Аналоговая электроника и техника измерений.

Горчаков Константин Михайлович

k.gorchakov@g.nsu.ru

Литература

- 1. Бессонов Л.А. Теоретические основы электротехники.
- 2. Титце У., Шенк К. Полупроводниковая схемотехника.
- 3. Бычков Ю.А., Золотницкий В.М., Чернышев Э.П. Основы теории цепей.
- 4. Гоноровский И.С. Радиотехнические цепи и сигналы.

Введение

Краткая информация из курса физики.

Физические величины

Электрический заряд – величина показывающая возможность тела быль источником электромагнитного поля. Единица измерения величины заряда - кулон [Кл]. Заряд электрона:

$$e = 1,6 \cdot 10^{-19}$$
 Кл

Закон Кулона

$$\vec{F} = \frac{q_1 q_2}{4\pi \varepsilon_0 r^2} \cdot \overrightarrow{R_0}$$
 $\varepsilon_0 = 8.86 \cdot 10^{-12} \frac{\Phi}{M}$

Напряженность электрического поля

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$$

Работа электрического поля

$$A = \int_{a}^{b} \vec{F} dl = q \int_{a}^{b} \vec{E} dl$$

АЭиТИ лекция 1. Горчаков К.М.

Физические величины

Потенциал величина характеризующая потенциальную энергию заряда помещенного в электрическое поле.

Напряжение (разность потенциалов) - работа по перемещению электрического заряда отнесенная к величине заряда.

$$U_{ab} = \varphi_a - \varphi_b = \frac{A_{ab}}{q} = \int_a^b Edl$$

Ток – упорядоченное движение электрических зарядов.

$$I = \frac{dq}{dt}$$

Единицы измерения вольт $[\frac{\mathcal{I}_{x}}{\mathcal{K}_{x}}]$ и ампер $[\frac{\mathcal{K}_{x}}{\mathcal{K}_{x}}]$ соответственно.

Электрическое сопротивление

Сопротивление — физическая величина характеризующая свойство проводников оказывать сопротивлению протеканию тока. Наличие сопротивления вызывает выделение энергии.

$$R = \rho \frac{l}{S}$$

Единица измерения – Ом $\left[\frac{B}{A}\right] = Ом$ (Ohm)

Закон Ома

$$U = RI$$

Электрическая емкость

Электрическая емкость –величина характеризующая возможности физической системы накапливать электрический заряд. В электротехнике под емкостью понимается взаимная емкость проводников. Единица измерения – Фарада $\left[\frac{\mathrm{K}_{\mathrm{J}}}{\mathrm{B}}\right] = \Phi(\mathrm{F})$

$$C = \frac{q}{\Delta \varphi} = \frac{q}{u} \implies q = Cu$$

$$i_c = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt}$$

Энергия электрического конденсатора

$$W = \sum_{A \in \mathcal{A}} A = \int_{A \in \mathcal{A}} u dq = C \int_{0}^{U} u du = \frac{CU^2}{2}$$

Индуктивность

Магнитный поток

$$\Phi = \int_{S} \vec{B} d\vec{S}$$

Индуктивность — величина характеризующая магнитные свойства контура

$$\Phi = Li$$

Единица измерения индуктивности — Генри $\left[\frac{\mathrm{B6}}{\mathrm{A}}\right] = \Gamma_{\mathrm{H}}$ (H) Закон Фарадея

$$\mathcal{E}_m = \frac{d\Phi}{dt} = L\frac{di}{dt} = U_L$$

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \; \frac{\Gamma_{\rm H}}{\rm m}$$

Уравнения Максвелла

$$\oint \vec{D}d\vec{S} = q \qquad D = \varepsilon \varepsilon_0 E$$

$$\oint \vec{B}d\vec{S} = 0 \qquad B = \mu \mu_0 H$$

$$\oint \vec{E}d\vec{l} = -\frac{\partial \Phi}{\partial t}$$

$$\oint \vec{H}d\vec{l} = \int \vec{J}d\vec{S} + \frac{\partial}{\partial t} \int \vec{D}d\vec{S}$$

Основные понятия и определения теории электрических цепей

Электрическая цепь

Электрической цепью называется совокупность элементов цепи, в том числе источников электрической энергии, соответствующим образом соединенных между собой по определенным правилам и предназначенной для производства и распределения электрической энергии, обработки и передачи электрических сигналов (информации).

