Функторы

Идея функторов пришла из очень современной математики. Функторы действуют подобно гомоморфизмам между алгебраическими системами (а именно, моноидами): сохраняют операции (композиции) и единицу (тождественное отображение). Только они отображают категории в категории... Таким образом, функторы сохраняют операции в новом окружении или «контексте».

Или другими словами, добавляют новый контекст к нашему типу! Сейчас, разберем подробно, что это означает...

Определение 1.

Категория \mathscr{C} — это:

- класс объектов $Ob_{\mathscr{C}}$;
- для каждой пары объектов A, B задано множество морфизмов (или стрелок) $\operatorname{Hom}_{\mathscr{C}}(A, B)$, причём каждому морфизму соответствуют единственные A и B;
- для пары морфизмов $f \in \text{Hom}(A, B)$ и $g \in \text{Hom}(B, C)$ определена композиция $g \circ f \in \text{Hom}(A, C)$;
- для каждого объекта A задан тождественный морфизм $id_A \in Hom(A, A)$;

причём выполняются две аксиомы:

- операция композиции ассоциативна: $h \circ (g \circ f) = (h \circ g) \circ f$ и
- тождественный морфизм действует тривиально: $f \circ \mathrm{id}_A = \mathrm{id}_B \circ f = f$ для $f \in \mathrm{Hom}(A,B)$.

wikipedia: Теория категорий

Определение 2.

Функтор $\mathscr{F}:\mathscr{C}\to\mathscr{D}$ ставит в соответствие каждому объекту категории \mathscr{C} объект категории \mathscr{D} и каждому морфизму $f:A\to B$ морфизм $F(f):F(A)\to F(B)$ так, что

- $F(id_A) = id_{F(A)}$ и
- $F(g) \circ F(f) = F(g \circ f)$.

Функторы в Haskell «закручены» вокруг основной категории Hask. Её объектами являются все типы языка Haskell, как встроенные, так и любые, объявленные пользователем. А морфизмами — все одноместные функции между ними. За счет каррирования — этого вполне достаточно. Единичными морфизмами являются функции **id** за счет полиморфизма перегруженные для каждого типа.

Таким образом, чтобы определить функтор, нам нужно задать два отображения: на объектах и на морфизмах. На объектах, т.е. на типах языка Haskell, отображение могут задавать полиморфные типы, которые требуют переменную типа (ещё их называют конструкторами типов — см. лекцию 6).

Если рассматривать так называемые «виды» (kinds), то речь идет о видах *->*, которые как раз соответствуют конструкторам типов **Maybe**, [], в отличие от простых типов, вроде Int, Double, которые имеют вид *.

А на морфизмах отображение для каждого соответствующего типа данных задает перегружаемая функция fmap.

Таким образом, вводится класс типов Functor:

class Functor f where

```
fmap :: (a \rightarrow b) \rightarrow f a \rightarrow f b
```

Data.Functor

Но по большей части, начиная примерно с версии 7 ghc этот функционал уже встроен в

Собственно, функтором в определённом выше математическом смысле здесь будет и тип-параметр (или конструктор типов) f (он будет задавать отображение на объектах, т.е. типах в Hask), и функция fmap (она будет задавать отображение на морфизмах, т.е. одноместных функциях между типами). Класс Functor описывает эти две части математического понятия функтора в терминах языка Haskell, и тоже будет называться функтором, но уже не в математическом смысле.

Для удобства определён синоним <\$>, который в некотором смысле является аллюзией к \$. Точнее говоря, оператор <\$> является инфиксным синонимом функции fmap:

```
(<$>) :: Functor f => (a -> b) -> f a -> f b
(\langle \$ \rangle) = \mathsf{fmap}
infixl 4 <$>
```

Примеры:

```
> show <$> Nothing
Nothing
> show <$> Just 3
Just "3"
```

то же самое что и

```
> fmap show Nothing
Nothing
> fmap show (Just 3)
Just "3"
кстати, сравнить с
```

```
> show $ Just 3
"Just 3"
```

Продолжим о функторах. Отметим, что программист обязан проверять для воплощений типов следующие законы функторов:

```
fmap id == id
fmap(f.g) == fmapf.fmapg
```

Примеры (воплощений класса функторов)

