

基本的双端队列（Deque）数据结构

叶家炜

Jul 01, 2025

双端队列（Deque，全称 Double-Ended Queue）是一种支持在两端高效进行插入和删除操作的线性数据结构。与传统队列严格的 FIFO（先进先出）规则和栈的 LIFO（后进先出）规则不同，Deque 融合了两者的特性，允许开发者根据需求自由选择操作端。这种灵活性使其成为解决特定问题的利器。

为什么需要 Deque？在实际开发中，诸多场景需要两端操作能力。例如实现撤销操作历史记录时，新操作从前端加入而旧操作从后端移除；滑动窗口算法中需要同时维护窗口两端的数据；工作窃取算法和多线程任务调度也依赖双端操作特性。Deque 的核心操作包括 `addFront/addRear` 插入、`removeFront/removeRear` 删除以及 `peekFront/peekRear` 查看操作，这些构成了其基本能力集。

1 双端队列的抽象行为与操作

理解 Deque 需要明确其操作定义与边界条件。前端插入 `addFront(item)` 和后端插入 `addRear(item)` 在队列满时需扩容；删除操作 `removeFront()` 和 `removeRear()` 在空队列时报错；辅助方法 `isEmpty()` 判断队列空状态，`size()` 返回元素数量。这些操作共同定义了 Deque 的抽象行为。

可视化理解操作流程：假设初始为空队列，执行 `addFront(A)` 后队列为「A」；接着 `addRear(B)` 形成「A ← → B」结构；执行 `removeFront()` 移除 A 剩下「B」；最后 `removeRear()` 移除 B 回归空队列。这种动态过程清晰展示了 Deque 的双端操作特性。

2 实现方案：双向链表与循环数组

2.1 双向链表实现方案

双向链表方案通过节点间的双向指针实现高效端操作。节点类设计包含数据域和前后指针：

```
1 class Node:
    def __init__(self, data):
3         self.data = data
        self.next = None
5         self.prev = None
```

队列主体维护头尾指针和大小计数器：

```
1 class LinkedListDeque:
    def __init__(self):
```



```
3     self.front = None # 头指针指向首节点
    self.rear = None # 尾指针指向末节点
5     self._size = 0
```

addFront 操作创建新节点并更新头指针：新节点 next 指向原头节点，原头节点 prev 指向新节点。时间复杂度稳定为 $O(1)$ ，无扩容开销。优势在于动态扩容灵活，代价是每个节点需额外存储两个指针，空间开销为 $O(n) + 2 \times n \times ptr_{size}$ 。

2.2 循环数组实现方案

循环数组方案使用固定容量数组，通过模运算实现逻辑循环：

```
1 class ArrayDeque:
    def __init__(self, capacity=10):
3         self.capacity = max(1, capacity)
        self.items = [None] * self.capacity
5         self.front = 0 # 指向队首元素索引
        self.rear = 0 # 指向队尾后第一个空位索引
7         self.size = 0
```

核心在于下标的循环计算： $index = (current + offset) \% capacity$ 。队列满判断依据为 $(rear + 1) \% capacity == front$ 。均摊时间复杂度为 $O(1)$ ，但扩容时需 $O(n)$ 数据迁移。优势是内存连续访问高效，缺陷是扩容需数据搬移。

3 代码实现：循环数组详解

以下为循环数组实现的完整代码，含详细注释：

```
1 class ArrayDeque:
    def __init__(self, capacity=10):
3         self.capacity = max(1, capacity) # 确保最小容量为 1
        self.items = [None] * self.capacity
5         self.front = 0 # 指向第一个有效元素
        self.rear = 0 # 指向下一个插入位置
7         self.size = 0 # 当前元素数量

9     def _resize(self, new_cap):
        """扩容迁移数据，保持元素物理顺序"""
11         new_items = [None] * new_cap
        # 按逻辑顺序复制元素：从 front 开始连续取 size 个
13         for i in range(self.size):
            new_items[i] = self.items[(self.front + i) % self.capacity]
15         self.items = new_items
```



```
self.front = 0 # 重置 front 到新数组首
self.rear = self.size # rear 指向最后一个元素后
self.capacity = new_cap

def addFront(self, item):
    """前端插入: front 逆时针移动"""
    if self.size == self.capacity:
        self._resize(2 * self.capacity) # 容量翻倍
    # 计算新 front 位置 (循环左移)
    self.front = (self.front - 1) % self.capacity
    self.items[self.front] = item
    self.size += 1

def addRear(self, item):
    """后端插入: 直接写入 rear 位置"""
    if self.size == self.capacity:
        self._resize(2 * self.capacity)
    self.items[self.rear] = item
    self.rear = (self.rear + 1) % self.capacity
    self.size += 1

def removeFront(self):
    if self.isEmpty():
        raise Exception("Deque is empty")
    item = self.items[self.front]
    self.front = (self.front + 1) % self.capacity # 顺时针移动
    self.size -= 1
    return item

def removeRear(self):
    if self.isEmpty():
        raise Exception("Deque is empty")
    # rear 指向空位, 需先回退到末元素
    self.rear = (self.rear - 1) % self.capacity
    item = self.items[self.rear]
    self.size -= 1
    return item
```

