

Universidade Federal de Uberlândia

Profa. Christiane Regina Soares Brasil

Email: christiane.ufu@gmail.com

Aula prática - 07/10/2022

- 1) Calcule o número de instruções em função de N nos trechos de códigos apresentados abaixo, considerando o melhor e o pior caso (determine-os).

a)

```
...
int i;
for(i = 0; i < n; i++)
{
    printf("%d ", A[i]);
}
```

$F(n) = 3n + 2 \rightarrow$ *para todos os casos (Caso Geral)*

b)

```
...
int i;
for( i = N-1; i >= 0; i--)
{
    A[i+1] = A[i];
}
A[0] = x;
```

1 instrução para $i = N-1$; // executa a primeira vez

1 instrução para $i \geq 0$; // executa a primeira vez

n instruções para $A[i+1] = A[i]$; // executa n vezes

n instruções para $i--$; // executa n vezes

n instruções para $i \geq 0$; // executa n vezes

1 instrução para $A[0] = A[x]$; // executa 1 vez

$F(n) = 1 + 1 + n + n + n + 1 = 3n + 3$

$F(n) = 3n + 3 \rightarrow$ *para todos os casos (Caso Geral)*

c)

...

```

int i;
for(i = 0; i<n; i++)
{
    if(A[i]%2==0) printf("%d ", A[i]);
}

```

Melhor caso (todos são ímpares):

1 instrução para $i = 0$; // executa a primeira vez
 1 instrução para $i < n$; //executa a primeira vez
 n instruções para $\text{if}(A[i]\%2==0)$; //executa n vezes
 n instruções para $i++$; //executa n vezes
 n instruções para $i < n$; //executa n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + n + n + n = 3n + 2$$

$$F(n) = 3n + 2$$

Pior caso (todos são pares):

1 instrução para $i = 0$; // executa a primeira vez
 1 instrução para $i < n$; //executa a primeira vez
 n instruções para $\text{if}(A[i]\%2==0)$; //executa n vezes
 n instruções para $\text{printf}("%d ", A[i]);$ //executa n vezes
 n instruções para $i++$; //executa n vezes
 n instruções para $i < n$; //executa n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + n + n + n + n = 4n + 2$$

$$F(n) = 4n + 2$$

d)

```

...
int i, cont = 0;
float media = 0;
for(i = 0; i<n; i++)
{
    if(A[i]%2==0) { media += A[i]; cont++; }
}
if(cont==0) printf("Nenhum par.");
else media = media/cont;

```

Melhor caso (todos são ímpares):

1 instrução para `cont = 0;` // executa 1 vez
 1 instrução para `media = 0;` // executa 1 vez
 1 instrução para `i = 0;` // executa a primeira vez
 1 instrução para `i < n;` //executa a primeira vez
 n instruções para `if(A[i]%2==0) ;` //executa n vezes
 n instruções para `i++;` //executa n vezes
 n instruções para `i < n;` //executa n vezes
 1 instrução para `if(cont==0);` // executa 1 vez
 1 instrução para `printf("Nenhum par");` // executa 1 vez

$$F(n) = 1 + 1 + 1 + 1 + n + n + n + 1 + 1 = 3n + 6$$

$$F(n) = 3n + 6$$

Pior caso (todos são pares):

1 instrução para `cont = 0;` // executa 1 vez
 1 instrução para `media = 0;` // executa 1 vez
 1 instrução para `i = 0;` // executa a primeira vez
 1 instrução para `i < n;` //executa a primeira vez
 n instruções para `if(A[i]%2==0) ;` //executa n vezes
 n instruções para `media += A[i];` //executa n vezes
 n instruções para `cont++;` //executa n vezes
 n instruções para `i < n;` //executa n vezes
 n instruções para `i++;` //executa n vezes
 1 instrução para `if(cont==0);` // executa 1 vez
 1 instrução para `media = media/cont;` // executa 1 vez

$$F(n) = 1 + 1 + 1 + 1 + n + n + n + n + n + 1 + 1 = 5n + 6$$

$$F(n) = 5n + 6$$

e) ...

```

int i, max;
max = A [0];
for(i = 0; i<n; i++)
{
    if(max < A[ i ]) max = A[ i ];
}
  
```

Melhor caso (o maior elemento é A[0]):

1 instrução para $\text{max} = A[0]$; // executa 1 vez
 1 instrução para $i = 0$; // executa a primeira vez
 1 instrução para $i < n$; //executa a primeira vez
 n instruções para $\text{if}(\text{max} < A[i])$; //executa n vezes
 n instruções para $i++$; //executa n vezes
 n instruções para $i < n$; //executa n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + 1 + n + n + n = 3n + 3$$

$$F(n) = 3n + 3$$

Pior caso (o vetor está ordenado de modo crescente):

