

Linguagem de Programação I - DIM0120

Selan R. dos Santos

DIMAp – Departamento de Informática e Matemática Aplicada
Sala 231, ramal 231, selan@dimap.ufrn.br
UFRN

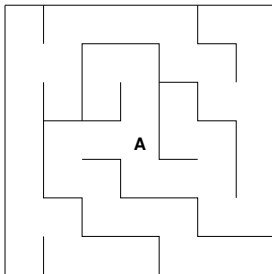
2018.1

- 1 O Problema: encontrar a saída de um labirinto
- 2 Solução Recursiva Backtracking
- 3 Codificando a solução

Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita

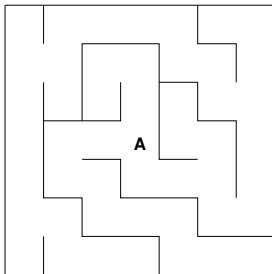
- ▷ Vamos abordar o problema de encontrar a solução para um **labirinto**.



Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita

- ▷ Vamos abordar o problema de encontrar a solução para um **labirinto**.

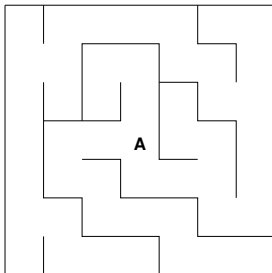


- ▷ Existe um algoritmo **iterativo** simples:

Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita

- ▷ Vamos abordar o problema de encontrar a solução para um **labirinto**.



- ▷ Existe um algoritmo **iterativo** simples:

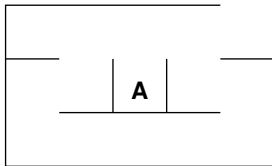
Algoritmo: Segue-parede (*Wall follower*)

1. Coloque sua mão direita contra parede.
2. **enquanto** *Não conseguir escapar do labirinto faça*
3. └ Ande pra frente mantendo a mão encostada na parede.

Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita (cont.)

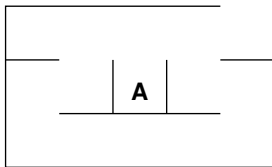
- ▷ Porém, para certas configurações de labirinto o algoritmo anterior **falha!**



Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita (cont.)

- ▷ Porém, para certas configurações de labirinto o algoritmo anterior **falha!**

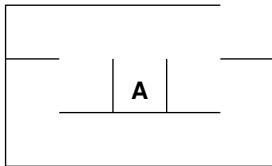


- ▷ Note que o algoritmo faz o **ator** ficar em **laço infinito**.

Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita (cont.)

- ▷ Porém, para certas configurações de labirinto o algoritmo anterior **falha!**

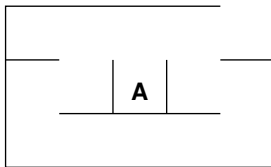


- ▷ Note que o algoritmo faz o **ator** ficar em **laço infinito**.
- ▷ Vamos tentar esboçar uma solução **recursiva**.

Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita (cont.)

- ▷ Porém, para certas configurações de labirinto o algoritmo anterior **falha!**

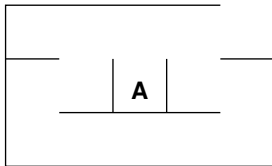


- ▷ Note que o algoritmo faz o **ator** ficar em **laço infinito**.
- ▷ Vamos tentar esboçar uma solução **recursiva**.
 - ★ Precisamos achar uma **simplificação** do problema, criando subproblemas menores.

Introdução

Labirinto e o algoritmo da mão-direita (cont.)

- ▷ Porém, para certas configurações de labirinto o algoritmo anterior **falha!**

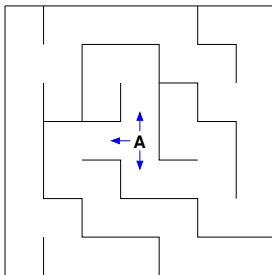


- ▷ Note que o algoritmo faz o **ator** ficar em **laço infinito**.
- ▷ Vamos tentar esboçar uma solução **recursiva**.
 - ★ Precisamos achar uma **simplificação** do problema, criando subproblemas menores.
 - ★ Também precisamos encontrar casos base e/ou casos simples de resolver.

Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva

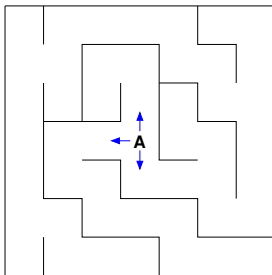
- ▷ Vamos considerar o labirinto original, para o qual existem **3 possíveis movimentos**.



Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva

- ▶ Vamos considerar o labirinto original, para o qual existem **3 possíveis movimentos**.

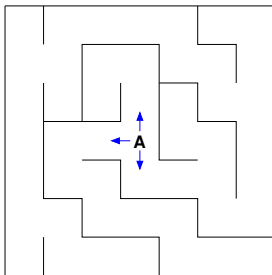


- ▶ A saída, se existir, deve estar ao longo de um destes **3 caminhos**.

Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva

- ▶ Vamos considerar o labirinto original, para o qual existem **3 possíveis movimentos**.

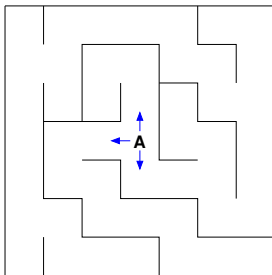


- ▶ A saída, se existir, deve estar ao longo de um destes **3 caminhos**.
- ▶ Note também que estamos **1 passo** mais próximo da solução.

Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva

- ▶ Vamos considerar o labirinto original, para o qual existem **3 possíveis movimentos**.

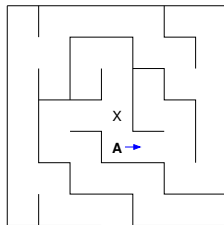
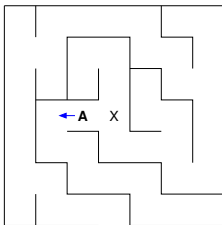
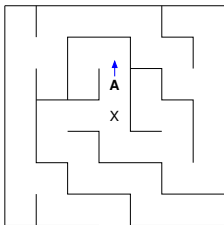


- ▶ A saída, se existir, deve estar ao longo de um destes **3 caminhos**.
- ▶ Note também que estamos **1 passo** mais próximo da solução.
- ▶ Isso quer dizer que o labirinto ficou **mais simples** ao longo de cada direção.

Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva (cont.)

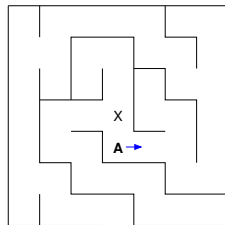
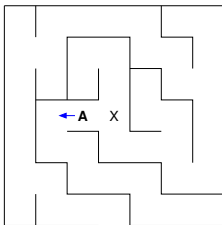
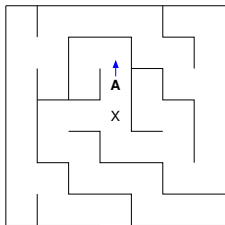
- ▷ Existem, portanto, 3 (sub)labirintos mais simples:



Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva (cont.)

- ▶ Existem, portanto, 3 (sub)labirintos mais simples:

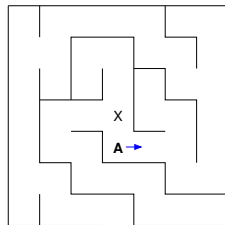
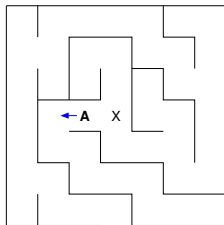
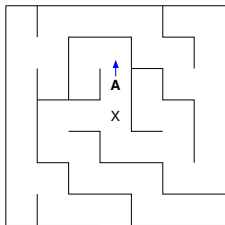


- ▶ Fazendo uma análise global, é fácil perceber que os dois primeiros levam a um **beco sem saída**.

Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva (cont.)

- ▶ Existem, portanto, 3 (sub)labirintos mais simples:

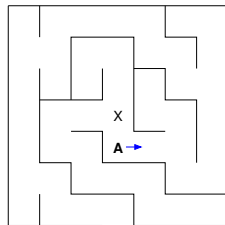
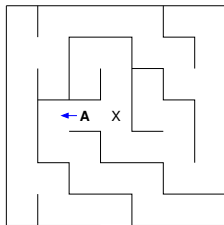
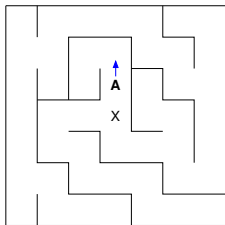


- ▶ Fazendo uma análise global, é fácil perceber que os dois primeiros levam a um **beco sem saída**.
- ▶ Porém, o algoritmo não tem capacidade de fazer uma “**análise global**” como a que fizemos.

