

西安电子科技大学

试 题 考试时间 120 分钟

题 号	一	二	三.1	三.2	三.3	三.4	三.5	三.6	总 分
得 分									

1. 考试形式：闭卷； 2. 本试卷共三大题，满分 100 分； 3. 考试日期：2019.1

一. 单项选择题（每小题 4 分，共 20 分）

- 已知随机事件 A_1, A_2, A_3 满足 $A_2 \subset A_1 A_3$ ，则[].
 (A) $P(A_1 A_2 A_3) = P(A_1)P(A_2|A_1)P(A_3|A_2)$ (B) 若 A_2 发生，则 A_1, A_3 不能同时发生
 (C) $P(A_2) \geq P(A_1) + P(A_3) - P(A_1 \cup A_3)$ (D) 若 A_1, A_3 都不发生，则 A_2 可能发生
- 若离散随机变量 X 有分布律 $P\{X = x_i\} = p_i > 0, i = 1, 2, \dots$ ，则[].
 (A) $E(X^2) - [E(X)]^2 \geq 0$ (B) $\sin(X)$ 是取无穷多个值的离散随机变量
 (C) X 的分布函数是连续的 (D) 若每一个 x_i 都在集合 Γ 之外，则 $P(X \in \Gamma) = 0$
- 二维随机变量 (X_1, X_2) 的联合概率密度函数为 $p(x_1, x_2)$ ，则[].
 (A) $EX_2 = \int_{-\infty}^{\infty} x_2 p(x_1, x_2) dx_2$
 (B) $P\{|X_1| \leq 1\} = \int_{-1}^1 p(x_1, x_2) dx_1$
 (C) $p(x_1, x_2) \neq 0$
 (D) 若 $p(x_1, x_2) = \int_{-\infty}^{\infty} p(x_1, x_2) dx_1 \int_{-\infty}^{\infty} p(x_1, x_2) dx_2$ ，则 X_1, X_2 相互独立
- 以下关于点估计的各种说法中，正确的是[].
 (A) 矩估计量没有极大似然估计量有效 (B) 矩估计量都是相合估计量
 (C) 正态总体方差的矩估计量 $\frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n}$ 是无偏的 (D) 无偏估计量是唯一的
- 设 $X_1, X_2, \dots, X_n, \dots$ 是独立同分布的随机序列，均值为 μ ，则描述错误的是[].
 (A) 若 X_1 的方差不存在，则辛钦大数定理和中心极限定理都不成立
 (B) 若 X_1 服从泊松分布，则当 n 很大时， $X_1 + \dots + X_n$ 既服从泊松分布也近似服从正态分布
 (C) 随着 n 的不断增大，事件 $\left\{ \left| \frac{X_1 + \dots + X_n}{n} - \mu \right| > \frac{1}{2} \right\}$ 发生的可能性接近于零
 (D) 大数定理严格刻画了频率的稳定性

二. 填空题（每小题 4 分，共 20 分）

- 甲乙独立地分别从 $[0, 1]$ 和 $[0, 2]$ 均匀地各取一点，则甲小于乙的概率为[].
- 设某地一年中停电的次数可以用参数为 2 的泊松随机变量 X 刻画，而停水的次数可用 X^2 刻画，则平均看一年中该地停水次数比停电次数多[]次.
- 若 X_1, X_2, \dots, X_n 是来自参数为 1 的指数分布总体的一个简单随机样本， $S(x)$ 记录这

个样本中数值不超过 $x (x > 0)$ 的个体的个数, 则 $E[S(x)] = [\quad]$.

4. 已知 $X \sim \chi^2(10), Y \sim \chi^2(10)$ 且它们相互独立, 则 X/Y 服从自由度为 $[\quad]$ 的 $[\quad]$ 分布. (第二空填具体的分布类型).

5. 某 H 公司在面临全球发展阻力时, 希望通过员工抗压指数来判断公司的承压情况. 假设所有员工抗压表现相互独立且都服从均值为 μ 、方差为 σ^2 的正态分布. 现在 H 公司在某部门内部取得容量为 6 的一组抗压指数 74、81、90、87、96、79, 则 μ 的矩估计值为 $[\quad]$, $\sigma^2 + \mu^2$ 的矩估计值为 $[\quad]$. (结果保留一位小数)

三. 解答题 (每小题 10 分, 共 60 分)

1. (10 分) 设随机变量 X 的分布函数 $F(x)$ 的导数大于零, 定义新的随机变量 $Y = F(X)$, 求 Y 的分布函数 $F_Y(y)$ 和方差 $D(Y)$.

2. (10 分) 已知随机变量 X 的概率密度为 $f_X(x) = \begin{cases} e^{-x}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$, 当 $X = x > 0$ 时随机变量 Y 是 $[x, x+2]$ 上的均匀分布随机变量, 求 Y 的数学期望 $E(Y)$.

3. (10 分) 设二维正态随机变量 (X, Y) 的概率密度如下, 定义新随机变量 $T = \max\{X, Y\}$.

$f(x, y) = \frac{1}{2\pi\sqrt{1-r^2}} \exp\left\{-\frac{1}{2(1-r^2)}(-x^2+2rxy-y^2)\right\}$, 试求 $r = 0$ 时 T 的概率密度 $f_T(t)$.

4. (10 分) 2018 年 10 月 24 日正式通车的港珠澳大桥是迄今为止最长的跨海大桥, 被称为超级工程, 它的质量和可靠性经过 2018 年 9 月 16 日超级台风“山竹”的检验而赢得全世界的赞誉. 假设港珠澳大桥上的风速大小服从瑞利分布, 其概率密度如下

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sigma^2} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}, & x \geq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

若不同时段独立地测出 n 个风速数据 x_1, x_2, \dots, x_n , 求未知参数 $\sigma (> 0)$ 的最大似然估计值.

5. (10 分) 在一次大型网络购物节中, 假设网购者的消费水平服从均值为 μ (元), 方差为 σ^2 的正态分布. 现有容量为 36 的网购消费水平简单样本, 均值为 990, 样本方差为 486, 试在 $\alpha = 0.5\%$ 的显著性水平下, 作如下假设检验:

$$H_0: \mu = 1000, \quad H_1: \mu < 1000$$

(注: $\sqrt{2} = 1.4142, \sqrt{3} = 1.7321, \sqrt{6} = 2.4495, t_{0.01}(36) = 2.4345,$
 $t_{0.005}(36) = 2.7195, t_{0.01}(35) = 2.4377, t_{0.005}(35) = 2.7238$)

6. (10 分) 设大一新生的身高 (单位: 厘米) 服从均值为 μ , 方差为 100 的正态分布. 现随机测得 10 位新生的身高数据如下:

181 170 171 164 176 158 161 173 166 170

试求 μ 的置信水平为 0.9 的置信区间.

(注: $z_{0.1} = 1.28, z_{0.05} = 1.65, z_{0.01} = 2.33, z_{0.005} = 2.57$, 最终结果不需要化为小数)

装

订

线