# Нейронные сети для табличных данных

# Agenda

- Factorization Machine
- Deep FM
- TabNet



### **Factorization Machine**

$$\begin{split} \hat{y}(x) := w_0 + \sum_{i=1}^n w_i x_i + \sum_{i=1}^n \sum_{j=i+1}^n \langle \pmb{v}_i, \pmb{v}_j \rangle x_i x_j \\ \\ w_0 \in R, \, w \in R^n, \, \pmb{v} \in R^{n \times k} \end{split}$$

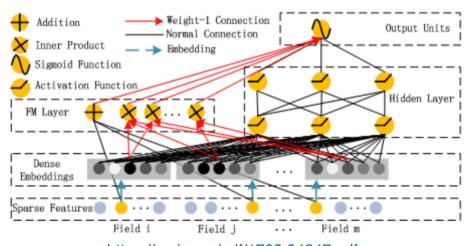
- $w_0$  смещение (bias);
- $w_i$  определяет влияние каждой характеристики по отдельности;
- $\langle \pmb{v}_i, \pmb{v}_j \rangle$  попарное взаимодействие двух характеристик (второго порядка). То есть вместо того, чтобы сделать один вес для каждой пары, модель делает именно факторизацию обучаемых параметров каждой характеристики и по отдельности строит связи.

### **Factorization Machine**

Сложность вычислений для второго порядка O(kn)

$$\begin{split} &\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=i+1}^{n} \langle \mathbf{v}_{i}, \mathbf{v}_{j} \rangle x_{i} x_{j} \\ &= \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \langle \mathbf{v}_{i}, \mathbf{v}_{j} \rangle x_{i} x_{j} - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \langle \mathbf{v}_{i}, \mathbf{v}_{i} \rangle x_{i} x_{i} \\ &= \frac{1}{2} \left( \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{f=1}^{k} v_{i,f} v_{j,f} x_{i} x_{j} - \sum_{i=1}^{n} \sum_{f=1}^{k} v_{i,f} v_{i,f} x_{i} x_{i} \right) \\ &= \frac{1}{2} \sum_{f=1}^{k} \left( \left( \sum_{i=1}^{n} v_{i,f} x_{i} \right) \left( \sum_{j=1}^{n} v_{j,f} x_{j} \right) - \sum_{i=1}^{n} v_{i,f}^{2} x_{i}^{2} \right) \\ &= \frac{1}{2} \sum_{f=1}^{k} \left( \left( \sum_{i=1}^{n} v_{i,f} x_{i} \right)^{2} - \sum_{i=1}^{n} v_{i,f}^{2} x_{i}^{2} \right) \end{split}$$

# Deep Factorization Machine (DeepFM)





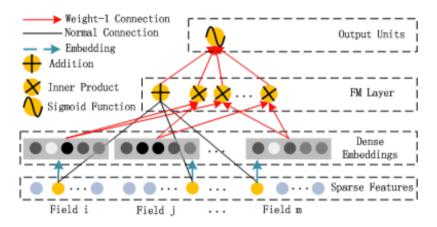
# Deep Factorization Machine (DeepFM)

Модель учит объяснять таргет на основе "low- and high-order feature interactions".

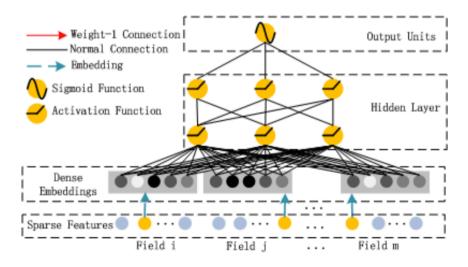
$$\hat{y} = sigmoid(y_{FM} + y_{DNN})$$



# FM component



### Deep component



# Deep component

### Embedding Layer:

$$a^{(0)} = [e_1, e_2, ..., e_m], \quad$$

#### Hidden Layer:

$$\boldsymbol{a}^{(l+1)} = sigmoid(\boldsymbol{W}^{(l)}\boldsymbol{a}^{(l)} + \boldsymbol{b}^{(l)})$$

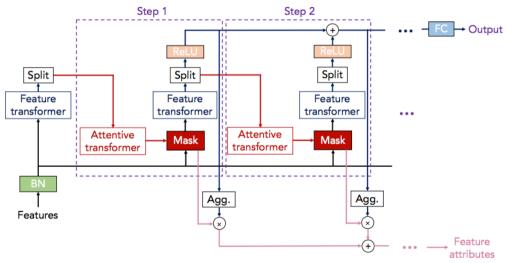
#### Выход:

$$y_{DNN} = sigmoid(W^{|H|+1}a^H + b^{|H|+1}), \label{eq:ydnn}$$

где |H| - кол-во скрытых слоев.