Списки

Воплощение класса **Functor** для типа списков наиболее понятное и естественно. Оно полностью повторяет возможности функции **map**.

```
instance Functor [] where
  fmap = map
```

Таким образом, мы можем использовать примеры из лекции 4

```
Prelude> xs = map (+1) [1..10] :: [Int]
```

и записать это как

```
Prelude> xs = fmap (+1) [1..10] :: [Int]
```

и даже

```
Prelude> xs = (+1) <$> [1..10] :: [Int]
```

Maybe

Такой же пример, приспособленный к контейнеру Мауbe:

```
Prelude> (+1) <$> Maybe 10 :: Maybe 10 Int
```

паст

```
Prelude> (+1) <$> Just 10 :: Maybe Int
Just 11
```

Более содержательный и практичный пример использования функтора **Maybe** разберем во второй половине лекции.

Деревья

Для общего типа деревьев (розовых кустов) в Data. Tree есть следующее воплощение:

```
instance Functor Tree where
    fmap = fmapTree

fmapTree :: (a -> b) -> Tree a -> Tree b
fmapTree f (Node x ts) = Node (f x) (map (fmapTree f) ts)
```

Но для типа бинарных деревьев, разобранных на прошлой лекции (11-я или 8-я):

```
data ATree a = Empty |
  ABranch (ATree a) a (ATree a)
  deriving (Eq, Ord, Show, Read)
```

мы можем ввести своё воплощение:

```
instance Functor ATree where
  fmap _ Empty = Empty
  fmap f (ABranch ltr a rtr) =
     ABranch (fmap f ltr) (f a) (fmap f rtr)
и для конкретного дерева провести вычисление:
tree :: ATree Int
tree = ABranch
         (
           ABranch
            (ABranch Empty 1 Empty)
            (ABranch Empty 3 Empty)
         )
                4
         (
           ABranch (ABranch Empty 5 Empty)
           (ABranch
             (ABranch Empty 7 Empty)
             (ABranch Empty 9 Empty)
           )
         )
test = fmap (+10) tree
с таким выводом:
*Main> test
ABranch (ABranch Empty 11 Empty) 12 (ABranch
Empty 13 Empty)) 14 (ABranch (ABranch Empty 15 Empty) 16
(ABranch (ABranch Empty 17 Empty) 18 (ABranch Empty 19 Empty)))
Функции и Мар
.... (доделать!!!)
IO
instance Functor IO where
   fmap f x = x \gg (pure . f)
(это из документации, см. Source)
которую мы запишем в более привычных нам терминах:
instance Functor IO where
  fmap f action = do
    result -< action
    return (f result)
```

```
(Липовача, с.301)
```

Результатом отображения действия ввода-вывода с помощью чего-либо будет действие ввода-вывода, так что мы сразу же используем синтаксис **do** для склеивания двух действий и создания одного нового. В реализации для метода fmap мы создаём новое действие ввода-вывода, которое сначала выполняет первоначальное действие ввода-вывода, давая результату имя result. Затем мы выполняем return (f result). Вспомните, что return — это функция, создающая действие ввода-вывода, которое ничего не делает, а только возвращает что-либо в качестве своего результата (обёрнутое типом **10** в данном случае).

Действие, которое производит блок **do**, будет всегда возвращать результирующее значение своего последнего действия. Вот почему мы используем функцию **return**, чтобы создать действие ввода-вывода, которое в действительности ничего не делает, а просто возвращает применение f result в качестве результата нового действия ввода-вывода.

Рассмотрим пример:

```
main = do
    line <- getLine
    let line' = reverse line
    putStrLn $ "Вы сказали " ++ line' ++ " наоборот!"

С помощью fmap код будет проще:
main = do
    line <- fmap reverse getLine
    putStrLn $ "Вы сказали " ++ line ++ "наоборот!"</pre>
```

Нетривиальный пример

...мой?!!! (не работает пока): из БА в группу и в кольцо...

