MT51 - Mathématiques pour l'image

TP0 - Introduction à Matlab

Table des matières

1	«Ca	hier des charges» : objectifs à atteindre	3
	1.1	Organisation : écran et espace de travail	3
		1.1.1 Ecran	3
		1.1.2 Espace de travail	3
	1.2	Outils disponibles	3
		1.2.1 L'organisation de matlab à l'UTBM	3
		1.2.2 Les fonctions disponibles	4
	1.3	Prise en main du logiciel	4
		1.3.1 Calculs ordinaires dans matlab	4
		1.3.2 Les possibilités graphiques	4
		1.3.3 L'écriture de fonctions : les fichiers.m	4
		1.3.4 Le symbolique	5
		v	
2	Lan	cement et instructions de base	5
3	Les	notions de bases	6
	3.1	Les variables	6
	3.2	Les opérations arithmétiques	6
	3.3	Vecteurs ou tableaux à une dimension	6
	3.4	Vecteurs ou tableaux à deux dimensions	7
4	Leı	répertoire courant et le chemin d'accès	7
5	Laj	programmation avec matlab	8
	5.1	les fonctions et les M-fichiers	8
	5.2	La programmation	9
		5.2.1 Les entrées/sorties	9
		5.2.2 Les instructions conditionnelles	9
		5.2.3 Les instructions inconditionnelles : les boucles	9
	5.3	Différence entre fonction et script	10

	5.4 Quelques conseils	10
6	Résolution de systèmes linéaires	11
7	Valeurs et vecteurs propres	12
8	Les complexes	12
9	Les polynômes	13
10	Les graphiques 10.1 Les graphiques bi-dimensionnels 10.2 Les graphiques tri-dimensionnels 10.3 D'immenses possibilités	13
11	L'utilisation du debugger	14
f 12	Matlab symbolique	14

1 «Cahier des charges» : objectifs à atteindre

1.1 Organisation : écran et espace de travail

1.1.1 Ecran

Les étudiants feront apparaître au minimum trois fenêtres :

- une pour les commandes matlab;
- une pour l'édition des fichiers .m en cours d'écriture;
- une pour les représentations graphiques connexes.

1.1.2 Espace de travail

- Les étudiants définiront l'arborescence nécessaire à une présentation claire de leurs travaux pratiques.
- Ils apprendront à s'y déplacer, à utiliser les commandes associées le plus souvent issues d'Unix.
- Les règles de visibilité des fichiers écrits devront être rapidement maîtrisées.
- Par défaut, les passages de paramètres de fonctions se font par valeur; il est possible de globaliser une variable entre les différents blocs dont on souhaite qu'ils la partagent.

1.2 Outils disponibles

1.2.1 L'organisation de matlab à l'UTBM

matlab est constitué d'un noyau et de toolboxes spécifiques (par exemple splines, symbolique, optimisation etc...), utilisatrices de ce noyau. L'UTBM dispose, pour des raisons de droit, de deux versions du logiciel fournis par des serveurs différents :

- Version «enseignement»
 - Pour la version «enseignement» accessible depuis l'ensemble des postes de l'établissement, un serveur dévolu gère les jetons disponibles, tant au niveau du noyau, que des toolboxes satellites.
 - Un jeton est «pris» par l'utilisateur dès qu'il appelle une fonction appartenant à la boîte concernée.
 - Il est restitué dès que l'utilisateur quitte le logiciel, mais pas avant; par conséquent, sortez du logiciel pour ne pas handicaper les autres utilisateurs éventuels.
- Version «recherche dans le cadre de contrats»
 - Une version «recherche dans le cadre de contrats» est aussi accessible et fonctionne sur le même principe. Elle est pour l'instant moins riche en toolboxes, en raison de leur coût plus élevé.
 - Le fournisseur nous interdit en effet d'utiliser la version «enseignement» dans le cadre de travaux de recherche donnant lieu à des contrats. Une utilisation de matlab ne respectant pas cette règle est frauduleuse et par suite punissable pénalement.

