les téléphones qui n'ont pas de système d'augmentation de stockage ont déjà un stockage important.

Les téléphones avec charge à induction sont eux en moyenne beaucoup plus chers que les téléphones ne disposant pas de charge à induction.

MEC

## Analyse des corrélations

Une analyse approfondie des corrélations entre l'ensemble des variables numériques disponibles va nous permettre de mesurer la force de la relation linéaire entre paires de variables. Cela nous sera particulièrement utile pour déterminer les variables explicatives fortement corrélées à notre variable à prédire **price**.



**Figure 11** – Matrice des corrélations.

On s'aperçoit que les corrélations les plus importantes avec **price** sont respectivement la capacité de stockage avec un coefficient de corrélation  $r_{price,storage} = 0.68$ , la ppi avec  $r_{price,ppi} = 0.58$  et la RAM avec  $r_{price,ram} = 0.49$ . Inversement, le débit d'absoprtion spécifique (*Tronc*) semble ne pas avoir d'incidence sur le prix avec  $r_{price,das\_chest} = 0.1$ .

Compte tenu de la littérature existante et de nos observations, la RAM et la capacité de stockage sont donc des variables incontournables dans la modélisation des prix des smartphones.

# | Modélisation économétrique

### Sélection de variables

Avec 35 variables explicatives, le choix des variables essentielles à retenir est important.

La première question qui se pose, en amont de la modélisation, est celle de la **sélection de variables**. En effet, si nous sélectionnons trop de variables, nous risquons de faire du surapprentissage et de modéliser le bruit au lieu des liens statistiques existants. Le but est donc de trouver un ensemble optimal de variables.

Traditionnellement en économétrie appliquée, plusieurs approches heuristiques similaires décrites par Efroymson (1960) ont été utilisées pour le problème de la sélection de variables comme la *Backward Elimination* ou la *Forward Selection*.

Nous allons ici décrire en détail la procédure de Foward Selection :

- 1. On commence par un modèle  $\mathcal{M}_0$ , c'est à dire avec constante seulement.
- 2. On ajoute les variables  $X_i$  une à une dans le modèle.
- 3. Parmi ces variables, on retient la variable la plus significative dans le modèle.
- 4. On réitère la procédure jusqu'à atteindre un modèle contenant uniquement des variables significatives à un seuil spécifié.

### ⚠ Limites

Il existe cependant plusieurs problèmes dans ces méthodes.

- La Backward Elimination et la Foward Selection ne convergent pas tout le temps vers le même modèle.
- Le modèle final n'est pas forcément optimal.

Pour pallier à ces problèmes, une autre approche possible consiste à faire une recherche exhaustive, c'est-à-dire explorer l'*ensemble* des modèles possibles. Bien que ce soit la meilleure méthode pour obtenir avec certitude le modèle optimal, elle devient rapidement inadaptée dès qu'il y a un nombre de variables trop conséquent, car le nombre de combinaisons possibles de modèles explose.

Néanmoins, une dernière approche existe : les *algorithmes génétiques*. Contrairement à la *forward selection* et la *backward elimination* qui sont des méthodes déterministes, les algorithmes génétiques sont eux stochastiques.

• On peut s'intéresser à plusieurs critères comme : le  $\mathbb{R}^2$ , le  $\mathbb{R}^2$  ajusté, l'AIC, le BIC, etc.

Cet algorithme est implémenté dans le package **Q** de **{glmulti}**.

• On l'utilise quand le nombre de variables est très important.



- Consiste à générer au hasard une population de modèles candidats pour ensuite leur permettre d'évoluer. Cette évolution se déroule de génération en génération.
- Permet de trouver le meilleur modèle en explorant seulement un sous-ensemble de modèles (de manière aléatoire) mais avec un biais vers de meilleurs modèles grâce à la sélection.



## Modèle Hédonique niveau-niveau

Pour la facilité des interprétations, dans cette partie, nous commencerons par utiliser un modèle level - level, donc notre variable à prédire **price** ne sera pas mise sous forme logarithmique. Dans une seconde partie, nous préférerons un modèle log - level, qui nous permettra de comparer directement les coefficients de la régression hédonique des prix avec les coefficients de la **SFA**.

Nous allons tout d'abord retirer quelques variables qui ne nous seront pas utiles pour l'analyse et qui risquent de complexifier les régressions : *cpu, model, sensor, screen\_tech, stars, reviews, color, cam\_1, cam\_2, cam\_3* et *image*. Par exemple, il y a presque autant de modèles distincts que de nombre d'observations, et *reviews* et *stars* sont si peu corrélées à la variable à expliquer **price** que les ajouter ne semble pas nécessaire.

Méthode	Modèle	AIC	$AIC_{wt}$	BIC	$BIC_{wt}$	$R_{adj}^2$	RMSE
backward	lm	5690.77	0.89	5800.62	0.02	0.88	164.86
forward	lm	5701.38	0.00	5799.02	0.04	0.87	168.06
genetic	lm	5694.93	0.11	5792.57	0.95	0.87	166.81

**Table 5** – Comparaison des méthodes de sélection (1).

**Quelques commentaires**: On s'aperçoit que la méthode *backward* et *forward* n'ont pas convergé vers le même modèle: plus précisément, certaines variables comme *diagonal\_pixels* ou *battery* ont été sélectionnées dans la *backward* mais pas dans la *forward* (**On le pressentait, c'est une limite de la méthode**). Plus de détail peut être trouvé dans les résultats des régressions ci-dessous.

On préférera aussi regarder comme critère le BIC car il est plus parcimonieux que l'AIC.

$$BIC = -2 \ln(\mathcal{L}) + k \cdot \ln(N)$$

• Avec  $\mathcal{L}$  la vraisemblance du modèle estimée, N le nombre d'observations dans l'échantillon et k le nombre de paramètres libres du modèle.

Comparé à l'AIC, il pénalise plus le nombre de variables présentes dans le modèle. On voit d'ailleurs dans ce tableau que l'algorithme génétique possède le BIC le plus bas, tout en ayant un  $R_{adj}^2$  très légèrement inférieur aux méthodes backward et forward. On le verra aussi dans le tableau des résultats de régression, mais la régression trouvée par l'algorithme génétique possède moins de variables (9), et celles-ci sont toutes significatives à un seuil p < 0.01.

Le modèle que nous allons étudier ici sera donc :

$$price_{i} = \beta_{0} + \beta_{1i}storage_{i} + \beta_{2i}brand_{i} + \beta_{3i}ram_{i} + \beta_{4i}screen\_type_{i}$$

$$+\beta_{5i}induction_{i} + \beta_{6i}made\_in_{i} + \beta_{7i}upgrade\_storage_{i} +$$

$$+\beta_{8i}usb\_type\_c_{i} + \beta_{9i}battery_{i} + \epsilon_{i}$$

$$(9)$$

On voit que dans le modèle de l'équation 9, il n'y a aucun effet d'interaction ou d'effet non-linéaire. Pour autant, les résultats sont déjà **très satisfaisants** avec un  $R_{adj}^2 > 0.8$ .



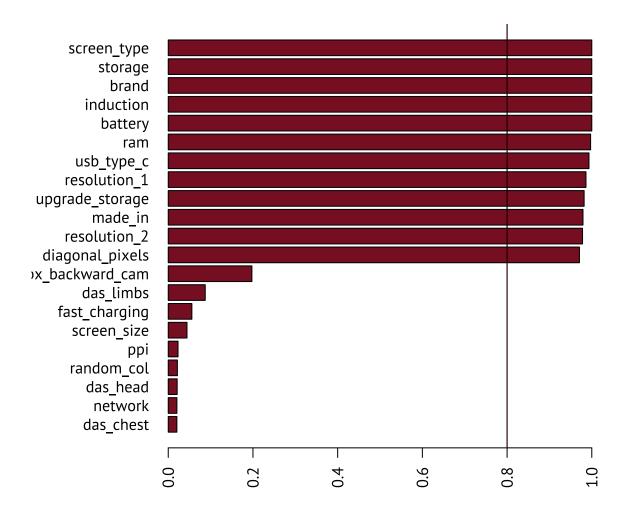


Figure 12 – Importance des variables.

L'importance d'une variable, dans ce contexte, est égale à la somme des probabilités pour les modèles dans lesquels la variable apparaît. Ainsi, une variable présente dans de nombreux modèles avec des poids importants recevra une valeur d'importance élevée. La ligne rouge verticale est tracée à 0.8, correspondant au seuil différenciant les variables importantes des variables moins importantes, mais ce choix (80%) est arbitraire.

Ainsi, on remarque que 6 variables sont présentes dans l'ensemble des modèles, donc ces variables sont très importantes pour notre modélisation. Ensuite, trois variables sont audessus de la ligne de *cutoff* mais inférieure à 1 : *usb\_type\_c*, *upgrade\_storage* et *made\_in*. L'ensemble des autres variables sont comprises entre 0 et 0.25. On peut donc considérer que l'importance de ces variables dans notre modèle est négligeable.

Table 6 – Comparaison des méthodes de sélection (2).

		Dependent variable:	
		price	
	forward	backward	genetic
	(1)	(2)	(3)
induction	227.714*** (33.261)	221.537*** (33.432)	225.635*** (33.048)
storage	$0.861^{***} (0.063)$	$0.881^{***} (0.063)$	0.910*** (0.062)
brandGOOGLE	$-447.142^{***}$ (71.229)	$-411.534^{***}$ (70.863)	-401.237*** (71.145)
brandHONOR	$-588.143^{***}$ (70.614)	-566.963*** (70.150)	-539.824*** (69.870)
brandMOTOROLA	$-581.432^{***}$ (48.194)	-530.809*** (51.794)	-503.659*** (51.463)
brandOPPO	$-616.180^{***}$ (80.926)	-575.601*** (81.764)	-548.389*** (81.688)
brandSAMSUNG	$-357.460^{***}$ (61.256)	-348.235*** (62.540)	-324.294*** (61.764)
brandSONY	$-470.079^{***}$ (98.796)	-527.406*** (98.974)	-510.716*** (98.605)
brandXIAOMI	$-611.820^{***}$ (41.851)	$-610.973^{***}$ (49.250)	-551.332*** (43.774)
ram	26.599*** (5.427)	18.709*** (5.891)	22.198*** (5.637)
screen_typeBords incurvés	$-278.274^{***}(85.107)$	$-270.885^{***}(84.258)$	$-247.980^{***}(82.154)$
screen_typePlat	$-107.643^{***}$ (37.759)	$-110.018^{***}$ (38.859)	-101.403*** (36.817)
screen_typePliable	296.204*** (53.132)	262.773*** (54.951)	236.103*** (54.495)
battery	$0.122^{***}(0.019)$	0.111*** (0.019)	0.123*** (0.019)
usb_type_c	91.605*** (23.788)	75.257*** (24.703)	88.189*** (23.730)
made_inJapon	412.945** (197.928)	307.184 (197.473)	344.726* (197.314)
made_inThaïlande	532.377*** (114.445)	559.746*** (112.966)	550.944*** (113.782)
made_inViêt Nam	-20.652 (53.306)	-23.122 (52.591)	-6.644 (52.529)
upgrade_storage	-96.544*** (33.858)	$-104.271^{***}$ (33.602)	-117.272*** (33.339)
das_limbs	,	$-48.570^{*}(25.498)^{-1}$	, ,
mpx_backward_cam	$0.504^*$ (0.271)	0.578** (0.268)	
resolution_1	0.033 (0.021)	0.891*** (0.230)	0.793*** (0.225)
resolution_2	,	$0.853^{***} (0.226)$	0.751*** (0.222)
fast_charging	-79.161 (56.183)	-80.281 (56.435)	, ,
diagonal_pixels	,	$-1.106^{***}(0.302)$	$-0.977^{***}$ (0.295)
Constant	27.808 (103.256)	182.074 (144.126)	-105.838 (100.077)
Observations	432	432	432
$R^2$	0.879	0.884	0.881
Adjusted R <sup>2</sup>	0.873	0.877	0.875
Residual Std. Error	172.721 (df = 409)	170.057 (df = 406)	171.437 (df = 409)
F Statistic	135.564*** (df = 22; 409)	$123.698^{***} (df = 25; 406)$	137.880*** (df = 22; 409

