

K18 - Υλοποίηση Συστημάτων Βάσεων Δεδομένων

Χειμερινό Εξάμηνο 2019 – 2020

Άσκηση 1

Το σύνολο συναρτήσεων που μας δοθήκαν να υλοποιήσουμε διαχειρίζονται αρχεία σωρού (Hear Files) που περιλαμβάνουν blocks τα οποία περιέχουν εγγραφές (records).

Πιο συγκεκριμένα, υλοποίησα το δικό μου hear file με την εξής δομή:

Το πρώτο μπλοκ του αρχείου περιέχει την πληροφορία εάν πρόκειται για αρχείο σωρού ή όχι χρησιμοποιώντας τον χαρακτήρα '1' (Hear File). Αυτό υλοποιείται στην συνάρτηση HP_CreateFile και έπειτα στην συνάρτηση HP_OpenFile γίνεται έλεγχος για το αν το αρχείο που πρόκειται να ανοίξουμε είναι Hear File ή όχι. Έπειτα, σε όλα τα υπόλοιπα μπλοκ εισήγαγα ένα ακέραιο πλήθος εγγραφών καθώς και κρατούσα έναν χαρακτήρα στην αρχή κάθε μπλοκ (έτσι ώστε να έχει την μορφή κεφαλίδας) που έδειχνε το πλήθος των εγγραφών την κάθε στιγμή μέσα στο μπλοκ (HP_InsertEntry). Όταν δεν χωρούσε επομένη εγγραφή στο μπλοκ γινόταν ξεκαρφιτσωμα του και αποδέσμευση μνήμης και μετα δέσμευση καινούργιου μπλοκ και επαναληψη της παραπάνω διαδικασίας.

Ερώτημα Bonus

Εκτελώντας την εντολή `strace -c ./build/runner` έχοντας στο αρχείο `hr_main.c` την εντολή `BF_Init(LRU)` παρατηρούμε ότι στην στήλη `calls` έχουμε 106518 ενώ τρέχοντας την ίδια εντολή αλλά με την εντολή `BF_Init(MRU)` στο `hr_main.c` τα `calls` πέφτουν στα 57422.

Ο λόγος των δυο $MRU/LRU = 0.53908$ δηλαδή στο περίπου ισουται με τον **λογο** $\frac{1}{2}$.

Αυτό συμβαινει διοτι η μέθοδος αντικαταστασης LRU αντικαθιστα τα λιγοτερο προσφατα χρησιμοποιημένα μπλοκς όταν γεμίσει η ενδιάμεση μνήμη, σε αντίθεση με την MRU που αντικαθιστά τα πιο πρόσφατα χρησιμοποιημένα μπλοκς.

Εστω ότι εχουμε την εξης ενδιαμεση μνημη:

| | | | |
|-------|-------|-------|-------|
| Cell1 | Cell2 | Cell3 | Cell4 |
|-------|-------|-------|-------|

Και το εξης Heap File:

| | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| Block1 | Block2 | Block3 | Block4 | Block5 | Block6 |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|

Και εστω ότι το οι επαναληπτικές σαρώσεις του αρχείου είναι 2.

Τότε θα συμβει το εξης:

Αρχικά στην πρωτη σαρωση θα γεμίσει η ενδιάμεση μνημη με τα 4 πρώτα blocks του heap file:

| | | | |
|--------|--------|--------|--------|
| Block1 | Block2 | Block3 | Block4 |
|--------|--------|--------|--------|

A) Αν η μεθοδος αντικαταστασης είναι η LRU τοτε θα συμβει το εξης:

| | | | |
|--------|--------|--------|--------|
| Block5 | Block2 | Block3 | Block4 |
| Block5 | Block6 | Block3 | Block4 |

Και στην δευτερη σαρωση δεν θα βρεθει καποιο Block που υπηρχε από πριν στην μνημη και ουσιαστικα είναι ετοιμο. Καταλήγουμε αρα στην εξης γενικη περιπτωση:

Αν εχουμε ένα αρχείο σωρου με B πλήθος μπλοκς και ενδιάμεση μνημη με χωρητικότητα M πληθος κελιών τοτε ισχυει το εξης:

Για S σάρωσεις θα έχουμε **$B \cdot S$ read calls**.

B) Αν η μέθοδος αντικατάστασης είναι η MRU τότε θα συμβεί το εξής:

| | | | |
|--------|--------|--------|--------|
| Block1 | Block2 | Block3 | Block5 |
| Block1 | Block2 | Block3 | Block6 |

Και στην δεύτερη σάρωση θα βρεθούν 3 Blocks που υπήρχαν από πριν στην μνήμη και είναι έτοιμα. Καταλήγουμε άρα στην εξής γενική περίπτωση:

Αν έχουμε ένα αρχείο σωρού με πληθος B μπλοκς και ενδιαμεση μνήμη με χωρητικότητα M πληθος κελιών τότε ισχύει το εξής:

I) 1η σάρωση θα έχουμε B read calls

II) Για όλες τις $S-1$ υπολοιπες σάρωσεις θα έχουμε $B - (M - 1)$ read calls

Άρα τελικά **$B + (S - 1)(B - M + 1)$ read calls**.

Παίρνοντας λοιπον τις δυο τιμες των read calls για LRU και MRU και υπολογίζοντας τον λόγο τους ενώ οι επαναληπτικές σαρώσεις τείνουν στο άπειρο έχουμε το εξής οριο:

$$\lim_{S \rightarrow \infty} \text{MRU/LRU} = \lim_{S \rightarrow \infty} B + (S - 1)(B - M + 1) / B \cdot S \\ = \lim_{S \rightarrow \infty} B - M + 1 / B$$

που στην δικη μας περιπτωση αν αντικαταστήσουμε οπου $B = 6$, $S = 2$, $M = 4$ έχουμε:

$$\lim_{S \rightarrow \infty} \text{MRU/LRU} = 3/6 = \frac{1}{2}.$$

Καταλήγουμε άρα στο συμπέρασμα οτι στην δωθείσα κατάσταση η μέθοδος MRU είναι πιο αποδοτική από την LRU και μπορεί να ρίξει τα read calls στο ήμισυ.