1 instrução para $\text{max} = A[0]$; // executa 1 vez
 1 instrução para $i = 0$; // executa a primeira vez
 1 instrução para $i < n$; //executa a primeira vez
 n instruções para $\text{if}(\text{max} < A[i])$; //executa n vezes
 n instruções para $\text{max} = A[i]$; //executa n vezes
 n instruções para $i++$; //executa n vezes
 n instruções para $i < n$; //executa n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + 1 + n + n + n + n = 4n + 3$$

$$F(n) = 4n + 3$$

f) ...
 int i, j;
 for(i = 0; i < n; i++)
 for(j = 0; j < n; j++)
 printf("%d", A[i][j]);

1 instrução para $i = 0$; // executa a primeira vez
 1 instrução para $i < n$; //executa a primeira vez
 n instruções para $i < n$; //executa n vezes
 n instruções para $i++$; //executa n vezes
 n instruções para $j = 0$; //executa n vezes
 n instruções para $j < n$; // executa n vezes
 n^2 instruções para $j < n$; //executa $n*n$ vezes
 n^2 instruções para $j++$; //executa $n*n$ vezes
 n^2 instruções para $\text{printf}("%d", A[i][j]);$ //executa $n*n$ vezes
 $F(n) = 1 + 1 + n + n + n + n + n^2 + n^2 + n^2 = 3n^2 + 4n + 2$

$$F(n) = 3n^2 + 4n + 2 \rightarrow \text{para todos os casos (Caso Geral)}$$

g) ...
 int i, j;
 for(i = 0; i < n; i++)
 for(j = 0; j < n; j++)
 if(A[i][j] == 0) A[i][j] = 1;

Melhor caso (não há zero na matriz):

1 instrução para i = 0; // executa a primeira vez
 1 instrução para i < n; // executa a primeira vez
 n instruções para i < n; // executa n vezes
 n instruções para i++; // executa n vezes
 n instruções para j = 0; // executa n vezes
 n instruções para j < n; // executa n vezes
 n² instruções para j < n; // executa n*n vezes
 n² instruções para j++; // executa n*n vezes
 n² instruções para if(A[i][j] == 0); // executa n*n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + n + n + n + n + n^2 + n^2 + n^2 = 3n^2 + 4n + 2$$

$$F(n) = 3n^2 + 4n + 2$$

Pior caso (todos são zeros na matriz):

1 instrução para i = 0; // executa a primeira vez
 1 instrução para i < n; // executa a primeira vez
 n instruções para i < n; // executa n vezes
 n instruções para i++; // executa n vezes
 n instruções para j = 0; // executa n vezes
 n instruções para j < n; // executa n vezes
 n² instruções para j < n; // executa n*n vezes
 n² instruções para j++; // executa n*n vezes
 n² instruções para if(A[i][j] == 0); // executa n*n vezes
 n² instruções para A[i][j] = 1; // executa n*n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + n + n + n + n + n^2 + n^2 + n^2 + n^2 = 4n^2 + 4n + 2$$

$$F(n) = 4n^2 + 4n + 2$$

h) ...

```

int i, j, max;
max = A [0][0];
for(i = 0; i<n; i++)
    for(j = 0; j<n; j++)
        if(max < A[ i ][ j ]) max = A[ i ][ j ];

```

Melhor caso (o maior elemento é A[0][0]):

1 instrução para max = A[0][0]; // executa a primeira vez
 1 instrução para i = 0; // executa a primeira vez
 1 instrução para i<n; //executa a primeira vez
 n instruções para i<n; //executa n vezes
 n instruções para i++; //executa n vezes
 n instruções para j = 0; //executa n vezes
 n instruções para j<n; // executa n vezes
 n² instruções para j<n; //executa n*n vezes
 n² instruções para j++; //executa n*n vezes
 n² instruções para if(max < A[i][j]); //executa n*n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + 1 + n + n + n + n + n^2 + n^2 + n^2 = 3n^2 + 4n + 3$$

$$F(n) = 3n^2 + 4n + 3$$

Pior caso (matriz em ordem crescente por linha):

1 instrução para max = A[0][0]; // executa a primeira vez
 1 instrução para i = 0; // executa a primeira vez
 1 instrução para i<n; //executa a primeira vez
 n instruções para i<n; //executa n vezes
 n instruções para i++; //executa n vezes
 n instruções para j = 0; //executa n vezes
 n instruções para j<n; // executa n vezes
 n² instruções para j<n; //executa n*n vezes
 n² instruções para j++; //executa n*n vezes
 n² instruções para if(max < A[i][j]); //executa n*n vezes
 n² instruções para max = A[i][j]; //executa n*n vezes

$$F(n) = 1 + 1 + 1 + n + n + n + n + n^2 + n^2 + n^2 + n^2 = 4n^2 + 4n + 3$$

$$F(n) = 4n^2 + 4n + 3$$