Элементами называются отдельные части электрической цепи, выполняющие определенные функции.

Электрическая схема — выполненное согласно правилам изображение электрической цепи с помощью условных знаков, обозначающих элементы, и связи между ними.

Для описания работы сложных устройств используют упрощенные **модели**, также называемые *схемами замещения*.

Цепь условно можно разделить на части: генератор энергии (источник сигнала) и нагрузку (приемник сигнала).

АЭиТИ лекция 1. Горчаков К.М

Элементы электрических цепей

Название	Обозначение на схеме	Соотношения описывающее работу элемента	Единица измерения
Резистор (электрическое сопротивление)		$U = I \cdot R$	Ом
Конденсатор	$\overset{\mathrm{C}}{+}$	$u_c = \frac{1}{C} \int i_c dt, \qquad i_c = C \frac{du_c}{dt}$	Фарада
Катушка индуктивности		$u_L = L \frac{i_L}{dt}, \qquad i_L = \frac{1}{L} \int u_L dt$	Генри
Идеальный источник Э.Д.С.	E	E=f(t)	Вольт
Идеальный источник тока	♠ 1	l=f(t)	Ампер

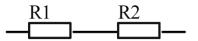
Соотношения описывающие работу элементов электрической цепи, позволяют построить зависимость напряжения от тока для каждого элемента. Эта зависимость называется вольт-амперной характеристикой (ВАХ) элемента цепи.

Проводимость — величина обратная электрическому сопротивлению. Единица измерения проводимости - симменс (См). Схемотехническое изображение проводимости аналогично сопротивлению.

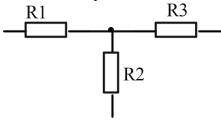
$$G = \frac{1}{R}$$
, $I = G \cdot U$

Часть электрической цепи, выделяющей электрическую энергию называется *источником* (или генератором) энергии (тока, напряжения). Часть цепи, подключенная к генератору энергии является *нагрузкой*.

• *ветвы* — участок цепи из включенных последовательно элементов электрической цепи,

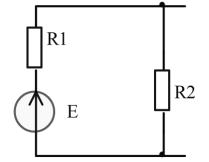


• *узел* – точка соединения трех и более *ветвей,*



• *контур* – замкнутый путь в цепи, проходящий по *ветвям*

через узлы,



• *независимый контур* – контур, содержащий хотя бы одну *ветвы*, не входящую в другие *контуры*.

• **двухполюсник** — электрическая цепь, имеющая два вывода. Двухполюсник является активным если содержит источники энергии, и пассивным если источников электрической энергии нет.



• *четырехполюсник* - электрическая цепь, имеющая четыре вывода. Четырехполюсники, также как и двухполюсники, бывают активными и пассивными.



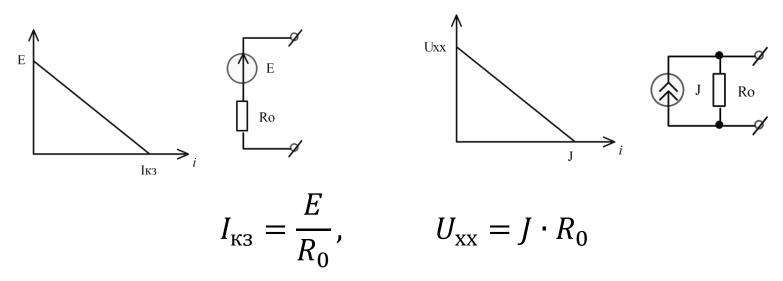
Источники электрической энергии



Вольт-амперные характеристики (ВАХ) *идеальных источников энергии*. Внутреннее сопротивление идеального источника напряжения равно нулю, а идеального источника тока — бесконечно, или можно сказать что проводимость ветви содержащей идеальный источник тока равна нулю.

