# Advanced Encryption Standard AES

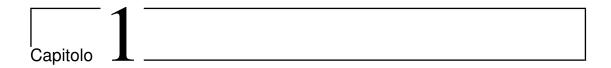
Luca Rengo

The Publisher YEAR 2022

# Indice

1	Stor	ria di AES	1		
	1.1	Introduzione	1		
	1.2	Breve storia di AES	1		
	1.3	AES vs Rijndeal	3		
	1.4	Cifratura simmetrica vs asimmetrica	3		
2	L'Al	goritmo	7		
	2.1	_	7		
	2.2	I tre concetti dietro la Crittografia	7		
	2.3	Una panoramica sull'Algoritmo	8		
		Perché lo XOR è usato in crittografia?	9		
		Le modalità di AES	12		
3	La Matematica dietro AES				
	3.1	Introduzione	15		
	3.2	Gruppi, Anelli e Campi	16		
		Gruppo	16		
		Monoide	16		
		Gruppo abelliano	16		
		Anello	16		
		Anello commutativo	16		
		Anello finito	16		
		Campo	16		
		Campi vs Anelli	16		
	3.3	Il campo di Galois	16		
		Le operazioni del campo finito	16		
		Addizione e sottrazione	17		
		Moltiplicazione	17		

	Esponenziazione	17
	Logaritmi	17
	Divisione	17
	Inverso	17
3.4	Il teorema fondamentale della teoria di Galois	17



## Storia di AES

#### Introduzione

AES (*Advanced Encryption Standard*) è un cifrario a blocchi simmetrico, inventato da due matematici belghi, Vincent Rijmen e Joan Daemen, da cui viene il nome *Rijndael*, nel 1998 per sostituire il precedente standard: DES (*Data Encryption Standard*).

#### Breve storia di AES

DES era divenuto lo standard dopo un bando dell'NBS (*National Bureau of Standards*), oggi NIST (*National Institute for Security and Technology*) per trovare un buon e sicuro algoritmo per proteggere le comunicazioni private dei cittadini americani.

Venne così proposto un algoritmo chiamato *Lucifer*, sviluppato dall'*IBM* che dopo esser stato modificato dall'NSA (*National Security Agency*), riducendone la grandezza della chiave da 128 a 56 bits e rettificandone le funzioni contenute nell'S-box, venne designato come *Data Encryption Standard* (**DES**).

DES regnò per 20 anni, venne studiato in lungo e in largo dagli accademici e criptoanalisti di tutto il mondo, grazie a ciò, ci fu finalmente per la prima volta un cifrario certificato che tutti potevano studiare: nacque così il moderno campo della crittografia.

Negli anni, molti sfidarono DES e dopo diverse battaglie fu finalmente sconfitto.

L'unico modo per ovviare a questi attacchi era quello di combinare des tre volte, formando il 3DES (*Triplo DES*). Il problema di questo però era la sua lentezza.

Per questo, nel 1997, il NIST indisse un nuovo bando per cercare un nuovo algoritmo di cifratura, forte come il triplo-DES, ma veloce e flessibile.

## **AES vs DES**

	DES	AES
Date	1976	1999
Block size	64	128
Key length	56	128, 192, 256
Number of rounds	16	9,11,13
Encryption primitives	Substitution, permutation	Substitution, shift, bit mixing
Cryptographic primitives	Confusion, diffusion	Confusion, diffusion
Design	Open	Open
Design rationale	Closed	Open
Selection process	Secret	Secret, but accept open public comment
Source	IBM, enhanced by NSA	Independent cryptographers

© Yingjiu Li 2007 26

Figura 1.1: AES vs DES

Vari algoritmi competerono: Serpent, Twofish, MARS, RC6, ma alla fine spuntò Rijndael per la sua semplicità e velocità.

#### AES vs Rijndeal

AES è un'implentazione di Rijndael, divenuto l'algoritmo di cifratura standard del governo degli Stati Uniti d'America. Una differenza tra i due è che AES utilizza blocchi di dati da 128 bits, mentre Rijndael permette oltre a blocchi da 128, anche blocchi da 192 e 256 bits.

