随机变量数字特征

Didnelpsun

目录

1	一维随机变量数字特征			1
	1.1	数学期	望	1
		1.1.1	离散型随机变量	1
		1.1.2	连续型随机变量	1
		1.1.3	连续型随机变量函数	1

1 一维随机变量数字特征

1.1 数学期望

1.1.1 离散型随机变量

1.1.2 连续型随机变量

例题: 连续型随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \frac{1}{\pi(1+x^2)} (-\infty < x < +\infty)$, 求 EX 。

解:
$$EX = \int_{-\infty}^{+\infty} x f(x) dx = \int_{-\infty}^{+\infty} x \frac{1}{\pi(1+x^2)} dx = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{d(1+x^2)}{1+x^2} = \frac{1}{2pi} \ln(1+x^2)|_{-\infty}^{+\infty}$$
。发散,所以不存在。

1.1.3 连续型随机变量函数

例题: 连续型随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \frac{1}{\pi(1+x^2)}(-\infty < x < +\infty)$, 求 $E(\min\{|X|,1\})$ 。

解:
$$E(\min\{|X|,1\}) = \int_{-\infty}^{+\infty} \min\{|x|,1\} \frac{1}{\pi(1+x^2)} dx = \frac{2}{\pi} \int_{0}^{+\infty} \min\{x,1\}$$

 $\frac{1}{1+x^2} dx = \frac{2}{\pi} \int_{0}^{1} x \frac{1}{1+x^2} dx + \frac{2}{\pi} \int_{1}^{+\infty} 1 \cdot \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{1}{\pi} \ln(1+x^2)|_{0}^{1} + \frac{2}{\pi} \arctan x|_{1}^{+\infty}$
 $= \frac{1}{\pi} \ln 2 + \frac{1}{2}$ 。