1.2.2 Les fonctions disponibles

- Il convient d'apprendre rapidement à utiliser l'aide afin de connaître les fonctions disponibles sur votre poste, à une date donnée. Ceci vous évitera de réécrire des fonctions poussives à la place de celles existantes...
- Pour les fonctions existantes vous apprendrez à faire apparaître les commentaires fournis dans les sources; pour les fonctions que vous définirez vous-mêmes, vous devrez apprendre à écrire des commentaires de façon convenable. Voir en particulier l'utilisation de : help nom de fonction, lookfor mot clé.

1.3 Prise en main du logiciel

Il convient absolument de maîtriser les aspects suivants; les trois premiers seront abordés en découverte de matlab, le dernier sera approfondi par les étudiants eux-mêmes.

1.3.1 Calculs ordinaires dans matlab

Après quelques explications sur les variables de l'espace de travail, après avoir vu comment les sauver et les rappeler, les étudiants découvriront l'essentiel des possibilités ordinaires sur les vecteurs, matrices, etc...

1.3.2 Les possibilités graphiques

Les rudiments relatifs aux représentations devront être maîtrisés. Les plus avancés pourront se plonger dans la définition des objets graphiques, de leurs enfants, des handles. Voir fonctions **get** et **set**.

1.3.3 L'écriture de fonctions : les fichiers.m

- Tout fichier développé est considéré comme une fonction qui pourra être utilisée ultérieurement dans un autre cadre applicatif. Ceci a le grand avantage de forcer l'utilisateur à une pensée claire, puisqu'il se voit contraint de préciser ce qui est champ d'entrée, de sortie et variable locale. Les éventuelles variables globales, réduites au nombre minimal, seront déclarées globales dans tous les fichiers qui les partagent. Impérativement, l'utilisateur documente ses fonctions ou ses scripts dans les lignes (contigües) qui suivent immédiatement sa déclaration. Ainsi lors d'un appel de help «nom de la fonction écrite» l'utilisateur verra apparaître la définition des champs de la fonction appelée.
- Au moment de construire une démo finale, on pourra écrire un script matlab, contenant des saisies de valeurs par l'utilisateur.
- Il importe de profiter de la réalisation de travaux pratiques sous matlab pour apprendre les spécificités d'un logiciel et pour l'utiliser au mieux, en prenant en compte ses qualités et ses défauts. Il est plus que regrettable d'utiliser matlab comme le C par exemple. En conséquence, on évitera sous matlab, au maximum, le recours aux for en particulier, très lents dans ce cadre, car souvent remplaçables par des produits matriciels, très performants car ils font partie du domaine d'excellence de matlab. Ainsi utiliser des for sous matlab est plus qu'une faute de goût..., c'est presque une ineptie. L'utilisateur réfléchira à la façon dont il peut avoir recours à des outils performants. Dans les applications lourdes, lorsqu'on est contraint de faire appel à

des blocs itératifs, on les écrit sous C ou Fortran et on appelle les routines depuis matlab qui prend en charge les liens : voir les fichiers .mex.

1.3.4 Le symbolique

Le calcul symbolique de matlab (ou calcul formel) fonctionne de façon similaire à maple $^1.$

2 Lancement et instructions de base

- help: très précieuse, cette aide en ligne vous permet de «tout savoir sur tout». Pour savoir comment l'utiliser, faites help help. Cette aide est dite en ligne, puisqu'on l'utilise directement dans la fenêtre de commande matlab. Vous pouvez aussi lancer l'aide de matlab, en cliquant help matlab dans le menu help de la fenêtre de commande matlab; cette aide est plus conviviale, parfois mieux documentée. De surcroît, elle contient parfois des références pour comprendre le fonctionnement des algorithmes.
- lookfor xxx : affiche ² le nom des toutes les fonctions qui contiennent le mot xxx (en anglais!) dans la première ligne de commentaire. C'est grosso modo la fonction réciproque de help.

