Luiss

Libera Università Internazionale degli Studi Sociali Guido Carli

Corso di preparazione per la selezione territoriale delle Olimpiadi di Informatica

Lezione 2. Algoritmi (e Strutture Dati)

Giuseppe F. Italiano

6 marzo 2023





Lezioni

Puoi accedere alle lezioni tramite YouTube o Webex:

- YouTube (preferibile se hai problemi di connessione)
- Cisco Webex (puoi diventare Chad (Stacy) per un giorno condividendo la tua soluzione ai problemi che consideriamo di volta in volta!)







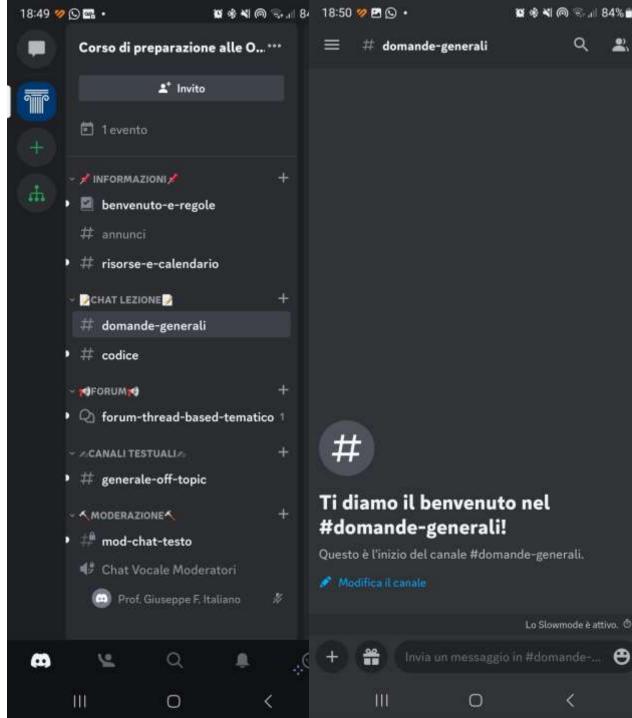


Reminder: Chat su Discord

https://discord.gg/WFKeXDbs

Non inquinare i canali! Contribuisci a mantenerli puliti e non postare contenuti impropri. Grazie!





Programma di oggi

- 1. Soluzione esercizi della scorsa settimana
- 2. Introduzione (informale) agli algoritmi
- 3. Un problema dalle Territoriali (2017): Scommessa
- 4. (Scorsa settimana) Introduzione (informale) alle strutture dati
- 5. Un problema dalle OIS (2020): Ransomware
- 6. Compiti da fare a casa (per la prossima volta)



Soluzioni degli esercizi della scorsa settimana

- Festa estiva (festa estiva): festa estiva
- Soste in autostrada (autogrill): <u>autogrill</u>
- Tieni aggiornato il catalogo (catalogo): catalogo
- Musical fight (trap): musical fight
- Kill those bugs (blindpunch): <u>bugs</u>



Tutti vogliamo diventare chad per un giorno



Se sei collegato/a tramite Webex alza la mano (pulsante vicino al tuo nome nella lista partecipanti) per presentare la tua soluzione ai problemi della scorsa settimana





• Festa estiva (festaestiva): <u>festa estiva</u>



Soste in autostrada (autogrill): <u>autogrill</u>



Tieni aggiornato il catalogo (catalogo): catalogo



Musical fight (trap): musical fight



Kill those bugs (blindpunch): <u>bugs</u>



Introduzione (informale) agli algoritmi



Per preparare il tiramisù cominciate dalle uova (freschissime): quindi separate accuratamente gli albumi dai tuorli (1), ricordando che per montare bene gli albumi non dovranno presentare alcuna traccia di tuorlo. Poi montate i tuorli con le fruste elettriche, versando solo metà dose di zucchero (2). Non appena il composto sarà diventato chiaro e spumoso (3),



e con le fruste ancora in funzione, potrete aggiungere il mascarpone, poco alla volta (4). Incorporato tutto il formaggio avrete ottenuto una crema densa e compatta; tenetela da parte (5). Pulite molto bene le fruste e passate a montare gli albumi versando il restante zucchero un po' alla volta (6).