Якобы рабочий пример:

```
data Foo = Foo deriving Show
data Bar = Bar deriving Show
data Baz = Baz deriving Show

x :: Foo
x = Foo

y :: Foo -> Bar
y _ = Bar

z :: Bar -> Baz
z _ = Baz

main = print (z . y $ x)
```

Требования меняются, и вы обнаруживаете, что х может потерпеть неудачу, поэтому вы должны обновить его и все вызывающие его программы для прохождения через **Maybe Monad** следующим образом:

```
data Foo = Foo deriving Show
data Bar = Bar deriving Show
data Baz = Baz deriving Show
x :: Maybe Foo
x = Just Foo
y :: Maybe Foo -> Maybe Bar
y _ = Just Bar
z :: Maybe Bar -> Maybe Baz
z _ = Just Baz
main = print(z.y$x)
Но... вам не нужно обновлять свои функции, чтобы «пролистать» значения в типе Maybe!
-- import Control.Applicative (<$>) - must import explicitly before GHC
7.10
-- import Data.Functor (<$>) - for now
-- or don't import anything, because Prelude has got (<$>) novadays
data Foo = Foo deriving Show
data Bar = Bar deriving Show
data Baz = Baz deriving Show
x :: Maybe Foo
x = Just Foo
y :: Foo -> Bar
y = Bar
z :: Bar -> Baz
z = Baz
main = print(z \cdot y < x)
Real world fmap example
```

Функторы в языках программирования

Аппликативные функторы

Аппликативные функторы вводить из математических представлений уже сложно. Обычно, в литературе по Haskell их вводят исходя из частичного применения функций. Так, **fmap** работает с функцией одного аргумента (и об этом говорилось выше), но вот как раз настал черед рассмотреть возможность работы с функцией, например, двух аргументов.

Если у нас есть Just 3, и мы выполняем выражение fmap (*) (Just 3), что мы получим? Из реализации экземпляра типа Maybe для класса Functor мы знаем, что если это значение **Just**, то функция будет применена к значению внутри **Just**. Следовательно, выполнение выражения

```
fmap (*) (Just 3)
> :t fmap (*) (Just 3)
fmap (*) (Just 3) :: Num a => Maybe (a -> a)
```

вернёт **Just** ((*) 3), что может быть также записано в виде **Just** (3*), если мы используем сечения. Мы получаем функцию, обёрнутую в конструктор **Just**.

Но что если у нас есть значение функтора **Just** (3*) и значение функтора **Just** 5, и мы хотим извлечь функцию из **Just** (3*) и отобразить с её помощью **Just** 5? С обычными функторами у нас этого не получится, потому что они поддерживают только отображение имеющихся функторов с помощью обычных функций. Мы могли бы произвести сопоставление конструктора **Just** по образцу для извлечения из него функции, а затем отобразить с её помощью **Just** 5, но мы ищем более общий и абстрактный подход, работающий с функторами.

```
(Липовача, С.313)
```

Вот именно для такой задачи и вводятся аппликативные функторы. Инструментарий для них определен в классе типов Applicative, который изначально был задан в модуле Control. Applicative, но начиная с примерно 7-й версии ghc, большая часть функционала вынесена сразу **Prelude**

```
class (Functor f) => Applicative f where
  pure :: a -> f a
  (<*>) :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

Функция pure фактически производит упаковку с помощью функтора f, переданного как тип-параметр (это конструктор типа). Или говорят, что функция pure помещает значение в некоторый контекст (контекст по умолчанию). Функция <*> является отдалённым «родственником» <\$>, определённого для обычных функторов, но в отличие от <\$>, который принимает первым аргументом одноместную функцию из а в b, <*> принимает такую функцию, но упакованную функтором f.

или вводится liftA2 (его надо экспортировать с модулем Control.Applicative)

```
liftA2 :: (a -> b -> c) -> f a -> f b -> f c
liftA2 f x y = f <$> x <*> y
```

Она просто применяет функцию между двумя аппликативными значениями, скрывая при этом аппликативный стиль, который мы обсуждали. Однако она ясно демонстрирует, почему аппликативные функторы более мощны по сравнению с обычными. При использовании обычных функторов мы можем просто отображать одно значение функтора с помощью функций. При использовании аппликативных функторов мы можем применять функцию между несколькими значениями функторов. (Липовача, С.330)

Или можно рассматривать эту сигнатуру иначе:

