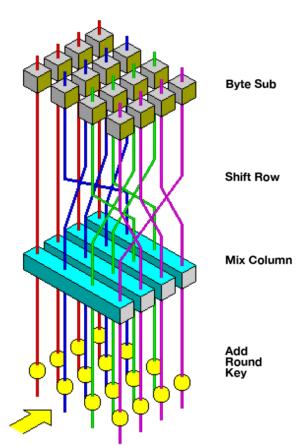
# Advanced Encryption Standard AES

Luca Rengo

v1.0.0 Maggio | Aprile 2022 | 2023



# Indice

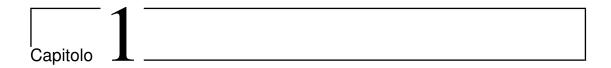
1	Stor	ria di AES	1
	1.1	Introduzione	1
	1.2	Breve storia di AES	1
	1.3	AES vs Rijndeal	3
	1.4	Cifratura simmetrica vs asimmetrica	3
	1.5	Stream vs Block Ciphers	6
	1.6	Principio di Kerchoffs	6
2	L'Al	goritmo	7
	2.1	Introduzione	7
	2.2	I tre concetti dietro la Crittografia	7
	2.3	Una panoramica sull'Algoritmo	8
		Perché lo XOR è usato in crittografia?	9
		Le modalità di AES	12
3	La N	Matematica dietro AES	13
	3.1	Introduzione	13
	3.2	Gruppi, Anelli e Campi	14
		Gruppo	14
		Monoide	14
		Gruppo abelliano	14
		Anello	14
		Anello commutativo	14
		Anello finito	14
		Campo	14
		Campi vs Anelli	14
	3.3	Il campo di Galois	14
	0.0	Le operazioni del campo finito	14

iv INDICE

		Addizione e sottrazione	15 15
		Esponenziazione	15
		Logaritmi	15
		Divisione	15
		Inverso	15
	3.4	Il teorema fondamentale della teoria di Galois	15
4	Le n	nodalità di AES	17
	4.1	Introduzione	17
	4.2	A cosa servono le modalità?	17
	4.3	IV, Nonce, Salt e Pepper	17
		Nonce   Number Used Once	18
		Nonce sequenziali	18
		IV   Initialization Vector	18
		IV vs Nonce	18
		Salt	18
		Pepper	18
	4.4	Il padding	19
	4.5	Le modalità	19
		Modalità di cifratura senza integrità del messaggio	20
		ECB   Electronic Code Book	21
		CBC   Cipher Block Chain	21
		CFB   Cipher Feedback	22
		OFB   Output Feedback	23
		CTR   Counter Mode	24
		XTS   AES-XTS (XEX) Tweakable Block Cipher	24
		MACS   Message Authentication Codes	25
		ALG1-6	25
		CMAC   Cipher-based Message Authentication Code	26
		HMAC   Keyed-hash Message Authentication Code	26
		GMAC   Galois Message Authentication Code	26
		CBC-MAC	27
		AEAD   Authenticated Encryption with Associated Data	27
		OCB   Offset Codebook	27
		CCM   Counter con CBC-MAC	27
		GCM   Galois Counter Mode	28

*INDICE* v

5	L'im	plementazione	29
	5.1	Introduzione	29
	5.2	Implementazione in C++	29
		Matematica di Galois	29
		Add Round Key	31
		Sub Bytes	32
		Shift Rows	32
		Mix Columns	33
		Key Expansion	33
		Rot Word	34
		Sub Word	35
		Rcon	35
		Xor Blocks	35
		Modes	36
		ECB	36
		CBC	37
		CFB	38
		Paddings	39
		API	41
		Cifratura	42
		Decifratura	42
	53	Implementazione in Java	43



# Storia di AES

#### Introduzione

AES (*Advanced Encryption Standard*) è un cifrario a blocchi simmetrico, inventato da due matematici belghi, Vincent Rijmen e Joan Daemen, da cui viene il nome *Rijndael*, nel 1998 per sostituire il precedente standard: DES (*Data Encryption Standard*).

#### Breve storia di AES

DES era divenuto lo standard dopo un bando dell'NBS (*National Bureau of Standards*), oggi NIST (*National Institute for Security and Technology*) per trovare un buon e sicuro algoritmo per proteggere le comunicazioni private dei cittadini americani.

Venne così proposto un algoritmo chiamato *Lucifer*, sviluppato dall'*IBM* che dopo esser stato modificato dall'NSA (*National Security Agency*), riducendone la grandezza della chiave da 128 a 56 bits e rettificandone le funzioni contenute nell'S-box, venne designato come *Data Encryption Standard* (**DES**).

DES regnò per 20 anni, venne studiato in lungo e in largo dagli accademici e criptoanalisti di tutto il mondo, grazie a ciò, ci fu finalmente per la prima volta un cifrario certificato che tutti potevano studiare: nacque così il moderno campo della crittografia.

Negli anni, molti sfidarono DES e dopo diverse battaglie fu finalmente sconfitto.

L'unico modo per ovviare a questi attacchi era quello di combinare des tre volte, formando il 3DES (*Triplo DES*). Il problema di questo però era la sua lentezza.

Per questo, nel 1997, il NIST indisse un nuovo bando per cercare un nuovo algoritmo di cifratura, forte come il triplo-DES, ma veloce e flessibile.

# **AES vs DES**

	DES	AES
Date	1976	1999
Block size	64	128
Key length	56	128, 192, 256
Number of rounds	16	9,11,13
Encryption primitives	Substitution, permutation	Substitution, shift, bit mixing
Cryptographic primitives	Confusion, diffusion	Confusion, diffusion
Design	Open	Open
Design rationale	Closed	Open
Selection process	Secret	Secret, but accept open public comment
Source	IBM, enhanced by NSA	Independent cryptographers

© Yingjiu Li 2007 26

Figura 1.1: AES vs DES

Vari algoritmi competerono: Serpent, Twofish, MARS, RC6, ma alla fine spuntò Rijndael per la sua semplicità e velocità.