Cos'è un algoritmo? (informalmente)

Insieme di istruzioni

- Definite passo per passo,
- In modo da poter essere eseguite meccanicamente e
- Tali da produrre un determinato risultato

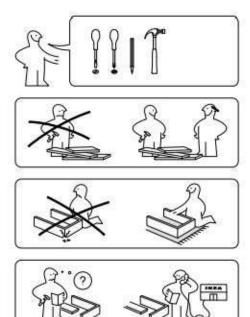


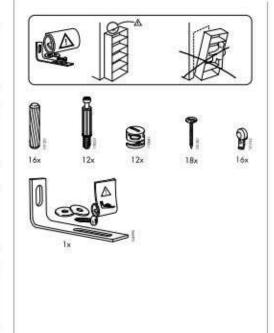
Algoritmi

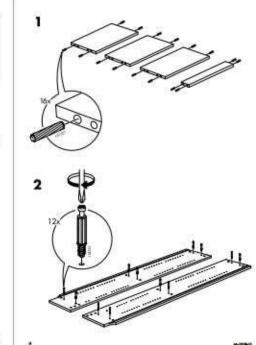


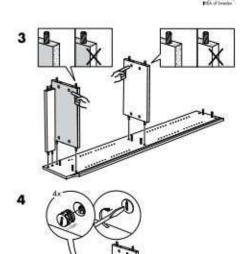
BILLY

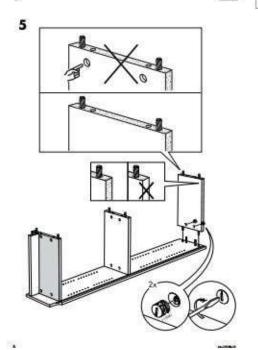


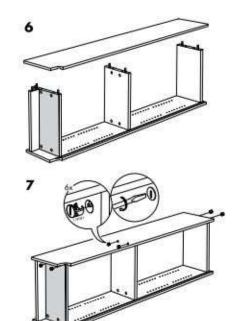


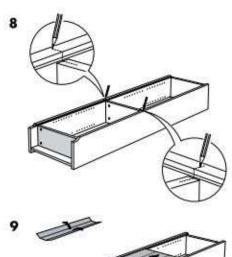


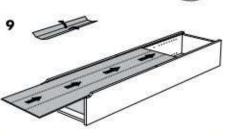




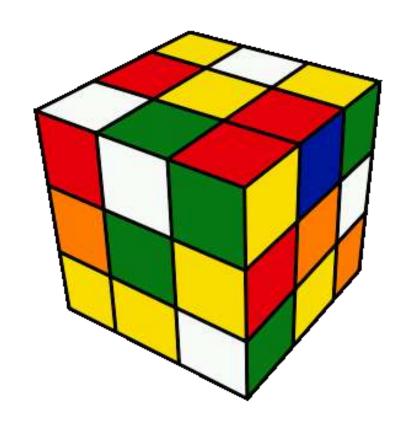








Algoritmi







Numeri di Fibonacci

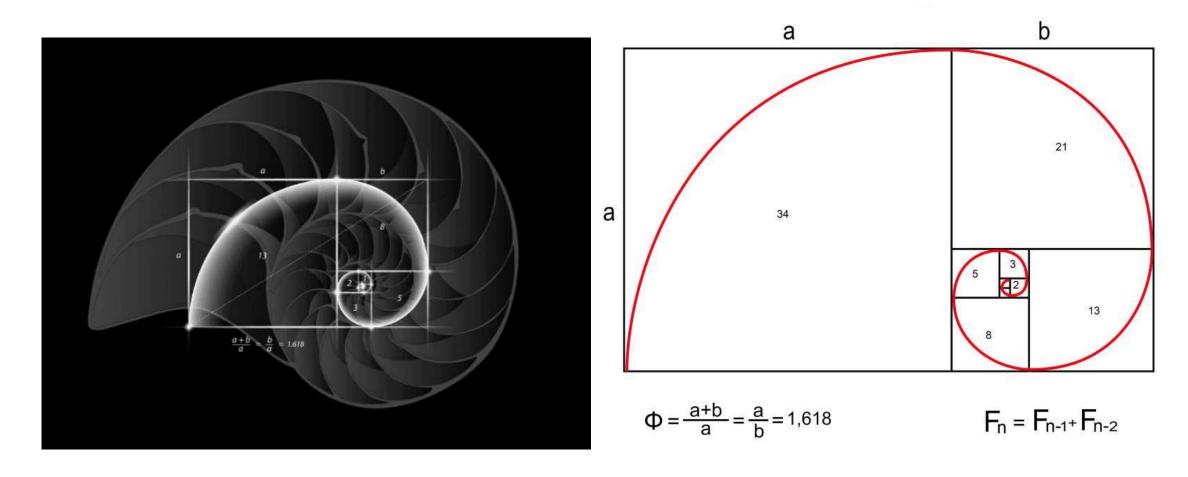
• Definiti dalla relazione di ricorrenza:

$$F_n = \begin{cases} F_{n-1} + F_{n-2} & \text{se } n \ge 3 \\ 1 & \text{se } n = 1, 2 \end{cases}$$

Problema (algoritmico): come calcoliamo F_n ?