Sia AES che Rijndael permettono una grandezza della chiave di 128, 192 o 256 bits, da cui ne ricaviamo il numero di rounds: 10, 12 o 14 rispettivamente.

## Cifratura simmetrica vs asimmetrica

Nella cifratura simmetrica viene usata una chiave sia per la cifratura che per la decifratura di un messaggio.

La cifratura asimmetrica è basata sul concetto di chiave pubblica e chiave privata. Vengono, quindi usate due chiavi sia per la cifratura che per la decifratura. Usiamo la chiave pubblica per cifrare il messagio e la chiave privata per decifrarlo.

Ulteriori differenze:

Simmetrico	Asimmetrico
Richiede una sola	Richiede due chiavi,
chiave sia	una pubblica e una privata,
per la cifratura	una per cifrare e
che la decifratura.	una per decifrare.
Lo spazio del testo cifrato è	Lo spazio del testo cifrato è
lo stesso o più piccolo	lo stesso o più grande
del messaggio originale.	del messaggio originale.
ll processo di cifratura	ll processo di cifratura
è molto veloce.	è molto lento.
È usato quando un	È usato per trasferire
grosso ammontare di dati	piccole quantità
deve essere trasferito.	di dati.
Fornisce solamente	Fornisce confidenzialità,
la confidenzialità.	autenticità e non ripudio.
La chiave usata è di solito	La lunghezza della chiave
di lunghezza 128 o 256 bits.	è di 2048 o più bits.
L'utilizzo delle risorse è basso.	L'utilizzo di risorse è alto.
Esempi: DES, 3DES,	Esempi: DSA, RSA,
AES, RC4	Diffie-Hellman, ECC, El Gamal

#### Types of Encryption Symmetric Keys DES · Encryption and decryption use the same key. TripleDES SkyView Partners AES SkyView Partners 7l\$wP0^8a'lyUdSL jh^7GVda;0ydh. Decrypt Encrypt RC5 Asymmetric keys RSA · Encryption and decryption use different keys, a public key and a private key. Elliptic Curve F9kT^&Ukf987xdf1 Decrypt Encrypt k^(&uk4789kds0 SkyView Partners SkyView Partners Public Private kjk^jd7k%TNw6f7lW Encrypt Decrypt IqY#D=I46j0R@9+ One-way hash MD5 SHA-1 SkyView Partners 0^8a'lyUdSLjh^7Gd25e Hash

Figura 1.2: Tipi di cifratura

AES è di tipo simmetrico, quindi useremo la stessa chiave sia per criptare il nostro messaggio sia per decriptarlo.

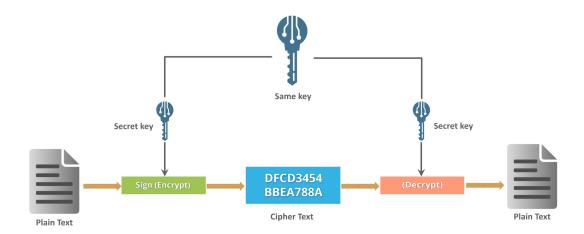
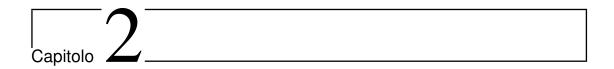


Figura 1.3: Cifratura a chiave simmetrica



# L'Algoritmo

#### Introduzione

In questo capitolo, tratteremo il funzionamento dell'algoritmo di AES con una panoramica dall'alto, per poi affrontare nel prossimo capitolo, più in dettaglio, la sua matematica.

## I tre concetti dietro la Crittografia

Alla base della crittografia, ci sono due importanti proprietà dei cifrari a chiave simmetrica, elaborati dal padre della teoria dell'informazione, Claude Elwood Shannon, ovvero: diffusione e confusione.