```
liftA2 :: (a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow (f a \rightarrow f b \rightarrow f c)
```

т.е. можно сказать, что функция liftA2 берёт обычную бинарную функцию и преобразует её в функцию, которая работает с двумя аппликативными значениями.

И обратно:

$$(\langle * \rangle) = liftA2 id$$

Законы аппликативных функторов

identity

composition

pure (.)
$$<*>$$
 u $<*>$ v $<*>$ w $==$ u $<*>$ (v $<*>$ w)

homomorphism

pure
$$f < *> pure x == pure (f x)$$

interchange

$$u < *> pure y == pure ($ y) < *> u$$

Как следствие, должно выполнятся условие:

pure
$$f < *> x == fmap f x$$

Для примеров ниже эти законы выполнены, проверка ложится на программиста...

Утилиты: ... (доделать...): liftA (аналог fmap, но в контексте Applicative), liftA3, ... Alternatives, optional...

Воплощения-примеры

Списки

```
instance Applicative [] where
  pure x = [x]
  fs <*> xs = [fx | f<-fs, x<-xs]</pre>
```

Вот такой пример находим в документации haskell.wikibooks: Applicative functors

Для одной функции можно сделать так:

Чаще встречается такое сочетание:

ИЛИ

```
> :m Control.Applicative
> liftA2 (*) [1..3] [5..8]
[5,6,7,8,10,12,14,16,15,18,21,24]
```

Можно рассмотреть и функции от большего числа аргументов:

```
> (\x y z -> x*y + z) <$> [1..3] <*> [5..8] <*> [20..30] [25,26,27,28,29,30,31,32,33,34,35,26,27,28,29,30,31,32,33,34,35,36,37,28,29,30,31,32,33,34,35,36,37,38,39,40,32,33,34,35,36,37,38,39,40,41,42,34,35,36,37,38,39,40,41,42,43,44,36,37,38,39,40,41,42,43,44,45,46,47,48,41,42,43,44,45,46,47,48,41,42,43,44,45,46,47,48,41,42,43,44,45,46,47,48,49,50,51,52,53,54] 
или так:

> Prelude Control.Applicative> (liftA2 (\x y z -> x*y + z) [1..3] [5..8]) <*> [20..30]
```

Maybe

Рассмотрим, как делается воплощение класса для этого типа данных:

```
instance Applicative Maybe where
  pure = Just
Nothing <*> _ = Nothing
  (Just f) <*> something = fmap f something
```

Рассмотрим функцию pure, она должна что-то принять и обернуть в аппликативное значение. Мы написали pure = Just, потому что конструкторы данных вроде Just являются по сути обычными функциями, и здесь мы делаем частичное применение. Также можно было бы написать pure x = Just x.

Ещё есть определение оператора <*>. Извлечь функцию из значения **Nothing** нельзя, поскольку внутри него нет функции. Поэтому мы говорим, что если мы пробуем извлечь функцию из значения **Nothing**, результатом будет то же самое значение **Nothing**.

Вспомним, выше было определение класса Applicative:

```
class (Functor f) => Applicative f where
  pure :: a -> f a
  (<*>) :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

и там было ограничение контекста **Functor**, поэтому в определении <*> мы можем применить отображение функтора fmap. Теперь можно считать, что первый параметр-функция обернут конструктором **Just**, а второй — либо **Nothing**, либо некоторое значение, тоже обернутое конструктором **Just**. Далее, уже работает fmap, применяя в итоге распакованную функцию к распакованному значению, и окончательно оборачивая всё в итоге конструктором **Just**.

```
ghci> Just (+3) <*> Just 9
Just 12
ghci> pure (+3) <*> Just 10
Just 13
```

Заметим, что pure действует в этом случае в точности как оборачивание конструктором **Just**. Сами примеры достаточно надуманны, сложно подобрать пример, где сама функция (а не её результат) находится в контейнере **Just**. Скорее в работе мы встретим что-то полобное

```
ghci> (*) <$> Just 3 <*> Just 9
Just 27

или
ghci> Prelude> :m Control.Applicative
Prelude Control.Applicative> liftA2 (*) (Just 3) (Just 9)
Just 27
```

Зачем нужны аппликативные функторы? Вопрос этот не очень простой. Чаще всего, в реальном программировании на Haskell вы их явно использовать будете не слишком часто и главное, не слишком скоро. Тем не менее, в мире Haskell в последние годы появилась совершенно четкая тенденция на выделение аппликативных функторов как промежуточных программных сущностей между обычными функторами и миром монад. Считается, что они проще чем монады, имеют меньше накладных расходов, и рекомендуется использовать их, где вся мощь функционала монад не нужна. Ловушка в том, что для использования монад уже подготовлен мощный синтаксический аппарат — как раз то, с чем мы с вами знакомились как с «императивным языком» внутри языка Haskell. Но уже есть возможность использовать аппликативные функторы с **do**-нотацией.