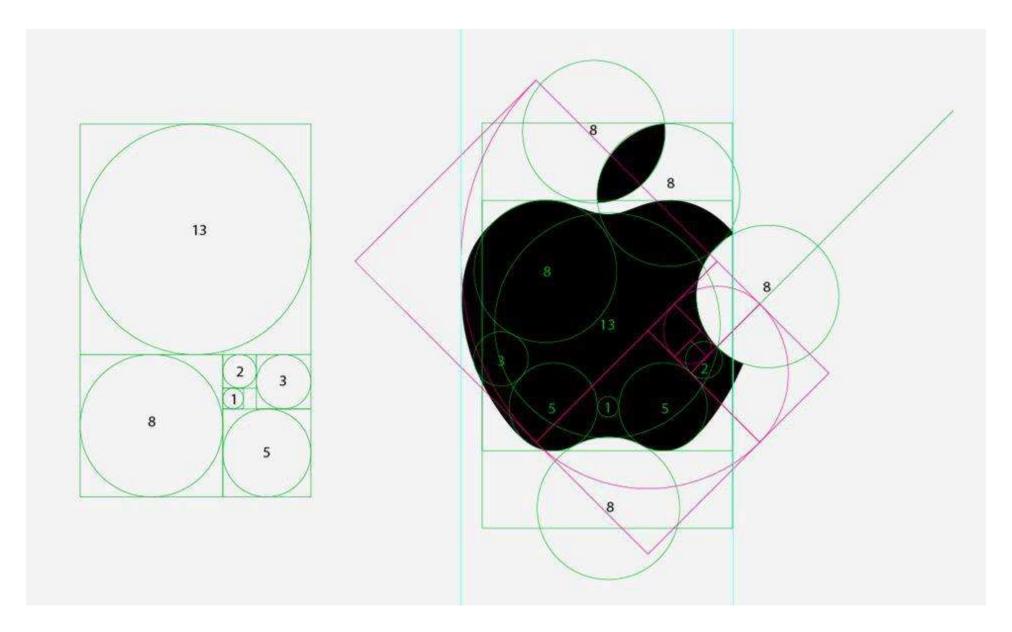
Spirale di Fibonacci















Primo algoritmo (doppiamente ricorsivo)

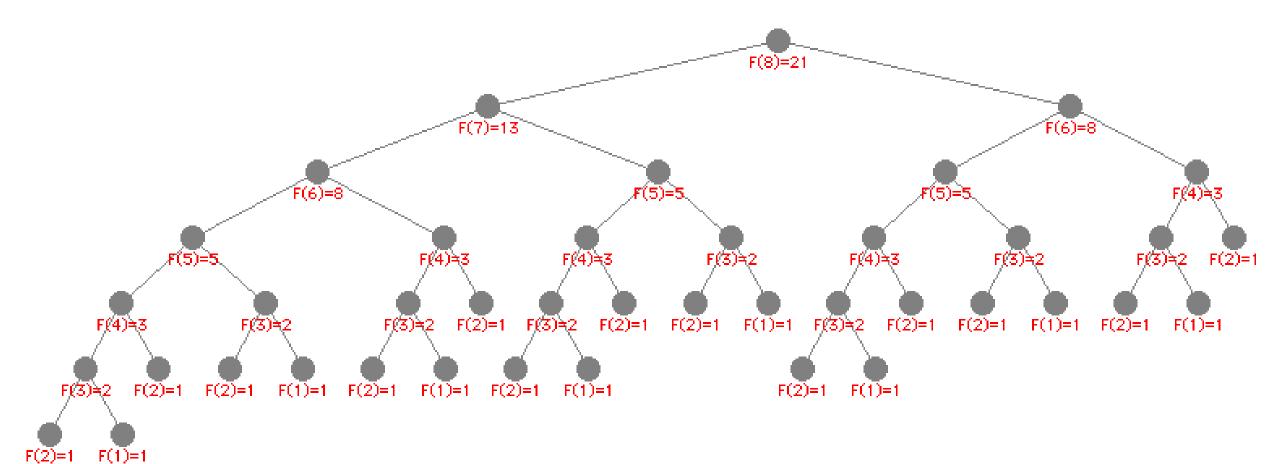
Potremmo utilizzare direttamente la definizione (ricorsiva) :

```
algoritmo fibonacci(intero n) → intero
if (n ≤ 2) then return 1
else return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)
```

E' una soluzione accettabile?

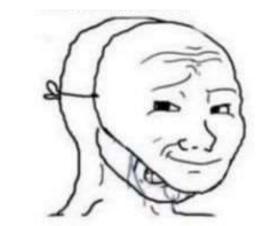


Albero delle chiamate ricorsive









Possiamo fare di meglio?





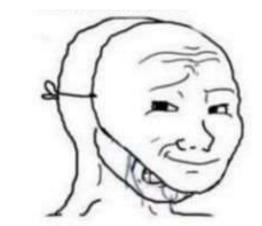
Sì, possiamo fare di meglio!

