Progetto Algoritmi a.s. 2021/2022

Team

Xuanqiang Huang : 0001030271 Giovanni Spadaccini : 0001021270

Riassunto

Abbiamo utilizzato di un algoritmo di Minimax euristico con alpha-beta pruning per la risoluzione del gioco mnk, una forma generalizzata del tris. L'algoritmo utilizza l'euristica di valutazione per scoprire l'ordine di esplorazione di un numero limitato di nodi e li esplora fino a un livello di profondità prefissato, dopo il quale ritorna un valore euristico o un valore finale, nel caso in cui la board sia terminale.

Dai test fatti in locale, l'algoritmo sembra avere capacità simili o superiori a quelle di un umane per le tavole accessibili ai limiti umani (ossia da 19 in giù).

Introduzione

Il gioco proposto è una versione generalizzata del gioco tris, o gomoku in Giappone: un gioco a due giocatori a turni alterni su una tavola simile a quanto in immagine, in cui bisogna allineare un certo numero di pedine del proprio giocatore al fine di vincere.

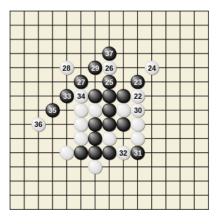


Figure 1: Esempio di tavola di gioco di gomoku in cui il giocatore nero ha vinto

Seguendo la caratterizzazione di un ambiente di gioco di Russel e Norvig¹ possiamo descrivere il gioco come un ambiente deterministico, multigiocatore, con informazioni complete, sequenziale, statico, conosciuto e discreto. Questa descrizione ci ha permesso di avere una prima idea di quali algoritmi potessero essere utilizzati per la risoluzione del gioco, in quanto in letteratura questo

problema, e problemi simili, sono stati risolti con tecniche che ormai possiamo considerare classiche.

Sotto questa logica abbiamo scelto l'implementazione di un minimax euristico.

L'algoritmo ad alto livello

Il nostro algoritmo minimax euristico fa una stima iniziale di quanto può esplorare e in seguito utilizza un ordinamento delle mosse secondo una euristica per decidere l'ordine di eslorazione delle mosse inoltre visita un numero limitato di nodi, determinato da due costanti che gli indicano quanti nodi esplorare in ampiezza e quante in profondità.

Argomenti trattati

- Markcell e unmarkCell
 - Versione più veloce e cache-friendly per segnare le celle come marcate e per annullare quanto marcato
- Euristica
 - Spiegazione, calcolo e utilizzo dell'euristica per il nostro minimax
- Ordinamento mosse
 - Sull'algoritmo utilizzato per ordinare le mosse a seconda del valore restituito dall'euristica
- Timer test
 - Sull'algoritmo usato per avere una stima della quantità di nodi esplorabili
 - Sui metodi di allocazione di un numero di mosse preciso alle celle scelte per l'esplorazione
 - Sulla scelta dei valori di ramificazione e profondità

Markcell e unmarkCell

Problema

Marcare e smarcare le celle nella maniera più veloce possibile.

Algoritmi considerati

- 1. riallocarci ogni volta un array con le freeCell meno quella appena marcata (nel caso di markCell), o di crearci un array con tutte le freeCell con anche l'ultima mossa eseguita (nel caso di unmarkCell), costo O(n)
- 2. utilizzo di una linked list per tenerci i valori. Questo approccio nonostante avesse le operazioni di insert e remove in tempo constante performava peggio di riallocarsi un array ogni volta (che ha costo O(n)) (pensiamo che questo sia dovuto alle ottimizzazioni cache degli array)
- utilizzo di hashset: ha un costo lineare nel caso pessimo oltre a delle costanti molto alte nel caso medio.

Algoritmo utilizzato

Abbiamo ideato un sistema che è in grado di eseguire le operazioni di markCell, unmarkCell in tempo costante nel caso ottimo, pessimo e medio, senza considerare i checks aggiuntivi per verificare lo stato del gioco e l'aggiornamento dell'euristica.

Al fine di raggiungere questa velocità, l'insieme delle mosse eseguite è tenuto alla fine di un array che contiene tutte le mosse, in modo simile a quanto fa una heap, studiata durante il corso, al momento di rimozione.

Mano a mano che le celle vengono utilizzate, esegue uno swap con l'ultima cella dell'array e si memorizza la posizione in cui era, così facendo, quando viene chiamata l'unmarkCell, riesce a riposizionarsi nella sua vecchia posizione. Questa implementazione migliora rispetto alla board del codice iniziale nel caso pessimo, in quanto non deve più necessitare di un hashtable, il cui caso pessimo è O(n) con n la grandezza della table.

