Problem: Cylinder, Cone, Sphere – Bài Tập: Hình Trụ, Hình Nón, Hình Cầu

Nguyễn Quản Bá Hồng*

Ngày 10 tháng 1 năm 2024

Mục lục

1	Cylinder – Hình Trụ	1
2	Cone – Hình Nón	•
3	Sphere – Hình Cầu	•
4	Miscellaneous	•
Tà	i liên	•

1 Cylinder – Hình Trụ

[Thá+24, Chap. X, §1, pp. 92-97]: HD1. HD2. LT1. HD3. LT2. HD4. 1. 2. 3. 4. 5. 6.

- 1 ([Tuy23], VD29, p. 158). 1 hình trụ có thiết diện qua trục là 1 hình vuông. Biết thể tích hình trụ là 128π cm³. (a) Tính bán kính đáy. (b) Tính tỷ số giữa diện tích xung quanh & diện tích toàn phần.
- 2 ([Tuy23], 156., p. 159). 1 thùng hình trụ có diện tích xung quanh bằng $\frac{1}{2}$ diện tích toàn phần. Biết bán kính đáy là 40 cm, tính dung tích của thùng.
- 3 ([Tuy23], 157., p. 159). 1 hình trụ có bán kính đáy là 5 cm, có thể tích là 200π cm³. (a) Tính diện tích của thiết diện qua trục. (b) Thiết diện ABB'A' song song với trục OO', AB là dây cung của đường tròn tâm O. Tính khoảng cách từ O đến AB để cho thiết diện đó là 1 hình vuông.
- 4 ([Tuy23], 158., p. 160). Từ 1 tấm tôn hình chữ nhật có kích thước ab, a > b, cuốn lại thành mặt xung quanh của 1 hình trụ. Phải cuốn theo chiều nào của tấm tôn để được 1 hình trụ không đáy có thể tích lớn nhất?
- 5 ([Tuy23], 159., p. 160). Muốn sản xuất 1 loại thùng phuy hình trụ chứa xăng dầu có thể tích V cho trước. Tìm mối quan hệ giữa chiều cao h & bán kính R để tốn ít vật liệu nhất.
- 6 ([Tuy23], 160., p. 160). Muốn làm 1 thùng tôn hình trụ không có nắp để đựng nước, chứa được $\approx 8\pi$ l nước. Phải làm chiếc thùng đó có chiều cao & bán kính đáy là bao nhiêu để tồn ít vật liệu nhất?
- 7 ([Bìn23], VD46, p. 114). 1 chai nước có phía dưới là hình trụ chứa 1 lượng nước có chiều cao 10 cm. Lật ngược chai lại thì phần chai không chứa nước là 1 hình trụ có chiều cao 8 cm. Tính thể tích của chai, biết đường kính của đáy chai bằng 10 cm.
- 8 ([Bìn23], 341., p. 114). Có 3 vật hình trụ bằng chì, bằng sắt, bằng nhôm cùng có khối lượng bằng 2 kg & cùng có đường kính đáy bằng 10 cm. Tính chiều cao của mỗi vật, biết khối lượng riêng của chì là 11.3 kg/dm³, khối lượng riêng của sắt là 7.8 kg/dm³, khối lượng riêng của nhôm là 2.7 kg/dm³.
- 9 ([Bìn23], 342., p. 114). 1 băng giấy dải được cuộn chặt lại 60 vòng làm thành 1 cuộn giấy hình trụ rỗng. Biết đường kính của đường tròn trong cùng bằng 2 cm, đường kính của đường tròn ngoài cùng bằng 6 cm. Tính chiều cao của băng giấy.
- 10 ([Bìn23], 343., p. 114). Cần cưa 1 thân cây hình trụ có đường kính đáy bằng d để được 1 khúc gỗ hình chữ nhật có thể tích lớn nhất. Tính các kích thước đáy của khúc gỗ hình hôp chữ nhât.
- 11 ([Bìn23], 344., p. 114, Kiến & mật). 1 con kiến ở vị trí A trên mặt ngoài của 1 lọ thủy tinh hình trụ không có nắp, nhìn thấy 1 giọt mật ở thẳng trước mặt tại vị trí B ở mặt trong của lọ. Biết A cách miệng lọ 5 cm, B cách miệng lọ 2 cm, & độ dài của đường tròn miệng lọ bằng 48 cm. Tính độ dài ngắn nhất để chú kiến bò được tới chỗ giọt mật.
- 12 ([Bìn23], 345., p. 114). Chứng minh trong các hình trụ có cùng thể tích, hình trụ có đường cao bằng đường kính của đáy là hình có diện tích toàn phần nhỏ nhất.