1	1	2	3	5	8	13	21	34	55	89	144
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

Secondo algoritmo (iterativo)

```
algoritmo fibonacci(intero n) \rightarrow intero sia Fib un array di n interi Fib[1] \leftarrow Fib[2] \leftarrow 1 for i = 3 to n do Fib[i] \leftarrow Fib[i-1] + Fib[i-2] return Fib[n]
```

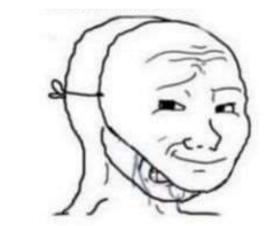




Possiamo fare di meglio?





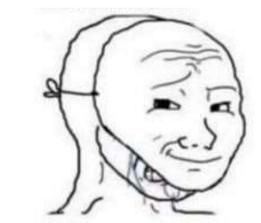


Possiamo fare di meglio?



Sì, ma non c'è tempo! Dobbiamo fare tante cose più importanti!



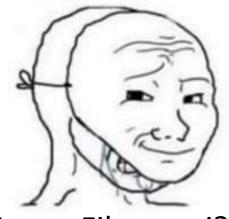


Possiamo fare di meglio?

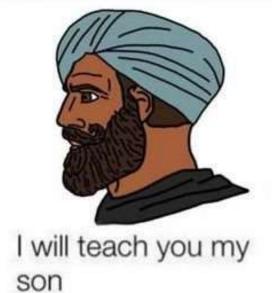


Sì, ma non c'è tempo! Dobbiamo fare tante cose più importanti!

Indian man on YouTube



Faster Fibonacci?







Un problema dalle Territoriali: Sport intellettuali (scommessa)

https://training.olinfo.it/#/task/scommessa/statement



Olimpiadi Italiane di Informatica

Selezione territoriale, martedì 11 aprile 2017

scommessa • IT

Sport intellettuali (scommessa)

Difficoltà: 2

Romeo è un grande appassionato di sport intellettuali, e adora ritrovarsi con gli amici per seguire le competizioni internazionali più avvincenti di questo tipo. Di recente, il gruppo di amici si è appassionato a uno sport molto particolare. In questo gioco, un mazzo di carte numerate da 0 a N-1 (dove N è dispari) viene prima mescolato, e poi le carte vengono affiancate in linea retta sul tavolo. Ai telespettatori, per aumentare la suspence, vengono mostrati i numeri delle carte $C_0, C_1, \ldots, C_i, \ldots, C_{N-1}$ nell'ordine così ottenuto. A questo punto i giocatori possono scoprire due carte disposte consecutivamente sul tavolo, e prenderle nel solo caso in cui queste due carte abbiano somma dispari. Se queste carte vengono prese, le altre vengono aggiustate quanto basta per riempire il buco lasciato libero. Il gioco prosegue quindi a questo modo finché nessun giocatore può più prendere carte.

Romeo e i suoi amici, per sentirsi più partecipi, hanno oggi deciso di fare un "gioco nel gioco": all'inizio della partita, scommettono su quali carte pensano rimarranno sul tavolo una volta finita la partita. Aiuta Romeo, determinando quali carte potrebbero rimanere sul tavolo alla fine del gioco!





Una carta potrebbe rimanere sul tavolo a fine gioco, se esiste una sequenza di mosse (rimozioni di coppie di carte consecutive con somma dispari) tale per cui dopo di esse nessuna altra mossa è possibile (il gioco e finito) e la carta suddetta è ancora sul tavolo.

Dati di input

Il file input.txt è composto da 2 righe, contenenti:

- Riga 1: l'unico intero N.
- Riga 2: gli N interi C_i separati da spazio, nell'ordine in cui sono disposti sul tavolo.

Dati di output

Il file output.txt deve essere composto da due righe, contenenti:

- Riga 1: il numero di diverse carte K che potrebbero rimanere sul tavolo a fine partita.
- Riga 2: i K interi che identificano le carte che potrebbero rimanere sul tavolo a fine partita.

Assunzioni

- $1 \le N \le 100$.
- N è sempre un numero dispari.
- $0 \le C_i \le N 1$ per ogni i = 0 ... N 1.
- Ogni numero tra 0 e N-1 compare esattamente una volta nella sequenza dei C_i .





Esempi di input/output

input.txt	output.txt				
3 1 2 0	1 0				
11 1 0 2 6 4 5 3 9 8 10 7	2 2 8				

Spiegazione

Nel primo caso di esempio, l'unica mossa possibile è eliminare le carte 1 e 2 per cui rimane sul tavolo necessariamente la carta 0.