Nota: tutte le celle contengono un **index** che indica la posizione dell'array in cui è contenuta la mossa, altrimenti, se questa non è ancora stata rimossa indica la posizione di ritorno.

Pseudocodici per queste due funzioni sono presenti in appendice

L'Euristica

In questo progetto sono fondamentali le euristiche utilizzate al fine del successo del Player. Esiste una unica euristica che viene utilizzata, in modi diversi, sia per la valutazione della board sia per la scelta delle mosse.

MICS - Minimum Incomplete Cell Set

L'euristica del MICS racchiude in sé 3 informazioni principali:

- 1. Quanto è favorevole una cella secondo le mie pedine.
- 2. Quanto è favorevole .
- 3. La somma dei due valori precedenti mi dà una stima di criticità della singola cella (senza la presenza di doppi-giochi e fine-giochi)

Con questo valore numerico è possibile ordinare le mosse secondo un ordine di priorità.

Questa euristica è una versione modificata dell'euristica proposta da Nathaniel Hayes and Teig Loge 3

Calcolo del MICS con le sliding window

Definiamo **Sliding-window** un insieme di celle allineate in una direzione di lunghezza K

L'euristica calcola per ogni direzione di una singola cella e per entrambi i player i seguenti valori:

- 1. Il numero di celle amiche presenti
- 2. Il numero di sliding windows che passano per una cella
- 3. Massimo numero delle sliding-window con minor numero di celle necessarie per la vittoria
- 4. Il numero di sliding-window massime

Per fare ciò andiamo in tutte k-1 celle in tutte le direzioni in cui è possibile andare, ed andiamo ad riaggioranre i valori in di queste celle nella direzione attraverso la quale si allineano con la cella modificata. Per riaggiornare questi valori chiamiamo la funzione updateDirectionValue

La funzione che aggiorna una singola cella per una direzione è implementata in computeCellDirectionValue.

Questa funzione esplora la cella attuale, in direzione orizzontale o verticale, e si allarga fin quanto può verso una direzione (al massimo di K-1), una volta ragginto il limite in questa direzione, si espande nella direzione opposta, mantenendo la sliding window nel caso sia stata creata. Mentre si espande anche dall'altra parte, finchè non va oltre le k-1 celle o finchè non trova una cella dell'altro player, si aggiorna i valori della sliding window corrente, e aggiorna i valori della cella di cui sta facendo l'update.

Abbiamo tentato di scrivere uno pseudocodice che provasse a rendere in maniera più chiara quest'ultimo algoritmo in appendice.

Rilevamento dei doppio-giochi e fine-giochi

Con il sistema a sliding window possiamo anche rilevare con molta facilità alcune celle *critiche* ossia situazioni di doppi giochi oppure giochi ad una mossa dalla fine.

Definiamo **fine-giochi** le celle per cui esiste almeno una sliding window a cui manca 1 mossa per vincere

È chiaro come queste celle siano molto importanti sia per noi, al fine della vittoria, sia per il nemico, al fine di bloccarli.

Definiamo **doppi-giochi banali** le celle per cui esistono due o più sliding window per cui mancano 2 mosse per vincere

Se abbiamo una tale configurazione, si può notare come muovere su quella cella riduce le mosse per vincere di 1 in entrambe le sliding window. Abbiamo allora due sliding window in cui manca una mossa per vincere, per cui il nemico può bloccare al massimo una, garantendoci la vittoria sull'altra.

Riguardo i doppi-giochi non banali, ossia doppi giochi in cui abbiamo bisogno di 3 o più mosse per vincere ci basiamo sulla capacità del minimax di scovarli,

non siamo riusciti a trovare un modo per codificare questo caso tramite le sliding-window.

Punteggi per configurazioni di doppio-gioco e fine-gioco

Sono assegnati alcuni punteggi speciali alle celle di doppio-gioco o fine-gioco.

Queste configurazioni non sono espressamente visibili al MICS, per cui abbiamo assegnato dei valori fissi a *gradini*, ossia in qualunque modo si calcoli il MICS, il valore euristico di questo non può superare il valore assegnato da una cella di doppio gioco, e quest'ultima non può superare il valore di una cella di fine-gioco.

Quindi in ordine di importanza abbiamo:

- 1. Cella di fine-gioco
- 2. Cella di doppio-gioco banale
- 3. Cella valutata dall'euristica del MICS + punteggi allineamento e vicinanza.