# AES vs Rijndeal

AES è un'implentazione di Rijndael, divenuto l'algoritmo di cifratura standard del governo degli Stati Uniti d'America. Una differenza tra i due è che AES utilizza blocchi di dati da 128 bits, mentre Rijndael permette oltre a blocchi da 128, anche blocchi da 192 e 256 bits.

Sia AES che Rijndael permettono una grandezza della chiave di 128, 192 o 256 bits, da cui ne ricaviamo il numero di rounds: 10, 12 o 14 rispettivamente.

# Cifratura simmetrica vs asimmetrica

Nella cifratura simmetrica viene usata una chiave sia per la cifratura che per la decifratura di un messaggio.

La cifratura asimmetrica è basata sul concetto di chiave pubblica e chiave privata. Vengono, quindi usate due chiavi sia per la cifratura che per la decifratura. Usiamo la chiave pubblica per cifrare il messagio e la chiave privata per decifrarlo.

Ulteriori differenze:

Simmetrico	Asimmetrico	
Richiede una sola	Richiede due chiavi,	
chiave sia	una pubblica e una privata,	
per la cifratura	una per cifrare e	
che la decifratura.	una per decifrare.	
Lo spazio del testo cifrato è	Lo spazio del testo cifrato è	
lo stesso o più piccolo	lo stesso o più grande	
del messaggio originale.	del messaggio originale.	
ll processo di cifratura	ll processo di cifratura	
è molto veloce.	è molto lento.	
È usato quando un	È usato per trasferire	
grosso ammontare di dati	piccole quantità	
deve essere trasferito.	di dati.	
Fornisce solamente	Fornisce confidenzialità,	
la confidenzialità.	autenticità e non ripudio.	
La chiave usata è di solito	La lunghezza della chiave	
di lunghezza 128 o 256 bits.	è di 2048 o più bits.	
L'utilizzo delle risorse è basso.	L'utilizzo di risorse è alto.	
Esempi: DES, 3DES,	Esempi: DSA, RSA,	
AES, RC4	Diffie-Hellman, ECC, El Gamal	

#### Types of Encryption Symmetric Keys DES · Encryption and decryption use the same key. TripleDES SkyView Partners AES SkyView Partners 7l\$wP0^8a'lyUdSL jh^7GVda;0ydh. Decrypt Encrypt RC5 Asymmetric keys RSA · Encryption and decryption use different keys, a public key and a private key. Elliptic Curve F9kT^&Ukf987xdf1 Decrypt Encrypt k^(&uk4789kds0 SkyView Partners SkyView Partners Public Private kjk^jd7k%TNw6f7lW Encrypt Decrypt IqY#D=I46j0R@9+ One-way hash MD5 SHA-1 SkyView Partners 0^8a'lyUdSLjh^7Gd25e Hash

Figura 1.2: Tipi di cifratura

AES è di tipo simmetrico, quindi useremo la stessa chiave sia per cifrare il nostro messaggio sia per decifrarlo.

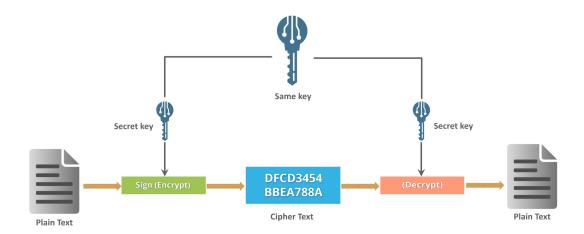


Figura 1.3: Cifratura a chiave simmetrica

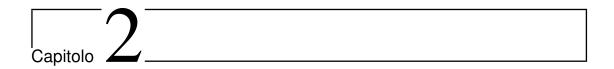
# Stream vs Block Ciphers

Cifrario a flusso:

Cifrario a blocchi:

# Principio di Kerchoffs

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.
- 6.



# L'Algoritmo

#### Introduzione

In questo capitolo, tratteremo il funzionamento dell'algoritmo di AES con una panoramica dall'alto, per poi affrontare nel prossimo capitolo, più in dettaglio, la sua matematica.

# I tre concetti dietro la Crittografia

Alla base della crittografia, ci sono due importanti proprietà dei cifrari a chiave simmetrica, elaborati dal padre della teoria dell'informazione, Claude Elwood Shannon, ovvero: diffusione e confusione.

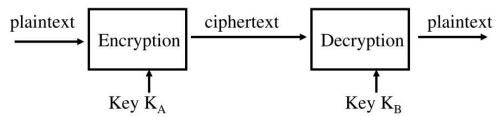
Il principio della *confusione* vela la connessione tra il messaggio originale e il testo cifrato.

La proprietà di *diffusione*, invece, riguarda lo scombussolamento della posizione dei caratteri del messaggio.

Un altro importante concetto è quello della segretezza della chiave, ovvero che l'algoritmo alla base del cifrario è conosciuto, è pubblico, ma la sola conoscenza di

questo non è sufficiente per poter conseguire l'accesso alle informazioni, perché per poter attingerle sarà necessario conoscere la chiave segreta.

# Confusion and Diffusion



- Terms courtesy of Claude Shannon, father of Information Theory
- "Confusion" = Substitution
  - a -> b
  - · Caesar cipher
- "Diffusion" = Transposition or Permutation
  - · abcd -> dacb
  - DES

Figura 2.1: Confusione e Diffusione

# Una panoramica sull'Algoritmo

I dati di input vengono caricati in una matrice 4x4, anche chiamata state matrix (matrice di stato), dove ogni cella rappresenta 1 byte di informazione e su queste compiamo diverse operazioni: sub-bytes (sostituzione dei bytes), shift rows (spostamento delle righe), mix columns (mescolamento delle colonne), add round key (aggiunta della chiave del round) per un numero di volte, di rounds pari alla grandezza della chiave.