Nous soulignons l'importance des fonctions **help** (ou de la fenêtre d'aide) et **lookfor**; l'utilisateur de matlab n'hésitera pas à les utiliser avant de programmer une fonction.

- demo : démonstration de matlab, très complète, dans laquelle on trouvera des exemples variés, couvrant l'ensemble des domaines d'utilisation.
- intro: lance une introduction à matlab.
- cd : permet de changer de répertoire.
- ullet \mathbf{pwd} : affiche le répertoire courant.
- dir ou ls : affiche la liste des fichiers du répertoire courant.
- **delete**: supprime un fichier.
- ...: pour terminer une expression à la ligne suivante.
- †: fait passer à la commande précédente et permet, par exemple, de la modifier sans la retaper.
- \downarrow : fait passer à la commande suivante.

À partir de la fenêtre de matlab, on peut exécuter des commandes matlab :

- les unes après les autres, comme une «super calculatrice», qui ferait un nombre de choses incroyable,
- ou groupées sous forme de fichiers script ou de fonctions (cf. section 5.3).

Dans les deux cas, on tape seulement une commande par ligne, ou plusieurs séparées par des point-virgules. Si on tape seulement l'instruction, le résultat apparaît juste après ; si on rajoute un point-virgule à la fin de la ligne, la commande est exécutée mais son résultat n'apparaît pas.

^{1.} En fait, matlab utilise les fonctions de maple.

^{2.} Attention, cette fonction est très lente, puisqu'elle consulte l'ensemble des fichiers .m de matlab

3 Les notions de bases

3.1 Les variables

Elles sont d'un type unique (matrice) et n'exigent aucune déclaration. On pourra, pour simplifier, distinguer les scalaires (réels ou complexes; cf. section 8), les vecteurs et les matrices.

3.2 Les opérations arithmétiques

Elles sont les mêmes que sur les calculatrices : +, -, /, *, (,) ,^ (pour des puissances entières ou réelles) dotées des règles de priorité classiques.

3.3 Vecteurs ou tableaux à une dimension

Il y a plusieurs façons de saisir un vecteur, par exemple :

$$x = [6 \ 5 \ 6]$$

 $x = [6, 5, 6]$

Ce vecteur est considéré comme une matrice à une ligne et trois colonnes. On pourra le vérifier en tapant :

```
size(x)

[m,n]=size(x)

length(x)
```

On peut concaténer deux vecteurs lignes :

```
v = [x \ 1 \ 2 \ 3]
w = [1 \ x \ 2 \ 3]
```

On récupère les composantes d'un vecteur en spécifiant son indice entre parenthèses : $v\left(2\right)$

Pour obtenir un vecteur dont les composantes varient à pas constant entre deux valeurs connues, on utilisera

```
x = 0:0.25:1

y=-pi:0.3:pi

z = 0:10
```

Si on impose le nombre de valeurs, on utilisera

```
t = linspace(-pi, pi, 4)
```

En général, on privilégiera l'emploi de : plutôt que de linspace, plus lent d'emploi.

Les opérations sur les vecteurs à n composantes sont naturellement celles de l'espace vectoriel $(\mathcal{M}_{n,p}(R)), +, .)$: on additionne les matrices composante par composante et on les multiplie par un scalaire en multipliant chacune des leurs composantes par ce scalaire.

En faisant précéder d'un point les opérateurs *, /, et ^, on peut effectuer d'autres opérations élément par élément :

```
x \cdot * y

x \cdot ^2

x \cdot / y

x \cdot ^y
```

De même, en utilisant toutes les fonctions classiques (sin, exp, cos, sqrt,...) de matlab, on calcule l'image de chaque composante.

Il existe un grand nombre de fonctions matlab opérant directement sur les vecteurs. Citons par exemple **sum** et **prod**.

Chaque fonction matlab que vous programmerez sera de préférence matricielle. Comme les fonctions matlab prédéfinies, elles doivent, si possible, opérer sur un tableau avec la règle suivante : l'image d'un tableau par une fonction est le tableau des images.

