

# Problem: Cylinder, Cone, Sphere – Bài Tập: Hình Trụ, Hình Nón, Hình Cầu

Nguyễn Quân Bá Hồng\*

Ngày 22 tháng 12 năm 2023

## Mục lục

1 Cylinder – Hình Trụ	1
2 Cone – Hình Nón	1
3 Sphere – Hình Cầu	2
4 Miscellaneous	2
Tài liệu	2

## 1 Cylinder – Hình Trụ

[Thá+24, Chap. X, §1, pp. 92–97]: HD1. HD2. LT1. HD3. LT2. HD4. 1. 2. 3. 4. 5. 6.

1 ([Bin23], VD46, p. 114). 1 chai nước có phía dưới là hình trụ chứa 1 lượng nước có chiều cao 10 cm. Lật ngược chai lại thì phần chai không chứa nước là 1 hình trụ có chiều cao 8 cm. Tính thể tích của chai, biết đường kính của đáy chai bằng 10 cm.

2 ([Bin23], 341., p. 114). Có 3 vật hình trụ bằng chì, bằng sắt, bằng nhôm cùng có khối lượng bằng 2 kg & cùng có đường kính đáy bằng 10 cm. Tính chiều cao của mỗi vật, biết khối lượng riêng của chì là  $11.3 \text{ kg/dm}^3$ , khối lượng riêng của sắt là  $7.8 \text{ kg/dm}^3$ , khối lượng riêng của nhôm là  $2.7 \text{ kg/dm}^3$ .

3 ([Bin23], 342., p. 114). 1 băng giấy dài được cuộn chặt lại 60 vòng làm thành 1 cuộn giấy hình trụ rỗng. Biết đường kính của đường tròn trong cùng bằng 2 cm, đường kính của đường tròn ngoài cùng bằng 6 cm. Tính chiều cao của băng giấy.

4 ([Bin23], 343., p. 114). Cần cưa 1 thân cây hình trụ có đường kính đáy bằng  $d$  để được 1 khúc gỗ hình chữ nhật có thể tích lớn nhất. Tính các kích thước đáy của khúc gỗ hình hộp chữ nhật.

5 ([Bin23], 344., p. 114, Kiến & mật). 1 con kiến ở vị trí  $A$  trên mặt ngoài của 1 lọ thủy tinh hình trụ không có nắp, nhìn thấy 1 giọt mật ở thẳng trước mặt tại vị trí  $B$  ở mặt trong của lọ. Biết  $A$  cách miệng lọ 5 cm,  $B$  cách miệng lọ 2 cm, & độ dài của đường tròn miệng lọ bằng 48 cm. Tính độ dài ngắn nhất để chú kiến bò được tới chỗ giọt mật.

6 ([Bin23], 345., p. 114). Chứng minh trong các hình trụ có cùng thể tích, hình trụ có đường cao bằng đường kính của đáy là hình có diện tích toàn phần nhỏ nhất.

## 2 Cone – Hình Nón

[Thá+24, Chap. X, §2, pp. 98–103]: HD1. HD2. LT1. HD3. LT2. HD4. 1. 2. 3. 4.

7 ([Bin23], VD47, p. 115). Cho  $\triangle OBC$  vuông tại  $O$ . Nếu quay tam giác đó quanh cạnh  $OB$  cố định thì được 1 hình nón có thể tích  $800\pi$ , còn nếu quay tam giác đó quanh cạnh  $OC$  cố định thì được 1 hình nón có thể tích  $1920\pi$ . Tính  $OB, OC$ .

8 ([Bin23], 346., p. 116). An uống rượu ở 1 cốc có dạng hình nón. Chiều cao phần rượu còn lại bằng nửa chiều cao rượu lúc đầu. An đã uống bao nhiêu phần cốc rượu?

9 ([Bin23], 347., p. 116). 1 hình nón đỉnh  $S$  có đáy là đường tròn tâm  $O$ , đường kính  $AB$ ,  $\angle ASB = 60^\circ$ . Qua trung điểm  $I$  của  $SO$ , kẻ đường thẳng song song với  $AB$ , cắt mặt xung quanh của hình nón ở  $C, D$ . Tính thể tích hình nón biết  $CD = 6$ .