Схема замещения реального источника

 R_0 — внутреннее сопротивление источника, RH — сопротивление нагрузки, и предельные режимы работы источника: **режим короткого замыкания** - RH =0, и **режим холостого хода**, когда RH = ∞ .



Данные схемы замещения равнозначны, выбор определяется удобством при расчете, замена определяется равенствами:

$$I_{\text{K3}} = J$$
, $U_{\text{XX}} = E$

Мощность в электрической цепи

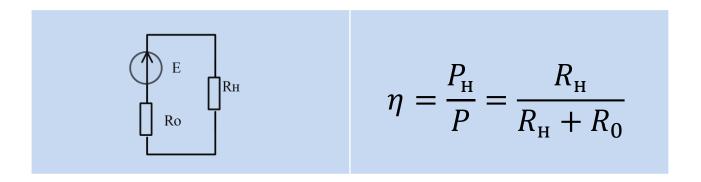
Мощность – это работа произведенная в единицу времени:

$$P = \frac{A}{\Delta t} = \frac{A}{q} \cdot \frac{q}{\Delta t} = U \cdot I = \frac{U^2}{R} = I^2 \cdot R$$

Условие баланса мощностей. Мощности генерируемые источниками и мощности выделяющиеся в элементах цепи равны.

$$\sum_{k=1}^{n} E_k \cdot I_k = \sum_{k=1}^{n} R_k \cdot I_k^2$$

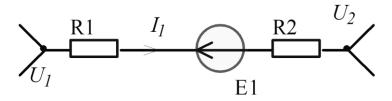
Коэффициент полезного действия



Коэффициент полезного действия показывает долю энергии источника преобразованную в работу в нагрузке.

Определение тока ветви

Ток ветви определяется как отношение разности потенциалов начального и конечного узлов ветви, с добавлением ЭДС данной ветви (знак которой определяется по отношению к выбранному направлению тока), к полному сопротивлению этой ветви (или умноженных на суммарную проводимость).



$$I_1 = \frac{U_1 - U_2 - E_1}{R_1 + R_2}$$

Методы анализа электрических цепей

Анализ электрических цепей - это любой структурированный метод, используемый для математического анализа набора взаимосвязанных компонентов, в результате которого определяются напряжения и токи в любом участке цепи. Основа всех методов анализа — **правила Кирхгофа.**

Первое правило — сумма токов в любом узле электрической цепи равна нулю.

$$\sum_{k=1}^{n} I_k = 0$$

Здесь n — число ветвей сходящихся в узле. Направленный к узлу ток принято считать положительным, а направленный от узла - отрицательным.

$$I_1 + I_2 - I_3 - I_4 = 0$$

Второе правило

Второе правило Кирхгофа - алгебраическая сумма падений напряжений на всех ветвях, принадлежащих любому замкнутому контуру цепи, равна алгебраической сумме ЭДС ветвей этого контура.

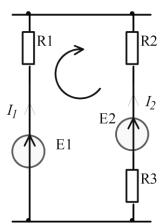
$$\sum_{k=1}^{n} E_k = \sum_{k=1}^{m} U_k = \sum_{k=1}^{m} R_k \cdot I_k$$

При составлении уравнения для каждого контура нужно выбрать направление обхода. При этом падение напряжения на ветви считают положительным, если направление обхода

данной ветви совпадает с ранее выбранным направлением тока ветви.

Аналогично для знака Э.Д.С.

$$I_1R_1 - I_2R_2 - I_2R_3 = E_1 - E_2$$



Метод составления уравнений по правилам Кирхгофа

Всего в системе получается (n-1)+(m-1) уравнений, где n и m число узлов и ветвей в цепи соответственно.

Перед тем, как составить уравнения, необходимо выбрать:

направления токов в ветвях и обозначить их на схеме;

направления обхода контуров для составления уравнений по второму закону, с целью единообразия рекомендуется для всех контуров положительные направления обхода выбирать одинаковыми, например, по часовой стрелке.