扩容函数 `_resize` 通过遍历原数组, 按逻辑顺序 (从 `front` 开始) 复制元素到新数组, 确保数据连续性。前端插入时 `front` 逆时针移动 (索引减一), 利用模运算处理越界; 后端插入直接写入 `rear` 位置并顺时针移动。删

除操作需特别注意 `removeRear` 时 `rear` 指向空位，需先回退获取末元素。

4 复杂度与性能对比

两种实现方案的时间复杂度对比显著：

操作	双向链表	循环数组（均摊）
<code>addFront</code>	$O(1)$	$O(1)$
<code>addRear</code>	$O(1)$	$O(1)$
<code>removeFront</code>	$O(1)$	$O(1)$
<code>removeRear</code>	$O(1)$	$O(1)$

空间开销方面：双向链表需 $O(n)$ 基础空间加上 $2 \times n \times ptr_{size}$ 指针开销；循环数组仅需 $O(n)$ 连续空间但可能包含空闲位。选择依据明确：频繁动态伸缩场景用双向链表，已知最大容量时循环数组更优。

5 应用场景实战

5.1 滑动窗口最大值（LeetCode 239）

Deque 在此算法中维护单调递减序列：

```
deque = ArrayDeque()
2 result = []
for i, num in enumerate(nums):
4     # 清除小于当前值的尾部元素
    while not deque.isEmpty() and num > nums[deque.peekRear()]:
6         deque.removeRear()
    deque.addRear(i) # 存入当前索引
8     # 移除移出窗口的头部元素
    if deque.peekFront() == i - k:
10         deque.removeFront()
    # 记录窗口最大值
12     if i >= k - 1:
        result.append(nums[deque.peekFront()])
```

Deque 头部始终存储当前窗口最大值索引。当新元素 $nums_i$ 加入时，循环移除尾部小于 $nums_i$ 的元素，确保队列单调递减。同时检测并移除超出窗口的头部元素。该实现时间复杂度优化至 $O(n)$ 。

5.2 多层次撤销操作

在支持多级撤销的编辑器中，Deque 可高效管理操作历史：

```
1 class UndoManager:
```



```
def __init__(self, max_history=100):
    self.history = ArrayDeque(max_history)
    self.redo_stack = []

def execute(self, command):
    command.execute()
    self.history.addFront(command) # 新操作前端插入
    self.redo_stack.clear()

def undo(self):
    if not self.history.isEmpty():
        cmd = self.history.removeFront() # 移除最近操作
        cmd.undo()
        self.redo_stack.append(cmd) # 存入重做栈
```

新操作从 Deque 前端插入，撤销时移除前端操作。当历史记录达到容量上限时，最旧操作自动从后端移除。这种设计完美平衡了空间效率和操作时效性。

双端队列的核心价值在于双端操作的高效性与栈/队列特性的统一抽象。实现选择需权衡场景：小规模动态数据适用双向链表；大规模预知容量数据优选循环数组。延伸思考包括线程安全实现方案（如加锁或原子操作）和循环数组内存碎片优化策略（如间隙压缩算法）。

测试用例验证实现正确性：

```
def test_ArrayDeque():
    dq = ArrayDeque(3)
    dq.addRear(2) # 状态 : [2]
    dq.addFront(1) # 状态 : [1, 2]
    dq.addRear(3) # 状态 : [1, 2, 3] → 触发扩容
    assert dq.size == 3
    assert dq.removeFront() == 1 # 状态 : [2, 3]
    assert dq.removeRear() == 3 # 状态 : [2]
    assert not dq.isEmpty()
```

该用例覆盖基础操作、边界扩容和状态转换，确保实现符合预期。掌握 Deque 将显著提升开发者解决复杂问题的能力。