Бонусы...

- Не такие «напряжные» как монады в освоении и в программной реализации, но близкие им по возможностям.
- Хорошо вкладываются, как матрешки, разные типы. В монадах это чрезвычайно сложная, и понятийно, и программно, техника монадных трансформеров.

```
Prelude > :m Control.Applicative
Prelude Control.Applicative > liftA2 (*) <$> Just [1,2,3] <*> Just [4,5,6,7]
Just [4,5,6,7,8,10,12,14,12,15,18,21]
> liftA2 (liftA2 (*)) (Just [1,2,3]) (Just [4,5,6,7])
Just [4,5,6,7,8,10,12,14,12,15,18,21]
> (liftA2 . liftA2) (*) (Just [1..3]) (Just [4..7])
Just [4,5,6,7,8,10,12,14,12,15,18,21]
```

- Moryt Traversable
- Есть **do**-нотация!

do-нотация аппликативных функторов

В последних версиях компилятора ghc появилось расширение и соответствующая прагма

ApplicativeDo

которые вносят семантику аппликативных функторов в привычную всем программистам Haskell **do**-нотацию из мира монад.

Рассмотрим пример, который был разобран выше:

```
test = (*) <$> Just 3 <*> Just 9
```

Теперь мы можем его представить в таком удобном виде:

```
{-# LANGUAGE ApplicativeDo #-}

test = do
    x <- Just 3
    y <- Just 9
    pure (x*y)

или даже таком:
{-# LANGUAGE ApplicativeDo #-}

test = do
    x <- Just 3
    y <- Just 9
    return (x*y)
```

при этом семантически мы работаем с аппликативным функтором, а не монадой! И это совсем недавнее решение.

Теоретические основы для данного расширения были подготовлены и рассмотрены в статье Desugaring Haskell's do-Notation into Applicative Operations. Какие-то моменты можно прочесть на StackOverflow:

ApplicativeDo in Haskell

ApplicativeDo pragma and Applicative Functor in Haskell

Разбор реального примера

Ряд примеров есть на wikibooks haskell:

Haskell/Prologue: IO, an applicative functor

Haskell/Applicative functors

Haskell/Solutions/Applicative functors

Рабочий пример

Разберем такой рабочий пример (абстрагируемся от сброса буфера):

```
main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    year <- getLine
    putStrLn $ "In 2020, you will be: " ++ show (2020 - read year)</pre>
```

Что случится, если мы введем не число? Программа вылетит по исключению:

```
Please enter your birth year hello main.hs: Prelude.read: no parse
```

Проблема в том, что ввод пользователя — это строка типа **String** (точнее **IO String**), и функция **read** пытается преобразовать (распарсить) эту строку в целое (напр., **Integer**) и выдает ошибку, если эта строка не может быть распознана как целое число. Но, не все строки могут быть целыми числами!

Более надежно будет подключить модуль Safe:

```
cabal install safe
```

(этот модуль заменяет многие привычные нам функции, особенно по обработке списков, на различные безопасные в плане выброса исключений варианты)

и использовать readMay, которая будет возвращать значение Maybe Integer. Посмотрим, как это работает:

```
Prelude > :m Safe
Prelude Safe > readMay "1980" :: Maybe Integer
Just 1980

Prelude Safe > readMay "hello" :: Maybe Integer
Nothing
```

Видим, вместо исключений возвращается либо Just..., либо Nothing.