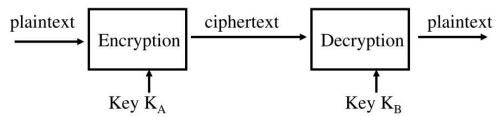
Il principio della *confusione* vela la connessione tra il messaggio originale e il testo cifrato.

La proprietà di *diffusione*, invece, riguarda lo scombussolamento della posizione dei caratteri del messaggio.

Un altro importante concetto è quello della segretezza della chiave, ovvero che l'algoritmo alla base del cifrario è conosciuto, è pubblico, ma la sola conoscenza di

questo non è sufficiente per poter conseguire l'accesso alle informazioni, perché per poter attingerle sarà necessario conoscere la chiave segreta.

# Confusion and Diffusion



- Terms courtesy of Claude Shannon, father of Information Theory
- "Confusion" = Substitution
  - a -> b
  - · Caesar cipher
- "Diffusion" = Transposition or Permutation
  - · abcd -> dacb
  - DES

Figura 2.1: Confusione e Diffusione

# Una panoramica sull'Algoritmo

I dati di input vengono caricati in una matrice 4x4, anche chiamata state matrix (matrice di stato), dove ogni cella rappresenta 1 byte di informazione e su queste compiamo diverse operazioni: sub-bytes (sostituzione dei bytes), shift rows (spostamento delle righe), mix columns (mescolamento delle colonne), add round key (aggiunta della chiave del round) per un numero di volte, di rounds pari alla grandezza della chiave.

	Key Length	Block Size	Number of Rounds
	(Nk words)	(Nb words)	(Nr)
AES-128	4	4	10
AES-192	6	4	12
AES-256	8	4	14

Key-Block-Round Combinations

Figura 2.2: Key Size e Numero di Rounds

Nel primo round svolgiamo uno XOR tra il messaggio d'input e la chiave segreta. Lo XOR (EXclusive-OR) bit-a-bit è un'operazione di macsheratura dei bit, dove se i due bit di input sono diversi, allora produrrà un 1 in uscita, altrimenti se sono uguali, uno zero.

A	В	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Figura 2.3: Tabella della verità dello XOR

#### Perché lo XOR è usato in crittografia?

- Lo XOR non leaka informazioni sull'input originale.
- Lo XOR è una *involutory function* (funzione involutoria) tale che se la applichi due volte riottieni il testo originale.
- L'output dello XOR dipende da entrambi gli input. Non è così per le altre operazioni (AND, OR, NOT, ecc.).

Per poter elaborare i rounds, l'algoritmo ha bisogno di molte chiavi, una per round, queste vengono tutte derivate dalla chiave iniziale.

Il procedimento per ricavarle è questo:

- 1. Sposta la prima cella dell'ultima colonna della precedente chiave in fondo alla colonna.
- 2. Ogni byte viene posto in una substitution box che lo mapperà in qualcos'altro.
- 3. Viene effettuato uno XOR tra la colonna e una *round constant* (costante di round) che è diversa per ogni round.
- 4. Infine viene realizzato uno XOR con la prima colonna della precedente chiave.

Per le altre colonne, vengono semplicemente eseguiti degli XOR con la stessa colonna della precedente chiave (eccetto per le chiavi a 256 bit che hanno un procedimento un po' più complicato).

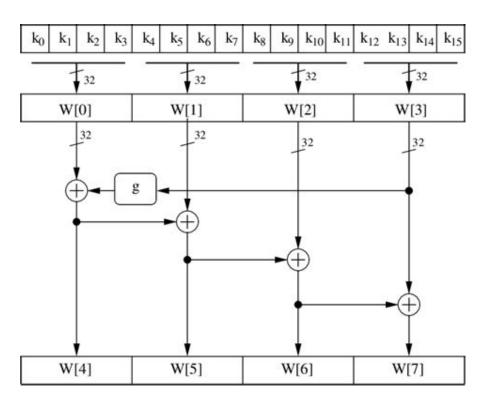


Figura 2.4: Key Expansion

Dopo aver ottenuto le chiavi, vengono compiuti i vari rounds.

