هیپ گم شده

- محدودیت زمان: ۱.۵ ثانیه
- محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

آرایه A تشکیل یک مکس هیپ میدهد، یعنی برای هر $i \leq i \leq n$ داریم که $A_{\lfloor i/2 \rfloor} > A_i$ اما متاسفانه برخی از خانههای آرایه گم شده و درون آنها 1 نوشته شده است. آیا میتوانید آرایه را جوری پرکنید (جای مقادیر -1 مقدار جدیدی قرار دهید) که آرایه باز هم تشکیل یک مکس هیپ بدهد؟

ورودي

ورودی شامل دو خط است که در خط اول عدد طبیعی n که اندازه آرایه است آمده است.

$$1 \le n \le 10^5$$

خط دوم شامل آرایه ، که شامل اعداد بین 1 تا 10^9 و همچنین -1 است ، که با فاصله از هم آمدهاند.

خروجی

اگه نمیتوان مقادیر 1- را جوری جایگزین کرد که آرایه تشکیل مکس هیپ دهد در خروجی $\,^{-1}$ چاپ کنید. وگرنه آرایه بازیابی شده را در یک خط با فاصله از هم چاپ کنید. دقت کنید که اعداد آرایه خروجی باید بین 1 تا 10^9 باشند.

مثال

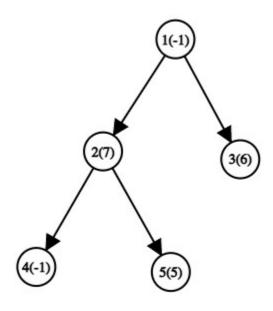
ورودی نمونه ۱

5 -1 7 6 -1 5

خروجی نمونه ۱

8 7 6 1 5

شکل هیپ ورودی:



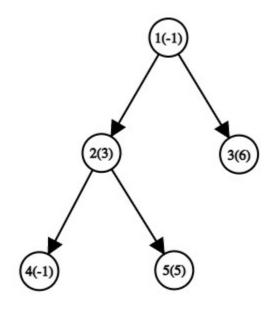
ورودی نمونه ۲

5 -1 3 6 -1 5

خروجی نمونه ۲

-1

شکل هیپ ورودی:



3 of 9

امتیازی: پارتیهمونی

- محدودیت زمان: ۲.۵ ثانیه
- محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

یک مهمانی که به مدت m دقیقه و دارای n مهمان است در حال برگزاری است. مهماندار میداند مهمان iام در دقیقهی c_i دلار دورد مهمانی شده و دقیقهی r_i مهمانی را ترک میکند، همچنین میداند مهمان iام در جیب خود c_i دلار دارد. وی میخواهد بداند که در هر دقیقهی مهمانی (دقایق i تا i پولدارترین مهمان حاضر در آن زمان چند دلار دارد، آیا میتوانید اطلاعات خواستهی مهماندار را به او بدهید؟

ورودي

خط اول ورودی شامل دو عدد n و m می شود که با فاصله از هم جدا شده اند.

در n خط بعدی برای هر مهمان اعداد r_i و r_i با فاصله از هم آمدهاند.

$$1 \le n \le 150000$$

$$1 \le m \le 300000$$

$$1 \le l_i \le r_i \le m$$

$$1 \leq c_i \leq 10^9$$

: نکته: تضمین می شود تمام c_i ها متمایز هستند

خروجي

در تنها خط خروجی بیشترین مقدار دلار موجود در جیب مهمانان حاضر در دقیقه iام را برای تمام دقایق 1 تا m با

فاصله از هم به ترتیب از چپ به راست بنویسید. اگر در یک زمان مهمانی حاضر نباشد بیشترین مقدار 0 است.

مثال

ورودی نمونه ۱

- 4 10
- 5 6 2
- 8 10 9
- 3 5 10
- 9 10 6

خروجی نمونه ۱

0 0 10 10 10 2 0 9 9 9

توضيح

ابتدا در دقیقه 3 مهمان شماره سه وارد می شود در نتیجه بیشترین مقدار پول 10 خواهد شد (خروجی را از دقیقه 1 شروع کنید) و تا دقیقه 5 بیشترین مقدار پول را دارد سپس مهمانی را ترک میکند و مهمان شماره یک که در دقیقه 5 وارده شده پولدارترین فرد هست و بعد از ترک مهمانی هیچ فردی وجود ندارد در نتیجه 0 باید چاپ شود سپس در دقیقه 8 مهمان شماره دو وارد میشود و باید 9 را چاپ کنید.

ورودی نمونه ۲

- 4 10
- 2 10 10
- 5 6 5
- 5 9 9
- 3 6 8

خروجی نمونه ۲

0 10 10 10 10 10 10 10 10 10

اولین تشریحی

الف) اعداد زیر را به ترتیب از چپ به راست وارد یک درخت قرمز-سیاه خالی کنید و در هر insertion ، در صورت نقض یکی از خصوصیات درخت قرمز-سیاه، case آن را بیان کنید و مراحل تصحیح آن را نشان دهید.

16,33,21,17,13,25,12,19,26,40,22,24

ب) اعداد زیر را از درخت به دست آمده حذف کنید، مراحل حذف را توضیح دهید و در صورت نقض هر یک از خصوصیات درخت قرمز-سیاه، case آن را بیان کنید و مراحل تصحیح آن را نشان دهید.

21,24,16

ج) ارتفاع اصلی و ارتفاع سیاه درخت نهایی را به دست آورید.

دومین تشریحی

الف) بررسی کنید که آرایه زیر max-heap هست یا خیر.اگر نیست BUILD-MAX-HEAP را روی آن اجرا کنید و مراحل اجرای آن را نشان دهید.

21,15,17,25,23,30,24,28,13,12,20,19,10

ب) به ازای فراخوانی های زیر ، درخت نهایی را رسم کنید.(فراخوانی ها را به ترتیب قرار گرفته شده انجام دهید.

- HEAP-EXTRACT-MAX(A) .1
- k منظور از ن ، خانه ای از آرایه که باید به مقدار ۲. (۱) HEAP-INCREASE-KEY (A , i=4 , key=40) افزایش یابد)
 - $^{\prime}$ (منظور از $^{\prime}$ مقداری است که باید وارد هیپ شود) MAX-HEAP-INSERT (A , key=38)

سومين تشريحي

بوسیله یک تغییر در یک درخت قرمز-سیاه ساختمان دادهای بسازید که اعمال زیر را با این هزینهها انجام دهد:

تايع	هزينه
Insert(x)	O(log(n))
Delete(x)	O(log(n))
Find(x)	O(log(n))
Count(x)	O(log(n))

تابع Find به عنوان ورودی یک عدد میگیرد و در صورت وجود این عدد یک اشاره گر به گرهای که این مقدار را دارد برمیگرداند.تابع Count نیز تعداد گره های کوچکتر از x را نشان می دهد.

9 of 9