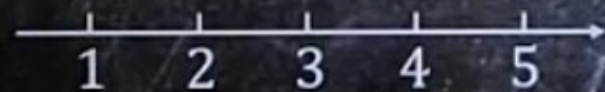


1/6 符合均匀分布, 求概率

$$P = \frac{\text{满足要求长度}}{\text{总长度}}$$

设X在[2,5]上服从均匀分布, 求X的取值大于3的概率。

总长度: 3 大于3的长度: 2



$$P_{X \text{ 的取值大于 } 3} = \frac{2}{3}$$

设X在[2,5]上服从均匀分布, 求X的取值小于3的概率。

总长度: 3 小于3的长度: 1



$$P_{X \text{ 的取值小于 } 3} = \frac{1}{3}$$

2/6 符合泊松分布, 求概率

$$P(X=x) = \frac{\lambda^x}{x!} e^{-\lambda}$$

某电话交换台每分钟接到的呼叫数服从参数为5的泊松分布, 求在一分钟内呼叫次数不超过6次的概率。

X表示一分钟接到呼叫的次数

$$\begin{aligned} P(X \leq 6) &= P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) + P(X=3) + P(X=4) + P(X=5) + P(X=6) \\ &= \frac{5^0}{0!} e^{-5} + \frac{5^1}{1!} e^{-5} + \frac{5^2}{2!} e^{-5} + \frac{5^3}{3!} e^{-5} + \frac{5^4}{4!} e^{-5} + \frac{5^5}{5!} e^{-5} + \frac{5^6}{6!} e^{-5} \\ &= 0.7622 \end{aligned}$$

$$P(X=0) = \frac{5^0}{0!} e^{-5} \quad P(X=1) = \frac{5^1}{1!} e^{-5} \quad P(X=2) = \frac{5^2}{2!} e^{-5} \quad P(X=3) = \frac{5^3}{3!} e^{-5}$$

$$P(X=4) = \frac{5^4}{4!} e^{-5} \quad P(X=5) = \frac{5^5}{5!} e^{-5} \quad P(X=6) = \frac{5^6}{6!} e^{-5}$$

3/6 符合二项分布，求概率

$$P(X=x)=C_n^x p^x (1-p)^{n-x}$$

重复投5次硬币，求正面朝上次数为3次的概率。

$$x=3 \quad n=5 \quad P(\text{正面朝上})=\frac{1}{2}$$

$$P(x=3)=C_5^3 \left(\frac{1}{2}\right)^3 \left(1-\frac{1}{2}\right)^{5-3}=\frac{5}{16}$$

在2红1绿三个球中有放回地摸3次，求摸到红球次数为2次的概率。

$$x=2 \quad n=3 \quad P(\text{摸到红球})=\frac{2}{3}$$

$$P(x=2)=C_3^2 \left(\frac{2}{3}\right)^2 \left(1-\frac{2}{3}\right)^{3-2}=\frac{4}{9}$$

4/6 符合指数分布, 求概率

$$f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases} \quad \begin{cases} P(a_1 < X < a_2) = \int_{a_1}^{a_2} f(x) dx \\ P(X < a) = \int_{-\infty}^a f(x) dx \\ P(X > a) = \int_a^{+\infty} f(x) dx \end{cases}$$

某种电子元件的使用寿命 X (单位: 小时)服从 $\lambda = \frac{1}{2000}$ 的指数分布。

求: (1) 一个元件能正常使用1000小时以上的概率;

(2) 一个元件能正常使用1000小时到2000小时之间的概率。

$$X \text{ 的密度函数为 } f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2000} e^{-\frac{x}{2000}}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$$

$$(1) P(X > 1000) = \int_{1000}^{+\infty} f(x) dx = \int_{1000}^{+\infty} \frac{1}{2000} e^{-\frac{x}{2000}} dx = e^{-0.5}$$

$$(2) P(1000 < X < 2000) = \int_{1000}^{2000} f(x) dx = \int_{1000}^{2000} \frac{1}{2000} e^{-\frac{x}{2000}} dx = -e^{-1} + e^{-0.5}$$

5/6 符合正态分布，求概率

$$\begin{cases} P(a < X < b) = \Phi\left(\frac{b-\mu}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{a-\mu}{\sigma}\right) \\ P(X < a) = \Phi\left(\frac{a-\mu}{\sigma}\right) \\ P(X > b) = 1 - \Phi\left(\frac{b-\mu}{\sigma}\right) \end{cases}$$

设随机变量X服从正态分布 $N(1.5, 4)$ ，求：(1) $P(1.5 < X < 3.5)$ ；(2) $P(X < 3.5)$ 。

[其中： $\Phi(0)=0.5$ ， $\Phi(0.75)=0.7734$ ， $\Phi(1)=0.8413$ ， $\Phi(2.25)=0.9878$]

$$\mu = 1.5 \quad \sigma = \sqrt{4} = 2$$

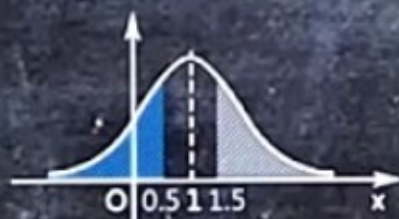
$$(1) P(1.5 < X < 3.5) = \Phi\left(\frac{3.5-1.5}{2}\right) - \Phi\left(\frac{1.5-1.5}{2}\right) = \Phi(1) - \Phi(0) = 0.3413$$

$$(2) P(X < 3.5) = \Phi\left(\frac{3.5-1.5}{2}\right) = \Phi(1) = 0.8413$$

6/6 正态分布图像

- ① 图像关于 μ 对称
- ② 面积表示概率，总面积为1
- ③ σ 越小，图像越陡

设 X 服从 $N(1, \sigma^2)$ ，已知 $P(X > 1.5) = a$ ，则 $P(X < 0.5) = \underline{a}$



设 X 服从 $N(1, \sigma^2)$ ，已知 $P(X > 0) = b$ ，则 $P(X > 2) = \underline{1-b}$