^{*}Independent Researcher, Ben Tre City, Vietnam

2 Cone – Hình Nón

- [Thá+24, Chap. X, §2, pp. 98–103]: HD1. HD2. LT1. HD3. LT2. HD4. 1. 2. 3. 4.
- 13 ([Bìn23], VD47, p. 115). Cho $\triangle OBC$ vuông tại O. Nếu quay tam giác đó quanh cạnh OB cố định thì được 1 hình nón có thể tích 800π , còn nếu quay tam giác đó quanh cạnh OC cố định thì được 1 hình nón có thể tích 1920π . Tính OB, OC.
- 14 ([Bìn23], 346., p. 116). An uống rượu ở 1 cốc có dạng hình nón. Chiều cao phần rượt còn lại bằng nửa chiều cao rượu lúc đầu. An đã uống bao nhiêu phần cốc rượu?
- **15** ([Bìn23], 347., p. 116). 1 hình nón đỉnh S có đáy là đường tròn tâm O, đường kính AB, ∠ASB = 60°. Qua trung điểm I của SO, kẻ đường thẳng song song với AB, cắt mặt xung quanh của hình nón ở C, D. Tính thể tích hình nón biết CD = 6.
- 16 ([Bìn23], 348., p. 116). 1 hình nón có chiều cao h. 2 đường sinh vuông góc với nhau chia mặt xung quanh của hình nón thành 2 phần có tỷ số diện tích là 1:2. Tính thể tích hình nón.
- 17 ([Bìn23], 349., p. 116). $\triangle ABC$ có BC = a, chiều cao tương ứng bằng h. Tính thể tích hình tạo thành khi quay tam giác 1 vòng quanh canh BC.
- 18 ([Bìn23], 350., p. 116). Hình thang vuông ABCD có $\angle A = \angle B = 90^{\circ}$, 2 tia phân giác $\angle C$, $\angle D$ cắt nhau tại trung điểm của AB. Biết AB = 8, diện tích hình thang bằng 40. Tính diện tích xung quanh của hình nón cụt do cạnh CD tạo thành khi quay hình thang 1 vòng quanh trục AB.
- 19 ([Bìn23], 351., p. 116). Tính số đo của cung AB của 1 hình quạt tâm O bán kính R để khi cuộn hình quạt lại, ta được 1 hình nón có thể tích lớn nhất.

3 Sphere – Hình Cầu

- Thá+24, Chap. X, §3, pp. 104-108]: HD1. HD2. LT1. HD3. HD4. LT2. HD5. 1. 2. 3. 4.
- **20** ([Bìn23], VD48, p. 117). Có 15 quả bi-a hình cầu đặt nằm trên mặt bàn, sao cho chúng được dồn khít trong 1 khung hình tam giác đều có chu vi bằng 858 mm. Tính bán kính của mỗi quả bi-a.
- 21 ([Bìn23], 352., p. 117). 1 quả bóng hình cầu bán kính 13 cm nổi trên mặt hồ, đỉnh của quả bóng cao hơn mặt hồ 18 cm. Tính độ dài của đường tròn được tạo thành bởi quả bóng & mặt hồ.
- **22** ([Bìn23], 353., p. 117). 1 quả bóng hình cầu đặt trên mặt đất có bóng là 1 hình elip với độ dài lớn nhất của bóng là 1 m. Biết 1 cột cao 1 m lúc đó có bóng dài 2 m, tính bán kính quả bóng.
- 23 ([Bìn23], 354., pp. 117–118). 1 hình cầu nội tiếp 1 hình trụ, i.e., hình cầu được đặt khít vào trong hình trụ. Tính: (a) Tỷ số giữa diện tích mặt cầu & diện tích toàn phần hình trụ. (b) Tỷ số giữa thể tích hình cầu & thể tích hình trụ.
- 24 ([Bìn23], 354., p. 117). Cho hình hộp chữ nhật ABCD.A'B'C'D'. (a) Chứng minh tồn tại 1 hình cầu đi qua tất cả các đỉnh của hình hộp chữ nhật. (b) Tính thể tích của hình cầu đó biết 3 kích thước của hình hộp chữ nhật là: (i) 6,8,26. (ii) a,b,c > 0.

f 4 Miscellaneous

[Thá+24, BTCCX, pp. 109-110]: 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7.

25 ([Tuy23], VD32, p. 165). Cho nửa đường tròn (O;R) đường kính AB. Vẽ 2 tia tiếp tuyến Ax, By cùng phía với nửa đường tròn đã cho. Trên tia Ax lấy điểm C sao cho $AC = x \le R$. Từ C vẽ 1 tiếp tuyến thứ 2 với nửa đường tròn, tiếp xúc với nửa đường tròn tại M, cắt By tại D. (a) Tính BD theo R, x. (b) Tính diện tích nhỏ nhất của tứ giác ABDC. (c) Quy hình vẽ 1 vòng quanh trục AB. Tính x để tổng thể tích 2 hình nón đỉnh O có đáy lần lượt là 2 hình tròn có bán kính AC, BD đúng bằng thể tích của hình cầu đường kính AB.

Tài liêu

- [Bìn23] Vũ Hữu Bình. Nâng Cao & Phát Triển Toán 9 Tâp 2. Nhà Xuất Bản Giáo Duc Việt Nam, 2023, p. 290.
- [Thá+24] Đỗ Đức Thái, Lê Tuấn Anh, Đỗ Tiến Đạt, Nguyễn Sơn Hà, Nguyễn Thị Phương Loan, Phạm Sỹ Nam, and Phạm Đức Quang. *Toán 9 Cánh Diều Tâp 1*. Nhà Xuất Bản Giáo Duc Việt Nam, 2024, p. 127.
- [Tuy23] Bùi Văn Tuyên. *Bài Tập Nâng Cao & Một Số Chuyên Đề Toán 9*. Tái bản lần thứ 18. Nhà Xuất Bản Giáo Dục Việt Nam, 2023, p. 340.