

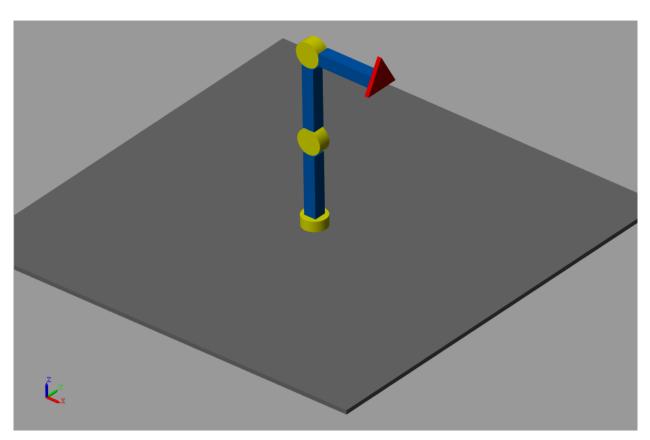
# دانشگاه تهران- دانشگده مهندسی برق و کامپیوتر کاترونیک نیمسال دوم ۱۴۰۱ - ۱۴۰۰



# مینی پروژه می جهارم مدرس: دکتر مهدی طالع ماموله - حل تمرین: امیر حسین داد بین

در این مینی پروژه، هدف، مدلسازی ریاضی یک بازوی رباتیک سری با سه درجه آزادی با مفاصل دورانی ساده است. مقاله ضمیمه شده به انجام این مینی پروژه کمک می کند.

اجسام استوانهای، مفاصل دورانی که محور دوران در راستای طول استوانه است و اجسام مکعبی نیز لینکهای بازو هستند. مجری نهایی نیز به شکل یک مثلث جهت نمایش جهت آن به تصویر کشیده شده اند.



شکل ۱- نمایی از بازوی رباتیک سه درجه آزادی

<sup>&#</sup>x27; revolute joint



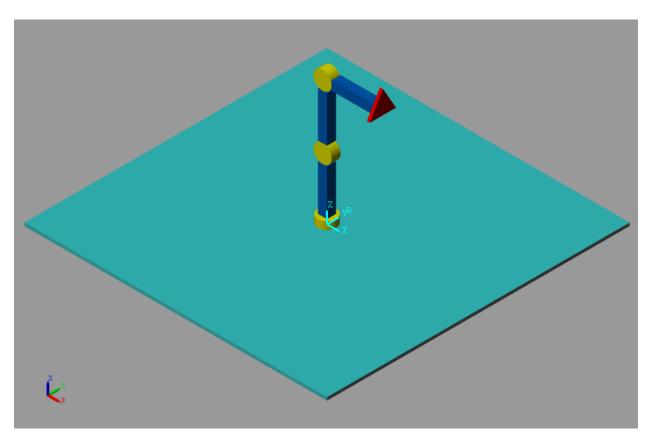
# دانشگاه تهران- دانشگده مهندسی برق و کامپیوتر کاترونیک-نیمسال دوم ۱۴۰۱-۱۴۰۰



# مینی پروژه می چهارم مدرس: دکتر مهدی طالع ماموله - حل تمرین: امیر حسین داد بین

برای راحتی محاسبات فرض شده است که اجسام مکعبی و مثلث دارای جرم و اینرسی صفر میباشند. جرم و اینرسی کلی برای هر لینک در مفصل دورانی لحاظ شده است. شعاع استوانهها برابر ۰٫۰۳ متر و ارتفاع آنها نیز میباشد. ( در به دست آوردن پارامترهای DH در نظر باید گرفته شوند)

ابعاد همه ی اجسام مکعبی برابر [0.03 0.05 0.15] متر است. جرم همه ی مفاصل برابر ۰٫۶ کیلوگرم و مرکز ثقل و ماتریس اینرسی آنها در چارچوب مختصات محلی -خودشان که در اشکال زیر نمایش داده شده است- در ادامه داده شده است. مبدا مختصات محلی هر یک از لینکها درست در وسط جسم استوانهای قرار دارد.



