

# Circuitos RC e RL

José Humberto de Araújo<sup>1</sup>

<sup>1</sup>DFTE-UFRN

31 de março de 2022



## 1 CIRCUITOS ELÉTRICOS REVISITADOS

- CIRCUITOS RC
- CARGA DO CAPACITOR
- CIRCUITOS RL

- O capacitor é um componente dotado de um material dielétrico capaz de acumular cargas elétricas.

- O capacitor é um componente dotado de um material dielétrico capaz de acumular cargas elétricas.
- As propriedades dinâmicas dos capacitores estão associadas com a dependência temporal no processo de carga e descarga do capacitor.

- Por definição a capacitância é igual a carga acumulada dividida pela tensão de polarização

$$C = \frac{q}{V} \quad (1)$$

- Por definição a capacitância é igual a carga acumulada dividida pela tensão de polarização

$$C = \frac{q}{V} \quad (1)$$

- Assim, podemos facilmente mostrar que a corrente no capacitor pode ser escrita na forma

$$I = C \frac{dV}{dt}. \quad (2)$$

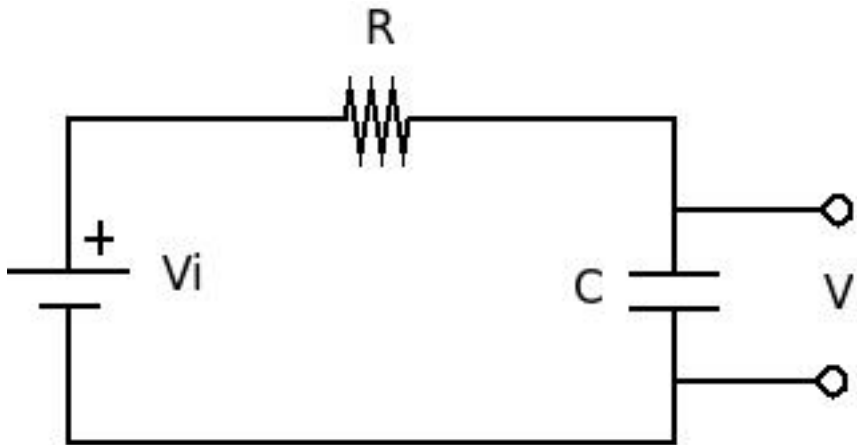
- Por definição a capacitância é igual a carga acumulada dividida pela tensão de polarização

$$C = \frac{q}{V} \quad (1)$$

- Assim, podemos facilmente mostrar que a corrente no capacitor pode ser escrita na forma

$$I = C \frac{dV}{dt}. \quad (2)$$

- Considere que um capacitor está sendo carregado por uma fonte DC com tensão  $V_i$  através de um resistor  $R$  conforme a figura 1, onde  $V$  é a diferença de potencial entre os terminais do capacitor.



**Figura 1:** Circuito RC no processo de carga



- A corrente no capacitor será dada pela equação (1) e no resistor será

$$I = \frac{V_R}{R} \quad (3)$$

e pela lei da malhas,  $V_i - V_R - V = 0$  e como a corrente deve ser a mesma na malha, então,

$$C \frac{dV}{dt} = \frac{V_i - V}{R} \quad (4)$$

- A corrente no capacitor será dada pela equação (1) e no resistor será

$$I = \frac{V_R}{R} \quad (3)$$

e pela lei da malhas,  $V_i - V_R - V = 0$  e como a corrente deve ser a mesma na malha, então,

$$C \frac{dV}{dt} = \frac{V_i - V}{R} \quad (4)$$

- Assim, reagrupando os termos semelhantes e integrando em ambos os lados

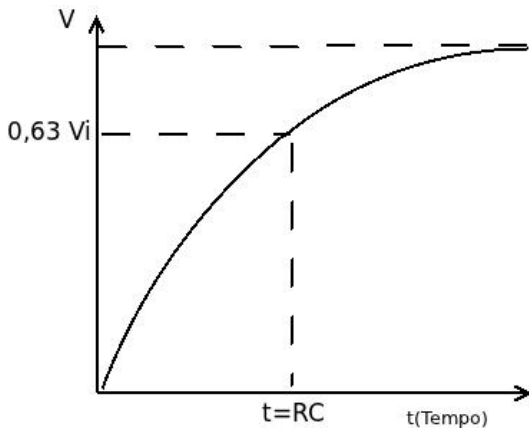
$$\begin{aligned} \int \frac{dV}{V - V_i} &= \frac{-1}{RC} \int dt \rightarrow \ln(V - V_i) + C = \frac{-t}{RC} \\ &\rightarrow V = V_i + Ae^{-t/RC}. \end{aligned} \quad (5)$$

Onde  $A$  é uma constante a ser determinada pelas condições iniciais.

