

Przedyskusz uwaga:

Zanim zdefiniujemy rozmiar Laplace'a do obliczenia wyznacznika, korzystamy z własności (5), aby uzyskać w pewnym wierszu/kolumnie jak najwięcej zer (dzięki temu jest "łatwiej" składować wyznacznik z rozmiarów Laplace'a)

Macierz odwrotna

Def. Niech $A \in M_{n \times n}$, $n \in \mathbb{N}$ (tzn. A - mac. kwadr. $n \times n$)
jeśli istnieje macierz $B \in M_{n \times n}$ taka, że:

$$AB = BA = I_n, \text{ to mówimy, że}$$

macierz A jest odwracalna, a macierz B nazywamy macierzą odwrotną do mac. A i oznaczamy A^{-1} .

Uwaga: Macierz odwrotna (jeśli istnieje) jest wyznaczona jednoznacznie.

Przykład Znaleźć A^{-1} z definicji, jeśli $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$.
Sprawdźmy, czy istnieje macierz:

$$B = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \text{ taka, że:}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \overset{I_2}{\text{}}$$

$$\begin{bmatrix} a+2c & b+2d \\ 3a+4c & 3b+4d \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} a+3b & 2a+4b \\ c+3d & 2c+4d \end{bmatrix}$$