3.4 Vecteurs ou tableaux à deux dimensions

Saisie d'une matrice :

```
a = [1 \ 2 \ 3 \ ; \ 6 \ 7 \ 8 \ ]
```

Voici un certain nombre d'opérations sur les matrices; à vous de les utiliser et d'en saisir le fonctionnement.

```
a = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ \end{bmatrix}
b=a
c=a+b
a*b
a^3
\exp(a)
poly(a)
det(a)
magic (6)
a=magic (10)
a(1:5,3)
a(1:5,7:10)
a(:,3)
a (1:5,:)
a(1,[1 \ 3 \ 5])
a(:,10:-1:1)
a(:)
a(:) = 1:100
```

Pour ces huit dernières opérations sur les matrices, vous pouvez consulter l'aide à la rubrique colon.

4 Le répertoire courant et le chemin d'accès

Le répertoire courant (current directory) est le répertoire où l'on travaille (cela est important si on utilise des fichiers stockés sur disque dur). Pour le modifier, cliquer sur les trois petits points de la fenêtre de commande (à côté de current directory) et choisir le répertoire souhaité.

Par ailleurs, il est possible de rajouter au chemin d'accès (path) un certain nombre de répertoires ou de sous-répertoires où matlab viendra chercher les fichiers *.m recherchés (pour les éditer, les faire fonctionner, consulter leur commentaire). Pour cela, cliquer set path dans le menu file, puis add folder ou add folder with subfolder. On aura intérêt à mettre en fin de path (avec l'instruction move bottom) les répertoires rajoutés de façon que matlab consulte tout d'abord ses propres répertoires avant les vôtres. Dans le path, figurent en effet par défaut les différents sous-répertoires de matlab. Grâce au path, si vous utilisez edit, help, lookfor ou si vous lancez une exécution, matlab ira consulter l'ensemble des fichiers des répertoires présents dans le path, même si vous travaillez dans un autre répertoire courant.

5 La programmation avec matlab

5.1 les fonctions et les M-fichiers

Dans les exemples précédents, vous avez utilisé un certain nombre de fonctions de matlab. Par exemple, $\mathbf{det}(\mathbf{a})$ renvoie le déterminant de la matrice a: c'est une fonction à une variable, qui pour toute matrice carrée renvoie son déterminant.

On peut définir soi-même ses propres fonctions. On veut définir la fonction de $(R)^3$ dans $(R)^2$ qui à toute matrice 1×3 , a=(x,y,z) associe la matrice 1×2 , b=(u,v) où

$$\begin{cases} u = \sqrt{x^4 + y^6} - z, \\ v = xyz. \end{cases}$$

On lance l'éditeur matlab (à partir de la fenêtre matlab, on choisit file/new) ou on tape edit dans la fenêtre de commande; avec cet éditeur, on tape :

```
function res=dudu(a)
res(1)= sqrt((a(1))^4+(a(2))^6)-a(3);
res(2)=a(1)*a(2)*a(3);
```

On enregistre ce fichier avec le nom dudu (l'extension est .m par défaut). On tape dans la fenêtre de commande matlab :

```
a = [1 \ 4 \ 5];

dudu(a)
```

Il est indispensable que le nom d'une fonction matlab soit identique au nom du fichier dans laquelle elle est stockée.

Exercice: Soit la fonction de (R) dans (R), définie par morceaux par :

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{si } x < 0, \\ 1 & \text{si } 0 \le x \le 2, \\ 2 & \text{si } 2 < x < 18, \\ 3 & \text{si } x \ge 18. \end{cases}$$

Écrire cette fonction sous matlab de façon matricielle, c'est-à-dire, de telle sorte que l'image d'un tableau soit le tableau des images. On pourra consulter la fonction fournie escalier.