	Key Length	Block Size	Number of Rounds
	(Nk words)	(Nb words)	(Nr)
AES-128	4	4	10
AES-192	6	4	12
AES-256	8	4	14

Key-Block-Round Combinations

Figura 2.2: Key Size e Numero di Rounds

Nel primo round svolgiamo uno XOR tra il messaggio d'input e la chiave segreta. Lo XOR (EXclusive-OR) bit-a-bit è un'operazione di macsheratura dei bit, dove se i due bit di input sono diversi, allora produrrà un 1 in uscita, altrimenti se sono uguali, uno zero.

A	В	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Figura 2.3: Tabella della verità dello XOR

# Perché lo XOR è usato in crittografia?

- Lo XOR non leaka informazioni sull'input originale.
- Lo XOR è una *involutory function* (funzione involutoria) tale che se la applichi due volte riottieni il testo originale.
- L'output dello XOR dipende da entrambi gli input. Non è così per le altre operazioni (AND, OR, NOT, ecc.).

Per poter elaborare i rounds, l'algoritmo ha bisogno di molte chiavi, una per round, queste vengono tutte derivate dalla chiave iniziale.

Il procedimento per ricavarle è questo:

- 1. Sposta la prima cella dell'ultima colonna della precedente chiave in fondo alla colonna.
- 2. Ogni byte viene posto in una substitution box che lo mapperà in qualcos'altro.
- 3. Viene effettuato uno XOR tra la colonna e una *round constant* (costante di round) che è diversa per ogni round.
- 4. Infine viene realizzato uno XOR con la prima colonna della precedente chiave.

Per le altre colonne, vengono semplicemente eseguiti degli XOR con la stessa colonna della precedente chiave (eccetto per le chiavi a 256 bit che hanno un procedimento un po' più complicato).

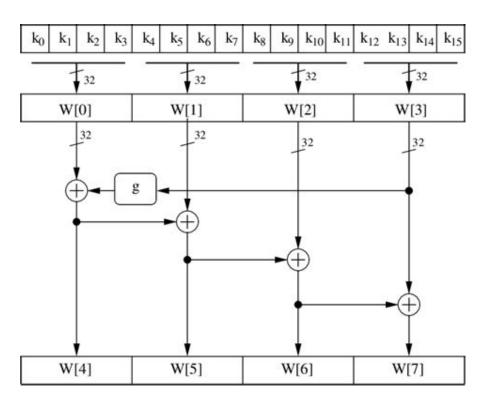


Figura 2.4: Key Expansion

Dopo aver ottenuto le chiavi, vengono compiuti i vari rounds.

Per ogni round, eseguiamo questi passaggi, tranne per l'ultimo dove non effettuiamo il passaggio delle *Mix Columns*, perché non aumenterebbe la sicurezza e semplicemente rallenterebbe:

Applichiamo il principio di confusione attraverso il passaggio Sub-bytes.

• <u>Sub-bytes</u>: Ogni byte viene mappato in un diverso byte attraverso una s-box. Questo step applica la proprietà di *confusione* di Shannon, perché oscura la relazione tra ogni byte.

Applichiamo la proprietà di diffusione:

- <u>Shift Rows</u>: La seconda riga della matrice viene spostata di 1 verso sinistra. La terza riga di 2 posizioni e la quarta di 3 (sempre verso sinistra).
- Mix Columns: Ogni bit delle colonne della matrice (di stato) vengono mischiate.

Applichiamo la proprietà di segretezza della chiave:

• Add Round Key: Viene applicata la chiave del prossimo round attraverso uno XOR.

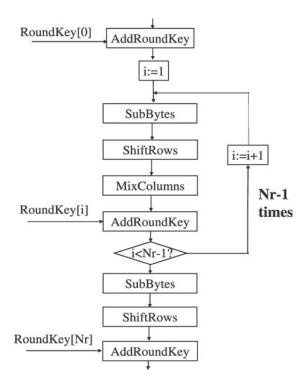


Figura 2.5: AES Rounds Flowchart

Più rounds aggiungiamo, più sicurezza, ma questo porterebbe ad un rallentamento dell'algoritmo e quindi delle performance. Per questo serve un compromesso tra sicurezza e prestazioni.

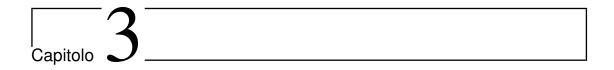
Quando AES era in sviluppo venne trovata una scorciatoia attraverso 6 rounds, per evitare ciò, sono stati aggiunti 4 rounds extra, come *margine di sicurezza*.

#### Le modalità di AES

AES non può essere utilizzato così com'è, ma necessita di essere adoperato in combinazione a una modalità. Una modalità è un processo/sistema/procedimento per aumentare/incrementare/trasformare/avanzare l'efficacia di un algoritmo crittografico.