Вот следующая, более надежная версия программы:

```
import Safe (readMay)

main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    yearString <- getLine
    case readMay yearString of
        Nothing -> putStrLn "You provided an invalid year"
        Just year -> putStrLn $ "In 2020, you will be: " ++ show (2020 - year)
```

Разобьем код «по-хаскеловски» на чистую часть, вычисляющую возраст и формирующую ответ, и на «грязную часть» взаимодействия с пользователем.

```
import Safe (readMay)
displayAge maybeAge =
```

```
case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided an invalid year"
        Just age -> putStrLn $ "In 2020, you will be: " ++ show age
yearToAge year = 2020 - year
main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    yearString <- getLine</pre>
    let maybeAge =
            case readMay yearString of
                 Nothing -> Nothing
                 Just year -> Just (yearToAge year)
    displayAge maybeAge
Функция maybeAge выглядит немного избыточной в плане «упаковок-распаковок Just и
Nothing».
Но на наше счастье, Maybe является функтором, и мы можем «протащить» чистую функ-
цию yearToAge внутрь контейнера Maybe с помощью функторного отображения fmap и
избежать лишних «упаковок-распаковок Just и Nothing».
import Safe (readMay)
displayAge maybeAge =
    case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided an invalid year"
        Just age -> putStrLn $ "In 2020, you will be: " ++ show age
yearToAge year = 2020 - year
main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    yearString <- getLine</pre>
    let maybeAge = fmap yearToAge (readMay yearString)
    displayAge maybeAge
или могли записать строку так:
let maybeAge = yearToAge <$> (readMay yearString)
Усложним наш пример: вместо жёстко заданного 2020 года попросим пользователя вве-
сти произвольный год:
import Safe (readMay)
displayAge maybeAge =
    case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided invalid input"
        Just age -> putStrLn $ "In that year, you will be: " ++ show age
main = do
```

putStrLn "Please enter your birth year"

Тут, к сожалению, fmap нам уже не поможет...

Давайте, всё-таки попробуем!

Мы работаем с двумя значениями: readMay birthYearString и readMay futureYearString. Оба эти значения имеют тип **Maybe Integer**. И мы хотим применить к ним функцию yearDiff:

```
yearDiff :: Integer -> Integer
yearDiff futureYear birthYear = futureYear - birthYear
```

Если мы вернемся к попытке использовать fmap, то, похоже, столкнемся с небольшой проблемой. Тип fmap — специализированный для Maybe и Integer — это

```
(Integer -> a) -> Maybe Integer -> Maybe a
```

(в предыдущем примере тип а был Integer)

Другими словами, он принимает функцию, которая принимает один аргумент **Integer** и возвращает значение некоторого типа **a**, принимает второй аргумент **Maybe Integer** и возвращает значение типа **Maybe a**. Но наша функция yearDiff самом деле принимает два аргумента, а не один. Так что fmap вообще нельзя использовать, верно?

На самом деле это не так. В Haskell есть замечательное свойство «частичное применение функций», в нашем случае, это будет вот так:

Мы можем применить это к readMay futureYearString и получим:

```
fmap yearDiff (readMay futureYearString) :: Maybe (Integer -> Integer)
```

Ho беда в том, что нам нужно как-то применить это значение типа Maybe (Integer -> Integer) к нашему readMay birthYearString типа Maybe Integer. Но в рамках только функторов непосредственно применить функцию типа Maybe (Integer -> Integer) к значение типа Maybe Integer мы не можем.

Для этого нам необходимо использовать аппликативные функторы!

И теперь мы подошли к нашей окончательной концепции: аппликативные функторы. Идея проста: мы хотим иметь возможность применить функцию, которая находится внутри функтора, к значению внутри функтора. Магический оператор для этого <*>. Давайте посмотрим, как это работает в нашем примере

```
import Safe (readMay)
-- import Control.Applicative ((<*>))
displayAge maybeAge =
    case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided invalid input"
        Just age -> putStrLn $ "In that year, you will be: " ++ show age
yearDiff futureYear birthYear = futureYear - birthYear
main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    birthYearString <- getLine</pre>
    putStrLn "Please enter some year in the future"
    futureYearString <- getLine</pre>
    let maybeAge =
            fmap yearDiff (readMay futureYearString)
                 <*> readMay birthYearString
    displayAge maybeAge
или заменить на более компактный код в нужной нам строке:
    let maybeAge = yearDiff
            <$> readMay futureYearString
            <*> readMay birthYearString
Но если мы хотим сделать проверку на отсеивание заведомо глупых отрицательных ре-
```