Une autre possibilité permet de définir une fonction sans passer par un fichier (on réservera cette solution à une fonction simple et utilisée un nombre restreint de fois) en utilisant la fonction **inline** très pratique, dont voici un exemple d'utilisation :

```
g=inline('x.^2+sin(x)');
```

Pour calculer g(2), il suffira de taper, comme pour les fonctions usuelles :

g(2)

Cette fonction est en mémoire vive (le vérifier en tapant **whos**) et le demeure tant qu'on ne fait pas **clear** et qu'on reste dans la même session de matlab. On pourra consulter l'aide à propos de cette fonction.

On créera ses propres fonctions, chacune d'elle étant enregistrée dans un fichier xxx.m où xxx est le nom de cette fonction ou déclarée en inline. Si on en définit plusieurs, on testera chacune d'elle indépendamment des autres.

Les variables utilisées localement dans une fonction ne sont reconnues que dans cette fonction. Si on veut utiliser des variables globales, on les définira par **global**; mais on évitera le plus possible le recours à ces variables globales. Dans une fonction, les variables d'entrée ne sont pas modifiées au cours de l'exécution de la fonction.

5.2 La programmation

Aux M-fichiers de fonctions se rajoutent les M-fichiers de programmes, dits aussi script; plutôt que de taper les instructions les unes après les autres dans la fenêtre matlab, il peut être plus agréable de les mettre toutes dans un M-fichier de commande, qui sera édité à partir de l'éditeur et lancé à partir de la fenêtre matlab, en tapant **nomfichier** ou bien **run** nomfichier où nomfichier est le nom du M-fichier (sans l'extension .m).

Bien entendu, matlab autorise le récursif : une fonction peut s'appeler elle-même. Parfois, les informaticiens sont réticents à utiliser la récursivité (trop grand nombre d'appels récursifs de la fonction, non-contrôlabilité de la fin de la boucle).

5.2.1 Les entrées/sorties

L'instruction **disp**(a) affiche le contenu de la matrice a, qu'elle soit à coefficients scalaires ou de type chaîne.

Pour saisir une variable, on utilise input : si on tape

```
x = input('entrez x : ');
```

la variable x peut être : un scalaire, une matrice, une expression algébrique, une expression logique ou symbolique (voir section 12).

5.2.2 Les instructions conditionnelles

Citons les instructions if, end, else, switch, case, while.

5.2.3 Les instructions inconditionnelles : les boucles

Citons les instructions for, end.

5.3 Différence entre fonction et script

Rappelons les quelques points suivants :

• Fonction Une fonction possède des arguments d'entrée, et pas nécessairement de sortie. Elle commence systématiquement par la ligne de commande :

```
function [x, y, z, \dots] = \text{nom fonction}(a, b, c, \dots)
```

où x,y,z... sont d'éventuelles variables de sortie et a,b,c... sont les variables d'entrée. Toutes les fonctions de calculs matlab fonctionnent ainsi; voir par exemple **det**, **eig**, **diff** ou **int** (en symbolique, voir section 12). On pourra aussi consulter les exemples fournis **somme1** ou **escalier**.

Le formalisme adopté dans les TP, pour présenter les fonctions sera le suivant :

```
[x, y, z, \dots] = nom fonction(a, b, c, \dots)
```

on décrira les variables d'entrée a,b,c,\ldots : leur nom, leur nombre, leur type \ldots on décrira les éventuelles variables de sortie x,y,z,\ldots : leur nom, leur nombre, leur type \ldots

On utilisera la fonction décrite ci-dessus en écrivant dans la fenêtre de commande matlab :

```
[x, y, z] = nom fonction(a, b, c)
```

• Script Un script est un fichier de commandes sans variables d'entrée ni de sortie. En revanche, dans un script, l'utilisateur peut saisir des variables en utilisant par exemple la fonction **input**.

Le formalisme adopté dans les TP, pour présenter succinctement les scripts sera le suivant :

```
nom script
```

descriptif des variables saisies par l'utilisateur; descriptif des actions exécutées par ce script.