Di seguito, alcune delle modalità di AES:

- ECB (Electronic Code Book)
- CBC (Cipher Block Chaining)
- CFB (Cipher FeedBack)
- OFB (Output FeedBack)
- CTR (Counter mode)



# La Matematica dietro AES

# Introduzione

# Gruppi, Anelli e Campi

Gruppo

Monoide

Gruppo abelliano

Anello

Anello commutativo

Anello finito

Campo

Campi vs Anelli

# Il campo di Galois

Le operazioni del campo finito

#### Addizione e sottrazione

# Moltiplicazione

#### Esponenziazione

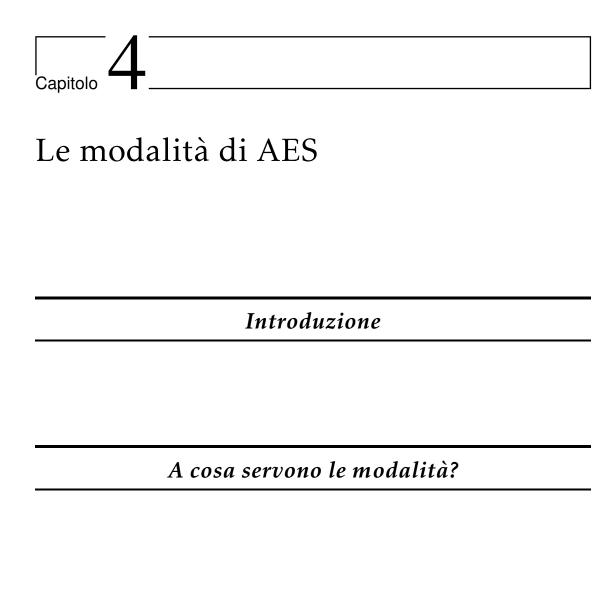
L'esponenziazione è semplicemente la ripetizione della moltiplicazione.

Logaritmi

Divisione

Inverso

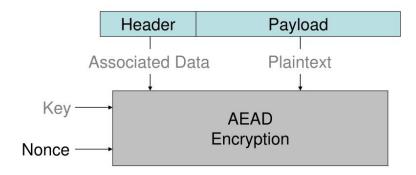
Il teorema fondamentale della teoria di Galois



IV, Nonce, Salt e Pepper

# Nonce | Number Used Once

# **Nonce**



Each encryption operation MUST have a distinct nonce

Figura 4.1: Nonce

Nonce sequenziali

IV | Initialization Vector

IV vs Nonce

Salt

Pepper

4.4. IL PADDING

# Il padding

Un altro elemento utilizzato nei cifrari a blocchi è il padding. Il padding serve per riempire i blocchi del cifrario con dei bytes.

È un modo per cifrare messaggi anche di grandezze che il cifrario non sarebbe in grado di decifrare. Non aumenta la sicurezza, anzi se mal implementato può portare ad attacchi di padding (padding oracle attack).

Grazie a questa tecnica, è possibile aggiungere, all'inizio, al centro o in fondo al messaggio, del nonsense per oscurare parti del messaggio che altrimenti sarebbero prevedibili, come: *Caro..., Gentile..., Cordiali Saluti..*, ecc.

I principali meccanismi di padding sono:

#### Le modalità

# Modalità di cifratura senza integrità del messaggio

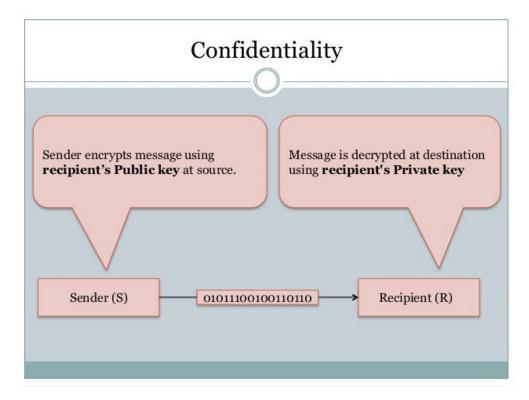
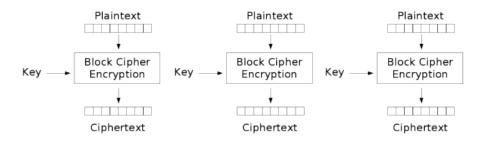


Figura 4.2: Confidenzialità

4.5. LE MODALITÀ 21

#### ECB | Electronic Code Book

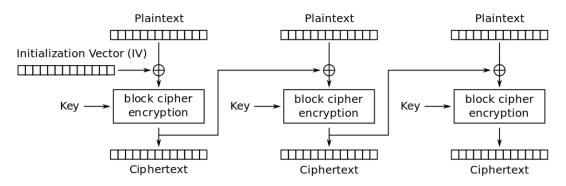


Electronic Codebook (ECB) mode encryption

Figura 4.3: ECB

- ECB è deprecato e non dovrebbe essere utilizzato.
- Gli stessi blocchi di messaggio vengono cifrati con gli stessi blocchi cifrati.

#### CBC | Cipher Block Chain



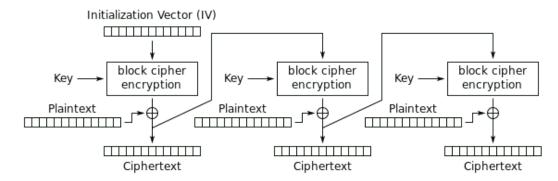
Cipher Block Chaining (CBC) mode encryption

Figura 4.4: CBC

• Collega ("Incatena" da Chaining) tutti i blocchi.

- L'IV (Initialization Vector) è usato per modificare il testo in chiaro.
- Viene eseguito lo XOR tra il blocco cifrato precedente e il blocco col testo in chiaro corrente.
- Risolve il problema dei blocchi di testo in chiaro uguali vengano cifrati allo stesso modo. (problema presente in ECB)
- Modificando un bit di un blocco di testo in chiaro, modifica di conseguenza tutti gli altri blocchi cifrati a seguire.

#### CFB | Cipher Feedback



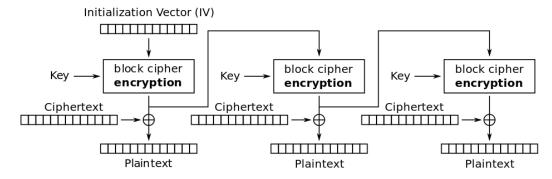
Cipher Feedback (CFB) mode encryption

Figura 4.5: CFB

- Lega tutti i blocchi (proprio come CBC).
- Genera dei bytes casuali, un flusso usando il cifrario che viene poi successivamente XOR col blocco di testo in chiaro.
- Trasforma il cifrario a blocchi in uno stream cipher (cifrario a flusso).