شکل ۲- چارچوب مختصات مفصل اول

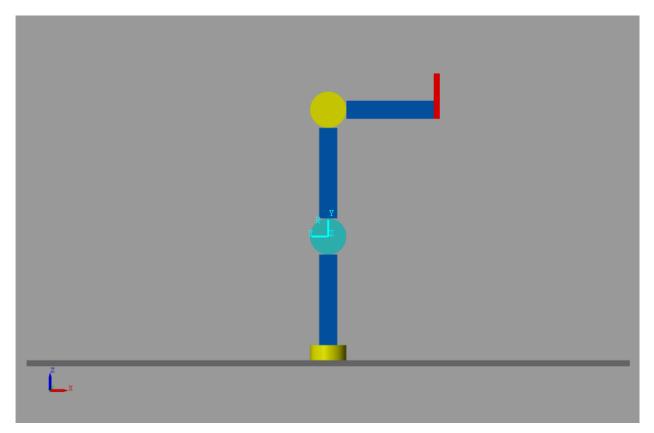
$$COM_1 = [-0.01 \quad 0.01 \quad 0.2]^T$$





# دانشگاه تهران- دانشگده مهندسی برق و کامپیوتر کاترونیک نیمسال دوم ۱۴۰۰-۱۴۰۰ مینی پروژه می جهارم مدرس: دکترمهدی طالع ماموله - حل تمرین: امیر حسین دادبین

$$I_1 = \begin{bmatrix} 20 & 1 & 1 \\ 1 & 25 & 1 \\ 1 & 1 & 50 \end{bmatrix} \times 10^{-6}$$



شکل ۳- چارچوب مختصات مفصل دوم

$$COM_2 = \begin{bmatrix} 0.01 & 0.04 & -0.01 \end{bmatrix}^T$$

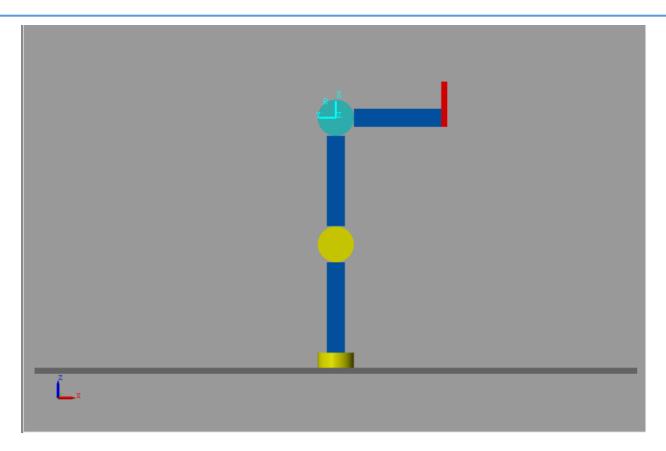
$$I_2 = \begin{bmatrix} 50 & 1 & 1 \\ 1 & 300 & 1 \\ 1 & 1 & 10 \end{bmatrix} \times 10^{-6}$$



# دانشگاه تهران- دانشگده مهندسی برق و کامپیوتر کاترونیک نیمسال دوم ۱۴۰۱-۱۴۰۰



# مینی پروژه می چهارم مدرس: دکتر مهدی طالع ماموله - حل تمرین: امیر حسین داد بین



شکل ۴ - چارچوب مختصات مفصل سوم

$$COM_3 = \begin{bmatrix} 0.02 & 0.06 & -0.02 \end{bmatrix}^T$$

$$I_3 = \begin{bmatrix} 30 & 1 & 1 \\ 1 & 40 & 1 \\ 1 & 1 & 50 \end{bmatrix} \times 10^{-6}$$

سوال ١)

جدول پارامترهای DH را کامل کنید. (به همراه رسم چارچوبهای DH )



# دانشگاه تهران- دانشگده مهندسی برق و کامپیوتر کاترونیک نیمسال دوم ۱۴۰۱ - ۱۴۰۰



# مینی پروژه می چهارم مدرس: دکترمهدی طالع ماسوله - حل تمرین: امیر حسین دادبین

i	$a_i$	$b_i$	$\alpha_i$	$\theta_i$	$ heta_i^{initial}$
1				$ heta_1$	
2				$\theta_2$	
3				$\theta_3$	

منظور از  $heta_i^{initial}$  زوایای heta مفاصل رباط در پیکره بندی مشخص شده در شکل ۱ است.