On pourra aussi consulter la commande **demo** de matlab, qui est un script, ou des exemples fournis : **demo exemple un** ou **demo exemple formel1**.

On utilisera le script décrit ci-dessus en écrivant dans la fenêtre de commande matlab :

```
nom script
```

• Stockage des scripts et des fonctions Les fonctions et les scripts constituent tous les deux des fichiers *.m. La fonction nom_ fonction doit être stockée dans un fichier nommé nom_ fonction.m.

Pour les TP, la plupart des fichiers à écrire sont des fonctions. Quelques scripts seront demandés : nous les nommerons alors **demo** *.

5.4 Quelques conseils

Un très grand nombre de choses sont déjà programmées sous matlab et il serait inutile de les reprogrammer; bien entendu, il serait excessif de vouloir connaître tout matlab, mais avant de vous lancer dans la programmation, consultez bien les documentations et/ou l'aide.

Utilisez les boucles le moins possible. Souvent on peut faire des calculs sur les composantes d'une matrice sans avoir à accéder à ses éléments. De nombreux calculs en boucles peuvent être remplacés par une interprétation matricielle, plus efficace sous matlab.

Faites du beau travail : décomposez le plus possible votre algorithme de façon à en programmer des petits blocs, indépendants les uns des autres. Dans l'idéal, si vous avez un programme à écrire, il devrait comporter un seul et court M-fichier principal, où l'on définit les valeurs des variables utilisées; on récupère en sortie, les différents objets calculés; ce programme fait appel à un certain nombre de fonctions, chacune d'elle en appelant éventuellement d'autres.

Documentez vos programmes : n'hésitez pas à écrire des commentaires. De plus, les lignes commentées qui suivent immédiatement la première ligne de la déclaration d'une fonction apparaîtront dans l'aide. Cela est très précieux et vous permet d'avoir des renseignements sur les fonctions que vous avez définies sans en visualiser les sources, en utilisant help. De plus lookfor cherchera dans ces lignes (uniquement dans la première, qui doit donc contenir en quelques mots un descriptif sommaire mais précis de la fonction). Les lignes de commentaires séparées du commentaire par une ligne blanche seront ignorées par les fonctions help et lookfor et permettront à l'utilisateur de commenter son programme.

6 Résolution de systèmes linéaires

Pour matlab, il existe deux divisions : / et \ (division droite et gauche) :

$$a/b = ab^{-1}$$
 et $a \setminus b = a^{-1}b$.

Ainsi, pour des scalaires x et y.

$$x/y = \frac{x}{y}$$
 et $y \backslash x = \frac{x}{y}$.

Pour une matrice carrée a, inv(a) calcule l'inverse de a. Ainsi :

$$a/b = a \operatorname{inv}(b)$$
 et $a \setminus b = \operatorname{inv}(a) b$.

Cependant, les deux calculs n'utilisent pas les mêmes algorithmes; en effet, pour résoudre le système linéaire ax = b, il est plus rapide d'en calculer sa solution directement que d'abord calculer l'inverse de a et de le multiplier ensuite par b. On étudiera les exemples proposés ci-dessous.

Si B est une matrice carrée, $X = A \setminus B$ est la solution $A^{-1}B$ de l'équation matricielle AX = B où X est de la même taille que B. En particulier, si B = b est un vecteur colonne, alors $x = A \setminus b$ est la solution $A^{-1}b$ de l'équation matricielle Ax = b.