Per ogni round, eseguiamo questi passaggi, tranne per l'ultimo dove non effettuiamo il passaggio delle *Mix Columns*, perché non aumenterebbe la sicurezza e semplicemente rallenterebbe:

Applichiamo il principio di confusione attraverso il passaggio Sub-bytes.

• <u>Sub-bytes</u>: Ogni byte viene mappato in un diverso byte attraverso una s-box. Questo step applica la proprietà di *confusione* di Shannon, perché oscura la relazione tra ogni byte.

Applichiamo la proprietà di diffusione:

- <u>Shift Rows</u>: La seconda riga della matrice viene spostata di 1 verso sinistra. La terza riga di 2 posizioni e la quarta di 3 (sempre verso sinistra).
- Mix Columns: Ogni bit delle colonne della matrice (di stato) vengono mischiate.

Applichiamo la proprietà di segretezza della chiave:

• Add Round Key: Viene applicata la chiave del prossimo round attraverso uno XOR.

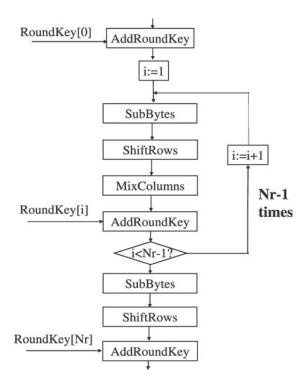


Figura 2.5: AES Rounds Flowchart

Più rounds aggiungiamo, più sicurezza, ma questo porterebbe ad un rallentamento dell'algoritmo e quindi delle performance. Per questo serve un compromesso tra sicurezza e prestazioni.

Quando AES era in sviluppo venne trovata una scorciatoia attraverso 6 rounds, per evitare ciò, sono stati aggiunti 4 rounds extra, come *margine di sicurezza*.

#### Le modalità di AES

AES non può essere utilizzato così com'è, ma necessita di essere adoperato in combinazione a una modalità. Una modalità è un processo/sistema/procedimento per aumentare/incrementare/trasformare/avanzare l'efficacia di un algoritmo crittografico.

Di seguito, alcune delle modalità di AES:

- ECB (Electronic Code Book)
- CBC (Cipher Block Chaining)
- CFB (Cipher FeedBack)
- OFB (Output FeedBack)
- CTR (Counter mode)

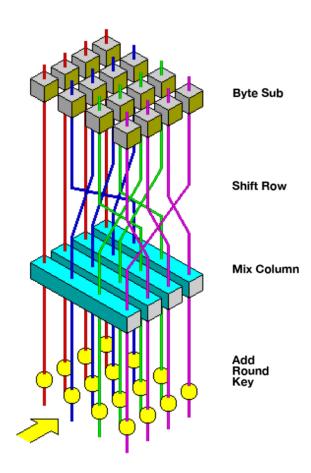
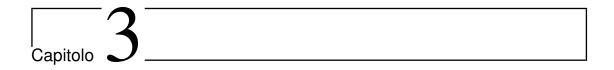


Figura 2.6: AES Round Function



# La Matematica dietro AES

# Introduzione

# Gruppi, Anelli e Campi

Gruppo

Monoide

Gruppo abelliano

Anello

Anello commutativo

Anello finito

Campo

Campi vs Anelli

#### Il campo di Galois

Le operazioni del campo finito

#### Addizione e sottrazione

#### Moltiplicazione

#### Esponenziazione

L'esponenziazione è semplicemente la ripetizione della moltiplicazione.

Logaritmi

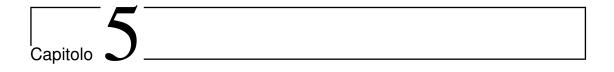
Divisione

Inverso

Il teorema fondamentale della teoria di Galois



Introduzione



# Le modalità di AES

# Introduzione