Punteggi per allineamento e vicinanza

Con prove empiriche abbiamo notato che l'euristica del MICS non è in grado di valutare correttamente alcune situazioni di allineamento, per cui abbiamo aggiunto dei moltiplicatori di punteggi per l'allineamento di celle e per favorire le mosse vicine ad alcune celle già allineate.

Si possono osservare i valori di questi moltiplicatori MY_CELL_MULT e ADIACENT_MULT rispettivamente nel file di DirectionValue e HeuristicCell.

Questi valori si sono rilevati fondamentali per il gioco intelligente del player.

Ordinamento delle mosse

Problema

Ad ogni momento dalla board abbiamo la necessità di trovare le migliori q celle ordinate in modo decrescente, che determineranno l'ordine di ricerca.

Su un array di ${\tt n}$ celle libere, dobbiamo ordinare le prime ${\tt q}$ che hanno il valore più alto

Approcci presi in considerazione

- 1. Il primo sorting normale che andava in $O(n \log n)$ dove n sono le celle libere
- 2. Quick select, che non andava bene perchè separa i \mathbf{q} elementi più grandi ma non sono ordinati, quindi ci sarebbe costato $O(n+q\log q)$. E tempo d'esecuzione peggiore però sarebbe stato $O(n^2+q\log q)$, $O(n^2)$ nel caso peggiore di quick-select e $O(q\log q)$ per ordinare le celle.

Algoritmo Utilizzato

Il metodo che abbiamo utilizzato sfrutta una leggera variazione dell'algoritmo di heap-select: si scorre l'array delle celle libere tenendosi una heap di massimo ${\tt q}$ elementi di questa, e infine svuota la heap e la mette in un array che contiene le prime ${\tt q}$ celle sortate.

Costo computazionale $O(n \log q)$ in quanto eseguiamo una operazione di inserimento di costo $O(\log q)$ nella heap, O(n) volte

Questo miglioramento sui primi test è riustito a far esplorare la board 5 o 6 volte più mosse a parità di tempo in input.

Un esempio di utilizzo di questo algoritmo lo si può trovare in updateCellDataStruct della Board. In questo caso utilizziamo la variabile branchingFactor per tenere il valore di q molto basso.

Algorithm 1: Algoritmo di ordinamento delle mosse

```
Input: int l, numero elementi della heap
   Input : array: array di elementi comparabili di lunghezza n t.c. n > l
   Output: un array con le l elementi maggiori di array
 1 queue = new MinPriorityQueue();
 2 for element in array do
      if queue.size() < l then
 3
         add element to queue;
 4
      else if get first element of queue < element then
 5
         delete top of queue;
 6
         add element to queue;
 7
      end
 8
 9 end
   // dopo il ciclo abbiamo esattamente l elementi nella queue
10 out = new Array of l elements;
11 int i = l - 1; while queue.size() > 0 do
      out[i] = get first element of queue;
12
13
      delete top of queue;
      i = i - 1;
14
15 end
16 return out;
```

Timer Test

Problema

Al fine di utilizzare tutto il tempo computazionale a disposizione era presente la necessità di trovare un metodo che permettesse di esplorare i nodi interessanti sfruttando al meglio il tempo a disposizione.

Approcci provati

- 1. timer su ogni nodo del minimax, questo approccio non funzionava perché c'era il rischio che al primo livello venisse esplorato un singolo nodo, dato che si andava in profondità subito.
- 2. Esplorazione di una parte di albero di ampiezza e profondità prefissata: questo approccio portava il rischio del tuning dei parametri di profondità e ampiezza, che potevano cambiare a seconda del calcolatore.

Soluzione utilizzata

Alla fine abbiamo utilizzato idee da entrambi i metodi, creando una simulazione del processo di decisione che esplorasse quanti nodi più possibili e dasse una stima di quanti era possibile visitare, mantenendo sempre delle costanti di profondità e ampiezza prefissati per le varie tipologie di board.

Al fine di avere una stima di quanti nodi di ricerca una macchina remota con un limite di tempo prefissato abbiamo utilizziamo la classe TimingPlayer,

Dopo l'esecuzione di questa, avremo un numero di nodi esplorati nel limite di tempo dato, e utilizzeremo questo numero trovato durante l'init per decidere quanti nodi può esplorare il player vero.

Spartizione e utilizzo del numero di mosse

Problema

Vorremmo che le celle più promettenti abbiano più tempo a disposizione per l'esplorazione. Dobbiamo creare un metodo per distribuire il numero di mosse disponibili durante l'esplorazione del minimax.