Traiter les cinq exemples suivants:

$$\begin{array}{lll} A \! = \! \begin{bmatrix} 1 & 2 & ; & 3 & 4 \end{bmatrix}; \\ B \! = \! \begin{bmatrix} 5 & 6 & ; & 7 & 8 & \end{bmatrix}; \\ C \! = \! B & /A \\ D \! = \! A \backslash B \end{array}$$

```
C*A A*D B *inv(A) inv(A)*B  a = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & ; & 4 & 5 & 6 & ; & 5 & 7 & 10 \end{bmatrix};  inv(a)  a = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 & ; & 1 & 2 & 4 & ; & 0 & 5 & 1 \end{bmatrix};  b = \begin{bmatrix} 22; & 17; & 13 \end{bmatrix} a\b a*(a\b) tic; for k=1:1000; x=inv(a)*b; end; t=toc; disp(t); tic; for k=1:1000; x=a\b; end; t=toc; disp(t);
```

Pour les deux derniers exemples, **tic** lance un chronomètre et **toc** l'arrête et en lit la valeur. Ces deux commandes permettent, ici, de comparer le temps mis par matlab pour calculer inv(a)*b et a\b. Qu'en conclure?

7 Valeurs et vecteurs propres

La commande suivante permet de calculer les valeurs et vecteurs propres de la matrice carrée ${\bf A}$:

```
[X,D] = eig(A)
```

Ces valeurs et vecteurs peuvent être complexes (cf section 8). Il existe un grand nombre d'outils dédiés à l'analyse spectrale de matrices; nous renvoyons à la bibliographie.

8 Les complexes

Matlab accepte les nombres complexes sous la forme

```
\begin{array}{l} a{+}i\,b \\ \\ ou \\ rh\,o{*}\,exp\,(\,i\ th\,et\,a\,) \end{array}
```

On peut aussi noter j à la place de i.

Toutes les opérations algébriques sur les complexes sont reconnues (*, +, /). On dispose aussi des fonctions **real**, **imag**, **abs**, **angle**, **conj**.

On peut élever un complexe à une puissance réelle grâce à la fonction : ^. On dispose aussi de sqrt, log, exp.

Toutes les opérations définies pour les matrices à coefficients réels demeurent valables pour les matrices à coefficients complexes.

Attention, ne pas utiliser un compteur noté i ou j dans un programme où l'on utilise des complexes.

9 Les polynômes

Le polynôme

$$P(X) = a_n X^n + a_{n-1} X^{n-1} + \dots + a_1 X + a_0,$$

est représenté en matlab par le vecteur ligne $[a_n \, a_{n-1}...a_1 \, a_0]$ (de longueur n+1).

Outre les opérations sur les matrices qui s'appliquent donc aux polynômes, il existe un certain nombre de fonctions spécifiques aux polynômes.

- conv(A,B) multiplie les deux polynômes A et B.
- [Q,R]=**deconv**(A,B) renvoie les deux polynômes Q et R tels que A=BQ+R avec degré de R strictement inférieur à celui de B.
- roots(P) renvoie les racines du polynôme P (dans C). Réciproquement, poly calcule le polynôme à partir de ces racines.
- polyval(f,X) renvoie les valeurs de la fonction f sur la matrice X.
- polyder(f) dérive le polynôme f.
- [q,d]=**polyder**(a,b) calcule la dérivée de a/b (où a et b sont deux polynômes) sous la forme q/d.
- si A est une matrice et f un polynôme, **polyval**(f,A) renvoie un tableau constitué de l'image de chacun des élément de A.

Traiter l'exemple suivant :

```
P=[1 -6 11 -6];
S=roots(P)
poly(S)
poly(S')
```

10 Les graphiques

10.1 Les graphiques bi-dimensionnels

Rappelons que (et de façon non exhaustive!):

- plot(x) représente les points de coordonnées (j, x_j) , pour $1 \le j \le p$, où p est la longueur du vecteur x.
- plot(x,y) représente les points de coordonnées (x_i, y_i) , pour $1 \le i \le p$.
- $\mathbf{plot}(\mathbf{Z})$ représente les points de coordonnées $(\mathrm{re}(Z),\mathrm{im}(Z))$, si \mathbf{Z} est un vecteur complexe.
- plot(x1,y1,str1,x2,y2,str2,...,xn,yn,strn) permet de tracer n courbes (xi,yi) avec les paramètres optionnels str1, ..., strn.