Solução do Labirinto com Backtracking

Abordagem recursiva (cont.)

- ▶ Existem, portanto, 3 (sub)labirintos mais simples:



- ▶ Fazendo uma análise global, é fácil perceber que os dois primeiros levam a um **beco sem saída**.
- ▶ Porém, o algoritmo não tem capacidade de fazer uma “análise global” como a que fizemos.
- ▶ Precisamos, então, identificar os **casos simples** para parar a recursão.

Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão

- ▷ Quais seriam os casos simples?

Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão

- ▷ Quais seriam os casos simples?
 - ★ Ator achou a saída.

Solução do Labirinto com Backtracking

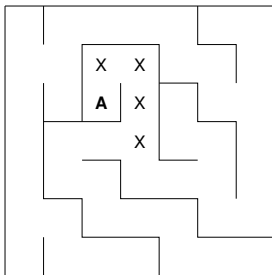
Casos simples da recursão

- ▷ Quais seriam os casos simples?
 - ★ Ator achou a saída.
 - ★ Ator alcançou um beco sem saída.

Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão

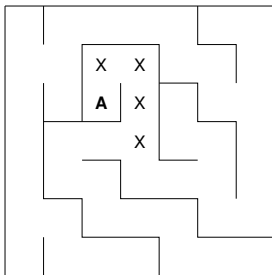
- ▷ Quais seriam os casos simples?
 - ★ Ator achou a saída.
 - ★ Ator alcançou um beco sem saída.
- ▷ Considere o primeiro sub-labirinto:



Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão

- ▷ Quais seriam os casos simples?
 - ★ Ator achou a **saída**.
 - ★ Ator alcançou um **beco sem saída**.
- ▷ Considere o primeiro sub-labirinto:



- ▷ Neste ponto não há mais uma **célula livre** para onde mover o ator, visto que as células livres **já foram visitadas**.

Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão (cont.)

- ▷ A solução recursiva fica mais fácil de **codificar** se, ao invés de verificar por células marcadas ao considerar uma direção de movimento, chamamos a recursão para a célula livre, independente de ser marcada ou não.

Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão (cont.)

- ▷ A solução recursiva fica mais fácil de **codificar** se, ao invés de verificar por células marcadas ao considerar uma direção de movimento, chamamos a recursão para a célula livre, independente de ser marcada ou não.
- ▷ No **início da recursão** verificamos os 2 casos básico (em um só lugar):

Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão (cont.)

- ▷ A solução recursiva fica mais fácil de **codificar** se, ao invés de verificar por células marcadas ao considerar uma direção de movimento, chamamos a recursão para a célula livre, independente de ser marcada ou não.
- ▷ No **início da recursão** verificamos os 2 casos básico (em um só lugar):
 - 1 Se a célula atual é a saída.

Solução do Labirinto com Backtracking

Casos simples da recursão (cont.)

- ▷ A solução recursiva fica mais fácil de **codificar** se, ao invés de verificar por células marcadas ao considerar uma direção de movimento, chamamos a recursão para a célula livre, independente de ser marcada ou não.
- ▷ No **início da recursão** verificamos os 2 casos básico (em um só lugar):
 - ① Se a célula atual é a saída.
 - ② Se a célula atual é marcada como visitada, não há solução ao longo do caminho que levou até esta célula.

Codificando a solução

- ▷ Precisamos definir uma representação para o labirinto, encapsulado na classe `Maze`.

Codificando a solução

- ▷ Precisamos definir uma representação para o labirinto, encapsulado na classe `Maze`.
- ▷ Em seguida, precisamos codificar uma função que resolver o labirinto, como em:

```
bool solve_maze( const Maze& mz, const Position& start )
```

Codificando a solução

- ▷ Precisamos definir uma representação para o labirinto, encapsulado na classe `Maze`.
- ▷ Em seguida, precisamos codificar uma função que resolver o labirinto, como em:

```
bool solve_maze( const Maze& mz, const Position& start )
```

- ▷ A função recebe (1) o labirinto na forma de uma classe que encapsula a estrutura de dados que escolhermos, (2) uma posição de onde começar a navegação, e retorna `true` se existir uma solução, ou `false` caso contrário.