23

#### OFB | Output Feedback



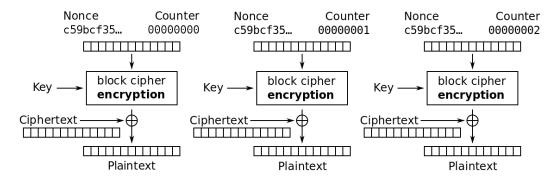
Output Feedback (OFB) mode decryption

Figura 4.6: OFB

- Lega tutti i blocchi (proprio come CBC e CFB).
- Genera dei bytes casuali, un flusso usando il cifrario che viene poi successivamente XOR col blocco di testo in chiaro.
- Trasforma il cifrario a blocchi in uno stream cipher (cifrario a flusso).

L'unica differenza con CFB è che al posto di utilizzare il testo cifrato nei blocchi successivi, utilizza l'output dei bytes casuali generati dal cifrario attraverso la chiave e l'IV per il blocco successivo.

#### CTR | Counter Mode



Counter (CTR) mode decryption

Figura 4.7: CTR

#### XTS | AES-XTS (XEX) Tweakable Block Cipher

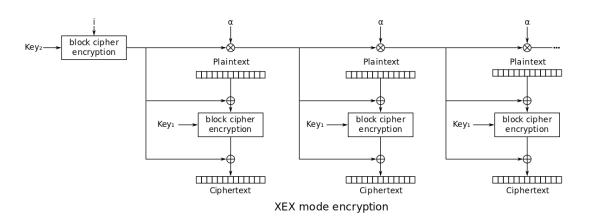


Figura 4.8: XEX

4.5. LE MODALITÀ 25

# MACS | Message Authentication Codes

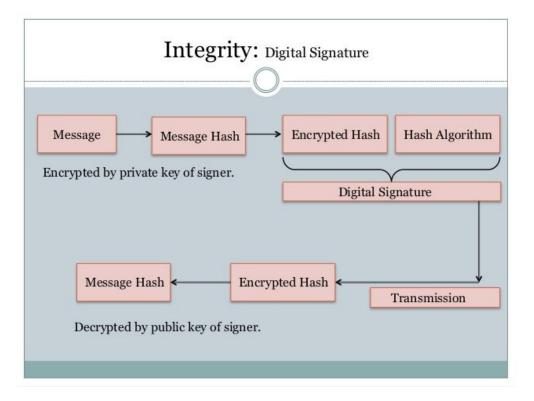


Figura 4.9: Integrità e non ripudio

#### ALG1-6

# CMAC | Cipher-based Message Authentication Code

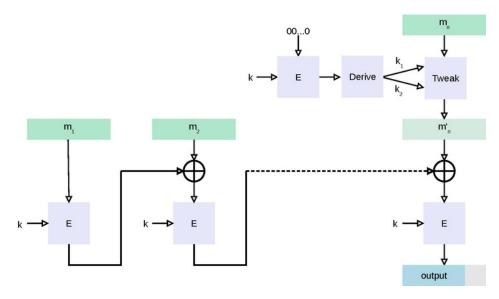


Figura 4.10: CMAC

#### HMAC | Keyed-hash Message Authentication Code

# GMAC | Galois Message Authentication Code

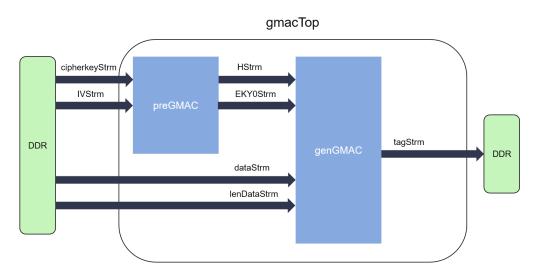


Figura 4.11: GMAC

4.5. LE MODALITÀ 27

#### CBC-MAC

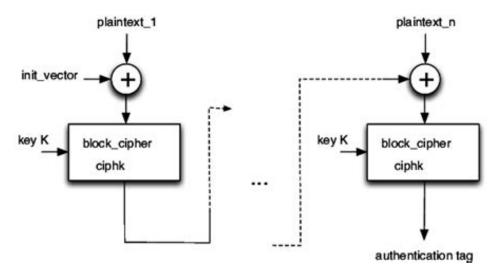


Figura 4.12: CBC-MAC

# AEAD | Authenticated Encryption with Associated Data

OCB | Offset Codebook

CCM | Counter con CBC-MAC

# GCM | Galois Counter Mode

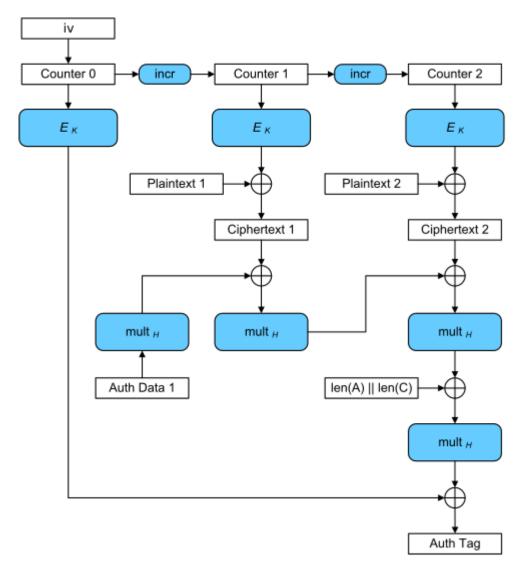
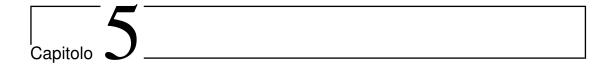