10 ([Bin23], 348., p. 116). 1 hình nón có chiều cao  $h$ . 2 đường sinh vuông góc với nhau chia mặt xung quanh của hình nón thành 2 phần có tỷ số diện tích là  $1 : 2$ . Tính thể tích hình nón.

\*Independent Researcher, Ben Tre City, Vietnam  
e-mail: [nguyenquanbahong@gmail.com](mailto:nguyenquanbahong@gmail.com); website: <https://nqbh.github.io>.

- 11** ([Bin23], 349., p. 116).  $\triangle ABC$  có  $BC = a$ , chiều cao tương ứng bằng  $h$ . Tính thể tích hình tạo thành khi quay tam giác 1 vòng quanh cạnh  $BC$ .
- 12** ([Bin23], 350., p. 116). Hình thang vuông  $ABCD$  có  $\angle A = \angle B = 90^\circ$ , 2 tia phân giác  $\angle C, \angle D$  cắt nhau tại trung điểm của  $AB$ . Biết  $AB = 8$ , diện tích hình thang bằng 40. Tính diện tích xung quanh của hình nón cụt do cạnh  $CD$  tạo thành khi quay hình thang 1 vòng quanh trục  $AB$ .
- 13** ([Bin23], 351., p. 116). Tính số đo của cung  $AB$  của 1 hình quạt tâm  $O$  bán kính  $R$  để khi cuộn hình quạt lại, ta được 1 hình nón có thể tích lớn nhất.

### 3 Sphere – Hình Cầu

[Thá+24, Chap. X, §3, pp. 104–108]: HD1. HD2. LT1. HD3. HD4. LT2. HD5. 1. 2. 3. 4.

- 14** ([Bin23], VD48, p. 117). Có 15 quả bi-a hình cầu đặt nằm trên mặt bàn, sao cho chúng được đồn khít trong 1 khung hình tam giác đều có chu vi bằng 858 mm. Tính bán kính của mỗi quả bi-a.
- 15** ([Bin23], 352., p. 117). 1 quả bóng hình cầu bán kính 13 cm nổi trên mặt hồ, đỉnh của quả bóng cao hơn mặt hồ 18 cm. Tính độ dài của đường tròn được tạo thành bởi quả bóng & mặt hồ.
- 16** ([Bin23], 353., p. 117). 1 quả bóng hình cầu đặt trên mặt đất có bóng là 1 hình elip với độ dài lớn nhất của bóng là 1 m. Biết 1 cột cao 1 m lúc đó có bóng dài 2 m, tính bán kính quả bóng.
- 17** ([Bin23], 354., pp. 117–118). 1 hình cầu nội tiếp 1 hình trụ, i.e., hình cầu được đặt khít vào trong hình trụ. Tính: (a) Tỷ số giữa diện tích mặt cầu & diện tích toàn phần hình trụ. (b) Tỷ số giữa thể tích hình cầu & thể tích hình trụ.
- 18** ([Bin23], 354., p. 117). Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$ . (a) Chứng minh tồn tại 1 hình cầu đi qua tất cả các đỉnh của hình hộp chữ nhật. (b) Tính thể tích của hình cầu đó biết 3 kích thước của hình hộp chữ nhật là: (i) 6, 8, 26. (ii)  $a, b, c > 0$ .

### 4 Miscellaneous

[Thá+24, BTCCX, pp. 109–110]: 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7.

### Tài liệu

- [Bin23] Vũ Hữu Bình. *Nâng Cao & Phát Triển Toán 9 Tập 2*. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, 2023, p. 290.
- [Thá+24] Đỗ Đức Thái, Lê Tuấn Anh, Đỗ Tiến Đạt, Nguyễn Sơn Hà, Nguyễn Thị Phương Loan, Phạm Sỹ Nam, and Phạm Đức Quang. *Toán 9 Cánh Diều Tập 1*. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, 2024, p. 127.