### **TabNet**



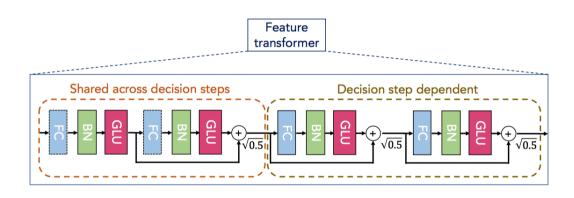
https://arxiv.org/pdf/1908.07442.pdf

### **TabNet**

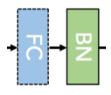
Предлагает нейронную сеть с последовательным механизмом внимания для интерпретации результата.



### Объединяем полносвязные слои в блоки



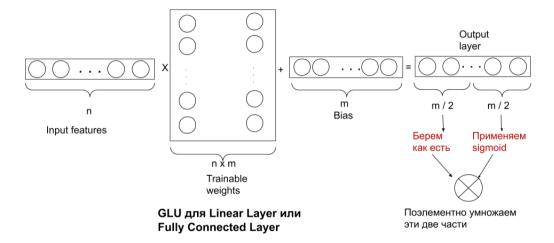
### Linear + Batch Norm



torch.nn.Linear

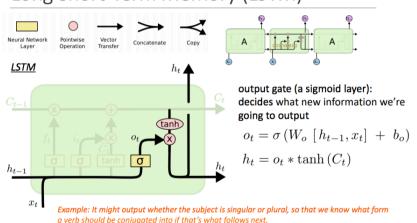
torch.nn.BatchNorm1d

### **GLU -- Gated Linear Unit**

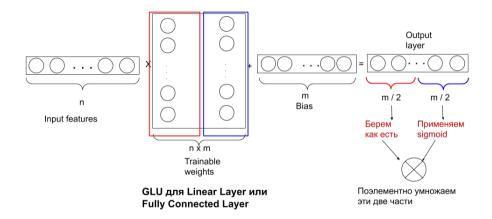




Механизм, свойственный для рекуррентных нейронных сетей. Long Short-Term Memory (LSTM)



$$h_t = tanh(X \cdot W + b) \otimes \sigma(X \cdot V + c)$$



#### **Gated Tanh Unit**

$$\nabla [\tanh(X)\otimes \sigma(X)] = \tanh'(X)\nabla X\otimes \sigma(X) + \sigma'(X)\nabla X\otimes \tanh(X)$$

Уменьшающие коэффициенты в виде  $tanh'(X), \sigma'(X)$ , которые могут привести к эффекту исчезающих градиентов по мере добавления слоев.



#### Gated Linear Unit

$$\nabla[X\otimes\sigma(X)] = \nabla X\otimes\sigma(X) + X\otimes\sigma'(X)\nabla X$$

В таком подходе перед  $\sigma(X)$  нет уменьшающего коэффициента, и это считается как мультипликативный skip connection, который наименее склонен к эффекту исчезающих градиентов по мере добавления слоев. Приводит к быстрой сходимости.

# **Split**

#### Выходной тензор из Feature Transformer делим на две части:

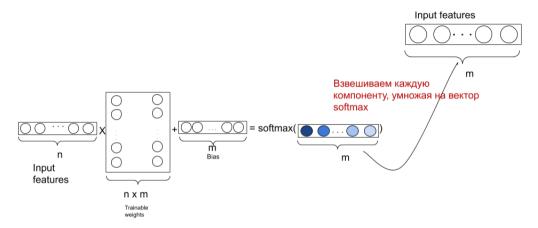
$$[d[i],a[i]] = f_i(M[i] \cdot f)$$
 
$$d[i] \in R^{B \times N_d}$$

 $a[i] \in R^{B \times N_a}$ 

и

Первая часть d[i] идет на агрегацию с другими выходами от каждого шага. Вторая часть a[i] идет для вычисления маски -- в **Attentive Transformer**.