Figura 4.13: GCM



# L'implementazione

# Introduzione

# Implementazione in C++

#### Matematica di Galois

Nel campo di Galois, sia l'addizione che la sottrazione sono semplicemente un'o-perazione di XOR. Questa funzione prende due parametri x ed y di tipo  $uint8_t$  (che corrisponde a un  $unsigned\ char$ ) e restituisce lo XOR tra essi.

```
/**

* @brief This function returns the galois addition or subtraction between two numbers. It xors the two numbers.

* @param x: a uint8_t aka unsigned char.

* @param y: a uint8_t aka unsigned char.

* @return an xor between x and y.

*/

[[nodiscard("Pure function")]] static constexpr inline uint8_t galois_addition_subtraction(const uint8_t& x, const uint8_t& y) noexcept

{
    return x ^ y;
}
```

Figura 5.1: Addizione e sottrazione nel campo di Galois

galois\_multiplication() prende due uint8\_t come parametri e restituisce la moltiplicazione tra questi nel campo di Galois.

static constexpr indicano che la funzione può essere eseguita a compile time. noexcept indica che la funziona non lancia eccezioni. [[nodiscard]] indica che il risultato che viene restituito non può essere ignorato, ma deve essere utilizzato.

Facciamo un loop su ogni bit del byte e verifichiamo se il secondo valore y ha il bit meno significativo attivo (y & 0x01) allora aggiungiamo x (ovvero eseguiamo uno XOR) al risultato. Dopodiché verifichiamo se il bit più significativo  $high\_bit$  è attivo in x. Poi ruotiamo x di 1. Se l' $high\_bit$  è true eseguiamo uno XOR tra x e il polinomio irriducibile  $IRREDUCIBLE\_POLYNOMIAL$ , ovvero 0x1B. Infine ruotiamo il secondo valore di 1 per ruotarlo a destra. Poi restituiamo il risultato finale delle operazioni.

```
/**
    * @brief This function returns the multiplication in the galois field of x and y.
    * @param x: a uint8_t aka unsigned char.
    * @param y: a uint8_t aka unsigned char.
    * @return the galois multiplication between x and y.
    */
[[nodiscard]] static constexpr uint8_t galois_multiplication(uint8_t x, uint8_t y) noexcept
{
    uint8_t result = 0;
    for(unsigned short i = 0; i < 8; i++) {
        if(y & 0x01) {
            result ^= x; // ^= ê l'addizione in GF(2^8); potrei anche fare result = galois_addition_subtraction(result, x);
        }
        const bool high_bit = x & 0x80; // x >= 0x80 = 128
        x <<= 1; // ruotiamo x di 1 (moltiplicazione in GF(2^8)
        if(high_bit) {
            x ^= IRREDUCIBLE_POLYNOMIAL; // x -= 0x18, ovvero mod(x^8 + x^4 + x^3 + x + 1)
        }
        y >>= 1; // ruotiamo y a destra (divisione in GF(2^8)
    }
    return result;
}
```

Figura 5.2: Moltiplicazione nel campo di Galois

xtime(const uint8\_t& x) prende un numero in input e restituisce la round constant. Questa funzione è utilizzata per generare la round constant. L'algoritmo di questa funzione è il seguente:

- il round\_constant(1) = 1.
- round\_constant(i) = 2 · round\_constant(i − 1)se round\_constant(i − 1) < 0x80</li>
- round\_constant( $2 \cdot \text{round\_constant}(i 1)$ )  $\oplus 0x11B \ge 0x80$

```
/**
    * @param x: a vint8_t aka unsigned char.
    * @return a multiplication of the number x.
    */
[[nodiscard]] static constexpr inline uint8_t xtime(const uint8_t& x) noexcept
{
    return (x << 0x01) ^ (((x >> 0x07) & 0x01) * gal::IRREDUCIBLE_POLYNOMIAL);
}
```

Figura 5.3: Generatrice delle costanti di round

## Add Round Key

Nella fase di add\_round\_key() la chiave di round viene aggiunta alla matrice di stato.

La funzione prende la matrice di stato 4x4 (formata da due std::array di grandezza BLOCK\_WORDS che indica il numero di words in un blocco, ovvero 4) e la chiave del round come puntatore e le aggiunge.

Figura 5.4: Add Round Key

# Sub Bytes

Nella funzione *sub\_bytes* ogni byte della matrice di stato viene sostituito con quelli presenti nella S-BOX.

Quindi, nella funzione viene passata la matrice di stato come reference, quindi tutti le modifiche verranno applicate anche all'esterno della funzione e poi viene eseguito un loop e ogni elemento viene sostituito con il corrispettivo della S-BOX.

```
void sub_bytes(std::array<std::array<uint8_t, aes::BLOCK_WORDS>, aes::BLOCK_WORDS>& state)
{
    for(auto& s :array<unsigned char, 4> & : state) {
        for(uint8_t& i : s) {
            i = S_BOX[i];
        }
    }
}
```

Figura 5.5: Sub Bytes

## Shift Rows

Nel passaggio di *shift rows* le righe della matrice di stato verranno *shiftate* di una posizione la seconda riga, di due posizione la terza e di tre la quarta.

Per fare questo ci avvaliamo di due funzioni, una *shift\_row* per shiftare effettivamente le righe e nell'altra *shift\_rows* per chiamare la precedente funzione per shiftare delle posizioni stabilite.

```
void shift_row(std::array<std::array<uint8_t, aes::BLOCK_WORDS>, aes::BLOCK_WORDS>& state, const unsigned short& row, const unsigned short& positions)
{
    std::array<uint8_t, aes::BLOCK_WORDS> temp{};
    for(uint8_t i = 0; i < aes::BLOCK_WORDS; 1++) {
        temp[i] = state[row][(i + positions) % aes::BLOCK_WORDS];
    }
    state[row] = temp;
}</pre>
```

Figura 5.6: Shift Row

```
void shift_rows(std::array<std::array<uint8_t, aes::BLOCK_WORDS>, aes::BLOCK_WORDS>& state)
{
    shift_row( &: state, row: aes::FIRST_SHIFT_ROW, positions: 1);
    shift_row( &: state, row: aes::SECOND_SHIFT_ROW, positions: 2);
    shift_row( &: state, row: aes::THIRD_SHIFT_ROW, positions: 3);
}
```

Figura 5.7: Shift Rows

33

## Mix Columns

La procedura mix\_columns prende in input la matrice di stato, mescola i suoi bytes.