Nel secondo caso di esempio sono invece possibili diverse sequenze di mosse. Una delle sequenze che lasciano la carta 2 è la seguente:

Una delle sequenze di mosse che lasciano la carta 8 è la seguente:



Introduzione (informale) alle strutture dati

Strutture Dati

"Struttura" per "organizzare" dati Caratterizzata da operazioni



Strutture Dati

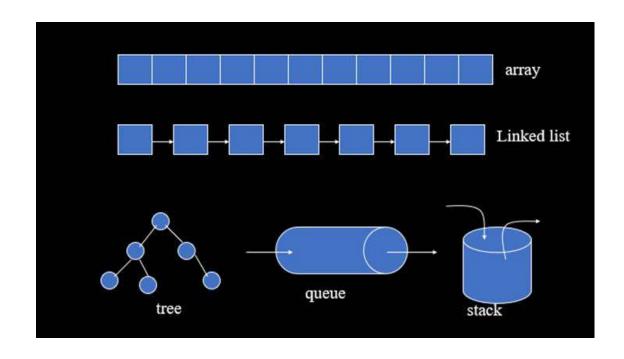


"Struttura" per "organizzare" uova Caratterizzata da operazioni:

- Quante uova? (size)
- E' vuoto? (empty)
- Prendi un uovo (erase)
- Aggiungi un uovo (insert)
- •



Strutture Dati



"Struttura" per "organizzare" dati così che possono essere utilizzati più efficientemente

Caratterizzata da operazioni:

- Quanti elementi? (size)
- E' vuota? (empty)
- Prendi un elemento (erase)
- Aggiungi un elemento (insert)
- •



Iterator: begin, end, ...

Access: operator[], front, back, ...

Modifier:

1 3 2 9 5 4 7 — v.front() v.back()

- *insert* : inserisce un elemento
- *push_back* : inserisce un elemento alla fine
- erase: cancella un elemento
- pop_back : cancella ultimo elemento

Capacity: empty, size, ...





v.pop back()

```
# include <vector > # definisce std :: vector
# include <algorithm > # definisce diversi algoritmi
using namespace std;
int main (){
vector <int > x; // struttura dati : vettore di interi
      x. push back (8); // operazione : aggiungi in fondo
```



```
# include <vector > # definisce std :: vector
# include <algorithm > # definisce diversi algoritmi
using namespace std;
int main (){
vector <int > x; // struttura dati : vettore di interi
      x. push back (8); // operazione : aggiungi in fondo
      x. push back (3);
```



```
# include <vector > # definisce std :: vector
# include <algorithm > # definisce diversi algoritmi
using namespace std;
int main (){
vector <int > x; // struttura dati : vettore di interi
      x. push back (8); // operazione : aggiungi in fondo
      x. push back (3);
      x. push back (5);
```



```
# include <vector > # definisce std :: vector
# include <algorithm > # definisce diversi algoritmi
using namespace std;
int main (){
vector <int > x; // struttura dati : vettore di interi
      x. push back (8); // operazione : aggiungi in fondo
      x. push back (3);
      x. push back (5);
      x. push back (9);
```





```
1 // erasing from vector
2 #include <iostream>
3 #include <vector>
5 int main ()
6 {
   std::vector<int> myvector;
   // set some values (from 1 to 10)
   for (int i=1; i<=10; i++) myvector.push_back(i);
12 3 4 5 6 7
   // erase the 6th element
   myvector.erase (myvector.begin()+5);
    // erase the first 3 elements:
   myvector.erase (myvector.begin(), myvector.begin()+3); [first,last)
8
   std::cout << "myvector contains:";
   for (unsigned i=0; i<myvector.size(); ++i)
                                                  myvector contains: 4 5 7 8 9 10
     std::cout << ' ' << myvector[i];
   std::cout << '\n';
   return 0;
```

std::set (http://www.cplusplus.com/reference/set/set/)

<chiave>

Iterator: begin, end, ...

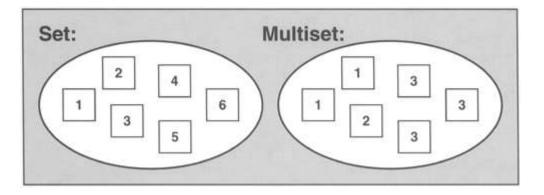
Operations: *find, count, ...*

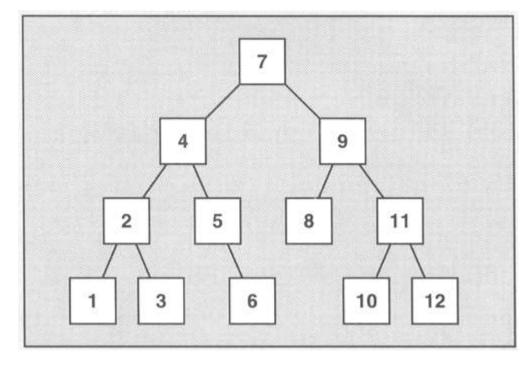
Modifier:

• *insert* : inserisce un elemento

• erase : cancella un elemento

Capacity: empty, size, ...