Note: \*p<0.1; \*\*p<0.05; \*\*\*p<0.01

#### Interpétations Modèle niveau-niveau

- Posséder un dispositif de charge à induction (*induction* = *TRUE* ) augmente le prix de 234.76 €, cet. par.
- Si la capacité de stockage (*storage*) augmente de 1 Go, alors, le prix augmente de 0.883 €, *cet. par*.
- En ayant comme catégorie de référence *Apple* pour la variable marque (*brand*), on peut voir que toutes les marques ont un impact négatif sur le prix, *cet. par*.
  - La marque la plus valorisée derrière Apple est Samsung avec 363.62 € de différence par rapport à Apple.
  - La marque la moins valorisée est Oppo avec 610.1 € de différence par rapport à Apple
- Une augmentation d'un Go de *ram* augmente le prix de 32.32 €, *cet. par*.
- Pour le type d'écran (*screen\_type*), la catégorie de référence est *borderless* (un écran sans bordure).
  - Disposer d'un écran à bord incurvé diminue le prix de 234.96 € par rapport à la catégorie de référence, cet. par.
  - Pour l'écran plat, le prix diminue de 68.99 € par rapport à un écran sans bordure, cet. par.
  - Avoir un écran pliable fait augmenter le prix de 302.71 € par rapport à la catégorie de référence, cet. par.
- Si la batterie (*battery*) augmente d'un mAh (MilliAmpère Heure), alors le prix augmente de 0.133 €, *cet. par*.
- Si le téléphone dispose d'une USB type C (*usb\_type\_c* = *TRUE* ), alors le prix augmente de 89.83 €, *cet.par*.
- Concernant le lieu de fabrication (*made\_in*), la catégorie de référence est la *Chine*.
  - Le coefficient associé à la catégorie *Viêt Nam* n'est pas significatif, c'est-à-dire qu'il n'y a pas de différence significative de prix avec un smartphone produit en *Chine*.
  - Comparé à un téléphone fabriqué en Chine, un téléphone produit au *Thaïlande* augmente le prix de 507.6.4 €, suivi du *Japon* avec une augmentation du prix de 399.04 €, cet. par.
- Si le téléphone dispose d'un moyen d'augmenter sa capacité de stockage (*upgrade\_storage* = TRUE), alors le prix diminue de 123.04 €, *cet.par*; comme nous l'avions remarqué dans la partie de statistiques descriptives.

 $R_{adj}^2 = 0.877$  donc 87.7% de la variance de la variable expliquée (price) est expliquée par la variance des variables explicatives du modèle.



#### Vérification des hypothèses

Un aspect crucial lors de la construction des modèles de régression linéaire est d'évaluer la qualité de l'ajustement du modèle, mais aussi de vérifier certaines hypothèses comme l'espérance nulle des résidus, leur homoscédasticité, l'absence de multicolinéarité, etc.

Pour ce faire, on peut utiliser les packages {performance} et {see} en conjonction<sup>(9)</sup>.

Commençons par nous intéresser à la multicolinéarité dans notre régression.

#### Mesure de la multicolinéarité

Le Variance Inflation Factor (*VIF*) est une mesure permettant d'analyser l'ampleur de la multicolinéarité des termes du modèle. Plus précisément :

- Un *VIF* inférieur à 5 indique une faible corrélation de ce prédicteur avec d'autres prédicteurs.
- Une valeur comprise entre 5 et 10 indique une corrélation modérée.
- Enfin, des valeurs de *VIF* supérieures à 10 sont le signe d'une corrélation très élevée.

Ce que le VIF apporte en plus d'une simple analyse des corrélations est l'analyse d'un cas où une variable est fortement corrélée à une combinaison linéaire de plusieurs variables.

Variable	VIF	IC {low}	IC {high}	Tolérance
brand	271.12	227.12	323.70	0.00
made_in	23.84	20.05	28.38	0.04
storage	2.03	1.79	2.34	0.49
ram	3.98	3.42	4.67	0.25
screen_type	4.45	3.81	5.22	0.22
usb_type_c	1.94	1.72	2.23	0.52
battery	2.55	2.22	2.95	0.39
resolution_1	376.67	315.49	449.74	0.00
resolution_2	219.61	183.98	262.17	0.00
upgrade_storage	3.89	3.35	4.56	0.26
diagonal_pixels	294.05	246.32	351.08	0.00

**Table 7** – Vérification de la multicolinéarité.

• *Note* : La **Tolérance** correspond à  $\frac{1}{\text{VIF}}$ , c'est-à-dire que plus le *VIF* sera élevé, et plus la **Tolérance** sera proche de 0.

3.43

4.67

0.25

3.99

induction



38

<sup>(9)</sup>Plus d'infos sur les packages : see et performance

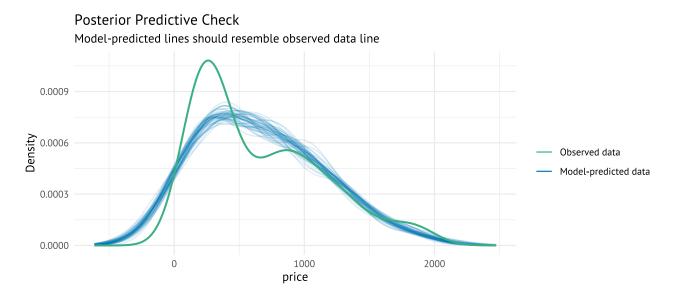
Avec un *VIF* estimé de 137.76, il n'est pas surprenant de constater que la marque est extrêmement corrélée à une combinaison linéaire de plusieurs variables. On peut par exemple penser au choix de localisation de la production, le fait de disposer ou non d'un port USB type C, etc. La valeur du *VIF* pour les autres variables est néanmoins tout le temps inférieur à 5.



## Ensuite, nous pouvons mettre en œuvre une vérification visuelle de l'ajustement du modèle, en plus des métriques couramment utilisées.

La vérification prédictive a posteriori permet de simuler des données répliquées avec le modèle ajusté puis les comparer aux données observées. Son objectif est de détecter si le modèle est inadéquat pour décrire les données.

Note: Les données utilisées pour la vérification prédictive postérieure sont simulées à partir de la distribution prédictive postérieure. Celle-ci est construite après avoir utilisé les données observées y et les prédicteurs X pour mettre à jour les croyances sur les paramètres inconnus  $\theta$  dans le modèle. Pour chaque tirage des paramètres  $\theta$  à partir de la distribution a posteriori  $p(\theta|y,X)$ , un vecteur complet de résultats est généré.



• La distribution des prix est bimodale, mais le modèle a du mal à représenter le second pic de la distribution, notamment pour la plage des téléphones allant de 200 à 500 €.

#### Testons ensuite une hypothèse essentielle : l'homoscédasticité des résidus.

L'homoscédasticité pour les modèles de régression linéaire signifie que les résidus du modèle ont une variance constante. Si cette hypothèse n'est pas respectée, alors les *erreurs-types* et les p-values du modèle ne sont plus fiables.

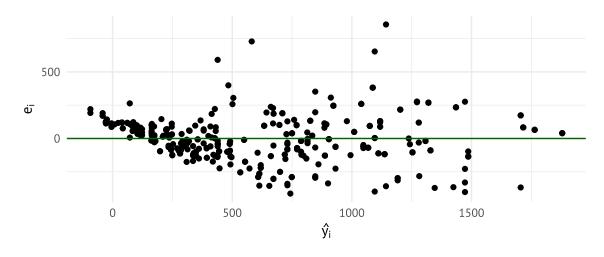


Figure 13 – Homoscédasticité des résidus.

MEC

Il est clair que notre modèle présente des résidus hétéroscédastiques. On peut aussi le vérifier avec le test de *Breusch-Pagan*. Les hypothèses  $H_0$  et  $H_1$  sont les suivantes :

$$\begin{cases} H_0: V(\epsilon_i) = \sigma_i^2 \\ H_1: V(\epsilon_i) = \sigma^2 \end{cases}$$

• La p-value issue du test est égale à 0, donc l'hypothèse d'homoscédasticité des résidus n'est pas vérifiée.

#### Intéressons-nous également à l'influence des valeurs extrêmes dans notre régression.

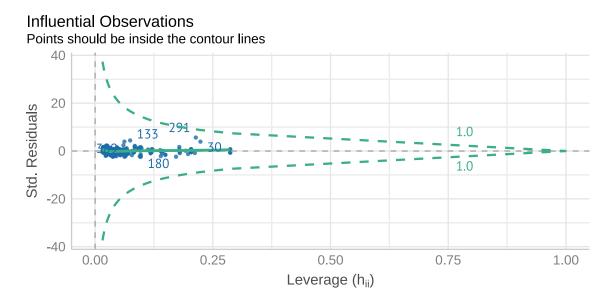


Figure 14 – Influence des valeurs extrêmes.

On s'aperçoit ici que tous les points sont à l'intérieur des *contour lines*, c'est-à-dire qu'il n'y a pas vraiment de valeur extrême.

#### D'autre part, on peut aussi se pencher sur l'hypothèse de normalité des résidus.

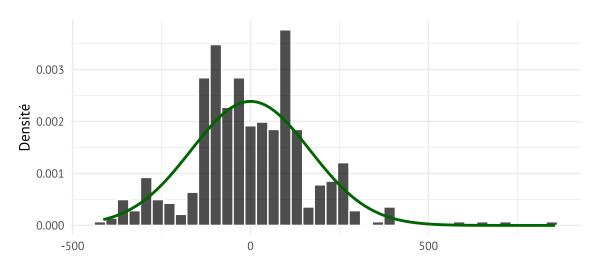


Figure 15 – Histogramme des résidus avec loi normale superposée.

On voit que le coefficient d'asymétrie est positif (0.59). Cette asymétrie indique une concentration de valeurs sur le côté gauche de la distribution, on peut d'ailleurs l'observer sur l'histogramme.

Enfin, effectuons un test de *Student* pour vérifier si  $E(\epsilon_i)=0$ . Les hypothèses  $H_0$  et  $H_1$  sont les suivantes :

$$\begin{cases} H_0 : E(\epsilon_i) = 0 \\ H_1 : E(\epsilon_i) \neq 0 \end{cases}$$

• La p – value issue du test est égale à 1, donc on rejette  $H_0$ . Les résidus ne sont donc pas ici d'éspérance nulle, ce qu'on avait pu confirmer graphiquement plus haut.

Prendre le logarithme de la variable dépendante (price) peut aider à stabiliser la variance et réduire l'hétéroscédasticité, d'où le second modèle ci-dessous.

 $M_{\overline{EC}}$ 

## Modèle Hédonique log-niveau

Dans cette partie, nous n'effectuerons pas de sélection de variables avec {glmulti} car le meilleur modèle de régression hédonique proposé en log - level aboutit à des difficultés de convergence pour le modèle SFA. Or, nous voulons comparer les coefficients de cette régression hédonique avec les modèles SFA que nous mettrons en place dans une troisième phase.

