

3.2 節末問題 3.2 の解答



問題 3.2.1

答えは以下のようになります。分からない人は、3.2.2項に戻って確認しましょう。

ステップ数	0	1	2	3	4	5	6
<i>A</i> の値	372	372	104	104	14	14	0
<i>B</i> の値	506	134	134	30	30	2	2

問題 3.2.2

整数 $A_1,A_2,...,A_N$ の最大公約数は、以下のようにして計算できます。(\rightarrow **3.2.5項**)

- まず、 A_1 と A_2 の最大公約数を計算する。
- 次に、前の計算結果と A3 の最大公約数を計算する。

:

• 次に、前の計算結果と A_N の最大公約数を計算する。

これを実装すると、以下のようになります。なお、関数 GCD(A, B) は A と B の最大公約数を計算する関数です。また、変数 r は前の計算結果を表します。

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
using namespace std;

long long GCD(long long A, long long B) {
    while (A >= 1 && B >= 1) {
        if (A < B) B = B % A; // A < B の場合、大きい方 B を書き換える
        else A = A % B; // A >= B の場合、大きい方 A を書き換える
    }
    if (A >= 1) return A;
    return B;
}

long long N;
long long A[100009];

int main() {
```

```
// 入力
cin >> N;
for (int i = 1; i <= N; i++) cin >> A[i];

// 答えを求める
long long R = GCD(A[1], A[2]);
for (int i = 3; i <= N; i++) {
    R = GCD(R, A[i]);
}

// 出力
cout << R << endl;
return 0;
}
```

※ Python などのソースコードは chap3-2.md をご覧ください。

問題 3.2.3

整数 $A_1,A_2,...,A_N$ の最小公倍数は、以下のようにして計算できます。

- まず、 A_1 と A_2 の最小公倍数を計算する。
- 次に、前の計算結果と A_3 の最小公倍数を計算する。

:

• 次に、前の計算結果と A_N の最小公倍数を計算する。

また、2 つの数 A,B には以下の性質が成り立ちます。 (\rightarrow 2.5.2 項)

 $A \times B = (A \land B)$ の最大公約数 $) \times (A \land B)$ の最小公倍数)

したがって、以下のようなプログラムを書くと、正解が得られます。なお、関数 LCM(A, B) は A と B の最小公倍数を計算する関数です。

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
using namespace std;

long long GCD(long long A, long long B) {
  while (A >= 1 && B >= 1) {
    if (A < B) B = B % A; // A < B の場合、大きい方 B を書き換える
    else A = A % B; // A >= B の場合、大きい方 A を書き換える
```

```
}
   if (A >= 1) return A;
   return B;
}
long long LCM(long long A, long long B) {
   return (A / GCD(A, B)) * B;
}
long long N;
long long A[100009];
int main() {
   // 入力
   cin >> N;
   for (int i = 1; i <= N; i++) cin >> A[i];
   // 答えを求める
   long long R = LCM(A[1], A[2]);
   for (int i = 3; i <= N; i++) {
        R = LCM(R, A[i]);
    }
   // 出力
   cout << R << endl;</pre>
   return 0;
}
```

※ Python などのソースコードは chap3-2.md をご覧ください。