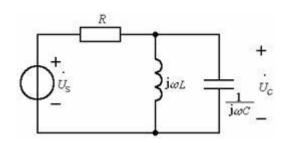
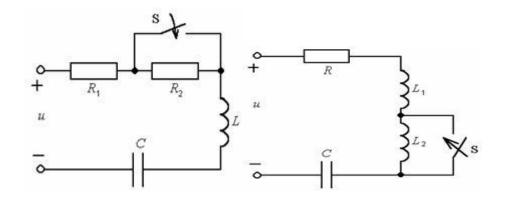
# 谐振电路分析

### 一、是非题

- 2. 由 R、L、C组成的串联电路,当其外加正弦电压源的角频率变为 $\sqrt{LC}$  时,电路中的电流最大。
- 3. RLC 串联电路谐振时,  $b_x^{\ell_x} + b_y^{\ell_z} = 0$ 。
- 4. RLC串联电路谐振时,电路中的电流最大,因此 L、C上的电压也一定大于电源电压。
- 5. RLC串联电路的通频带 $\Delta f$ 随着电阻 R的增大而增大。
- 6. 电感元件和电容元件组成并联谐振电路时,其电路的品质因数为无穷大;谐振时电路的等效阻抗也为无穷大。
- 7. 图示电路, 当发生电流谐振时,  $U_C=0$ 。

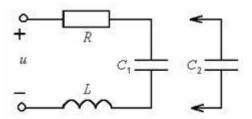


8. 图示 RLC 串联电路,S 闭合前的谐振频率与品质因数为  $f_0$  与 Q,S 闭合后的谐振频率与品质因数为  $f_0$  与 Q ,则  $f_0$  =  $f_0$  ,则  $f_0$  。

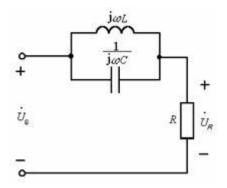


9. 右上图示 RLC 串联电路,S 闭合前后的谐振角频率与品质因数分别为 $\omega_0$ 、Q与 $\omega_0$ , Q, 则 $\omega_0$ < $\omega_0$ , Q。

10. 图示 RLC 串联电路,未并联  $C_0$ 时,谐振角频率与品质因数分别为 $\omega_0$ 与  $Q_0$ ,并 联  $C_0$ 后,谐振角频率与品质因数为 $\omega_0$ '与  $Q_0$ ,则 $\omega_0$ > $\omega_0$ ', $Q_0$  > $Q_0$ 。



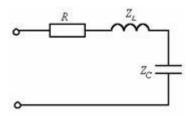
12. 图示电路, 当 LC 并联谐振时,  $U_R$  =0。



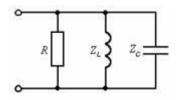
- 2. 答案(+)3. 答案(+)4. 答案(-)5. 答案(+)6. 答案(+)
- 7. 答案(-)8. 答案(+)9. 答案(-)10. 答案(+)12. 答案(+)

### 二、单项选择题

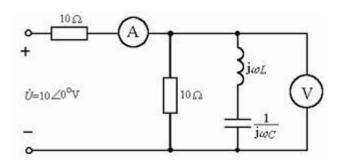
- $f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$  。当  $f(f_0)$ 时,此串联电路的性质为: (A) 电感性 (B) 电容性 (C) 电阻性
- 2. 图示相量模型, 当其发生串联谐振时应满足
- (A)  $Z_L = Z_C$  (B)  $R + Z_L + Z_C = 0$  (C)  $Z_L > Z_C$  (D)  $Z_L = -Z_C$



- 3. 图示相量模型, 当其发生谐振时, 输入阻抗为
- (A) R (B)  $Z_L$  (C)  $Z_C$  (D)  $\infty$



- 4. 一个等效参数为 R、L 的线圈与电容器 C串联接于 36V 正弦电源上。当发生电压谐振时,测得电容器两端电压为 48V,线圈两端电压为
- (A) 36V (B) 48V (C) 60V (D) 84V
- 5. 图示电路处于谐振状态时, 电压表与电流表的读数分别为:
- (A) 5V 与 0. 5A (B) 10V 与 0A (C) 0V 与 1A