Soluzione utilizzata

Abbiamo visto che in seguito all'ordinamento con l'euristica le prime celle sono quelle più importanti da esplorare, quindi vogliamo distribuire più mosse alla prima cella, in modo che possa avere una esplorazione più approfondita.

In findBestMove vediamo come sono utilizzati il numero di celle trovate in questo modo.

Nel caso in cui la prima cella non utilizzi tutte le celle date, queste saranno affidate alle celle di esplorazione successive. La cella di esplorazione successiva può, quindi, esplorare un numero di celle uguale a numero nodi non utilizzati precedenti + addendo di nuove celle da esplorare. Così per le prime branchingFactor * 3 con i valori euristici più grandi.

Scelta del fattore di ramificazione e profondità

Problema

I fattori di ramificazione e profondità hanno un inpatto diretto sul tempo di esecuzione dell'algoritmo, e sulla qualità della mossa scelta Diventava quindi molto importante trovare i valori corretti da assegnare per ogni board.

Soluzione utilizzata

Eravamo coscienti della possibilità di utilizzare metodi di apprendimento automatico al fine di trovare in questi valori.

Tuttavia non eravamo a conoscenza dei metodi di applicazione nel nostro ambiente, né se i valori potevano dipendere dal calcolatore su cui veniva eseguito il programma.

Abbiamo quindi deciso di utilizzare alcuni valori fissati, che abbiamo trovato in base a delle prove empiriche.

TODOS

Alcune cose importanti che si dovrebbero fare?

	pseudocodice di markCell
\boxtimes	pseudocodice di unmarkCell
\boxtimes	spiegazione delle FreeCell
	Spiegazione dell'euristica
	\Box 1. Spiegazione dell'ordering delle mosse -> cenno a Late Move reduc-
	tion (o citazione del paper di MICS)
	\square 2. Spiegazine dell'eval della board
	\square 3. Note: sul pruning utile grazie a questo ordering
\boxtimes	algoritmo di sorting delle celle
	spiegazione calcolo dell'euristica
\boxtimes	spiegazione del timer test (numero dei nodi cercati)
\boxtimes	spiegazione dei valori euristici per l'esplorazione in depth e in weight
	Minimax

Approcci fallimentari

- 1. Simulazione di Montecarlo (MCTS), dato il grande successo di AlphaGo
 - 1. Guardava celle che avevano poco valore per la vittoria
 - 2. Guardava tutti gli stati ad ogni livello, il che pesava molto anche sulla memoria (poichè si teneva tutto il game tree)
 - 3. Il limite di tempo era troppo basso per avere un numero di simulazioni sufficenti
 - 4. La capacità dell'hardware incideva molto sui risultati.
- 2. Puro algoritmo heuristico (anche conosciuto come Greedy best first Search)
 - Non riusciva ad andare in profondità, dato che selezionava ogni volta la cella con maggiori probabilità di vittoria al primo livello, questo non gli permetteva di pianificare le proprie mosse.
- 3. alpha beta pruning puro, per i test grandi impiegava troppo tempo d'esecuzione, non riuscendo a fare l'eval di neanche una mossa
- 4. rule-based strategy², basato su 5 steps che riporto qui testualmente: Rule 1 If the player has a winning move, take it. Rule 2 If the opponent has a

winning move, block it. Rule 3 If the player can create a fork (two winning ways) after this move, take it. Rule 4 Do not let the opponent create a fork after the player's move. Rule 5 Move in a way such as the player may win the most number of possible ways.

- 1. Queste regole sono state molto importanti come guida del nostro progetto, nonostante non siano applicate in modo esplicito, hanno guidato il valore fisso per le celle di doppio-gioco e fine-gioco.
- 5. Iterative Deeping

Miglioramenti possibili

- 1. Utilizzare un sistema ad apprendimento automatico per decidere il BRANCHING_FACTOR e la DEPTH_LIMIT che ora sono di valori fissati, secondo l'esperienza umana.
- 2. Utilizzare più threads per l'esplorazione parallela dell'albero di ricerca (non possibile per limiti imposti).
- 3. Update dell'euristica in O(k) invece dell'attuale $O(k^2)$, dove k è il numero di celle da allineare.

Conclusione

Abbiamo osservato come un classico algoritmo Minimax con alpha-beta pruning possa giocare in modo simile, o superiore rispetto all'essere umano per le board di grandezza adeguata per l'umano, data una euristica che gli permetta di potare ampi rami di albero.

