

PROGRAMMATION LINÉAIRE

Implémentation de Gauss et Jacobi



Clément Payard Mathieu Laurençot

Encadrant: M. Suzanne ÉLODIE

Table des matières

| 1 | TOI | OO Finir le boulot!! [2/5] | 2 |
|---|---------------------------------------|--|---|
| | 1.1 | TODO Présenter les programmes | 2 |
| | 1.2 | DONE Le commenter | 2 |
| | 1.3 | DONE Test les matrices [0/2] : | 2 |
| | 1.4 | TODO Résultats modifiés? | 2 |
| | 1.5 | TODO Mettre la complexité | 2 |
| 2 | Rap | pel rapide des méthodes | 2 |
| | 2.1 | Méthode de Gauss | 2 |
| | 2.2 | Méthode de Jacobi | 2 |
| 3 | Présentation des programmes commentés | | 3 |
| | 3.1 | Présentation Général : | 3 |
| | 3.2 | Gauss | 3 |
| | 3.3 | Jacobi | 3 |
| | 3.4 | Programme final | 4 |
| 4 | Prés | sentation des matrices test au dos de la feuille | 5 |
| 5 | Con | aclusion ssur les méthodes | 5 |
| | 5.1 | TODO Comparaison | 5 |
| | 5.2 | TODO Cadre d'utilisation | 5 |
| | 5.3 | TODO Stabilité | 5 |

1 TODO Finir le boulot!! [2/5]

- 1.1 TODO Présenter les programmes
- 1.2 DONE Le commenter
- 1.3 DONE Test les matrices [0/2]:
- 1.3.1 TODO Test les matricesau dos de la feuille
- 1.3.2 TODO Tester pour des matrices de grandes tailles
- 1.3.3 TODO Tester pour des matrices avec + de 70% de 0

:CREATED: <2021-09-24 ven. 10:52>

- 1.4 TODO Résultats modifiés?
- 1.5 TODO Mettre la complexité

2 Rappel rapide des méthodes

2.1 Méthode de Gauss

Cette méthode permet de trouver une solution exacte au système Ax = b en un nombre fini d'étape.

Pour ce faire, cette méthode se fait en plusieurs étapes :

- 1. La triangularisation On doit passer du système Ax = b au système A'x = b' où A' est une matrice triangulaire supérieure. L'algorithme utilisé est disponible dans le programme.
- 2. La résolution facile Nécessite aucun 0 sur la diagonale de A

2.2 Méthode de Jacobi

Cette méthode fait partie des méthodes itératives, où l'on cherche à se rapprocher, avec une suite d'itération définie, à une solution exacte.

Pour cette méthode, nous devons tout d'abord décomposer A sous la forme A = D -E -F

- 1. D est la matrice nul de taille A, sauf sur sa diagonale où D possède les coefficients de A.
- 2. -E est la matrice triangulaire inférieure de A
- 3. -F est la matrice triangulaire supérieur de A

De plus, on pose M=D et N=E+F

On obtient donc le système :

$$Ax = b \iff Dx^{k+1} = (E+F)x^k + b$$

pour l'itération k+1

De plus, l'algorithme de Jacobi s'écrit avec une précision ϵ :

3 Présentation des programmes commentés

3.1 Présentation Général :

3.1.1 Les différents fichiers utilisés

Pour effectuer ce travail, nous avons décidé de séparer notre programme en plusieurs fichiers :

- 1. main.c, qui est notre fichier appelant les divers fonctions présentent dans
- 2. fonction.c, puis
- 3. fonction.h, permettant de définir les différentes structures et les headers des fonctions, et enfin
- 4. main.h, où les différentes bibliothèques sont déclarées
- 5. De plus, il y a un Makefile, qui nous permet de compiler et tester notre programme efficacement

3.1.2 Les structures ainsi que les fonctions de base

3.2 Gauss

3.3 Jacobi

```
matrice *Jacobi(matrice *A, matrice *B, float Eps, int nombremaxinte)
  /* gestion des cas d'erreur pouvant faire echouer la methode jacobi*/
  if ((A->largeur != A->longueur) || (A->longueur != B->longueur) ||
      (B->largeur != 1))
    printf(
"Les matrice ne sont pas de la taille nécessaire a leurs résolution.");
    return B;
  else
    for (int i = 0; i < A -> longueur; i++)
      int verifieur = 0;
      for (int j = 0; j < A -> longueur; <math>j++)
if (j != i)
  verifieur += fabsl(A->Mat[i][j]);
}
      if (verifieur > A->Mat[i][i])
printf("La matrice n'est pas à diagonale dominante et ne vas donc pas "
       "converger...\n");
return B;
    }
  }
  /* création pour résoudre le système */
  matrice *x = creerMatrice(1, A->longueur);
  matrice *D = creerMatrice(A->largeur, A->longueur);
  matrice *E = creerMatrice(A->largeur, A->longueur);
  matrice *F = creerMatrice(A->largeur, A->longueur);
  matrice *N = creerMatrice(A->largeur, A->longueur);
```

```
/* initialisation de D E et F */
  for (int i = 0; i < A -> longueur; i++)
    for (int j = 0; j < A -> largeur; j++)
      if (i == j)
D->Mat[i][j] = A->Mat[i][j];
E->Mat[i][j] = 0;
F->Mat[i][j] = 0;
      else if (i < j)
D->Mat[i][j] = 0;
E->Mat[i][j] = -(A->Mat[i][j]);
F->Mat[i][j] = 0;
      }
      else
D->Mat[i][j] = 0;
E->Mat[i][j] = 0;
F->Mat[i][j] = -(A->Mat[i][j]);
      N-Mat[i][j] = E-Mat[i][j] + F-Mat[i][j];
    }
  }
  // initialisation de x
  /* for (int i = 0; i < x \rightarrow longueur; ++i) */
  /* { */
  /* x -> Mat[0][i] = 0; */
  /* } */
  float erreur = Eps + 1;
  InversematriceD(D->longueur, D);
  /* while ((pow(sigma, k)) >= sigma) */
 while (erreur > Eps)
  {
    // nouvelle valeur de x selon la formule
    x = multiplicationMatrice(
*D, *additionMatrice(*(multiplicationMatrice(*N, *x)), *B));
    // TODO: retirer cette ligne qui annule juste la boucle infini
    erreur = Norme(soustractino(*multiplicationMatrice(*A, *x), *B));
  }
  return x;
}
```

3.4 Programme final

Les différentes fonctions sont appelées au fur et à mesure du main.c, en laissant le choix à l'utilisateur de son choix. Ceci est regroupé dans un switch.

- 4 Présentation des matrices test au dos de la feuille
- 5 Conclusion ssur les méthodes
- 5.1 TODO Comparaison
- 5.2 TODO Cadre d'utilisation
- 5.3 TODO Stabilité

Cette méthode a un coût de l'ordre de 3n2+2n par itération. Elle converge moins vite que la méthode de Gauss-Seidel, mais est très facilement parallélisable.