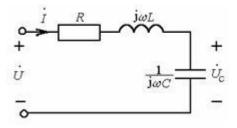


- 6. 若电源电压大小一定, RLC串联电路处于谐振状态时, 以下结论中错误的为
- (A) 电流 I 最大 (B) 电源提供的有功功率 P 最大
- (C) 电源提供的无功功率绝对值 |Q| 最
- (D) RLC三元件的端电压中 UR最小
- 7. 图示 RLC串联电路处于谐振状态,下列各式为 L、C储能总和 W的表达式,其中错误的表达式是

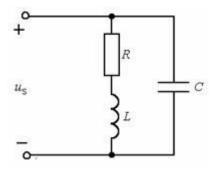
(A) 
$$W = W_L + W_C = LI^2$$
 (B)  $W = W_I + W_C = CU_C^2$ 

$$(C) W = W_L + W_C = CQ^2U^2$$
 (D)

(D) 
$$W = W_L + W_C = 0$$



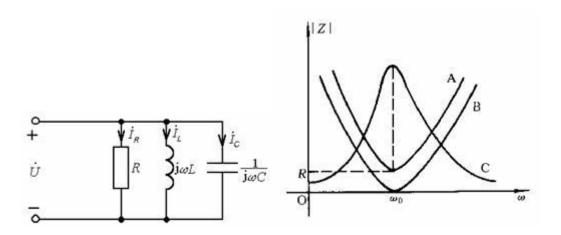
- 8. RLC串联谐振电路, 当只改变 R时, 则 R越大
- (A) 电路的选择性越差
- (B) 电路的选择性越好
- (C) 电路的选择性不受 R 的影响
- 9. 图示电路的并联谐振频率为  $f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \sqrt{1 \frac{CR^2}{L}}$  , 则当  $f > f_0$ 时,此电路的性质为
- (A) 电感性(B) 电容性(C) 电阻性



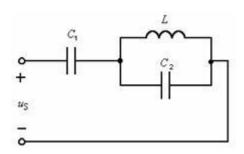
10. 图示 RLC 并联电路谐振时, L、C的储能情况为

(A) 
$$W = W_L + W_C = CU^2$$
 (B)  $W = W_I + W_C = \frac{1}{2} CU^2$ 

$$(C) \mathcal{W} = \mathcal{W}_{\mathfrak{I}} + \mathcal{W}_{\mathfrak{C}} = \frac{1}{2} L I_{\mathfrak{I}}^{2}$$
 (D)  $\mathcal{W} = \mathcal{W}_{L} + \mathcal{W}_{C} = 0$ 



- 11. 电感线圈 (RL) 与电容器 C串联电路的阻抗谐振曲线是如右上图所示的
  - (A) 曲线 A
- (B) 曲线 B
- (C) 曲线 C
- 12. 图示电路, 当电源 us 的频率由零逐渐增大时, 电路可能出现两个谐振频率,则电路 (A) 先串联谐振后并联谐振 (B) 先并联谐振后串联谐振
- (C) 同时发生串联谐振与并联谐振

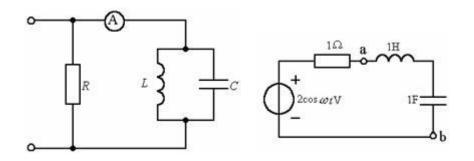


### 答案部分

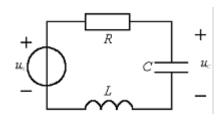
- 1. 答案(B) 2. 答案(D) 3. 答案(A) 4. 答案(C) 5. 答案(C) 6. 答案(D) 7. 答案(D)
- 8. 答案(A) 9. 答案(B) 10. 答案(A) 11. 答案(A) 12. 答案(A)

## 三、填空题

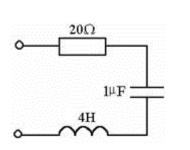
1. 图示正弦电流电路中,电流表 $\odot$ 的读数为 0 时,L和 C应满足的条件为