std::set (http://www.cplusplus.com/reference/set/set/)

```
1 // erasing from set
 2 #include <iostream>
 3 #include <set>
 5 int main ()
6 {
    std::set<int> myset;
    std::set<int>::iterator it;
    // insert some values:
11
    for (int i=1; i<10; i++) myset.insert(i*10); // 10 20 30 40 50 60 70 80 90
13
    it = myset.begin();
                                                   // "it" points now to 20
    ++it:
16
    myset.erase (it);
18
    myset.erase (40);
20
    it = myset.find (60);
21
    myset.erase (it, myset.end());
23
    std::cout << "myset contains:";
24
    for (it=myset.begin(); it!=myset.end(); ++it)
      std::cout << ' ' << *it;
                                                          myset contains: 10 30 50
26
    std::cout << '\n';
     return 0:
```

std::unordered_set

http://www.cplusplus.com/reference/unordered_set/unordered_set/

Iterator: begin, end, ...

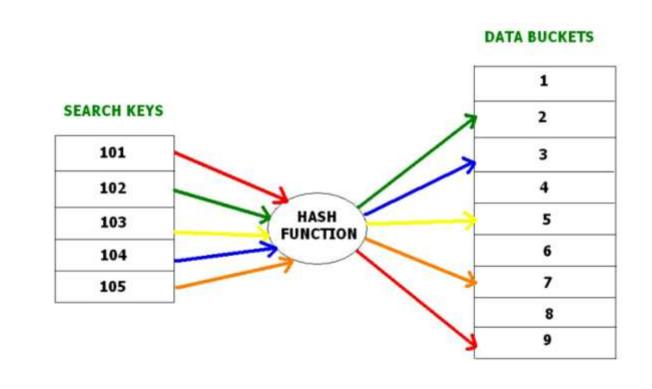
Operations: *find, count, ...*

Modifier:

• *insert* : inserisce un elemento

• erase : cancella un elemento

Capacity: empty, size, ...







std::map (http://www.cplusplus.com/reference/map/map/)

<chiave, valore>

Iterator: begin, end, ...

Operations: *find, count, ...*

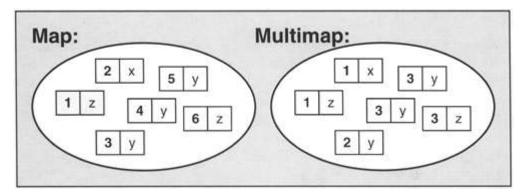
Access: operator[], ...

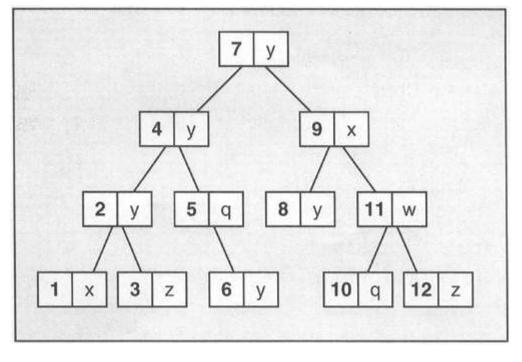
Modifier:

• *insert* : inserisce elemento

• *erase* : cancella elemento

Capacity: empty, size, ...







std::map (http://www.cplusplus.com/reference/map/map/)

```
// erasing from map
 2 #include <iostream>
 3 #include <map>
  int main ()
    std::map<char,int> mymap;
    std::map<char,int>::iterator it;
    // insert some values:
    mymap['a']=10;
    mymap['b']=20;
    mymap['c']=30;
    mymap['d']=40;
    mymap['e']=50;
    mymap['f']=60;
17
    it=mymap.find('b');
    mymap.erase (it);
                                         // erasing by iterator
20
21
                                        // erasing by key
    mymap.erase ('c');
22
    it=mymap.find ('e');
    mymap.erase ( it, mymap.end() ); // erasing by range
25
    // show content:
    for (it=mymap.begin(); it!=mymap.end(); ++it)
                                                                          a => 10
      std::cout << it->first << " => " << it->second << '\n':
                                                                          d => 40
    return 0:
```

std::unordered_map

http://www.cplusplus.com/reference/unordered_map/unordered_map/

Iterator: begin, end, ...

Operations: *find, count, ...*

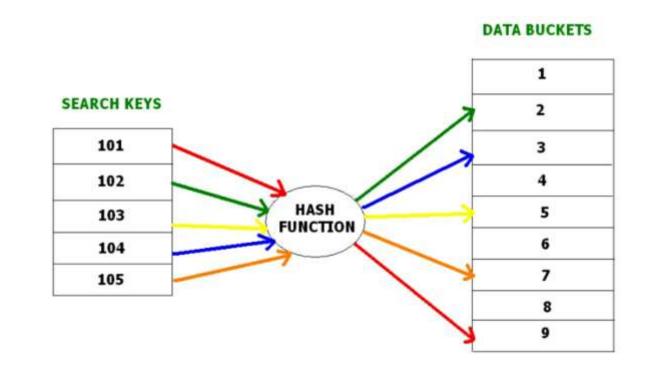
Access: operator[], ...