вместо

```
yearDiff futureYear birthYear = futureYear - birthYear
```

то это уже требует большей функциональности, чем дает аппликативный функтор (пришлось делать проверки и запаковки). Получается такой код:

```
import Safe (readMay)
import Data.Maybe
-- import Control.Applicative ((<$>), (<*>))
displayAge maybeAge =
    case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided invalid input"
        Just age -> putStrLn $ "In that year, you will be: " ++ show age
backToFuture futureYear birthYear = if (futureYear - birthYear) < 0</pre>
                                       then Nothing
                                        else Just (futureYear - birthYear)
main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    birthYearString <- getLine</pre>
    putStrLn "Please enter some year in the future"
    futureYearString <- getLine</pre>
    let maybeAge = backToFuture
              <$> readMay futureYearString
              <*> readMay birthYearString
    displayAge maybeAge
и тестируем:
Please enter your birth year
Please enter some year in the future
In that year, you will be: Just 12
или получаем:
Please enter your birth year
1968
Please enter some year in the future
In that year, you will be: Nothing
Но зато можно легко расширить по числу переменных:
import Safe (readMay)
-- import Control. Applicative ((<*>))
displayAge maybeAge =
    case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided invalid input"
        Just age -> putStrLn $ "In that year, you will be: " ++ show age
yearDiff futureYear birthYear koef = (futureYear - birthYear) * koef
main = do
```

```
putStrLn "Please enter your birth year"
    birthYearString <- getLine</pre>
    putStrLn "Please enter some year in the future"
    futureYearString <- getLine</pre>
    putStrLn "Please enter some koef"
    koefString <- getLine</pre>
    let maybeAge = yearDiff
         <$> readMay futureYearString
         <*> readMay birthYearString
         <*> readMay koefString
    displayAge maybeAge
Используем для нашего предыдущего примера do-нотацию:
{-# LANGUAGE ApplicativeDo #-}
import Safe (readMay)
-- import Control.Applicative ((<$>), (<*>))
displayAge maybeAge =
    case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided invalid input"
        Just age -> putStrLn $ "In that year, you will be: " ++ show age
yearDiff futureYear birthYear = futureYear - birthYear
maybeAge fS bS = do
   fI <- readMay fS
   bI <- readMay bS
   pure $ yearDiff fI bI
maybeAge fS bS = yearDiff <$> readMay fS <*> readMay bS
main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    birthYearString <- getLine</pre>
    putStrLn "Please enter some year in the future"
    futureYearString <- getLine</pre>
    displayAge $ maybeAge futureYearString birthYearString
Отметим, что эта do-нотация специализированна для работы с аппликативными функто-
рами.
Можно перейти к обычной do-нотации для монад:
import Safe (readMay)
displayAge maybeAge =
    case maybeAge of
        Nothing -> putStrLn "You provided invalid input"
        Just age -> putStrLn $ "In that year, you will be: " ++ show age
yearDiff futureYear birthYear = futureYear - birthYear
```

```
main = do
    putStrLn "Please enter your birth year"
    birthYearString <- getLine
    putStrLn "Please enter some year in the future"
    futureYearString <- getLine
    let maybeAge = do
        fI <- readMay futureYearString
        bI <- readMay birthYearString
        return $ yearDiff fI bI
    displayAge maybeAge</pre>
```

Она даст больше естественных расходов (в нашем случае, особо незаметных) и преимущества в гибкости по использованию императивного кода.

Упражнения по мотивам статьи

M. Snoyman, Functor, Applicative, and Monad

Литература

- 1. C.McBride, R.Paterson. Applicative programming with effects
- 2. C.McBride, R.Paterson. Idioms: applicative programming with effects
- 3. Michael Rüegg. Applicative Functors in Haskell
- 4. S.Marlow, S.P.Jones, E.Kmett, A.Mokhov. Desugaring Haskell's do-Notation into Applicative Operations
- 5. Д.Н.Москвин. Функциональное программирование. Лекция 8. Аппликативные функторы
- 1. habr: Категория Hask
- 2. habr: Эндофункторы категории Hask и их моноидальная структура
- 3. habr: Монады с точки зрения теории категорий

Цель: подготовка к монадам.