 $\mathbf{fplot}(\mathbf{fct'}, \mathbf{lim}, \mathbf{str})$ est très pratique : elle permet de tracer le graphe de la fonction fct (M-file ou fonction interne) dans la fenêtre définie par $\mathbf{lim} = [x_{\min}, x_{\max}]$ ou $\mathbf{lim} = [x_{\min}, x_{\max}, y_{\min}, y_{\max}]$; str un paramètre optionnel.

On pourra aussi utiliser ezplot.

10.2 Les graphiques tri-dimensionnels

On étudiera par exemple les fonctions plot3, mesh ou surf.

10.3 D'immenses possibilités

Les possibilités de matlab sont immenses et méritent d'être approfondies ...

11 L'utilisation du debugger

Avec matlab, il est possible de debugger agréablement ses sources, en suivant l'évolution de l'exécution d'une fonction ou d'un script, pas à pas, ou en s'arrêtant à des endroits précis, tout en contrôlant ou modifiant les différentes variables mises en jeu.

Pour cela, une fois que l'on a édité (avec la fonction **edit**) les différentes fonctions et sources, il faut placer, en déplaçant le curseur, des "points d'arrêt" là où l'on désire voir le programme s'arrêter provisoirement.

On lance ensuite le programme à contrôler depuis la fenêtre de command matlab; il apparaît une invite "K". On contrôle ensuite l'exécution du programme dans la fenêtre d'édition de plusieurs façons, en appuyant sur les touches F5, F10 ou F11 (voir dans le menu debugg leur signification).

Dans tous les cas, apparaît une petite flèche dans l'éditeur qui indique à quel endroit du programme on se trouve. Parallèlement, dans la fenêtre matlab, on peut contrôler les variables et même les modifier.

Quand le programme a tourné ou est en train de tourner avec le debugger, on peut accéder aux valeurs des variables en déplaçant la souris sur chacune des variables dans l'éditeur matlab : sa valeur apparaît alors.

12 Matlab symbolique

Nous parlons aussi de matlab formel.

Nous ne donnons ici que quelques exemples très simples. Il convient de consulter l'aide ou les démos pour avoir un regard beaucoup plus complet sur la partie symbolique de matlab, très riche.

On pourra par exemple consulter l'aide pour étudier les fonctions **int**, **diff** et **limit**. Traiter les exemples suivants :

```
syms x a b;
y=x^2+ax+b;
disp(y);
diff(y,x)
diff(y,a)
    ou
syms x h;
limit((sin(x+h)-sin(x))/h,h,0)
    ou
int(sin(x)/x,0,inf)
```

On pourra aussi étudier les fonctions sym, syms, solve, expand, simplify, simple, subs, subexp, et pretty.

Traiter encore les deux exemples suivants qui déterminent de façon symbolique les maximums des fonctions $x\mapsto (a-x)(x-b)$ et $x\mapsto (h-x)x(x+h)$ définies respectivement sur [a,b] et [-h,h], avec tracé des fonctions. Voir les deux scripts \mathbf{demo}_{-} $\mathbf{exemple}_{-}$ formel1 et \mathbf{demo}_{-} $\mathbf{exemple}_{-}$ formel2):

```
% exemple de calcul formel avec trace.
syms a b x;
f = (a-x)*(x-b);
fp = diff(f, x);
d=solve(fp);
pretty (simplify(subs(f,x,d)));
disp ('pour voir le graphe, appuyez sur une touche');
pause;
X = -1:2/500:1;
Y=subs(subs(f, \{a, b\}, \{-1, 1\}), x, X);
plot(X,Y);
\% exemple de calcul formel avec trace.
syms h x;
f = (h-x) * x * (x+h);
fp = diff(f, x);
d=solve(expand(fp));
q=simplify(subs(f,'x',d));
r = eval(vpa(q));
pretty(eval(vpa(q)));
disp ('pour voir le graphe, appuyez sur une touche');
pause;
X = -1:2/500:1;
Y=subs(subs(f,h,1),x,X);
plot(X,Y);
```