Cheatsheet Mathematics 9

Nguyễn Quản Bá Hồng*

Ngày 4 tháng 1 năm 2024

Mục lục

1	Square, Cube, & nth Roots – Can Bac 2, 3, n	T
2	1st-Order Function – Hàm Số Bậc Nhất $y = ax + b$	1
3	System of 1st-Order Equations – Hệ Phương Trình Bậc Nhất 2 Ẩn	1
4	2nd-Order Function. Quadratic Equation – Hàm Số $y = ax^2, a \neq 0$. Phương Trình Bậc 2 1 Ẩn $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$	2 2 2
	4.3 Quadratic equation – Phương trình bậc 2 1 ẩn $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$	2
5	Trigonometry in Right Triangles – Hệ Thức Lượng Trong Tam Giác Vuông	2
6	Circle – Đường Tròn 6.1 Góc ở tâm. Số đo cung 6.2 Liên hệ giữa cung & dây 6.3 Góc nội tiếp 6.4 Góc tạo bởi tia tiếp tuyến & dây cung 6.5 Góc có đỉnh ở bên trong/ngoài đường tròn 6.6 Cung chứa góc 6.7 Tứ giác nội tiếp 6.8 Đường tròn ngoại tiếp. Đường tròn nội tiếp 6.9 Độ dài đường tròn, cung tròn. Diện tích hình tròn, hình quạt tròn	2 2 2 2 2 2 2 2 3 3
7	Cylinder. Cone. Sphere – Hình Trụ. Hình Nón. Hình Cầu 7.1 Hình trụ 7.2 Hình nón. Hình nón cụt 7.3 Hình cầu	3 3 3
8	Miscellaneous	3
1	Square, Cube, & n th Roots – Căn Bậc 2, 3, n	
2	1st-Order Function – Hàm Số Bậc Nhất $y = ax + b$	
3	System of 1st-Order Equations – Hệ Phương Trình Bậc Nhất 2 $\mathring{\mathbf{A}}\mathbf{n}$	
3.	1 1st-order equations of 2 unknowns – Phương trình bậc nhất 2 ẩn $ax + by = c$	
S	Phương trình bậc nhất 2 ẩn: $ax + by = c$ (1), $a, b, c \in \mathbb{R}$, $(a, b) \neq (0, 0)$. 2 $(x_0, y_0) \in \mathbb{R}^2$ là nghiệm của (1) $\Leftrightarrow (x_0, y_0) \Leftrightarrow ax_0 + by_0 = c$. 3 Tập nghiệm S biểu diễn bởi đường thẳng $(d): ax + by = c$, i.e., $S = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 ax + by = c\} = (d)$.	4
Νέ	ếu $ab \neq 0$ thì $(d): ax + by = c \Leftrightarrow y = -\frac{a}{2}x + \frac{c}{2}$ (hàm số bậc nhất) là đường thẳng cắt cả 2 truc toa độ Ox, Oy lần lượt tại	$^{1}2$

^{*}Ben Tre City, Vietnam. e-mail: nguyenquanbahong@gmail.com; website: https://nqbh.github.io.

điểm $\left(\frac{c}{a},0\right),\left(0,\frac{c}{b}\right)$. 5 Nếu $a\neq 0, b=0$ thì $(d):ax+0y=c\Leftrightarrow x=\frac{c}{a}$ là đường thẳng song song hoặc trùng với trục tung Oy. 6 Nếu $a=0, b\neq 0$ thì $(d):0x+by=c\Leftrightarrow y=\frac{c}{b}$ là đường thẳng song song hoặc trùng với trục hoành Ox.

- 4 2nd-Order Function. Quadratic Equation Hàm Số $y=ax^2, a\neq 0$. Phương Trình Bậc 2 1 Ẩn $ax^2+bx+c=0, a\neq 0$
- **4.1** Hàm số $y = ax^2, a \neq 0$
- **4.2** Đồ thị của hàm số $y = ax^2, a \neq 0$
- **4.3** Quadratic equation Phương trình bậc 2 1 ẩn $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$
- 4.4 Viète theorem Định lý Viète
- 5 Trigonometry in Right Triangles Hệ Thức Lượng Trong Tam Giác Vuông
- 6 Circle Đường Tròn
- 6.1 Góc ở tâm. Số đo cung

The đường tròn (O;R), $\widehat{AOB} = \alpha \in [0^\circ, 180^\circ]$: góc ở tâm. Nếu $0^\circ < \alpha < 180^\circ$, cung nhỏ \widehat{AmB} có số đo cung sđ $\widehat{AmB} = \alpha$, cung lớn \widehat{AnB} có số đo cung sđ $\widehat{AmB} = 360^\circ - \alpha$. Nếu $\alpha = 0^\circ$, cung không có số đo 0° & cung cả đường tròn có số đo 360° . Nếu $\alpha = 180^\circ$, 2 cung \widehat{AmB} , \widehat{AnB} là 2 nửa đường tròn với sđ $\widehat{AmB} = \operatorname{sd}\widehat{AnB} = 180^\circ$. $\boxed{2}$ Trên cùng 1 đường tròn (O;R) hoặc trên 2 đường tròn bằng nhau (O;R), (O';R), $O \neq O'$, sđ $\widehat{AB} = \operatorname{sd}\widehat{CD} \Leftrightarrow \widehat{AB} = \widehat{CD} \Leftrightarrow AB = CD$, sđ $\widehat{AB} < \operatorname{sd}\widehat{CD} \Leftrightarrow \widehat{AB} < \widehat{CD} \Leftrightarrow AB < CD$. Tính chất này không còn đúng khi xét trên 2 đường tròn không bằng nhau (O;R), (O',R') với $R \neq R'$. $\boxed{3}$ $B \in \widehat{AC} \Rightarrow \operatorname{sd}\widehat{AB} + \operatorname{sd}\widehat{BC} = \operatorname{sd}\widehat{AC}$.