Appendice

```
Algorithm 2: markCell senza checks sulla board
  Result: Cella richiesta della tavola è marcata
  Input : int freeCellsCount : numero di celle libere, è compreso fra 1 e
           allCells.length
  Input : int index: l'index della cella da marcare, compresa fra 0 e
            free Cells Count
  Input : Cell[] allCells: array tutte le celle, in cui le prime
           free Cells Count sono considerate libere
  Output: void: viene modificata allCells
1 \ allCells[freeCellsCount - 1].index = allCells[index].index;
2 swap(allCells[freeCellsCount - 1], allCells[index]);
  // marca la cella come occupata dal giocatore
3 mark(allCells[freeCellsCount - 1]);
4 freeCellsCount = freeCellsCount - 1;
  Algorithm 3: unmarkCell senza checks sulla board
  Result: Viene rimosso l'ultima mossa della tavola
  Input : int freeCellsCount: numero di celle libere, è compreso fra 0 e
           allCells.length - 1
  Input: Cell[] allCells: array tutte le celle, in cui le prime
           freeCellsCount sono considerate libere
  // marca la cella come libera
1 markFree(allCells[freeCellsCount - 1]);
\mathbf{z} swap(allCells[allCells[freeCellsCount]].index], allCells[freeCellsCount]);
\mathbf{3} allCells[freeCellsCount].index = freeCellsCount;
4 freeCellsCount = freeCellsCount + 1;
```

```
Algorithm 4: Minimax Euristico riadattato da Norvig e Russel <sup>1</sup>
1 Function MiniMax-Search(game, state)
      // Cerca fra le mosse la migliore possibile
      // move è l'azione da intraprendere
      value, move = Max-Value(game, state);
2
      return move;
4 Function Max-Value(game, state, alpha, beta)
      if game.terminalTest(state) then return game.utility(state), null;
 5
      value, move = -\infty;
 6
      for each action in game.actions(state) limitato da una branching factor
 7
 8
         v, m = Min-Value(game, game.result(state, action), alpha, beta);
         if v > value then
 9
             value, move = v, action;
10
             alpha = Max(alpha, value);
11
         end
12
         if v \ge beta then
13
             return value, move;
14
         end
15
      end
16
      return value, move;
17
18 Function Min-Value (game, state, alpha, beta)
      if game.terminalTest(state) then return game.utility(state), null;
19
      value, move = \infty;
20
      for each action in game.actions(state) limitate da una branching factor
21
         v, m = Max-Value(game, game.result(state, action), aplha, beta);
22
         if v < value then
\mathbf{23}
             value, move = v, action;
24
             beta = Min(beta, value);
25
         end
26
         if v \leq alpha then
27
             return value, move;
28
         end
29
      end
30
      return value, move;
31
```

Algorithm 5: Calcolo di valori utili all'euristica in una direzione

```
Result: Valori euristici in una singola direzione
  Input : cell, state
  \textbf{Output:}\ minimum ToW in,\ num Of Cells,\ num Of Windows
  // right è l'offset di arrivo
  // numOfCells è il numero di celle mie trovate
  // numOfWindows è il numero di sliding windows trovate
1 right, numOfCells, numOfWindows = Compute-max-right(cell, state);
2 left = 1:
\mathbf{3} minimumToWin = -1;
4 while left < K and cellOffsetLeftIsValid(left) do
      if cellOffSetLeftIsEnemy(left) then
 6
      else if cellOffsetLeftIsMine(left) then
        numOfCells++;
 8
      end
      // L'altra parte della sliding window deve essere alla
         lunghezza adeguata
      right, numOfCells = updateRightWindow(left, right, numOfCells);
10
      if left + right == K - 1 then
11
      numOfWindows++;
\bf 12
13
      minimumToWin = Min(minimumToWin, K - numOfCells);
14
     left++;
15
16 end
17 return minimumToWin, numOfCells, numOfWindows;
```

References

- 1. Russell, Stuart J., e Peter Norvig. Artificial Intelligence: A Modern Approach. Fourth edition, Global edition, Pearson, 2022.
- 2. Development of Tic-Tac-Toe Game Using Heuristic Search IOP Publishing, 2nd Joint Conference on Green Engineering Technology & Applied Computing 2020, Zain AM, Chai CW, Goh CC, Lim BJ, Low CJ, Tan SJ
- 3. Developing a Memory Efficient Algorithm for Playing m, n, k Games, Nathaniel Hayes and Teig Loge, 2016.