#### 🛕 Difficultés de convergence d'un modèle SFA

Dans une SFA, les difficultés de convergence peuvent être dues à de vastes zones très plates de la fonction de vraisemblance.

Dans le package {frontier} que nous utilisons pour effectuer la SFA, ces difficultés sont en général indiquées par le message d'avertissement suivant :

• "le paramètre gamma est proche de la limite de l'espace des paramètres [0,1]"

Cela signifie que l'estimation du paramètre  $\gamma$  est soit proche de la limite inférieure de son espace de paramètres (0), soit proche de la limite supérieure de son espace de paramètres (1). Par exemple, un  $\gamma$  proche de zéro indique qu'il n'y a presque aucune inefficacité, donc qu'il serait possible d'estimer le modèle par MCO, tandis qu'un  $\gamma$ proche de un indique qu'il n'y a presque aucun bruit, donc qu'il serait possible d'utiliser une DEA. Plus globalement, cela indique une mauvaise spécification du modèle ou que d'autres modèles pourraient être plus appropriés dans ce cadre.

Après plusieurs essais, le modèle que nous avons choisi d'étudier est :

$$ln(price_{i}) = \beta_{0} + \beta_{1i}storage_{i} + \beta_{2i}brand_{i} + \beta_{3i}ram_{i} + \beta_{4i}induction_{i}$$

$$+\beta_{5i}screen\_size_{i} + \beta_{6i}made\_in_{i} + \beta_{7i}upgrade\_storage_{i} + \beta_{8i}das\_limbs_{i}$$

$$+\beta_{9i}screen\_type + \beta_{10i}network_{i} + \beta_{11i}ppi_{i} + \epsilon_{i}$$

$$(10)$$



Table 8 – Modèle de Pricing Hédonique Log-Linéaire

Dependent variable:		
storage		Dependent variable:
brandGOOGLE         -0.533*** (0.091)           brandHONOR         -0.949*** (0.095)           brandMOTOROLA         -0.941*** (0.067)           brandOPPO         -0.867*** (0.109)           brandSAMSUNG         -0.411*** (0.086)           brandXIAOMI         -0.627*** (0.137)           brandXIAOMI         -1.005*** (0.065)           ram         0.077*** (0.007)           induction         0.212*** (0.044)           screen_size         0.134*** (0.042)           screen_typeBords incurvés         -0.109 (0.111)           screen_typePlat         -0.035 (0.045)           screen_typePliable         0.373*** (0.074)           made_inJapon         0.224 (0.269)           made_inThaïlande         0.698*** (0.155)           made_inViêt Nam         -0.093 (0.071)           upgrade_storage         -0.282*** (0.047)           das_limbs         -0.097**** (0.032)           network5G         0.197**** (0.040)           ppi         0.001*** (0.0003)           Constant         432           R²         0.923           Adjusted R²         0.919           Residual Std. Error         0.234 (df = 410)		logprice
brandHONOR       -0.949*** (0.095)         brandMOTOROLA       -0.941*** (0.067)         brandOPPO       -0.867*** (0.109)         brandSAMSUNG       -0.411*** (0.086)         brandSONY       -0.627*** (0.137)         brandXIAOMI       -1.005*** (0.065)         ram       0.077*** (0.007)         induction       0.212*** (0.044)         screen_size       0.134*** (0.042)         screen_typeBords incurvés       -0.109 (0.111)         screen_typePlat       -0.035 (0.045)         screen_typePliable       0.373**** (0.074)         made_inJapon       0.224 (0.269)         made_inThaïlande       0.698**** (0.155)         made_inViêt Nam       -0.093 (0.071)         upgrade_storage       -0.282*** (0.047)         das_limbs       -0.097*** (0.032)         network5G       0.197*** (0.040)         ppi       0.001*** (0.0003)         Constant       432         R²       0.923         Adjusted R²       0.919         Residual Std. Error       0.234 (df = 410)	storage	0.001*** (0.0001)
brandMOTOROLA       -0.941**** (0.067)         brandOPPO       -0.867**** (0.109)         brandSAMSUNG       -0.411**** (0.086)         brandSONY       -0.627**** (0.137)         brandXIAOMI       -1.005**** (0.065)         ram       0.077**** (0.007)         induction       0.212**** (0.044)         screen_size       0.134**** (0.042)         screen_typeBords incurvés       -0.109 (0.111)         screen_typePlat       -0.035 (0.045)         screen_typePliable       0.373**** (0.074)         made_inJapon       0.224 (0.269)         made_inThaïlande       0.698**** (0.155)         made_inViêt Nam       -0.093 (0.071)         upgrade_storage       -0.282*** (0.047)         das_limbs       -0.097*** (0.032)         network5G       0.197**** (0.040)         ppi       0.001*** (0.0003)         Constant       432         R²       0.923         Adjusted R²       0.919         Residual Std. Error       0.234 (df = 410)	brandGOOGLE	$-0.533^{***}$ (0.091)
brandMOTOROLA       -0.941**** (0.067)         brandOPPO       -0.867**** (0.109)         brandSAMSUNG       -0.411**** (0.086)         brandSONY       -0.627**** (0.137)         brandXIAOMI       -1.005**** (0.065)         ram       0.077**** (0.007)         induction       0.212**** (0.044)         screen_size       0.134**** (0.042)         screen_typeBords incurvés       -0.109 (0.111)         screen_typePlat       -0.035 (0.045)         screen_typePliable       0.373**** (0.074)         made_inJapon       0.224 (0.269)         made_inThaïlande       0.698**** (0.155)         made_inViêt Nam       -0.093 (0.071)         upgrade_storage       -0.282*** (0.047)         das_limbs       -0.097*** (0.032)         network5G       0.197**** (0.040)         ppi       0.001*** (0.0003)         Constant       432         R²       0.923         Adjusted R²       0.919         Residual Std. Error       0.234 (df = 410)	brandHONOR	$-0.949^{***}$ (0.095)
brandSAMSUNG       -0.411**** (0.086)         brandSONY       -0.627**** (0.137)         brandXIAOMI       -1.005**** (0.065)         ram       0.077**** (0.007)         induction       0.212**** (0.044)         screen_size       0.134**** (0.042)         screen_typeBords incurvés       -0.109 (0.111)         screen_typePlat       -0.035 (0.045)         screen_typePliable       0.373**** (0.074)         made_inJapon       0.224 (0.269)         made_inThaïlande       0.698**** (0.155)         made_inViêt Nam       -0.093 (0.071)         upgrade_storage       -0.282**** (0.047)         das_limbs       -0.097**** (0.032)         network5G       0.197**** (0.040)         ppi       0.001*** (0.0003)         Constant       432         R²       0.923         Adjusted R²       0.919         Residual Std. Error       0.234 (df = 410)	brandMOTOROLA	$-0.941^{***} (0.067)$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	brandOPPO	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	brandSAMSUNG	$-0.411^{***} (0.086)$
ram 0.077*** (0.007) induction 0.212*** (0.044) screen_size 0.134*** (0.042) screen_typeBords incurvés -0.109 (0.111) screen_typePlat -0.035 (0.045) screen_typePliable 0.373*** (0.074) made_inJapon 0.224 (0.269) made_inThaïlande 0.698*** (0.155) made_inViêt Nam -0.093 (0.071) upgrade_storage -0.282*** (0.047) das_limbs -0.097*** (0.032) network5G 0.197*** (0.040) ppi 0.001*** (0.0003) Constant 4.849*** (0.283)  Observations R² 0.923 Adjusted R² 0.919 Residual Std. Error 0.234 (df = 410)	brandSONY	$-0.627^{***}$ (0.137)
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	brandXIAOMI	$-1.005^{***}$ (0.065)
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	ram	$0.077^{***} (0.007)$
screen_typeBords incurvés       -0.109 (0.111)         screen_typePlat       -0.035 (0.045)         screen_typePliable       0.373**** (0.074)         made_inJapon       0.224 (0.269)         made_inThaïlande       0.698**** (0.155)         made_inViêt Nam       -0.093 (0.071)         upgrade_storage       -0.282**** (0.047)         das_limbs       -0.097**** (0.032)         network5G       0.197**** (0.040)         ppi       0.001*** (0.0003)         Constant       432         R²       0.923         Adjusted R²       0.919         Residual Std. Error       0.234 (df = 410)	induction	$0.212^{***} (0.044)$
screen_typePlat       -0.035 (0.045)         screen_typePliable       0.373*** (0.074)         made_inJapon       0.224 (0.269)         made_inThaïlande       0.698*** (0.155)         made_inViêt Nam       -0.093 (0.071)         upgrade_storage       -0.282*** (0.047)         das_limbs       -0.097*** (0.032)         network5G       0.197*** (0.040)         ppi       0.001*** (0.0003)         Constant       432         R²       0.923         Adjusted R²       0.919         Residual Std. Error       0.234 (df = 410)	screen_size	$0.134^{***} (0.042)$
screen_typePliable       0.373*** (0.074)         made_inJapon       0.224 (0.269)         made_inThaïlande       0.698*** (0.155)         made_inViêt Nam       -0.093 (0.071)         upgrade_storage       -0.282*** (0.047)         das_limbs       -0.097*** (0.032)         network5G       0.197*** (0.040)         ppi       0.001*** (0.0003)         Constant       4.849**** (0.283)         Observations       432         R²       0.923         Adjusted R²       0.919         Residual Std. Error       0.234 (df = 410)	screen_typeBords incurvés	-0.109(0.111)
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	screen_typePlat	-0.035(0.045)
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	screen_typePliable	$0.373^{***} (0.074)$
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	made_inJapon	0.224(0.269)
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	made_inThaïlande	$0.698^{***} (0.155)$
$\begin{array}{lll} das\_limbs & -0.097^{***} \ (0.032) \\ network5G & 0.197^{***} \ (0.040) \\ ppi & 0.001^{***} \ (0.0003) \\ Constant & 4.849^{***} \ (0.283) \\ \hline Observations & 432 \\ R^2 & 0.923 \\ Adjusted R^2 & 0.919 \\ Residual Std. Error & 0.234 \ (df = 410) \\ \hline \end{array}$	made_inViêt Nam	-0.093 (0.071)
$\begin{array}{ccc} network 5G & 0.197^{***} & (0.040) \\ ppi & 0.001^{***} & (0.0003) \\ Constant & 4.849^{***} & (0.283) \\ \hline Observations & 432 \\ R^2 & 0.923 \\ Adjusted R^2 & 0.919 \\ Residual Std. Error & 0.234 & (df = 410) \\ \hline \end{array}$	upgrade_storage	$-0.282^{***}$ (0.047)
$\begin{array}{ccc} \text{ppi} & 0.001^{***} \ (0.0003) \\ \text{Constant} & 4.849^{***} \ (0.283) \\ \hline \text{Observations} & 432 \\ \text{R}^2 & 0.923 \\ \text{Adjusted R}^2 & 0.919 \\ \text{Residual Std. Error} & 0.234 \ (\text{df} = 410) \\ \hline \end{array}$	das_limbs	$-0.097^{***}$ (0.032)
Constant $4.849^{***}$ (0.283)         Observations $432$ $R^2$ $0.923$ Adjusted $R^2$ $0.919$ Residual Std. Error $0.234$ (df = 410)	network5G	$0.197^{***} (0.040)$
Observations $432$ $R^2$ $0.923$ Adjusted $R^2$ $0.919$ Residual Std. Error $0.234$ (df = 410)	ppi	$0.001^{***} (0.0003)$
$R^2$ 0.923 Adjusted $R^2$ 0.919 Residual Std. Error 0.234 (df = 410)	Constant	4.849*** (0.283)
Adjusted $R^2$ 0.919 Residual Std. Error 0.234 (df = 410)	Observations	432
Residual Std. Error $0.234 (df = 410)$	$R^2$	0.923
Residual Std. Error $0.234 (df = 410)$	Adjusted R <sup>2</sup>	0.919
F Statistic $234.963^{***}$ (df = 21; 410)	Residual Std. Error	0.234 (df = 410)
	F Statistic	
Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.0	Note:	*p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

