

# CRYPTO

## HASH FUNCTIONS

Sono funzioni che prendono in input un valore di lunghezza indeterminata e restituiscono in output un valore di lunghezza fissa (DIGEST).

hash (val)  
16 byte  $\xrightarrow{2048}$  16

Le funzioni di Hash hanno diverse applicazioni

esempio: salvataggio di password nel DB

Le funzioni Hash non sono reversibili.

Non è possibile risalire al valore

di input dato l'output di una funzione

hash.

1. Per due input identici la funzione genera sempre lo stesso output
2. Non è garantito che a parità di output, gli input siano gli stessi.

$h(x) \rightarrow 123$   
 $h(x) \rightarrow 123$

Due valori di input diversi possono

dare lo stesso output.

Proprietà:

quando usiamo una funzione hash vogliamo

che sia particolarmente difficile:

1. Modificare l'input senza che cambi l'hash
2. generare un messaggio che ha un hash specifico
3. trovare due messaggi diversi che producono lo stesso hash

Dalla ① l'ideale è che cambiando anche un singolo bit di input l'output cambi almeno del 50%.

Dalla ② si ricava che l'hash è una funzione unidirezionale.

Dalla ③ si deduce che è molto difficile trovare due messaggi  $m$  e  $m'$  che generano lo stesso hash.

FUNZIONI PIÙ UTILIZZATE: MD5 SHA256 SHA512

## CIFRATURA

L'operazione XOR restituisce vero se i due bit in ingresso sono diversi.

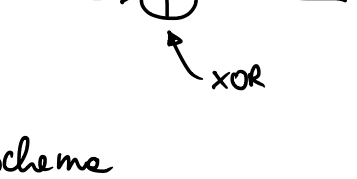
in1	in2	out
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Un altro modo per vedere la XOR è in

modalità "invertitore programmabile" in cui

un bit di input decide se invertire

l'altro bit.



In questo schema

P: Plaintext testo in chiaro

K: Key chiave

C: Ciphertext testo cifrato

i: index perché abbiamo e che fare con più di un bit alla volta

In matematica si usa il simbolo  $\oplus$  per indicare la XOR

### PROPRIETÀ DELLA XOR

$$1. a \oplus (b \oplus c) = (a \oplus b) \oplus c$$

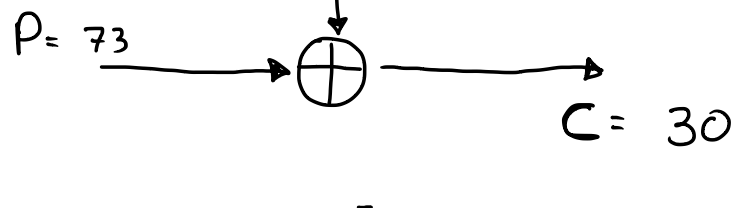
$$2. a \oplus b = b \oplus a$$

$$3. a \oplus a = 0$$

$$4. a \oplus 0 = a$$

$$\begin{aligned} a \oplus b \oplus a &= \\ &= \underbrace{a \oplus a} \oplus b = \quad \leftarrow ② \\ &= 0 \oplus b = \quad \leftarrow ③ \\ &= b \quad \leftarrow ④ \end{aligned}$$

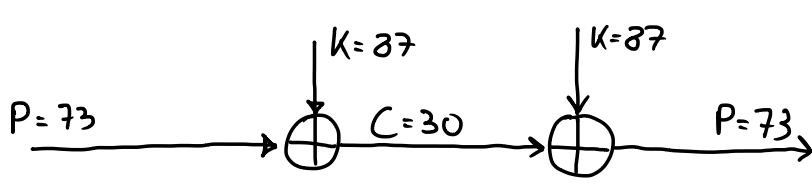
### CASO PRATICO



$$\begin{aligned} 73 &= \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}_2 \oplus \\ 87 &= \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}_2 = \end{aligned}$$

$$= 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0$$

$$30 = 16 + 8 + 4 + 2$$



$$\begin{aligned} C=30 &= \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}_2 \\ K=87 &= \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}_2 \end{aligned}$$

$$73 = 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1$$

ONE TIME PAD è uno schema di crittografia

che è basato interamente su queste operazioni.

Si chiama così perché tutta la sua sicurezza

dipende da una sequenza di bit casuali che

servono per cifrare il plaintext e devono

necessariamente essere usati una volta sola.

Tale meccanismo è unico non solo per la

sua semplicità ma anche perché garantisce il

grado più forte possibile di sicurezza.

Se un hacker vede il Ciphertext è

possibile dimostrare che acquisisce zero informazioni

sulla chiave per decifrare.

Questa proprietà è chiamata **Perfect Security**.

Sfortunatamente molti sistemi che dichiarano di

usare ONE TIME PAD non generano numeri

puramente casuali.

Così facendo di legge i messaggi cifrati può

ottenere informazioni sulle chiave e sul plaintext

### CONSIDERAZIONI FINALI

ONE TIME PAD è utilizzato raramente perché

è molto difficile da mettere in pratica

i seguenti motivi:

- la chiave deve essere generata casualmente

e deve essere condivisa tra le entità

comunicanti

- la chiave deve essere lunga tanto quanto

il messaggio che si vuole trasmettere.

- Generare numeri grandi puramente casuali è

molto difficile e richiede hardware

specializzato.