### Механизм внимания



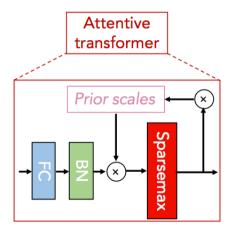
**Attention Layer** 

### Механизм внимания

Влияние механизма внимания происходит при backpropagation -- обновлении весов.

Так как происходит произведение на тензор, следовательно, каждый соответсвующий вес, который участвовал в вычислении тензора, получает свой дополнительный множитель.

### Attentive Transformer - Механизм внимания в TabNet



# Sparsemax аналог Softmax

Sparsemax исправляет недостаток Softmax: Softmax никогда не примет значение ноль.

И для тех случаев, где нужно получить разреженное распределение вероятности, Softmax не подходит.

# Sparsemax

Идея заключается в том, чтобы найти такое пороговое значение, которое бы позволило обнулить некоторые значения и оставить отличные от нуля другие.

# Sparsemax

$$\operatorname{sparsemax}_i(\boldsymbol{z}) = [z_i - \tau(\boldsymbol{z})]_+$$

au(z) - пороговая функция, которая определяет, что обнулить, а что оставить.



# Sparsemax

### Algorithm 1 Sparsemax Evaluation

### Input: z

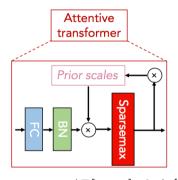
Sort 
$$z$$
 as  $z_{(1)} \geq \ldots \geq z_{(K)}$ 

Find 
$$k(\boldsymbol{z}) := \max \left\{ k \in [K] \mid 1 + k z_{(k)} > \sum_{j \leq k} z_{(j)} \right\}$$

Define 
$$\tau(z) = \frac{\left(\sum_{j \leq k(z)} z_{(j)}\right) - 1}{k(z)}$$
  
**Output:**  $p$  s.t.  $p_i = [z_i - \tau(z)]_+$ .



### Механизм внимания в TabNet. Prior Scale



 $M[i]=sparsemax(P[i-1]\cdot h_i(a[i-1])),$  где i - номер шага,  $h_i(a[i-1])$  выход после BatchNorm, P[i-1] - Prior Scale



# Prior Scale - как часто использовалась характеристика до текущего шага

$$P[i] = \prod_{j=1}^{i} (\gamma - M[j])$$

, где  $\gamma$  - параметр релаксации, с увеличением  $\gamma$  характеристике будет придаваться бОльший вес.



### Маска

$$M_{b,i}[i] = 0$$

Это значит j-я характеристика в батче b для i-го наблюдения не оказалась значительной.

Важно то, что маска вычисляется для каждого шага и наблюдения отдельная. В статье не предложен способ получения агрегированной маски по всем наблюдениям, но можно получить агрегированную для всех шагов (decision steps).

### Маска

$$M_{agg-b,j} = \sum_{i=1}^{N_{steps}} \eta_b[i] M_{b,j}[i] / \sum_{j=1}^{D} \sum_{i=1}^{N_{steps}} \eta_b[i] M_{b,j}[i]$$

$$\eta_b[i] = \sum_{c=1}^{N_d} ReLU(d_{b,c}[i])$$

Если  $d_{b,c}[i] < 0$ , то значит все характеристики на i-м шаге не будут влиять на агрегированное решение.



### Маска

Целевая функция для контролирования степени разреженности маски

$$L_{sparse} = \sum_{i=1}^{N_{steps}} \sum_{b=1}^{B} \sum_{j=1}^{D} \frac{-M_{b,j}[i]log(M_{b,j}[i] + \varepsilon)}{N_{steps} \cdot B}$$

Суммируется с основной целевой функцией с коэффициентом  $\lambda_{sparse}$ 