 $M_{EC}^{\mathbb{E}n}$ 

#### Interpétations Modèle log-niveau

- Si la capacité de stockage (*storage*) augmente de 1 Go, alors le prix augmente de 0.1%, *cet. par*.
- En ayant comme catégorie de référence *Apple* pour la variable marque (*brand*), on peut voir que toutes les marques ont un impact négatif sur le prix, *cet. par*.
  - La marque la plus valorisée derrière Apple est Samsung avec une différence de prix de 41.1%.
  - La marque la moins valorisée est *Xiaomi* avec une différence de prix de 100.5% par rapport à *Apple*.
- Si la ram augmente de 1 Go, alors le prix augmente de 7.7%, cet. par.
- Si le téléphone dispose d'une charge à induction (*induction* = *TRUE*), alors le prix augmente de 21.2%, *cet. par*.
- Si la taille de l'écran augmente de 1 pouce (*screen\_size*), alors le prix augmente de 13.4%, *cet. par*.
- Pour le type d'écran (*screen\_type*), la catégorie de référence est *borderless* (un écran sans bordure) :
  - Les coefficients associés à la catégorie *screen\_typeBords incurvés* et *screen\_typePlat* ne sont pas significatifs.
  - Avoir un écran pliable fait augmenter le prix de 37.3% par rapport à l'écran borderless, cet. par.
- Pour le lieu de fabrication (*made\_in*), la catégorie de référence est la *Chine*.
  - Les coefficients associés à la catégorie Japon et Viêt Nam ne sont pas significatifs.
  - Comparé à un téléphone produit en *Chine*, un téléphone produit en *Thaïlande* augmente le prix de 69.8%, *cet. par*.
- Si le téléphone dispose d'un moyen d'augmenter sa capacité de stockage (*upgrade\_storage* = *TRUE* ), alors le prix diminue de 28.2%, *cet. par*.
- Pour la variable liée au DAS :
  - l'augmentation d'une unité de Watts par kilogramme du *das\_limbs* augmente le prix de 9.7%, *cet. par*.
- Si le téléphone est compatible avec la 5G (*network5G* = *TRUE* ), alors le prix augmente de 19.7%, *cet. par*.
- Lorsque le *ppi* (*pixels par pouce*) augmente d'une unité, alors le prix augmente de 0.1%, *cet. par*.

 $R_{adj}^2 = 0.923$  donc 92.3% de la variance de la variable expliquée est expliquée par la variance des variables explicatives du modèle.



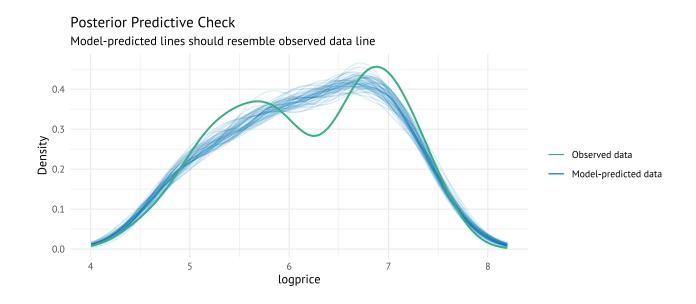
#### Vérification des hypothèses

**Table 9** – Vérification de la multicolinéarité.

Variable	VIF	IC {low}	IC {high}	Tolérance
storage	1.90	1.68	2.18	0.53
brand	252.39	211.33	301.45	0.00
ram	3.68	3.17	4.31	0.27
induction	3.80	3.27	4.45	0.26
screen_size	1.62	1.45	1.86	0.62
screen_type	3.54	3.06	4.15	0.28
made_in	23.23	19.54	27.67	0.04
upgrade_storage	4.18	3.59	4.91	0.24
das_limbs	2.06	1.81	2.37	0.49
network	2.15	1.89	2.48	0.47
ppi	2.89	2.51	3.37	0.35

On remarque un *VIF* plus élevé pour la marque, mais autrement les valeurs de *VIF* restent similaires et inférieures à 5.

#### Ensuite, passons à la vérification prédictive a posteriori.



• La distribution a changé car notre variable à prédire est devenue *logprice*. On voit que même si le modèle a du mal à prédire une certaine portion de la distribution, il s'en sort très bien sur les extrémités et globalement l'adéquation du modèle semble meilleure.

#### Testons aussi l'homoscédasticité des résidus pour ce modèle.

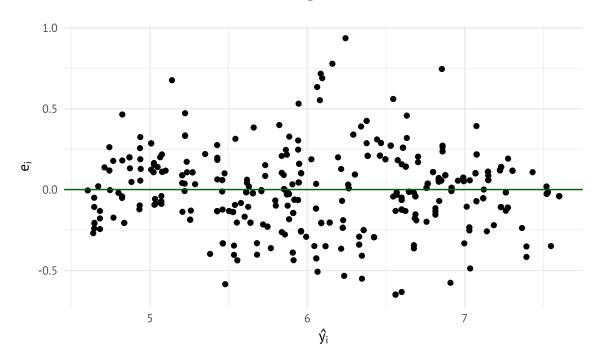


Figure 16 – Homoscédasticité des résidus.

On discerne graphiquement qu'il n'y a plus de problème d'hétéroscédasticité ici, ce qui nous est confirmé par le test de *Breusch-Pagan*.

• En effet, la p – value issue du test est égale à 0, donc l'hypothèse d'homoscédasticité des résidus est vérifiée.

#### On peut alors se pencher sur l'influence des valeurs extrêmes dans notre régression.

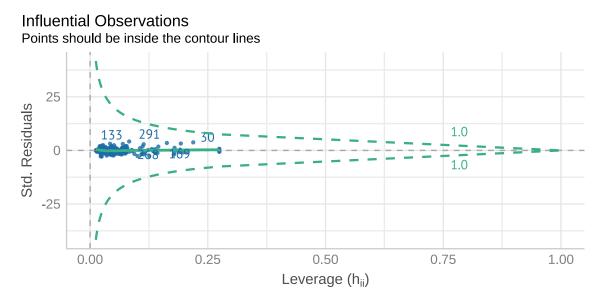


Figure 17 – Influence des valeurs extrêmes.

Globalement la même interprétation que dans la partie level-level peut être faite.

#### D'autre part, il est possible de s'intéresser également à la normalité des résidus.

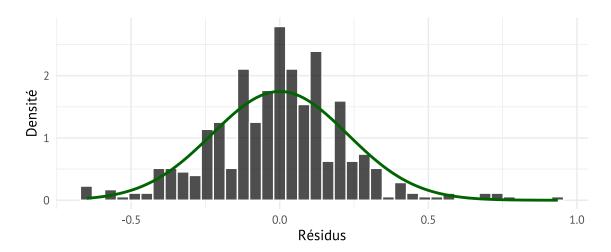


Figure 18 – Histogramme des résidus avec loi normale superposée.

On voit que le coefficient d'asymétrie est toujours positif (0.2).

Kumbhakar, Horncastle, et al. (2015) mentionnent l'utilisation de ce coefficient d'asymétrie comme "test" préalable à la spécification d'une **SFA**.

L'idée derrière le test est la suivante : pour une spécification SFA frontière de coût avec erreur composée, la distribution des résidus de l'estimation par MCO doit avoir une asymétrie positive. Si cette asymétrie est positive, alors elle permet de confirmer l'existence d'une erreur unilatérale et donc la forme fonctionnelle SFA sera appropriée, ce qui semble être le cas ici.

#### Modèle SFA - Frontière de coût

Le modèle reste le même que celui de l'équation 10, mais le terme d'erreur  $\epsilon_i$  devient un terme d'erreur composé  $u_i + v_i$ . Pour modéliser cette frontière de coût, il suffit d'utiliser l'argument ineffDecrease = FALSE, autrement dit l'inefficacité augmente la variable endogène.

Il faut maintenant sélectionner la distribution des  $u_i$ . Deux distributions sont disponibles dans le package {frontier}:

- La distribution normale tronquée : truncNorm = TRUE.
- La distribution semi-normale : truncNorm = FALSE .

Nous avons décidé de choisir la distribution semi-normale.

$$\begin{split} \ln(price_{i}) &= \beta_{0} + \beta_{1i}storage_{i} + \beta_{2i}brand_{i} + \beta_{3i}ram_{i} + \beta_{4i}induction_{i} \\ + \beta_{5i}screen\_size_{i} + \beta_{6i}made\_in_{i} + \beta_{7i}upgrade\_storage_{i} + \beta_{8i}das\_limbs_{i} \\ + \beta_{9i}screen\_type + \beta_{10i}network_{i} + \beta_{11i}ppi_{i} + \underbrace{\epsilon_{i}}_{u_{i}+v_{i}} \end{split} \tag{11}$$



**Table 10** – Résultats de l'estimation du modèle SFA (Cost Frontier).

	Coefficient	Significativité	Erreur Std
(Intercept)	4.7458	***	0.2728
storage	0.0006	***	0.0001
brandGOOGLE	-0.5947	***	0.0907
brandHONOR	-0.9934	***	0.0959
brandMOTOROLA	-0.9844	***	0.0677
brandOPPO	-0.9258	***	0.1069
brandSAMSUNG	-0.496	***	0.0914
brandSONY	-0.6402	***	0.1315
brandXIAOMI	-1.0341	***	0.0645
ram	0.0763	***	0.0071
inductionTRUE	0.2185	***	0.0435
screen_size	0.1326	***	0.0402
screen_typeBords incurvés	-0.0897		0.1076
screen_typePlat	-0.0262		0.0426
screen_typePliable	0.3778	***	0.0702
made_inJapon	0.2052		0.2544
made_inThaïlande	0.6992	***	0.1472
made_inViêt Nam	-0.0375		0.0705
upgrade_storageTRUE	-0.2619	***	0.0455
das_limbs	-0.1215	***	0.0315
network5G	0.2022	***	0.0382
ppi	0.0012	***	0.0003
sigmaSq	0.0861	***	0.0132
gamma	0.623	***	0.1182
gammaVar	0.3752		

- **SigmaSq**  $(\sigma^2)$  représente la variance de l'erreur composite  $\epsilon_i$  dans le modèle.
- **gamma** ( $\gamma$ ) représente le paramètre d'inefficacité stochastique.  $u_i$  est modélisé en fonction de ce  $\gamma$  estimé pour capturer l'inefficacité inobservable.
- gammaVar correspond à la part de variance totale qui est due à l'inefficacité. Dans notre cas, 37,5% de la variance totale est due à l'innefficacité.

#### Interprétations Modèle frontière de coût

#### Un estimateur différent

L'estimateur utilisé dans la régression hédonique log-level est l'estimateur MCO. Celuici vise à minimiser la somme des carrés des différences entre les valeurs observées  $(y_i)$ et celles prédites par le modèle  $(\hat{y}_i)$ . Dans le modèle SFA, on utilise plutôt l'approche du MV (Maximum de Vraisemblance) pour estimer les paramètres. Au lieu de se concentrer sur la minimisation des résidus, le MV cherche à maximiser la probabilité d'observer les données réellement observées, c'est-à-dire qu'il cherche à maximiser la fonction de vraisemblance.