### سوال ۲)

با استفاده از محاسبات نمادین<sup>۲</sup> متلب، سینماتیک مستقیم ربات را به دست آورده و با دستور simplify ساده کنید. ( موقعیت و ماتریس دوران مجری نهایی)

### سوال ۳)

با توجه به پاسخی که در سوال ۲ به دست آورده اید، سینماتیک معکوس ربات را به صورت تحلیلی به دست آورید.

### سوال ۴)

مدل دینامیکی سیستم را به روش اویلر -لاگرانژ با محاسبات نمادین متلب به دست آورید.

### سوال ۵)

با استفاده از فایل شبیه سازی سیمولینکی که در اختیار شما قرار داده شده است، مدل دینامیکی به دست آمده در سوال قبل را تصدیق کنید. بدین منظور ابتدا فایل motions\_for\_simulink.m را اجرا کرده و سپس بسته به نسخه ی متلب مورد استفادتان، یکی از فایل های modeling\_R20xxb.slx را اجرا کنید. در نهایت فایل ploting\_results.m به نحوی ویرایش کنید که گشتاور مفاصلی که با مدل ریاضی که خود به دست آورده اید

<sup>&</sup>lt;sup>†</sup> Symbolic Computations

<sup>&</sup>quot; verify



# دانشگاه تهران- دانشگده مهندسی برق و کامپیوتر کلترونیک نیمسال دوم ۱۴۰۱-۱۴۰۰



# مینی پرو ژه می چهارم مدرس: دکترمهدی طالع ماموله - حل تمرین: امیر حسین داد بین

و گشتاورهایی که سیمولینک در اختیار شما قرار میدهد، یکجا رسم شوند. بدین منظور عملیات گذاشت و برداشت<sup>†</sup> برای مسیری که با استفاده از درونیابی ۴۵۶۷ از نقطهی آغازین شکل ۱ به نقطه نهایی منجر میشود را در نظر بگیرید. توجه داشته باشید که در پیکرهبندی آغازین شکل اول در محیط سیمولینک برابر

$$\theta_{sim}^{initial} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

است اما برای استفاده از مدلسازی دینامیکی خود که با توجه به پارامترهای DH به دست آورده اید،

$$\theta_{model}^{initial} \neq \theta_{sim}^{initial} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

در نظر داشته باشید که

$$\theta^{final} = \theta^{initial} + \left[ -\frac{\pi}{2} \quad \frac{\pi}{3} \quad -\frac{\pi}{6} \quad -\frac{\pi}{5} \right]$$

توجه نمایید که کد پیادهسازی مسیریابی ۴۵۶۷ در motions\_for\_simulink.m آورده شده است.

## نكات مهم:

- - ۲. ددلاین این تمرین تا ساعت ۵۹ ۲۳:۵۹ روز جمعه ۱۱۰م تیرماه ۱۴۰۱ است.
- ۳. برای تاخیرهای کمتر از ۲۴ ساعت نمرهای کسر نخواهد شد. برای تاخیر تا ۵ روز مطابق سیاست اعمال
   تاخیر، درصدی از نمره کسر خواهد شد. بعد از ۵ روز امکان بارگذاری تمرین را نخواهید داشت.

<sup>\*</sup> Pick and Place



# دانشگاه تهران- دانشگده مهندسی برق و کامپیوتر کاترونیک نیمسال دوم ۱۴۰۱ - ۱۴۰۰



# مینی پروژه می چهارم مدرس: دکتر مهدی طالع ماموله - حل تمرین: امسیر حسین داد بین

- ۴. مرتب، حرفه ای و قابل فهم بودن گزارش شما به صورت یک ضریب بین ۰ و یک در نمره ی نهایی مینی پروژه اعمال خواهد شد.
- ۵. در صورت مشابهت بیش از حد متعارف گزارشها و بخش کد زنی، نمره ی فرد خاطی در این مینی پروژه صفر لحاظ خواهد شد و فرد خاطی به استاد درس معرفی خواهد شد.

ایمیل: amirhosseindadbin@ut.ac.ir

تلگرام: amirhosseindadbin@