**Zadanie 1.** Przedsięwzięcie składa się z operacji A, B, C, D, E, F i G o następujących czasach trwania i relacjach poprzedzania:

Operacja	A	В	C	D	E	F	G
Czas trwania	8	5	4	15	9	7	9
Operacie poprzednie	В	C. G	_	C. G	G	B. E	_

- a) Narysować reprezentację łukową tego przedsięwzięcia.
- b) Wypisać wszystkie operacje krytyczne.

## Zadanie 2. Dane jest zadanie programowania całkowitoliczbowego:

max 
$$x_0 = x_1 + 4x_2$$
  
 $3x_1 + 2x_2 \le 12$   
 $-x_1 + 2x_2 \le 8$   
 $4x_1 + 3x_2 \ge 7$   
 $x_1, x_2 \ge 0$   
 $x_1, x_2$  całkowite

- a) Zaznaczyć w wyraźny sposób zbiór rozwiązań dopuszczalnych powyższego zadania.
- b) Wyznaczyć rozwiązanie optymalne i wyliczyć odpowiadającą mu wartość funkcji celu.
- c) Narysować powłokę wypukłą dla powyższego zadania w przestrzeni zmiennych  $x_1, x_2$ .

**Zadanie 3.** W sesji egzaminacyjnej student ma 7 dni na przygotowanie się do trzech przedmiotów: A, B i C. Na naukę każdego z przedmiotów może poświęcić 0, 1, 2 lub 3 dni. Spodziewane oceny (w punktach) w zależności od czasu przygotowań przedstawia poniższa tabela.

	Czas przygotowań						
Przedmiot	0 dni	1 dzień	2 dni	3 dni			
A	0 pkt.	1 pkt.	3 pkt.	4 pkt.			
В	1 pkt.	2 pkt.	5 pkt.	6 pkt.			
C	2 pkt.	5 pkt.	7 pkt.	10 pkt.			

Należy określić ile dni powinien się uczyć student do przedmiotów A, B i C, aby uzyskać z każdego przedmiotu co najmniej 3 punkty i suma punktów z wszystkich trzech przedmiotów była jak największa.

- (a) Rozwiązać zadanie metodą programowania dynamicznego. **Zdefiniować etapy i stany**, narysować graf przejść między stanami, określić optymalną trajektorię, **podać rozwiązanie i sumę punktów dla tego rozwiązania**.
- (b) Sformułować problem w postaci zadania programowania liniowego (całkowitoliczbowego)...

**Zadanie 4.** Przed dwoma identycznymi procesorami równoległymi jest 10 zadań do wykonania. Czasy wykonania zadań  $p_j$  są podane w poniższej tabeli. Każdy z procesorów może obsługiwać w danej chwili tylko jedno zadanie. Należy:

- a) określić i narysować harmonogram wykonywania zadań, w którym suma czasów oczekiwania wszystkich zadań będzie najmniejsza,
- b) obliczyć i podać sumę czasów oczekiwania na obsługę wszystkich zadań dla tego harmonogramu.

	Zad. 1	Zad. 2	Zad. 3	Zad. 4	Zad 5.	Zad 6.	Zad. 7	Zad. 8	Zad. 9	<b>Zad.10</b>
$p_i$	5	11	9	1	13	6	4	10	15	8