Modifier:

• *insert* : inserisce elemento

• *erase* : cancella elemento

Capacity: empty, size, ...



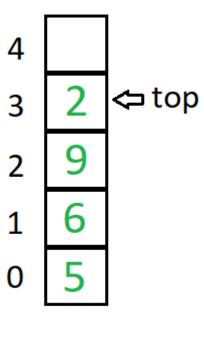




std::stack (http://www.cplusplus.com/reference/stack/stack/)

Funzioni che possono essere utili:

- empty
- size
- top
- push
- pop
- •



Stack



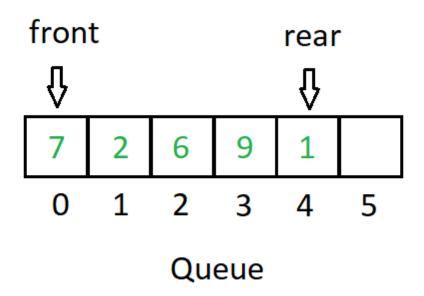
std::stack (http://www.cplusplus.com/reference/stack/stack/

```
1 // stack::push/pop
 2 #include <iostream> // std::cout
 3 #include <stack>
                         // std::stack
  int main ()
    std::stack<int> mystack;
    for (int i=0; i<5; ++i) mystack.push(i);
10
    std::cout << "Popping out elements...";
    while (!mystack.empty())
13
       std::cout << ' ' << mystack.top();
15
       mystack.pop();
                                  Popping out elements... 4 3 2 1 0
16
    std::cout << '\n';
19
    return 0;
20 }
```

std::queue (http://www.cplusplus.com/reference/queue/queue)

Funzioni che possono essere utili:

- empty
- size
- front
- back
- push
- pop
- •







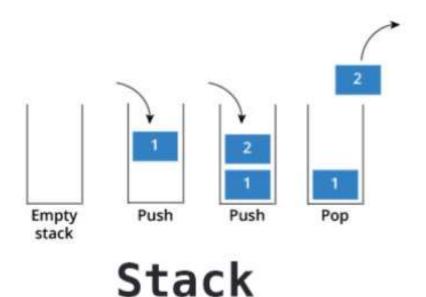
std::queue (http://www.cplusplus.com/reference/queue/queue)

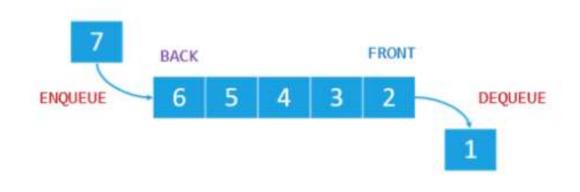
```
1 // queue::push/pop
2 #include <iostream> // std::cin, std::cout
 3 #include <queue>
                            // std::queue
 5 int main ()
 6
    std::queue<int> myqueue;
 8
    int myint;
9
10
    std::cout << "Please enter some integers (enter 0 to end):\n";
12
    do {
    std::cin >> myint;
    myqueue.push (myint);
14
15
    } while (myint);
16
    std::cout << "myqueue contains: ";</pre>
17
    while (!myqueue.empty())
18
19
      std::cout << ' ' << myqueue.front();
20
21
      myqueue.pop();
    std::cout << '\n':
24
    return 0:
```

Stack vs. Queue

LIFO (Last In First Out)

FIFO (First In First Out)





Queue





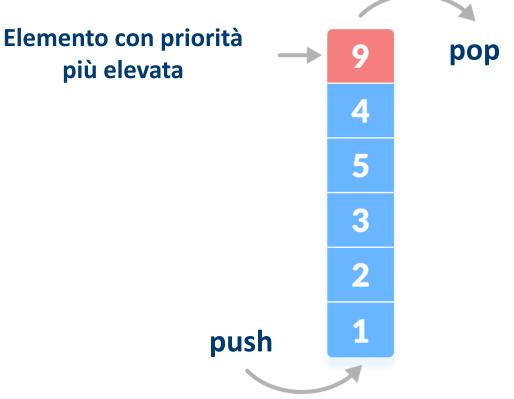
std::priority_queue

http://www.cplusplus.com/reference/queue/priority_queue/

Heap: il primo elemento è sempre quello dal valore più grande (priorità più elevata). Member functions:

- empty
- size
- top
- push
- pop





std::priority_queue

http://www.cplusplus.com/reference/queue/priority queue/

```
// priority_queue::push/pop
 2 #include <iostream> // std::cout
  #include <queue> // std::priority_queue
  int main ()
    std::priority_queue<int> mypq;
    mypq.push(30);
    mypq.push(100);
    mypq.push(25);
    mypq.push(40);
    std::cout << "Popping out elements...";
    while (!mypq.empty())
16
       std::cout << ' ' << mypq.top();
                                           Popping out elements... 100 40 30 25
18
       mypq.pop();
20
    std::cout << '\n';
21
    return 0:
```

Un problema dalle OIS (2020): ransomware

https://training.olinfo.it/#/task/ois_ransomware/statement

Encrypted Contacts (ransomware)

Marco's phone has been attacked by hackers with a ransomware: they have remotely encrypted the phone book with all his contacts and now he has been asked to pay a ransom in bitcoins to recover his data.