6.2 Liên hệ giữa cung & dây

1 2 cung chắn giữa 2 dây song song thì bằng nhau.

6.3 Góc nội tiếp

1 Cho đường tròn (O;R), $\angle BAC$: góc nội tiếp chắn cung \widehat{BC} thì $\widehat{BAC} = \frac{1}{2} \widehat{sdBC} = \frac{1}{2} \widehat{BOC}$. 2 Các góc nội tiếp bằng nhau chắn các cung bằng nhau. 3 Các góc nội tiếp cùng chắn 1 cung hoặc các cung bằng nhau thì bằng nhau. 4 Góc nội tiếp $\leq 90^\circ$ có số đo bằng nữa số đo góc ở tâm cùng chắn 1 cung. $\boxed{5}$ Góc nội tiếp chắn nửa đường tròn là góc vuông.

6.4 Góc tạo bởi tia tiếp tuyến & dây cung

Tho đường tròn (O; R), Ax: tia tiếp tuyến, AB: dây cung, $\widehat{BAx} = \frac{1}{2} \operatorname{sd} \widehat{AB}$. Trong 1 đường tròn, góc tạo bởi tia tiếp tuyến & dây cung & góc nội tiếp cùng chắn 1 cung thì bằng nhau.

6.5 Góc có đỉnh ở bên trong/ngoài đường tròn

 $\boxed{1 \ \widehat{BEC}} : \text{góc có đỉnh ở bên trong đường tròn } (O;R) \text{ chắn 2 cung } \widehat{DmA}, \widehat{BnC} : \widehat{BEC} = \frac{1}{2} (\text{sđ}\widehat{DmA} + \text{sđ}\widehat{BnC}). \boxed{2} \ \widehat{BEC} : \text{góc có đỉnh ở bên ngoài đường tròn } (O;R) \text{ chắn 2 cung nhỏ } \widehat{AB}, \widehat{CD} : \widehat{BEC} = \frac{1}{2} |\text{sđ}\widehat{AB} - \text{sđ}\widehat{CD}|.$

6.6 Cung chứa góc

 $\boxed{1}$ A, B cố định, $\widehat{AMB} = \alpha \in (0^{\circ}, 180^{\circ}) \Rightarrow \text{Quỹ tích điểm } M$ là 2 cung $\widehat{AmB}, \widehat{Am'B}$ chứa góc α dựng trên đoạn AB. Nếu $\alpha = 90^{\circ}$, quỹ tích điểm M là đường tròn đường kính AB. $\boxed{2}$ Bài toán quỹ tích: $Phần\ thuận$: Mọi điểm có tính chất \mathcal{T} đều thuộc hình \mathcal{H} . $Phần\ đảo$: Mọi điểm thuộc hình \mathcal{H} đều có tính chất \mathcal{T} . $K\acute{e}t\ luận$: Quỹ tích các điểm M có tính chất \mathcal{T} là hình \mathcal{H} .

6.7 Tứ giác nội tiếp

 $\boxed{1} \ A,B,C,D \in (O) \ (\text{theo thứ tự đó}) \Leftrightarrow ABCD: \, \text{tứ giác nội tiếp} \Leftrightarrow \widehat{BAD} + \widehat{BCD} = 180^{\circ} \Leftrightarrow \widehat{BAC} = \widehat{BDC}. \ \boxed{2} \, \text{Tứ giác nội tiếp có tổng 2 góc đối diện bằng 180°}.}$

6.8 Đường tròn ngoại tiếp. Đường tròn nội tiếp

 $\forall n \in \mathbb{N}, n \geq 3$: 1 Đa giác $A_1A_2 \dots A_n$ nội tiếp đường tròn $(O;R) \Leftrightarrow (O;R)$ ngoại tiếp đa giác $A_1A_2 \dots A_n$. 2 Đa giác $A_1A_2 \dots A_n$ ngoại tiếp đường tròn $(O;R) \Leftrightarrow (O;R)$ nội tiếp đa giác $A_1A_2 \dots A_n$. 3 Mọi đa giác đều đều có đường tròn ngoại tiếp & đường tròn nội tiếp. Tâm 2 đường tròn ngoại tiếp & nội tiếp là tâm đa giác đều. 4 Tam giác bất kỳ (không nhất thiết phải đều) luôn có đường tròn ngoại tiếp & đường tròn nội tiếp nhưng đa giác với $n \geq 4$ cạnh chưa chắc có đường tròn nội tiếp hoặc cả 2.

6.9 Độ dài đường tròn, cung tròn. Diện tích hình tròn, hình quạt tròn

Îl Chu vi/độ dài đường tròn (O;R): $C=2\pi R=\pi d$ với d=2R: đường kính. Độ dài cung tròn $n^\circ\in[0^\circ,360^\circ]$: $l=\frac{\pi Rn}{180}$. Diện tích hình tròn $S=\pi R^2$. Diện tích hình quạt tròn n° : $S_{\rm q}=\frac{\pi R^2n}{360}=\frac{lR}{2}$. Siện tích hình vành khăn $S=\pi(R^2-r^2)$.

7 Cylinder. Cone. Sphere – Hình Trụ. Hình Nón. Hình Cầu

- 7.1 Hình tru
- 7.2 Hình nón. Hình nón cụt
- 7.3 Hình cầu
- 8 Miscellaneous