- Si la capacité de stockage (*storage*) augmente de 1 Go, alors le prix augmente de 0.06%, cet. par.
- En ayant comme catégorie de référence *Apple* pour la variable marque (*brand*), on peut voir que toutes les marques ont un impact négatif sur le prix, cet. par.
  - La marque la plus valorisée derrière *Apple* est *Samsung* avec une différence de prix de 49.6%.
  - La marque la moins valorisée est *Honor* avec une différence de prix de 103.4% par rapport à Apple.
- Si la ram augmente de 1 Go, alors le prix augmente de 7.63%, cet. par.
- Si le téléphone dispose d'une charge à induction (induction = TRUE), alors le prix augmente de 21.85%, cet. par.
- Si la taille de l'écran augmente de 1 pouce (screen\_size), alors le prix augmente de 13.26%, cet. par.
- Pour le type d'écran (*screen\_type*), la catégorie de référence est *borderless* (un écran sans bordure):
  - Les coefficients associés à la catégorie screen\_typeBords incurvés et screen\_typePlat ne sont pas significatifs.
  - Avoir un écran pliable fait augmenter le prix de 37.78% par rapport à l'écran borderless, cet. par.
- Pour le lieu de fabrication (*made\_in*), la catégorie de référence est la *Chine*.
  - Le coefficient associé à la catégorie *Japon* et *Viêt Nam* n'est pas significatif.
  - Comparé à un téléphone produit en Chine, un téléphone produit en Thaïlande augmente le prix de 69.92%, cet. par.
- Si le téléphone dispose d'un moyen d'augmenter sa capacité de stockage (*upgrade\_storage* = TRUE), alors le prix diminue de 26.19%, cet. par.
- Pour la variable liée au DAS :
  - L'augmentation d'une unité de Watts par kilogramme du das\_limbs diminue le prix de 12.15%, cet. par.



- Si le téléphone est compatible avec la 5G (*network5G* = *TRUE* ), alors le prix augmente de 20.22%, *cet. par*.
- Lorsque le *ppi* (*pixels par pouce*) augmente d'une unité, alors le prix augmente de 0.12%, *cet. par*.

### Analyse comparative des deux modèles

On peut aussi s'intéresser à l'étude des coefficients obtenus par le modèle de régression loghédonique et les coefficients obtenus par le modèle SFA.

 $\Rightarrow$  On remarque que la significativité et le signe des coefficients restent inchangés. La valeur des coefficients est aussi similaire. Il y a donc une certaine stabilité des résultats.

**Table 11** – Comparaison des coefficients obtenus par les 2 modèles.

		Log-Hedo	onic	SF	A Cost Fr	ontier
	Coef.	Signif.	Erreur Std	Coef.	Signif.	Erreur Std
(Intercept)	4.8489	***	0.2826	4.7458	***	0.2728
storage	0.0006	***	0.0001	0.0006	***	0.0001
brandGOOGLE	-0.533	***	0.0908	-0.5947	***	0.0907
brandHONOR	-0.9493	***	0.0948	-0.9934	***	0.0959
brandMOTOROLA	-0.9409	***	0.0669	-0.9844	***	0.0677
brandOPPO	-0.8673	***	0.1093	-0.9258	***	0.1069
brandSAMSUNG	-0.4111	***	0.0855	-0.496	***	0.0914
brandSONY	-0.6272	***	0.1369	-0.6402	***	0.1315
brandXIAOMI	-1.0045	***	0.0646	-1.0341	***	0.0645
ram	0.0769	***	0.0074	0.0763	***	0.0071
inductionTRUE	0.2123	***	0.0441	0.2185	***	0.0435
screen_size	0.1343	**	0.0418	0.1326	***	0.0402
screen_typeBords incurvés	-0.1086		0.1109	-0.0897		0.1076
screen_typePlat	-0.0349		0.0454	-0.0262		0.0426
screen_typePliable	0.3733	***	0.0738	0.3778	***	0.0702
made_inJapon	0.2236		0.2689	0.2052		0.2544
made_inThaïlande	0.6981	***	0.1551	0.6992	***	0.1472
made_inViêt Nam	-0.0928		0.0712	-0.0375		0.0705
upgrade_storageTRUE	-0.2819	***	0.0472	-0.2619	***	0.0455
das_limbs	-0.0973	**	0.0317	-0.1215	***	0.0315
network5G	0.1973	***	0.0398	0.2022	***	0.0382
ppi	0.0012	***	0.0003	0.0012	***	0.0003

#### Quel modèle choisir?

La question qui se pose est la suivante : quel modèle choisir entre la régression hédonique et la SFA ?

Pour répondre à cette question, nous pouvons utiliser le test de rapport de vraisemblance :

$$\begin{cases} H_0 : OLS \text{ log-level} \\ H_1 : SFA \text{ cost frontier} \end{cases}$$

Avec la statistique de test  $\lambda_{RV} = 2 \cdot (\ln \mathcal{L}_1 - \ln \mathcal{L}_2)$ 

On obtient:

- Log-Vraisemblance pour OLS log-level :  $\ln \mathcal{L}_1(\theta; y, X) = 25.6$
- Log-Vraisemblance pour SFA Cost Frontier :  $\ln \mathcal{L}_2(\theta; y, X) = 27.94$

Avec y le vecteur de ln(price) et X la matrice de variables indépendantes.

 $\Rightarrow$  On rejette l'hypothèse nulle  $H_0$  car la p – value issue du test = 0.02 < 0.05.

Notre choix se porte donc vers le modèle SFA pour notre analyse puisqu'il offre un meilleur ajustement, suite au rejet de l'hypothèse nulle à l'issue du test de rapport de vraisemblance. En fait, ce n'est pas particulièrement surprenant. Cela souligne simplement le fait que des coefficients significatifs ont été identifiés au niveau des paramètres utilisés pour estimer l'inefficacité dans les résultats de l'analyse de l'estimation SFA Cost Frontier.

## Analyse de l'efficacité

Dans ce modèle, l'efficacité moyenne calculée est de **84.01**%, c'est-à-dire qu'en moyenne, les smartphones de notre échantillon sont *overprice* de **15.99**%!

En utilisant l'espérance conditionnelle  $E(\exp(-u_i)|\epsilon_i)^{(10)}$ , on peut estimer le score d'efficacité pour chaque observation, et donc déterminer quels téléphones sont les plus/moins efficaces de notre sélection. On peut aussi les regrouper par marque.

Table 12 – Indice d'efficacité moyen par marque.

Marque	$\hat{ heta_k}$	n
OPPO	0.817	6
HONOR	0.823	14
MOTOROLA	0.824	36
SAMSUNG	0.835	114
GOOGLE	0.842	23
XIAOMI	0.844	124
APPLE	0.848	104
SONY	0.856	11

<sup>(10)</sup> Pour plus de détails de calcul, voir l'annexe à la fin de ce document.



- *Oppo* est la marque qui possède la pire relation prix~attributs de notre sélection.
- *Sony* est la marque qui possède la meilleure relation prix~attributs de notre sélection.

Apple fait partie du Top 2 des marques les plus efficaces, derrière Sony et suivi de Xiaomi (Il faut néanmoins se souvenir que la marque Sony ne propose que très peu de modèles de téléphones, 11 contre 105 pour Apple).

Enfin, on peut aussi s'intéresser aux téléphones les plus proches/les plus éloignés de la frontière de coût.

**Table 13** – Les 5 téléphones les moins efficaces.

model	efficiency	ram	storage	price	logprice	prediction
Samsung Galaxy S22 Ultra	0.480	8	128	1310.51 €	7.178	5.983
Motorola Edge 30 Ultra	0.546	12	256	1029.55 €	6.937	5.950
HONOR V2	0.554	16	512	1999 €	7.600	6.636
Samsung Galaxy S22+	0.561	8	128	882.97 €	6.783	5.839
Xiaomi 13	0.575	8	256	899 €	6.801	5.896

- Avec une efficacité de 0.575 et un prix de 899 €, le *Xiaomi 13* est très loin de la frontière de coût : son prix est 42.5% *trop cher*.
- Le *Samsung Galaxy S22* + est un autre cas *polaire* : même un téléphone haut de gamme d'une marque comme *Samsung* peut être un mauvais rapport qualité-prix.

**Table 14** – Les 5 téléphones les plus efficaces.

model	efficiency	ram	storage	price	logprice	prediction
Google Pixel 6 Pro	0.941	12	128	562.86 €	6.333	6.671
Xiaomi Poco X6	0.942	12	512	329 €	5.796	6.157
iPhone 8 Plus	0.943	3	64	299 €	5.700	6.063
Samsung Galaxy A04s	0.943	3	32	133.4 €	4.893	5.265
iPhone 12	0.948	4	128	390 €	5.966	6.409

- Le *Samsung Galaxy A04s* possède un très bon score d'efficacité, supérieur à 0.943. Avec un prix de 133.4 €, ce téléphone est donc un excellent rapport qualité-prix.
- L'iPhone 12 est quant à lui le téléphone le plus efficace de l'ensemble de notre échantillon.

**Table 15** – Les 5 téléphones les moins chers.

model	efficiency	ram	storage	price	logprice	prediction
Motorola E13	0.906	2	64	79 €	4.369	4.424
Xiaomi Redmi A1	0.907	2	32	81.9 €	4.405	4.465
Xiaomi Redmi 9A	0.901	2	32	84.6 €	4.438	4.467
Xiaomi Redmi 9AT	0.894	2	32	90.34 €	4.504	4.494
Xiaomi Redmi A1+	0.901	2	32	98.93 €	4.594	4.621

- Parmi ces téléphones les moins chers, on remarque qu'il y a une prépondérance de modèles issus de marque *Xiaomi*. Cela est cohérent avec nos observations dans la partie de **statistiques descriptives**.
- Par ailleurs, les 5 téléphones les moins chers sont en dessous de la barre symbolique des 100 € et pour autant, leur efficacité est supérieure à 0.89 pour l'ensemble des modèles. Les téléphones peu chers ne sont donc pas forcément signe d'un mauvais rapport "qualité-prix".

Table 16 – Les 5 téléphones les plus chers.

model	efficiency	ram	storage	price	logprice	prediction
Samsung Galaxy S24 Ultra	0.861	12	1000	1829 €	7.512	7.361
Samsung Galaxy Z Fold 5	0.840	12	512	1879 €	7.538	7.317
Samsung Galaxy Z Fold 5	0.811	12	512	1879 €	7.538	7.230
iPhone 15 Pro Max	0.872	8	1000	1919 €	7.560	7.452
HONOR V2	0.554	16	512	1999 €	7.600	6.636

Les tableaux de la section précédente nous donnent un aperçu des valeurs extrêmes, mais on peut synthétiser l'ensemble des informations grâce au nuage de points des efficacités individuelles par téléphone en fonction des prix.

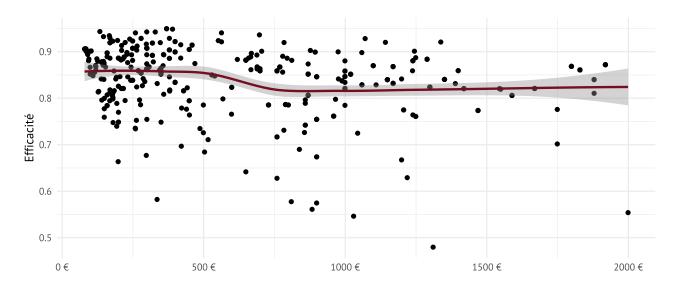


Figure 19 – Efficacités en fonction des prix.