He has decided to have some fun trying to perform a full reverse engineering of the malware to recover data without having to pay money. Fortunately for him, the encryption scheme is not too sophisticated. The malware encrypts each digit in isolation and substitutes it with a *code*. For every digit from 0 to 9, Marco has been able to determine which was the corresponding code.

For instance, suppose that digit 0 hash been replaced with the code 12345 and that the digit 1 has been replaced with the code 1235; in this scenario an hypothetical number 010 would have been encrypted with the sequence of digits 12345123512345.

After all this grueling work, Marco asks you a small help: recover the original unencrypted numbers for his N contacts in the phone book.

Among the attachments of this task you may find a template file ransomware.* with a sample incomplete implementation.



Figure 1: An Android phone infected by ransomware

Input

(source: welivesecurity.com)

The first line contains the number of contacts N. The following N lines contain each a string of digits representing the encrypted number. The i-th of the following (and last) 10 lines contains the encrypted code used to replace the digit i.

Output

You need to write N lines where the i-th contains the unencrypted number of the i-th contact.

Constraints

- $1 \le N \le 100$.
- Each number has at most 1000 digits in its encrypted version.
- Each code used to encrypt a digit is at most 100 digits long.
- It is guaranteed that a solution exists and is unique.

Scoring

Your program will be tested against several test cases grouped in subtasks. In order to obtain the score of a subtask, your program needs to correctly solve all of its test cases.

- Subtask 1 (0 points) Examples.
 - *8888*
- Subtask 2 (30 points) All codes have length 1.
 - *88888*
- Subtask 3 (35 points) All codes have the same length.
- Subtask 4 (35 points) No additional limitations.
 - <u>8</u>8888



Examples

input	output
0	220170
2	330170
333333000111777000	330171
333333000111777111	
000	
111	
222	
333	
444	
555	
666	
777	
888	
999	





1	3330025008
717171500500211150050089	
500	
3	
21	
71	
501	
11	
0	
98	
89	
42	





1	3330025008
717171500500211150050089	
500	
3	
21	
71	
501	
11	
0	
98	
89	
42	





		Chiave	Valore
1	3330025008	500	0
717171500500211150050089 500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
		89	8
		42	9





	Chiave	Valore
1 717171500500211150050089	500	0
500	3	1
3 21	21	2
71	71	3
501 11	501	4
0	11	5
98 89	0	6
42	98	7
	89	8
	42	9





	Chiave	Valore
1 717171500500211150050089	500	0
500	3	1
3 21	21	2
71	71	3
501 11	501	4
0	11	5
98 89	0	6
42	98	7
	89	8
	42	9





		Chiave	Valore
1 717171500500211150050089	3	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
		89	8
		42	9





	+	Chiave	Valore
1 71 <mark>7</mark> 171500500211150050089	3	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
		89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 71 <mark>71</mark> 71500500211150050089	3	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
	1	89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 717171500500211150050089	33	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
	l	89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 7171 <mark>7</mark> 1500500211150050089	33	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
		89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 7171 <mark>71</mark> 500500211150050089	33	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
	1	89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 7171 <mark>71</mark> 500500211150050089	333	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
	I	89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 717171 <mark>5</mark> 00500211150050089 500	333	500	0
		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
	•	89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 717171 <mark>50</mark> 0500211150050089	333	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
	I	89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 717171 <mark>500</mark> 500211150050089	333	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
		89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 717171 <mark>500</mark> 500211150050089	3330	500	0
500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
		89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1 7171715005002111500500 <mark>89</mark>	333002500	500	0
500		3	1
3		21	2
21 71		71	3
501		501	4
11 0		11	5
98		0	6
89 42			
42		98	7
		89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1	3330025008	500	0
7171715005002111500500 <mark>89</mark> 500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
	1	89	8
		42	9





		Chiave	Valore
1	3330025008	500	0
717171500500211150050089 500		3	1
3 21		21	2
71		71	3
501 11		501	4
0		11	5
98 89		0	6
42		98	7
		89	8
		42	9



Compiti a casa (Esercizi Olimpiadi)

Compiti a casa

Risolvi i seguenti problemi:

- Paletta: oii paletta
- Regali: ois regali
- Seats: ois seats
- Maxim: ois maxim
- Tecnico pazzo: pazzo