Condições iniciais: em  $t=0$ ,  $V=0$ , assim  $A=-V_i$ . Portanto,

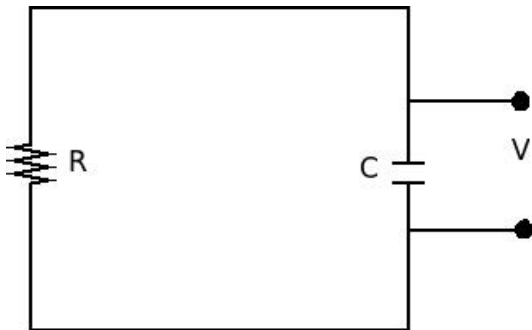
$$V = V_i(1 - e^{-t/RC}). \quad (6)$$

A figura 2 mostra o gráfico da tensão  $V$  em função do tempo.



**Figura 2:** Tensão em função do tempo para um circuito RC no processo de carga

No processo de descarga o capacitor já deve está carregado e em série com o resistor da forma mostrada na figura 3.



**Figura 3:** Circuito RC no processo de descarga

- De forma análoga, igualando a corrente no capacitor e resistor e agrupando os termos semelhantes teremos

$$\frac{dV}{V} = \frac{-dt}{RC}. \quad (7)$$

- De forma análoga, igualando a corrente no capacitor e resistor e agrupando os termos semelhantes teremos

$$\frac{dV}{V} = \frac{-dt}{RC}. \quad (7)$$

- Novamente integrando em ambos os lados, obtemos

$$V = V_i e^{-t/RC} \quad (8)$$

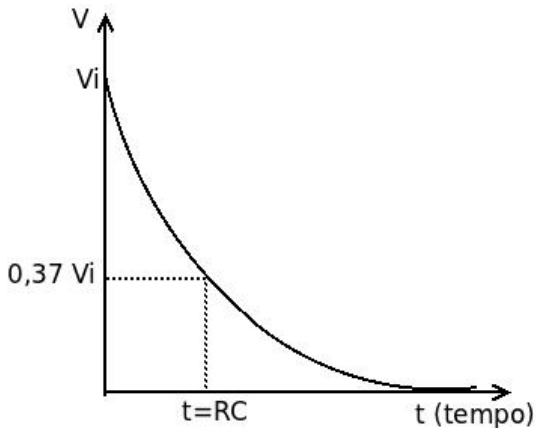
- De forma análoga, igualando a corrente no capacitor e resistor e agrupando os termos semelhantes teremos

$$\frac{dV}{V} = \frac{-dt}{RC}. \quad (7)$$

- Novamente integrando em ambos os lados, obtemos

$$V = V_i e^{-t/RC} \quad (8)$$

- O gráfico da tensão  $V$  versus o tempo  $t$  é mostrado na figura 4.

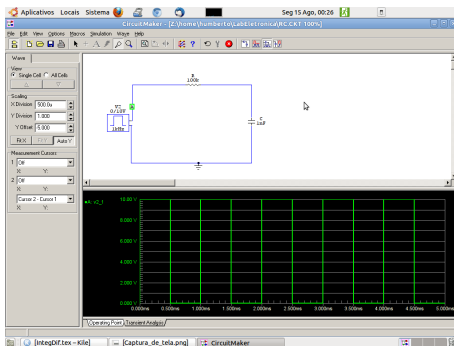


**Figura 4:** Tensão em função do tempo para um circuito RC no processo de descarga.

Neste caso, em  $t=RC$ , a tensão no capacitor será  $0,37V_i$  i.é., a tensão no capacitor caiu de 63% do seu valor inicial.

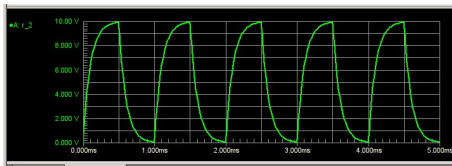


Se a tensão de entrada  $V_i$  é um sinal AC do tipo onda quadrada com período  $T$  da forma mostrada na figura 5, então, de  $t=0$  a  $t=T/2$ , o capacitor estará carregando, e de  $t=T/2$  a  $T$ , estará descarregando. Na figura 5 podemos ver o diagrama do circuito RC e a forma quadrada do sinal de entrada como simulado pelo software Circuit Maker 2000. Uma versão para estudante grátis pode ser obtida do endereço: [http://my.ece.ucsb.edu/bobsclass/2C/Simulation/circuit\\_maker.htm](http://my.ece.ucsb.edu/bobsclass/2C/Simulation/circuit_maker.htm).