On remarque une fois de plus que moins les téléphones sont chers, et plus ils sont efficaces. Une des explications que nous proposons est qu'il existe une intensité concurrentielle élevée entre les fabricants dans cette gamme de prix et peu de marge disponible lorsque le prix est bas.

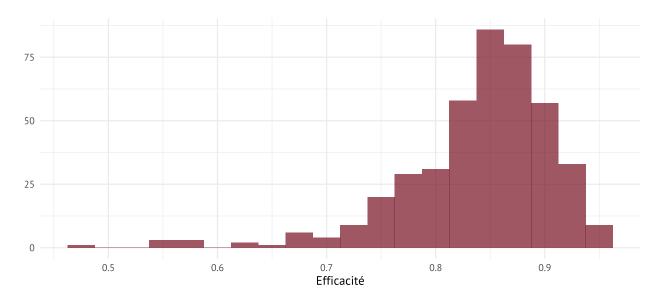


Figure 20 – Distribution des efficacités.

La distribution est dite *left skewed*, et l'asymétrie de la distribution est négative. Il y a beaucoup plus de valeurs concentrées à droite de la distribution qu'à gauche.

#### Analyse Factorielle de Données Mixtes

A posteriori, on cherche à synthétiser l'ensemble des variables de notre modèle de **Stochastic Cost Frontier**. Pour cela, nous allons effectuer une analyse factorielle qui nous permet de prendre en compte simultanément des variables quantitatives et qualitatives en tant que variables actives : une **AFDM** (Analyse Factorielle de Données Mixtes).

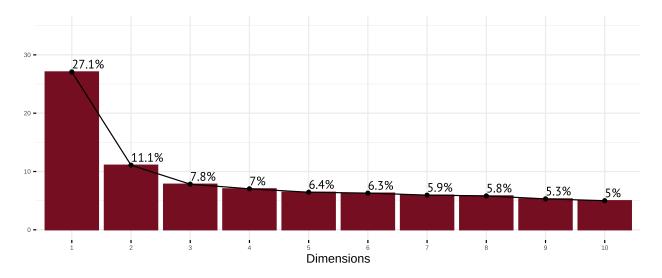


Figure 21 – Inerties.

• Sur les quatre premières dimensions, l'inertie cumulée est de **53.03**%, on peut donc se concentrer sur ces dimensions pour notre analyse.

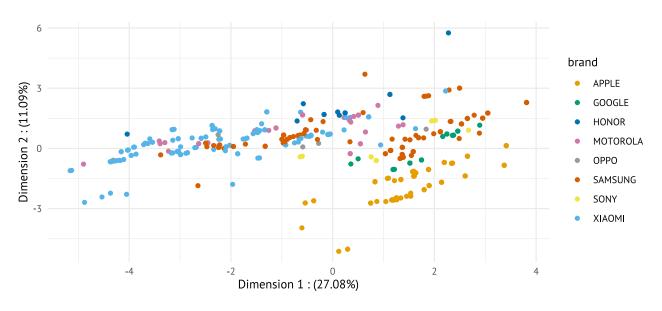


Figure 22 – Nuage des individus (Dimension 1 et 2).

• Le nuage des individus dans la dimension 1 et 2 permet de déterminer que les téléphones sont assez bien regroupés en fonction de leur marque et que les téléphones les moins chers se situent dans la partie négative de l'axe 1 tandis que les téléphones les plus chers se situent dans la partie positive de l'axe 1.

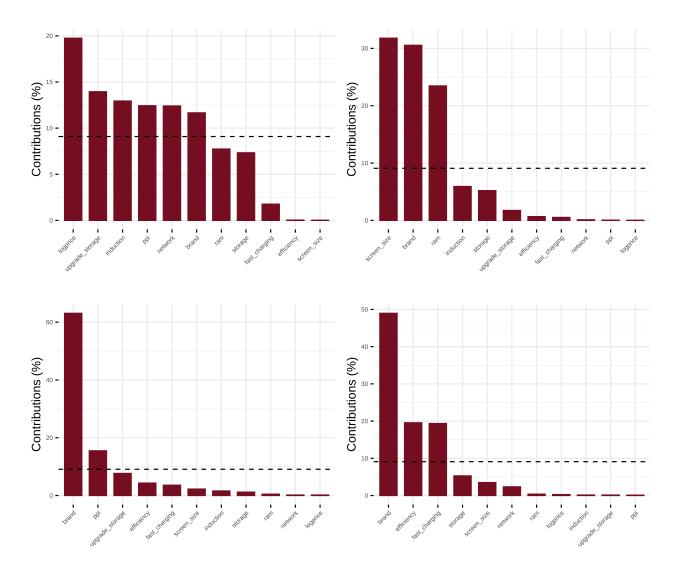
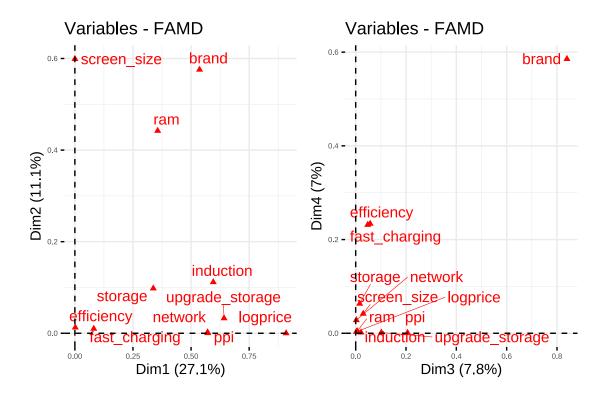


Figure 23 – Contribution des variables (Dimensions 1 - 4).

- Les variables contribuant le plus à la dimension 1 sont *logprice*, *upgrade\_storage*, *induction*, *ppi*, *network*, et *brand*.
- Dans la dimension 2, les proportions de contribution sont elles partagées entre 3 variables : *brand*, *screen\_size* et *ram*
- Pour la dimension 3 et 4, *brand* est une variable qui contribue encore plus à la construction des axes avec environ 50% ou plus de contribution.

 $ext{M}_{\! ext{EC}}$ n



**Figure 24** –  $\eta^2$  des variables (Dimensions 1 – 4).

Les  $\eta^2$  permettent de distinguer les variables les plus structurantes d'un axe

- Dans la dimension 1, la variable *logprice* et *upgrade\_storage* sont les plus structurantes.
- Dans les dimensions 2,3 et 4, on s'aperçoit que c'est la variable *brand* qui est la plus structurante.
- Les variables ram et screen\_size sont aussi très structurantes dans la dimension 2.

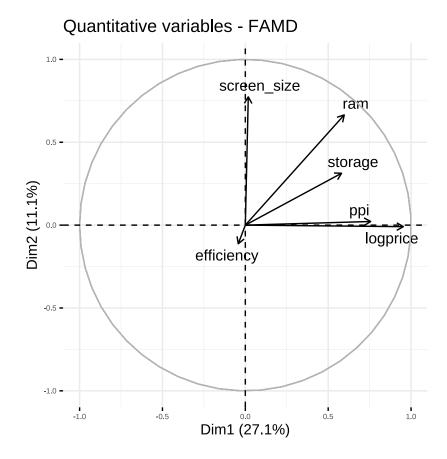


Figure 25 – Cercle des corrélations (Dimensions 1 et 2).

D'après le nuage des variables, on peut voir que les variables qui contribuent à l'axe  $F_1$  sont le *logprice*, *ppi*, *storage* ainsi que *ram*. On peut donc supposer que les 3 caractéristiques constituent la majeure partie de la variation observée dans la variable *logprice*.

Pour l'axe  $F_2$ , ce sont principalement les variables  $screen\_size$  et efficiency qui contribuent le plus à cet axe. On peut observer que l'efficacité (efficiency) est moins bien représentée que  $screen\_size$ , comme le suggère la différence dans la longueur des flèches associées à ces variables.

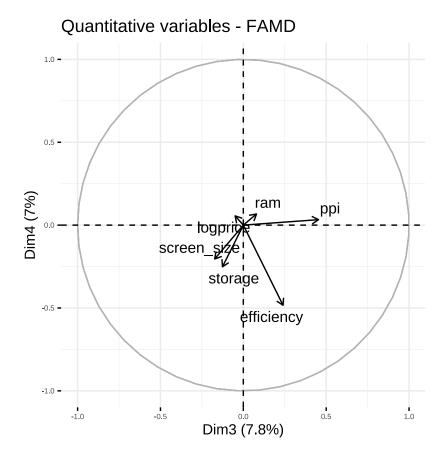


Figure 26 – Cercle des corrélations (Dimensions 3 et 4).

L'ensemble des variables contribue assez peu aux dimensions 3 et 4. Pour l'axe  $F_3$ , la *ppi* contribue de manière plus importante, suivie ensuite de *storage* et *ram*.

Pour l'axe  $F_4$ , c'est la variable screen\_size qui contribue le plus, suivie par efficiency, tandis que la contribution de logprice est négligeable. Il est également à noter que toutes ces variables sont positionnées du côté négatif de l'axe.

# | Analyse des évolutions tarifaires sur deux périodes

En référence à l'étude d'Arrondo, Garcia, et Gonzalez (2018), et disposant de données respectivement d'octobre 2023 et de février 2024, nous avons souhaité examiner si les prix des téléphones disponibles sur ces deux périodes ont diminué ou non. Cette analyse vise à identifier les téléphones affichant des tarifs excessifs.

Il est à noter qu'une telle analyse est assez complexe techniquement. En effet, aucune clé unique identifiable n'existe pour distinguer les téléphones, il faut donc en créer une **artificiellement**, comme suit :

$$unique\_key = model + ram + storage + color$$

En concaténant ces 4 variables, la clé unique pour chaque téléphone entre les 2 périodes est créée, et après un certain nombre d'opérations de manipulation de données, il en résulte que 240 téléphones sont présents en période 1 et 2. Parmi ces téléphones, 180, soit 75 %, ont vu leur prix diminuer en période 2, 31 ont le même prix qu'en première période, et enfin, 29 téléphones ont un prix plus important en période 2.

Contre-intuitif à première vue, si le prix de certains téléphones est plus élevé en seconde période, c'est probablement car ils disposaient d'une promotion en première période.

On peut également regarder l'efficacité moyenne des groupes en fonction de si leur prix a baissé, augmenté ou est resté stable entre les deux périodes.

Groupe	Efficacité moyenne	Efficacité médiane
+ Period 2	0.850	0.874
- Period 2	0.836	0.853
= Period 2	0.867	0.881

**Table 17** – Efficacité par groupe de variation de prix

Entre les périodes 1 et 2, le prix de certains téléphones a augmenté (groupe +). Ces téléphones avaient une efficacité moyenne et médiane de 0.85 et respectivement 0.874 en période 1. D'autres téléphones ont quant à eux vu leur prix diminuer (groupe -) en période 2, et leur efficacité moyenne et médiane en période 1 sont inférieures à celles des téléphones dont le prix a augmenté. Cette observation nous indique qu'il semble exister un lien entre l'efficacité (calculée par la SFA en période 1) et la réduction de prix appliquée en période 2.

D'autre part, on peut aussi s'intéresser aux téléphones ayant enregistré la baisse de prix la plus significative.

- Les téléphones ayant enregistré les plus importantes baisses de prix sont tous des modèles haut de gamme.
- Le Samsung Galaxy Z Fold 4 est le téléphone qui présente la plus forte baisse de prix, passant de 1799 € à 1070.32 €, soit une réduction de presque 730 €.



