

## TD4

### *Plus longue sous séquence*

Reprendre le problème vu en cours et

- programmez le en récursif, et montrez sur quelques exemples que cela fonctionne.
- Considérons maintenant la version itérative qui utilise un tableau :

Soit  $D_{i,j}$  la PLSC de  $x_{1..i}$  et  $y_{1..j}$

Si  $x_i = y_j$  alors ils contribuent à la PLSC  $\rightarrow D_{i,j} = D_{i-1,j-1} + 1$

Sinon l'un ou l'autre peut être ignoré  $\rightarrow D_{i,j} = \max(D_{i-1,j}, D_{i,j-1})$

Cas trivial  $D_{i,0} = D_{0,j} = 0$

Choisissez deux chaînes  $x$  et  $y$

Quelle est la taille de  $D_{i,j}$  ?

Quelles valeurs initiales pour  $D_{i,j}$  ? Ecrivez le code d'initialisation

Codez la formule de récurrence comme instruction d'une double boucle : l'une sur  $i$  l'autre sur  $j$  (indice croissant)

Astuce : utilisez des indices allant de 1 à la taille de la chaîne et accédez aux caractères par `chaîne[indice-1]`

montrez sur quelques exemples que cela fonctionne

### *Nombre d'écriture d'une somme*

#### *Problème de somme*

Soit un nombre  $n$ , soit  $k$  autres nombres  $a_1, a_2, \dots, a_k$  ; trouver combien il y a de manières (somme) différentes possibles d'écrire  $n$  comme la somme des  $k$  nombres.

Pour traiter l'exercice on considérera que  $n = 5$  et on dispose de 1, 3 et 4 comme pièces

On voit que  $5 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 1 + 1 + 3 = 1 + 3 + 1 = 3 + 1 + 1 = 1 + 4 = 4 + 1$  (6 possibilités)

**Définissons le problème :**

soit  $D_n$  le nombre de possibilités d'écrire un nombre  $n$  avec 1, 3 et 4.

**Posons la récurrence**

Considérons une écriture possible  $n = x_1 + x_2 + \dots + x_m$  avec  $x_i$  correspondant à  $a_1, a_2, \dots, a_k$

a) Si  $x_m$  correspond à 1, que vaut  $x_1 + x_2 + \dots + x_{m-1}$  ?

b) Combien y a-t-il de sommes qui se termine par 1 (ie  $x_m = 1$ ) ?

c) reprenez a et b en considérant que  $x_m = 3$  et  $x_m = 4$

d) établissez la récurrence

e) quels sont les cas triviaux ? (ceux qui ne peuvent se décomposer) et combien de sommes sont possibles

g) algorithme

## *Mémoization*

- Reprenez l'exemple de fibonacci avec mémoization et codez le (pour comprendre le principe)
- Faites de même avec l'algorithme récursif de la plus longue sous-séquence, du nombre de somme

## *Pour aller plus loin :*

Traiter l'exemple du sac à dos (copie transparents fournis)