Codificando a solução

- ▷ Precisamos definir uma representação para o labirinto, encapsulado na classe `Maze`.
- ▷ Em seguida, precisamos codificar uma função que resolver o labirinto, como em:

```
bool solve_maze( const Maze& mz, const Position& start )
```

- ▷ A função recebe (1) o labirinto na forma de uma classe que encapsula a estrutura de dados que escolhermos, (2) uma posição de onde começar a navegação, e retorna `true` se existir uma solução, ou `false` caso contrário.
- ▷ No caso de haver solução, o caminho deverá estar marcado dentro do objeto representando o labirinto.

Interface pública de Maze

- ▷ Quais seriam os métodos públicos da classe `Maze` para que a função (cliente) `solve_maze` consiga codificar o algoritmo discutido anteriormente?

Interface pública de Maze

- ▷ Quais seriam os métodos públicos da classe `Maze` para que a função (cliente) `solve_maze` consiga codificar o algoritmo discutido anteriormente?
 - ★ `Position get_start_position()`

Interface pública de Maze

- ▷ Quais seriam os métodos públicos da classe `Maze` para que a função (cliente) `solve_maze` consiga codificar o algoritmo discutido anteriormente?

- ★ `Position get_start_position()`
- ★ `bool is_outside(const Position& pos)`

Interface pública de Maze

- ▷ Quais seriam os métodos públicos da classe `Maze` para que a função (cliente) `solve_maze` consiga codificar o algoritmo discutido anteriormente?

- ★ `Position get_start_position()`
- ★ `bool is_outside(const Position& pos)`
- ★ `bool is_blocked(const Position& pos, const Direction& dir)`

Interface pública de Maze

- ▷ Quais seriam os métodos públicos da classe `Maze` para que a função (cliente) `solve_maze` consiga codificar o algoritmo discutido anteriormente?

- ★ `Position get_start_position()`
- ★ `bool is_outside(const Position& pos)`
- ★ `bool is_blocked(const Position& pos, const Direction& dir)`
- ★ `void mark_cell(const Position& pos)`

Interface pública de Maze

- ▷ Quais seriam os métodos públicos da classe `Maze` para que a função (cliente) `solve_maze` consiga codificar o algoritmo discutido anteriormente?

- ★ `Position get_start_position()`
- ★ `bool is_outside(const Position& pos)`
- ★
`bool is_blocked(const Position& pos, const Direction& dir)`
- ★ `void mark_cell(const Position& pos)`
- ★ `void unmark_cell(const Position& pos)`

Interface pública de Maze

- ▷ Quais seriam os métodos públicos da classe `Maze` para que a função (cliente) `solve_maze` consiga codificar o algoritmo discutido anteriormente?

- ★ `Position get_start_position()`
- ★ `bool is_outside(const Position& pos)`
- ★
`bool is_blocked(const Position& pos, const Direction& dir)`
- ★ `void mark_cell(const Position& pos)`
- ★ `void unmark_cell(const Position& pos)`
- ★ `bool is_marked(const Position& pos)`

Programa principal

- ▷ O programa principal poderia apresentar a seguinte estrutura.

Programa principal

- ▷ O programa principal poderia apresentar a seguinte estrutura.

Principal

1. Instancia um labirinto *maze* com base em um arquivo de definição.
2. Apresentar labirinto *maze* na tela.
3. **se** *solve_maze(maze, maze.get_start_position())* **então**
4. | Mostre *maze* com solução marcada na saída.
5. **senão**
6. | Labirinto sem solução.

Prorgamando o solucionador

- ▷ Função que tenta solucionar o labirinto, mas possui um erro.

Prorgamando o solucionador

- ▷ Função que tenta solucionar o labirinto, mas possui um erro.

Maze solver

```
bool solve_maze( const Maze& mz, const Position& start ) {  
    if ( mz.is_outside( start ) ) return true;  
    if ( mz.is_marked( start ) ) return false;  
    mz.mark_cell( start );  
    for_each ( Direction dir in {NORTH, EAST, SOUTH, WEST} ) {  
        if ( not mz.is_blocked( start, dir ) )  
            if ( solve_maze( mz, walk_to_cell( star, dir ) ) )  
                return true;  
    }  
    return false;  
}
```