Метод наложения

Принцип суперпозиции – при наличии в системе более одного источника воздействия, полное воздействие на элемент система определяется как сумма воздействий от каждого из источников по отдельности.

На использовании принципа суперпозиции основан **метод наложения**, когда ток в элементе цепи (или ветви) вычисляется как алгебраическая сумма токов вызванных каждым источником по отдельности. При этот источники не используемые в расчете в данный момент заменяются своими внутренними сопротивлениями.

Метод наложения и, рассматриваемый ниже, метод эквивалентного генератора применяются когда необходимо найти ток или напряжение только для одного из элементов цепи, который мы считаем нагрузкой.

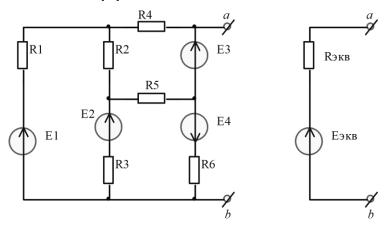
Эквивалентное преобразование

Эквивалентное преобразование части электрической цепи – это такое изменение при котором токи и напряжения в оставшейся цепи не изменятся.

Эквивалентное преобразование используется для упрощения структуры цепи и облегчения ее анализа.

Метод эквивалентного генератора

Теорема Тевенина. Любой двухполюсник состоящий из комбинации источников напряжения, источников тока и резисторов, с электрической точки зрения эквивалентен цепи с одним источником напряжения и одним резистором, соединёнными последовательно.



Теорема Нортона. Любой двухполюсник состоящий из комбинации источников напряжения, источников тока и резисторов, с электрической точки зрения эквивалентен цепи с одним источником тока и резистором включенным параллельно.

Метод расчета электрических цепей, основанный на применении теорем Тевенена и Нортона, называется методом эквивалентного генератора.

В этом методе мы исключаем нагрузку из цепи и находим параметры эквивалентного генератора: ЭДС будет равно напряжению на разрыве цепи, образовавшемся после исключения нагрузки, а в случае генератора тока, ток будет равен току коротко замкнутой ветви ранее содержавшей нагрузку. Сопротивление генератора определяется относительно точек подключения нагрузки, при этом источники ЭДС заменяются их внутренними сопротивлениями, а источники тока их проводимостями.

Метод контурных токов

Основой метода служит второе правило Кирхгофа. Главное его преимущество это уменьшение количества уравнений до m — n +1, (m - количество ветвей, n - количество узлов в цепи). На практике такое уменьшение существенно упрощает расчет. В этом методе в качестве неизвестных величин принимаются токи протекающие в независимых контурах схемы — контурные токи. Общий вид уравнений для метода:

$$\sum_{i} (I_{kk} + I_{nn}) R_i = \sum_{i} E_i$$

Здесь R_i - сопротивление ветвей контура, I_{kk} - ток контура для которого составлено уравнение, I_{nn} - токи соседних контуров протекающие через ветви данного, E_i - ЭДС ветвей контура. Индекс i относится только к ветвям рассматриваемого контура. Знаки токов других контуров и знаки ЭДС определяются согласно направления тока I_{kk} (направление обхода контура совпадает с контурным током).

Метод узловых потенциалов.

Метод расчета электрических цепей путём записи системы линейных алгебраических уравнений, в которой неизвестными являются потенциалы в узлах цепи. Уравнения составляются по первому правилу Кирхгофа, число уравнений n -1.

Если преобразовать составленные по первому правилу Кирхгофа уравнения, то получим формулу:

$$U_k \sum_{i=1}^n G_{ki} - \sum_{i=1}^n U_i G_{ki} = \sum_{i=1}^n E_{ki} G_{ki}$$

 U_k - потенциал узла относительно которого составлено уравнение, G_{ki} — проводимости ветвей, соединяющих этот узел с соседними узлами, U_i — потенциалы соседних узлов и E_{ki} — величины ЭДС в ветвях.