Table 18 – Les 5 téléphones avec les plus grandes variations de prix entre les deux périodes

Modèle	Prix période 1	Prix période 2	Différence de prix
Samsung Galaxy Z Fold 4	1799	1070.32	728.68
Samsung Galaxy Z Fold 5	1899	1244.41	654.59
Samsung Galaxy Z Flip 5	1199	783.90	415.10
iPhone 13	879	551.73	327.27
iPhone 14 Plus	969	704.90	264.10

On peut aussi examiner les modèles de téléphones pour lesquels le prix est resté inchangé entre les deux périodes.

Table 19 – 5 téléphones avec des prix stables entre les deux périodes

Modèle	Prix période 1	Prix période 2	Différence de prix
MOTOROLA EDGE 40 NEO	399	399	0
Motorola G14	179	179	0
Motorola G53	199	199	0
Motorola G54	229	229	0
Motorola G84	299	299	0

On observe que les téléphones dont le prix n'a pas changé sont principalement des Motorolas ou, de manière plus générale, des téléphones considérés comme bas de gamme.

## | Comparateur

En se basant sur notre problématique, nous voulions, en plus d'une estimation économétrique que nous avons vue plus haut, créer une application, et plus précisément un comparateur d'efficacité.

En premier lieu, il convient de se poser la question : "Qu'est ce qu'un comparateur exactement

#### Définition

- Un comparateur est un site web qui permet de comparer différents produits ou services.
- Principalement axé sur les prix, il peut également prendre en compte les aspects techniques et la qualité des produits.

On retrouve l'utilisation des comparateurs dans de nombreux domaines tels que les comparateurs de vols, d'assurances, de voitures, ou encore de banques. En bref, il existe une variété de cas d'usage et un nombre croissant d'utilisateurs faisant appel à ces comparateurs avant d'acheter un bien ou un service.

D'autre part, un certain nombre de questions juridiques, économiques, statistiques et algorithmiques se posent.

En effet, les opérateurs de plateforme en ligne doivent délivrer au consommateur une information loyale, claire et transparente, selon l'article L. 111-7 du code de la consommation.

Les comparateurs en ligne sont donc eux aussi soumis à ces obligations de loyauté et de transparence. À ce titre, ils doivent :

- 1. Avoir une page dédiée accessible depuis toutes les autres pages du comparateur informant le fonctionnement de celui-ci.
- 2. Faire figurer sur chaque page de résultats les informations concernant les critères de classement.
- 3. Indiquer via la mention explicite « annonce » les résultats liés à des partenariats rémunérés.

Il va sans dire que très peu de comparateurs respectent le premier point, souvent pour une raison simple : ce sont juste des listings de prix de téléphones du moins cher au plus cher, donc il n'y a pas vraiment de fonctionnement à proprement parler. De même, concernant les critères de classement.

En revanche le troisième point est presque toujours indiqué quelque part avec la mention publicité ou annonce quand il y a un partenariat rémunéré, et c'est normal car une grande partie des revenus de ces comparateurs provient de ces partenariats donc ils font assez attention à ce point.



L'avantage de notre comparateur c'est qu'il respecte les deux premiers points, sans se soucier du troisième puisque nous n'avons pas de partenariats rémunérés. Tout ça permet d'offrir une grande transparence pour le consommateur.

### **Smart Specs**

*Smart Specs* est plus qu'un simple comparateur de smartphones puisqu'il inclut une dimension de modélisation, et plus précisément un score déterminé par un modèle SFA. De plus, il propose une fonctionnalité unique de comparaison des caractéristiques qui se distingue des autres comparateurs en analysant de manière détaillée les caractéristiques similaires entre deux modèles de téléphones, offrant ainsi une approche point par point.

D'autre part, *Smart Specs* offre une panoplie de fonctionnalités variées, telles que :

- des statistiques descriptives élémentaires
- une restitution d'informations approfondie
- une interface visuelle dynamique avec de multiples fonctionnalités
- un moteur basé sur un modèle SFA

L'aspect central de cette application réside dans son onglet "Efficacité". Cet onglet présente deux indicateurs principaux : le nombre de téléphones efficaces et inefficaces. Ces données sont générées à partir d'un nuage de points représentant l'efficacité en fonction du prix, visible ci-dessous :

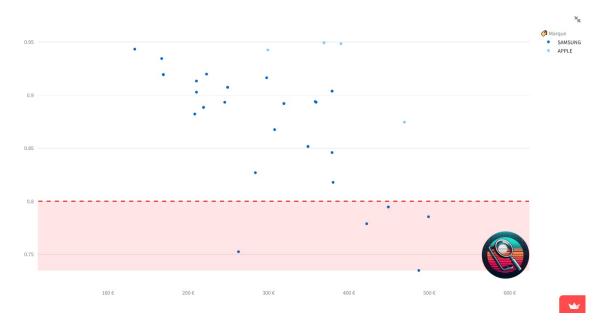


Figure 27 – Comparateur d'efficacité

Les téléphones situés dans la zone rouge sont considérés comme inefficaces en termes de rapport qualité-prix, tandis que ceux situés au-dessus sont considérés comme offrant un bon rapport qualité-prix.

Le seuil d'efficacité, établi à 0.8, est déterminé en se basant sur l'efficacité moyenne ainsi que sur la Figure 19. Il convient de noter que l'utilisateur a la possibilité d'ajuster ce seuil selon ses préférences pour un contrôle plus personnalisé.

Lien de l'application déployée

L'application est à découvrir en suivant ce lien : https://smart-specs.streamlit.app/



## | Conclusion

La réalisation d'une étude utilisant les modèles SFA pour évaluer les prix des smartphones a permis de mieux comprendre les dynamiques complexes de ce marché en constante évolution. En explorant la littérature existante sur la SFA et la régression hédonique des prix, nous avons découvert les fondements théoriques de ces modèles, leurs apports ainsi que leurs limites.

Les statistiques descriptives réalisées sur 432 smartphones vendus par un revendeur français (février 2023) ont révélé une distribution bimodale des prix, confirmant la nature hautement différenciée des smartphones. Grâce à des modèles de régression hédonique, nous avons réussi à prédire avec précision les prix en utilisant différents types de spécifications, d'abord en niveau-niveau puis en log-niveau. Ces résultats ont été extrêmement satisfaisants, démontrant la capacité des modèles à correctement inférer les prix des smartphones en fonction de leurs caractéristiques.

Cependant, pour aller au-delà de la simple prédiction des prix, nous avons également appliqué un modèle SFA, spécifiquement la *Cost Frontier Analysis*, afin d'évaluer l'efficacité des prix des téléphones en tenant compte de leurs caractéristiques. Cela nous a permis de déterminer les téléphones offrant le meilleur rapport qualité-prix, offrant ainsi une perspective supplémentaire dans la compréhension du pricing de ces téléphones.

La dernière étape de ce projet consista à créer une application comparative. Celle-ci permet aux utilisateurs de spécifier les caractéristiques recherchées dans un téléphone. En utilisant le modèle SFA que nous avons développé, un score est généré pour chaque téléphone, classant ainsi les appareils du plus efficace au moins efficace en fonction des critères spécifiés. Cette application offre une solution pratique et personnalisée aux utilisateurs pour prendre des décisions informées lors de l'achat d'un nouveau smartphone.

En résumé, cette étude approfondie combinant la régression hédonique, la SFA et l'analyse des prix des smartphones a non seulement permis de prédire précisément les prix en fonction des caractéristiques, mais a également jeté les bases d'une application offrant des recommandations personnalisées basées sur l'efficacité des prix des téléphones. Ce projet ouvre des perspectives intéressantes pour aider les consommateurs et les producteurs à prendre des décisions éclairées dans un marché aussi dynamique et complexe que celui des smartphones.

\* \* \*



## Annexe

### Dérivation de la fonction de vraisemblance

$$f(v) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_v} \exp\left(-\frac{v^2}{2\sigma_v^2}\right)$$
 (12)

$$f(u) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_u \left[1 - \Phi(-\frac{\mu}{\sigma_u})\right]} \exp\left[-\frac{1}{2} \left(\frac{u - \mu}{\sigma_u}\right)^2\right]$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_u \Phi(\frac{\mu}{\sigma_u})} \exp\left[-\frac{1}{2} \left(\frac{u - \mu}{\sigma_u}\right)^2\right]$$
(13)

Etant donné l'hypothèse d'indépendance entre u et v:

$$f(v,u) = f(v) \cdot f(u) = \frac{1}{2\pi\sigma_v \sigma_u \Phi\left(\frac{\mu}{\sigma_u}\right)} \exp\left\{-\frac{1}{2}\left[\frac{v^2}{\sigma_v^2} + \left(\frac{u-\mu}{\sigma_u}\right)^2\right]\right\}$$
(14)

Donc,

$$f(u - \epsilon, u) = \frac{1}{2\pi\sigma_v\sigma_u\Phi\left(\frac{\mu}{\sigma_u}\right)} \exp\left\{-\frac{1}{2}\left[\left(\frac{u - \epsilon}{\sigma_v}\right)^2 + \left(\frac{u - \mu}{\sigma_u}\right)^2\right]\right\}$$
(15)

Cette expression peut être simplifiée. Notez que :

$$\left(\frac{u-\epsilon}{\sigma_v}\right)^2 + \left(\frac{u-\mu}{\sigma_u}\right)^2 = \frac{\sigma_v^2 + \sigma_u^2}{\sigma_v^2 \sigma_u^2} \left[u^2 - 2u\left(\frac{\mu\sigma_v^2 + \epsilon\sigma_u^2}{\sigma_v^2 + \sigma_u^2}\right)\right] + \left(\frac{\mu^2}{\sigma_u^2} - \frac{\epsilon^2}{\sigma_v^2}\right) \tag{16}$$

Définissons:

$$\mu_* = \frac{\mu \sigma_v^2 + \epsilon \sigma_u^2}{\sigma_v^2 + \sigma_u^2}$$

$$\sigma_*^2 = \frac{\sigma_v^2 \sigma_u^2}{\sigma_v^2 + \sigma_v^2}$$

Dès lors, l'équation 15 est simplifiée pour obtenir :

$$f(u - \epsilon, u) = \frac{1}{2\pi\sigma_v\sigma_u\Phi\left(\frac{\mu}{\sigma_u}\right)}\exp\left\{-\frac{1}{2}\left[\left(\frac{u - \mu_*}{\sigma_*}\right)^2 + \frac{(\mu - \epsilon)^2}{\sigma_u^2 + \sigma_v^2}\right]\right\}$$
(17)

Alors, la densité de  $f(\epsilon)$  est :

$$f(\epsilon) = \int_0^\infty f(u - \epsilon, u) du$$



. . .

$$f(\epsilon) = \frac{\phi\left(\frac{\mu - \epsilon}{\sqrt{\sigma_v^2 + \sigma_u^2}}\right)}{\sqrt{\sigma_v^2 + \sigma_u^2} \left[\frac{\Phi\left(\frac{\mu}{\sigma_u}\right)}{\Phi\left(\frac{\mu_e}{\sigma_e}\right)}\right]}$$
(18)

En prenant le logarithme de l'équation précédente, on obtient la fonction de logvraisemblance pour une observation i dans le cadre d'un modèle avec loi normale tronquée.

$$L_{i} = -\frac{1}{2} \ln \left(\sigma_{v}^{2} + \sigma_{u}^{2}\right) + \ln \phi \left(\frac{\mu - \epsilon}{\sqrt{\sigma_{v}^{2} + \sigma_{u}^{2}}}\right) + \ln \Phi \left(\frac{\mu_{*}}{\sigma_{*}}\right) - \ln \Phi \left(\frac{\mu}{\sigma_{u}}\right)$$
(19)