**Figura 5:** Simulação com Circuit Maker de um sinal AC tipo onda quadrada num circuito RC.

No período seguinte o mesmo ocorrerá e assim sucessivamente, de modo que, a tensão de saída no capacitor será uma sequência de curvas de carga (figura 2) e descarga (figura 4). Obviamente, a forma deste sinal será fortemente influenciada pela relação entre o período  $T$  do sinal de entrada e o tempo de relaxação  $RC$  do circuito. Por exemplo, para  $T=10RC$ , o capacitor se carregará, no intervalo  $0 < t < T/2$ , quase totalmente e a tensão de saída se aproxima muito da saturação. Como o capacitor foi quase totalmente carregado, sua descarga no intervalo  $T/2 < t < T$  será quase completa. Portanto, o sinal de saída seria da forma mostrada na figura 6.



**Figura 6:** Sinal de saída no capacitor para  $T=10RC$ .

- Um indutor é um componente elétrico que armazena energia na forma de campo magnético, normalmente combinando o efeito de vários loops da corrente elétrica.

- Um indutor é um componente elétrico que armazena energia na forma de campo magnético, normalmente combinando o efeito de vários loops da corrente elétrica.
- Sua unidade de medida é a indutância definida por

$$L = \frac{\phi}{I} \quad (9)$$

onde  $L$  é um valor que depende das características físicas do indutor e do meio em questão e  $I$  é a corrente elétrica. Sua unidade no SI é o Henry (H) e seus submúltiplos em potência de 10 como o mH e o  $\mu$ H.

- Um indutor é um componente elétrico que armazena energia na forma de campo magnético, normalmente combinando o efeito de vários loops da corrente elétrica.
- Sua unidade de medida é a indutância definida por

$$L = \frac{\phi}{I} \quad (9)$$

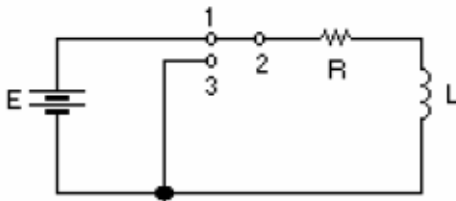
onde  $L$  é um valor que depende das características físicas do indutor e do meio em questão e  $I$  é a corrente elétrica. Sua unidade no SI é o Henry (H) e seus submúltiplos em potência de 10 como o mH e o  $\mu$ H.

- Usando a lei de Faraday podemos mostrar que:

$$V = L \frac{dI}{dt} \quad (10)$$

Onde:  $V$  é a tensão no indutor e  $I$  é a corrente que passa pelo mesmo.

Vamos então analisar o que acontece em um circuito LR sendo alimentado por uma fonte de tensão contínua de valor  $E$ .



**Figura 7:** Circuito RL

- Aplicando a Lei das Malhas temos:

$$E - RI - L \frac{dI}{dt} = 0 \quad (11)$$

Onde,  $V$  é a tensão no indutor e  $I$  é a corrente que passa pelo mesmo.

- Aplicando a Lei das Malhas temos:

$$E - RI - L \frac{dI}{dt} = 0 \quad (11)$$

Onde,  $V$  é a tensão no indutor e  $I$  é a corrente que passa pelo mesmo.

- Esta é uma equação diferencial ordinária cuja solução nos fornecerá,

$$I(t) = \frac{E}{R} (1 - e^{-\frac{t}{L/R}}) \quad (12)$$



- Após um tempo muito longo se mudarmos a chave inversora da posição 1 para a 3, retiramos a fonte do circuito. O indutor então não permitirá a mudança brusca na corrente iniciando então um processo de "descarga" do indutor.

- Após um tempo muito longo se mudarmos a chave inversora da posição 1 para a 3, retiramos a fonte do circuito. O indutor então não permitirá a mudança brusca na corrente iniciando então um processo de "descarga" do indutor.
- Na realidade no período de "carga", o indutor armazena energia no seu campo magnético e depois devolve essa energia para o circuito na "descarga" fazendo assim com que não haja mudança brusca na corrente.

- Após um tempo muito longo se mudarmos a chave inversora da posição 1 para a 3, retiramos a fonte do circuito. O indutor então não permitirá a mudança brusca na corrente iniciando então um processo de "descarga" do indutor.
- Na realidade no período de "carga", o indutor armazena energia no seu campo magnético e depois devolve essa energia para o circuito na "descarga" fazendo assim com que não haja mudança brusca na corrente.
- Tomando novamente a equação de malha do circuito

$$RI + L \frac{dI}{dt} = 0 \quad (13)$$

Resolvendo para I:

$$I(t) = \frac{E}{R} e^{\frac{-t}{L/R}} \quad (14)$$