Figura 5.8: Mix Columns

# **Key Expansion**

In questa funzione vengono generate le altre chiavi dei rounds a partire dalla prima chiave. Gli viene passata un array con la chiave, una word e la tipologia di AES: 128, 192 o 256.

Dopodiché eseguiamo le operazioni di: *rot\_word, sub\_word,* e *rcon*. Dopodiché viene eseguito uno XOR tra la chiave e il rcon. Dopodiché si continua a eseguire uno XOR con le chiavi precedenti.

```
oid key_expansion(const uint8_t key[], unsigned char word[], const AES& aes)
       std::array<uint8_t, aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS> temp{};
       std::array<uint8_t, aes::AES_128_NUMBER_0F_KEYS> rcon{};
      const unsigned short& number_of_rounds = aes::get_number_of_rounds(aes);
      unsigned int i = 0;
       while(i < aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS * number_of_keys) {</pre>
       i = aes::BLOCK_WORDS * number_of_keys;
       while(i < aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS * aes::BLOCK_WORDS * (number_of_rounds + 1)) {</pre>
                 temp[0] = word[i - aes::AES_128_NUMBER_0F_KEYS + 0];
temp[1] = word[i - aes::AES_128_NUMBER_0F_KEYS + 1];
temp[2] = word[i - aes::AES_128_NUMBER_0F_KEYS + 2];
                   temp[3] = word[i - aes::AES_128_NUMBER_0F_KEYS + 3];
                   if (i / aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS % number_of_keys == 0) {
                               aes::rcon( &c rcon, number_of_keys: i / (number_of_keys * aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS));
for (unsigned short k = 0; k < aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS; k++) {</pre>
                   } else if (number_of_keys > aes::AES_192_NUMBER_OF_KEYS &&
                                                    i / aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS % number_of_keys == aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS) {
                  word[i+0] = gal::galois\_addition\_subtraction(x:word[i-aes::AES\_128\_NUMBER\_0F\_KEYS * number\_of\_keys], y: temp[0]); \\ word[i+1] = gal::galois\_addition\_subtraction(x:word[i+1-aes::AES\_128\_NUMBER\_0F\_KEYS * number\_of\_keys], y: temp[1]); \\ \\
                   word[i+2] = gal::galois\_addition\_subtraction( xc word[i+2 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[2]); \\ word[i+3] = gal::galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ \\ word[i+3] = gal::galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ \\ \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3]); \\ yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc temp[3] = galois\_addition\_subtraction( xc word[i+3 - aes::AES\_128\_NUMBER\_OF\_KEYS * number\_of\_keys], yc 
                   i += aes::BLOCK_WORDS;
```

Figura 5.9: Key Expansion

### Rot Word

```
void rot_word(std::array<uint8_t, aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS>& keys)
{
    const uint8_t temp = keys[0];
    keys[0] = keys[1];
    keys[1] = keys[2];
    keys[2] = keys[3];
    keys[3] = temp;
}
```

Figura 5.10: Rot Word

In questa operazione ogni byte (word di 32 bits, ovvero 4 bytes) viene ruotato di 1 posizione.

### Sub Word

```
void sub_word(std::array<uint8_t, aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS>& keys)
{
    for(uint8_t i = 0; i < aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS; i++) {
        keys[i] = S_BOX[keys[i]];
    }
}</pre>
```

Figura 5.11: Sub Word

Nella procedura *sub\_word()* ogni byte della chiave viene sostituita con quella della S-BOX.

#### Rcon

```
void rcon(std::array<uint8_t, aes::AES_128_NUMBER_OF_KEYS>& keys, const uint8_t& number_of_keys)
{
    uint8_t temp = 1;
    for(uint8_t i = 0; i < number_of_keys - 1; i++) {
        temp = gal::xtime( x: temp);
    }
    keys[0] = temp;
    keys[1] = keys[2] = keys[3] = 0;
}</pre>
```

Figura 5.12: Rcon

Nella funzione *rcon*, le *round constant*s vengono generate attraverso una funzione ricorsiva.

### Xor Blocks

Con questa funzione eseguiamo uno XOR per ogni bit i tra i blocchi x e y e assegniamo il risultato a ogni bit del blocco z.

Il loop viene eseguito in base alla grandezza del blocco.

```
void xor_blocks(const vint8_t* x, const vint8_t* y, vint8_t* z, const unsigned int& block_length)
{
    for(unsigned int i = 0; i < block_length; i++) {
        z[i] = gal::galois_addition_subtraction(x[i], y[i]);
    }
}</pre>
```

Figura 5.13: Xor Blocks

### Modes

### **ECB**

ECB è la modalità più semplice e anche quella che non dovrebbe mai essere usata.

In questa modalità, semplicemente, ogni blocco viene cifrato com'è. Nessun vettore di inizializzazione viene utilizzato. Lo stesso input genererà lo stesso identico output.