#### Dérivation des indices d'efficacité

$$f(u|\epsilon) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_*\Phi(\frac{\mu_*}{\sigma_*})} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{u-\mu_*}{\sigma_*}\right)^2\right]$$
 (20)

Avec  $\mu_*$  et  $\sigma_*$  définis plus haut :

$$E(u|\epsilon) = \int_0^\infty \frac{u}{\sqrt{2\pi}\sigma_*\Phi(\frac{\mu_*}{\sigma_*})} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{u-\mu_*}{\sigma_*}\right)^2\right] du \tag{21}$$

Définissions:

$$w = \frac{u - \mu_*}{\sigma_*}, w \in \left[-\frac{\mu_*}{\sigma_*}, \infty\right), dw = \frac{du}{\sigma_*}$$

Donc:

$$E(u|\epsilon) = \int_{-\frac{\mu_*}{\sigma_*}}^{\infty} \frac{\mu_* + w\sigma_*}{\sqrt{2\pi}\Phi\left(\frac{\mu_*}{\sigma_*}\right)} \exp\left(-\frac{1}{2}w^2\right) dw$$

$$= \frac{\mu_*}{\Phi\left(\frac{\mu_*}{\sigma_*}\right)} \int_{-\frac{\mu_*}{\sigma_*}}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{1}{2}w^2\right) dw + \frac{\sigma_*}{\Phi\left(\frac{\mu_*}{\sigma_*}\right)} \int_{-\frac{\mu_*}{\sigma_*}}^{\infty} \frac{w}{\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{1}{2}w^2\right) dw$$

$$= \mu_* + \frac{\sigma_*}{\Phi\left(\frac{\mu_*}{\sigma_*}\right)} \cdot \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{\mu_*}{\sigma_*}\right)^2\right]$$

$$= \mu_* + \frac{\phi\frac{\mu_*}{\sigma_*}}{\Phi\frac{\mu_*}{\sigma_*}} \sigma_*$$

Maintenant, pour  $E(\exp(-u)|\epsilon)$ ,



$$E(\exp(-u)|\epsilon) = \int_0^\infty \exp(-u)f(u|\epsilon)du$$

$$= \int_0^\infty \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_*\Phi(\frac{\mu_*}{\sigma_*})} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{u-\mu_*}{\sigma_*}\right)^2 - u\right]du$$

$$= \frac{1}{\sigma_*\Phi(\frac{\mu_*}{\sigma_*})} \int_0^\infty \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{u-\mu_*}{\sigma_*}\right)^2 - u\right]du$$

Notons que

$$-\frac{1}{2}\left(\frac{u-\mu_*}{\sigma_*}\right)^2 - u = -\frac{\left[u - (\mu_* - \sigma_*^2)\right]^2}{2\sigma_*^2} - \frac{1}{2}(2\mu_* - \sigma_*)$$

Dès lors, on peut simplifier la formule :

$$E(\exp(-u)|\epsilon) = \frac{1}{\sigma_* \Phi(\frac{\mu_*}{\sigma_*})} \int_0^\infty \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left\{-\frac{\left[u - (\mu_* - \sigma_*^2)\right]^2}{2\sigma_*^2} - \frac{1}{2}(2\mu_* - \sigma_*^2)\right\} du$$

$$= \frac{\exp\left[-\frac{1}{2}(2\mu_* - \sigma_*^2)\right]}{\sigma_* \Phi(\frac{\mu_*}{\sigma_*})} \int_0^\infty \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left\{-\frac{1}{2}\left[\frac{u - (\mu_* - \sigma_*^2)}{\sigma_*}\right]^2\right\} du$$

Définissons:

$$z = \frac{u - (\mu_* - \sigma_*^2)}{\sigma_*}, z \in \left[ -\frac{\mu_*}{\sigma_*} + \sigma_*, \infty \right), dz = \frac{du}{\sigma_*}$$

Enfin,

$$E(\exp(-u)|\epsilon) = \frac{\exp\left[-\frac{1}{2}(2\mu_* - \sigma_*^2)\right]}{\sigma_* \Phi\left(\frac{\mu_*}{\sigma_*}\right)} \int_{-\frac{\mu_*}{\sigma_*} + \sigma_*}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left\{-\frac{1}{2}z^2\right\} dz$$
$$= \exp\left(-\mu_* + \frac{1}{2}\sigma_*^2\right) \frac{\Phi\left(\frac{\mu_*}{\sigma_*} - \sigma_*\right)}{\Phi\frac{\mu_*}{\sigma_*}}$$



# | Acronymes

WTP Willingness To Pay

SFA Stochastic Frontier Analysis

DAS Débit d'Absoprtion Spécifique

**DEA** Data Envelopment Analysis

TE Technical Efficiency

**BLUE** Best Linear Unbiased Estimator

MCO Moindres Carrés Ordinaires

MV Maximum de Vraisemblance

 $M_{Ec}$ n

## | Glossaire des variables

```
screen_type Type d'écran : Plat, Pliable, etc. ⇒ str
screen_size Taille de l'écran, en pouces ⇒ float
screen_tech Technologie de l'écran : LCD, OLED, AMOLED. ⇒ str
resolution_1/2 Résolution verticale/horizontale de l'écran, en nombre de pixels ⇒ int
diagonal_pixels Diagonale en nombre de pixels calculée à partir de la résolution ⇒ float
ppi Pixels Per Inch, calculé à partir de la diagonale et de la taille de l'écran ⇒ float
cam_1, cam_2, cam_3 Résolution de la caméra 1/2/3 en mégapixels \Rightarrow int
mpx_backward_cam Somme des résolutions des caméras 1, 2 et 3 en mégapixels ⇒ int
sensor Nombre de caméras arrières équipées sur le téléphone ⇒ int
color Couleur du téléphone ⇒ str
thickness Epaisseur du téléphone en millimètres ⇒ float
width Largeur du téléphone en millimètres ⇒ float
height Hauteur du téléphone en millimètres ⇒ float
net_weight Poids net du téléphone en grammes ⇒ float
network Prise en charge réseau jusqu'à la 4G ou la 5G \Rightarrow str
cpu Type de CPU. Variable Inexploitable ⇒ str
ram Capacité de RAM en Gigaoctets ⇒ int
storage Capacité de stockage en Gigaoctets ⇒ int
upgrade_storage L'appareil dispose t-il d'un moyen d'augmenter son stockage ⇒ bool
battery Capacité de la batterie en milliampères ⇒ int
fast\_charging \ L'appareil dispose t-il d'une charge rapide <math>\Rightarrow bool
induction L'appareil dispose t-il d'une charge par induction \Rightarrow bool
usb\_type\_c L'appareil dispose t-il d'un port USB type C \Rightarrow bool
repairability_index Indice de réparabilité du téléphone (Note /10) ⇒ int
model Modèle du téléphone ⇒ str
brand Marque du téléphone ⇒ str
made_in Lieu de fabrication du téléphone ⇒ str
```

```
stars Note sur 5 du téléphone (quand disponible) ⇒ float

reviews Nombre de critiques ⇒ int

das_head/chest/limbs Débit d'absorption spécifique tête/corps/membres ⇒ float

price Prix du téléphone ⇒ float
```

# | Licence



#### ⚠ Licence CC BY-NC-SA 4.0 | @①\$@

#### Vous êtes autorisé à :

**Partager** — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats.

Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel.

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

#### Selon les conditions suivantes :

- ① Attribution Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Oeuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son Oeuvre.
- S Pas d'Utilisation Commerciale Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Oeuvre, tout ou partie du matériel la composant.
- **②** Partage dans les Mêmes Conditions Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Oeuvre originale, vous devez diffuser l'Oeuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'Oeuvre originale a été diffusée.

Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr

## | Références

- Ahmad, Waseem, Tanvir Ahmed, et Bashir Ahmad. 2019. « Pricing of mobile phone attributes at the retail level in a developing country: Hedonic analysis ». *Telecommunications Policy* 43 (4): 299-309. https://doi.org/10.1016/j.telpol.2018.10.002.
- Aigner, Dennis, C. A.Knox Lovell, et Peter Schmidt. 1977. « Formulation and estimation of stochastic frontier production function models ». *Journal of Econometrics* 6 (1): 21-37. https://doi.org/10.1016/0304-4076(77)90052-5.
- Arrondo, Ruben, Nuria Garcia, et Eduardo Gonzalez. 2018. « Estimating product efficiency through a hedonic pricing best practice frontier ». *BRQ Business Research Quarterly* 21 (4): 215-24. https://doi.org/10.1016/j.brq.2018.08.005.
- Bello, Ajide K, et Alabi Moruf. 2010. « Does the functional form matter in the estimation of hedonic price model for housing market ». *The Social Sciences* 5 (6): 559-64.
- Berndt, Ernst R, et Neal J Rappaport. 2001. « Price and quality of desktop and mobile personal computers: A quarter-century historical overview ». *American Economic Review* 91 (2): 268-73. https://www.aeaweb.org/articles?id=10.1257/aer.91.2.268.
- Boistel, Philippe. 2008. « La réputation d'entreprise: un impact majeur sur les ressources de l'entreprise ». *Revue management et avenir*, n⊠ 3: 9-25.
- Chen, Ching-Fu, et Rochelle Rothschild. 2010. « An application of hedonic pricing analysis to the case of hotel rooms in Taipei ». *Tourism Economics* 16 (3): 685-94. https://journals.sagepub.com/doi/abs/10.5367/000000010792278310.
- Efroymson, Michael Alin. 1960. « Multiple regression analysis ». *Mathematical methods for digital computers*, 191-203.
- Farrell, Michael James. 1957. « The measurement of productive efficiency ». *Journal of the Royal Statistical Society Series A: Statistics in Society* 120 (3): 253-81.
- Harrison Jr, David, et Daniel L Rubinfeld. 1978. « Hedonic housing prices and the demand for clean air ». *Journal of environmental economics and management* 5 (1): 81-102. https://doi.org/10.1016/0095-0696(78)90006-2.
- Kumbhakar, Subal, Alan Horncastle, et al. 2015. *A practitioner's guide to stochastic frontier analysis using Stata*. Cambridge University Press.
- Lancaster, Kelvin J. 1966. « A New Approach to Consumer Theory ». *Journal of Political Economy* 74 (2): 132-57. https://doi.org/10.1086/259131.
- Mohamad, Shamsher, Taufiq Hassan, et Mohamed Khaled I Bader. 2008. « Efficiency of conventional versus Islamic Banks: international evidence using the Stochastic Frontier Approach (SFA) ». *Journal of Islamic economics, banking and finance* 4 (2): 107-30.
- Reinhard, Stijn, CA Knox Lovell, et Geert J Thijssen. 2000. « Environmental efficiency with multiple environmentally detrimental variables; estimated with SFA and DEA ». *European Journal of Operational Research* 121 (2): 287-303.
- Rosen, Sherwin. 1974. « Hedonic Prices and Implicit Markets: Product Differentiation in Pure Competition ». *Journal of Political Economy* 82 (1): 34-55. http://www.jstor.org/stable/1830899.
- Rosko, Michael D, et Ryan L Mutter. 2008. « Stochastic frontier analysis of hospital inefficiency: a review of empirical issues and an assessment of robustness ». *Medical care research and review* 65 (2): 131-66. https://doi.org/10.1177/1077558707307580.
- Yim, Eun Soon, Suna Lee, et Woo Gon Kim. 2014. « Determinants of a restaurant average meal price: An application of the hedonic pricing model ». *International Journal of Hospitality Management* 39: 11-20. https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/



pii/S027843191400019X.