Questa modalità inoltre accetta solo blocchi divisibili per 16, questo viene garantito attraverso la funzione *verify\_length()* che verifica e lancia un'eccezione altrimenti.

```
uint8_t* encrypt_ECB(const uint8_t input[], const unsigned int& input_length, const uint8_t key[], const aes::AES& aes)
{
    verify_length( size input_length);

    const unsigned short& number_of_rounds = aes::get_number_of_rounds(aes);
    <u>uint8_t</u>* output = new unsigned char[input_length];
    <u>uint8_t</u>* round_keys = new unsigned char[aes::BLOCK_WORDS * aes::BLOCK_WORDS * (number_of_rounds + 1)];

    aes::key_expansion(key, word round_keys, aes);
    for(unsigned int i = 0; i < input_length; i += aes::BLOCK_WORDS * aes::BLOCK_WORDS * sizeof(unsigned char)) {
        aes::encrypt_block( input input + i, output output + i, keys round_keys, aes);
    }

    delete[] round_keys;
    return output;
}</pre>
```

Figura 5.14: Cifratura ECB

Per la decifrazione è lo stesso procedimento, ma inverso.

```
uint8_t* decrypt_ECB(const uint8_t input[], const unsigned int& input_length, const uint8_t key[], const aes::AES& aes)
{
    verify_length( size input_length);

    const unsigned short& number_of_rounds = aes::get_number_of_rounds(aes);
        <u>uint8_t</u>* output = new unsigned char[input_length];
        <u>uint8_t</u>* round_keys = new unsigned char[aes::BLOCK_WORDS * aes::BLOCK_WORDS * (number_of_rounds + 1)];

    aes::key_expansion(key, word round_keys, aes);
    for(unsigned int i = 0; i < input_length; i += aes::BLOCK_WORDS * aes::BLOCK_WORDS * sizeof(unsigned char)) {
        aes::decrypt_block( input input + i, output output + i, keys round_keys, aes);
    }

    delete[] round_keys;
    return output;
}</pre>
```

Figura 5.15: Decifrazione ECB

#### CBC

Figura 5.16: Cifratura CBC

Figura 5.17: Decifrazione CBC

### **CFB**

```
uint8_t* encrypt_CFB(const uint8_t input[], unsigned int input_length, const uint8_t key[], const uint8_t* iv, const aes::AES& aes)
{
    verify_length( size input_length);

    const uint8_t& number_of_rounds = aes::get_number_of_rounds(aes);

    <u>uint8_t*</u> output = new uint8_t[input_length];
    uint8_t block[aes::BLOCK_SIZE];
    uint8_t* encrypted_block[aes::BLOCK_SIZE];
    uint8_t* round_keys = new uint8_t[aes::BLOCK_WORDS * aes::BLOCK_WORDS * (number_of_rounds + 1)];

    aes::key_expansion(key, word round_keys, aes);
    std::memcpy( Dat block, Size iv, Size aes::BLOCK_SIZE);
    for(unsigned int i = 0; i < input_length; i += aes::BLOCK_SIZE) {
        aes::encrypt_block( input block, output encrypted_block, keys round_keys, aes);
        aes::xor_blocks( si input + i, ye encrypted_block, zo output + i, block_length aes::BLOCK_SIZE);
        std::memcpy( Dat block, Size output + i, Size aes::BLOCK_SIZE);
    }

    delete[] round_keys;
    return output;
}</pre>
```

Figura 5.18: Cifratura CFB

Figura 5.19: Decifrazione CFB

# **Paddings**

Figura 5.20: Aggiunta del padding (1/2)

```
switch(padding) {
    // Agaiunqiang 0 fine a riempire la stringa, se la stringa non è un divisore di 10 (che è la grandezza del blocco)
    // Ha se il blocco 2 più 10, altora non aggiunqiame gii 0.
    case Paddings::ZERO_PADDING:

    ASS_LNFG(*D-Radding SELECTED*)
    message.lnsert( poshem message.cend(), M missing_length, W '0');
    break;
    // Aggiunqiamo un 1 altimizio del padding e poi tanti zeri guanto missing_length - 1 (quel -1 perché inseriamo quel 1 iniziale)
    case Paddings::OME_ZERO_PADDING:

    ASS_LNFG(*N-D-Padding SELECTED*)
    message.push_back('1');
    message.push_back('1');
    message.push_back('1');
    message.push_back('1');
    message.insert( poshem message.cend(), M missing_length - 1, W '0');
    break;
    // Aggiunqiamo tanti zeri e nell'ultimo byte mettiamo il numero totale di bytes aggiunti come singolo valore.

    ASS_LNFG(*NSI,X*2.23_PADDING:
    ASS_LNFG(*NSI,X*2.23_PADDING:
    ASS_LNFG(*NSI,X*2.23_PADDING:
    ASS_NSI,X*2.23_PADDING:
    ASS_
```

Figura 5.21: Aggiunta del padding (2/2)

Figura 5.22: Rimozione del padding (1/2)

41

Figura 5.23: Rimozione del padding (2/2)

### Cifratura

Figura 5.24: Cifratura

### Decifratura

Figura 5.25: Decifratura

# Implementazione in Java

Figura 5.26: Costruttore e variabili membre

```
/**
    *
    * @param bytesNumber : number of bytes
    * We use SecureRandom to create a pseudo-random number
    * which we will use to generate a random IV and Salt.
    * IV: stands for initialization vector, it adds randomness to the start of the encryption process.
    * It may also be called nonce since it's used only once.
    * Salt: it is some bytes that gets added to the password before it goes through the hashing algorithm.
    * @return : random bytes.
    */
2 usages * Luca
public static byte[] getRandomBytes(final int bytesNumber){
    final SecureRandom secureRandom = new SecureRandom();

    final byte[] bytes = new byte[bytesNumber];
    secureRandom.nextBytes(bytes);
    return bytes;
}
```

Figura 5.27: Nonce

Figura 5.28: Password

```
# @param message: the message, in plain text, that has to be encrypted.

# @param message: the message, in plain text, that has to be encrypted.

# @param message: the message password.

# @param messa
```

Figura 5.29: Cifratura

Figura 5.30: Decifratura

Figura 5.31: Funziona per la cifratura di un File

Figura 5.32: Funziona per la decifrazione di un File