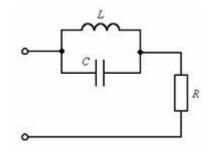


- 2. 如右上图所示正弦电流电路,若电压  $u_{ab}=0$ ,则角频率 $\omega$ 应等于\_\_\_rad/s。
- 3. 已知如图所示的 RLC 串联谐振电路,谐振角频率  $\omega_0=2\times10^5 {
  m rad/s}$ ,  $R=10\Omega$ ,  $\omega_s^2=50\sqrt{2}$   $\omega^*$  V ,  $\omega_c^2=5\sqrt{2}$   $\omega_c^2=5\sqrt{2$

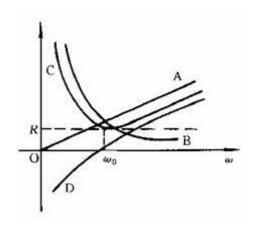


4. RLC 串联电路如左下图所示,则电路的谐振角频率 $\omega_0$ =\_\_\_\_\_\_,电路的品质因数 Q=\_\_\_\_\_\_。





- 5. 右上图示滤波电路中,L=0. 1H,R为负载电阻,欲将外接电源电压中频率为 1000Hz 的谐波滤去,所需电容 C= 。



7. *RLC* 串联电路外接电源 <sup>1</sup> = 10 <u>0</u> ▼, 电路处于谐振状态时, 品质因数 *Q*=10,

8. RLC串联电路中,当 R、C参数不变,L 逐渐减小时,谐振频率  $f_0$ \_\_\_\_\_\_;特性阻抗 $\rho$  ; 品质因数 Q ; 谐振时的等效阻抗  $Z_0$  。

9. RLC串联电路中, 当 R、L 参数不变, C逐渐减小时, 谐振频率

*Q\_\_\_\_\_\_\_*; 谐振时的等效阻抗 *Z*<sub>0\_\_\_\_\_\_。</sub>

10. RLC串联电路处于谐振状态时,电路的性质为\_\_\_\_;能量的交换在\_\_\_\_\_

与\_\_\_\_\_之间进行,电路电磁能量的总和 严\_\_\_\_\_,为一常量。

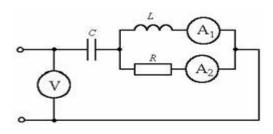
11. 由 R、L和 C三元件组成并联电路,当正弦电源的角频率  $\frac{\omega}{\sqrt{LC}}$  时,该电

路呈现\_\_\_\_\_性,当  $\frac{\omega}{\sqrt{LC}}$ 时,该电路呈现\_\_\_\_\_性。

谐振时的阻抗 忍=\_\_\_\_。

13. 图示电路处于谐振状态,已知电压表读数为100V,电流表读数均为10A,则

 $X_L = \underline{\hspace{1cm}} \Omega; \quad X_C = \underline{\hspace{1cm}} \Omega; \quad R = \underline{\hspace{1cm}} \Omega \circ$ 



14. RLC 串联电路接于正弦电压  $u=100\sqrt{2}$  sinl 000 tV, 电路品质因数 G=1: 电路 

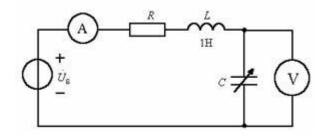
### 答案部分

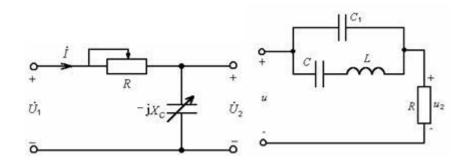
$$\alpha L = \frac{1}{\alpha C}$$
1. 答案
2. 答案 1
3. 答案 5mH,  $5 \times 10^{-9}$ F

- 4. 答案 500rad/s,100 5. 答案 0. 254μF
- 6. 答案曲线 A 曲线 B 曲线 D 曲线 C
- 7. 100/90·100/-90·10/0 8. **答案**逐渐增大,逐渐减小,逐渐减小,不变
- 9. 答案逐渐增大,逐渐增大,逐渐增大,不变
- 10. **答案**电阻性电感电容, $LI^2 = CU_c^2 = CQ^2U^2$  11. **答案**感,容
- 12. 答案 1000rad/s ∞ 13. 答案  $10\sqrt{2}$  ,  $5\sqrt{2}$   $10\sqrt{2}$  .
- 14. 答案 $100\sqrt{2} \sin 1000 t$ ,  $100\sqrt{2} \sin 1000 t + 90^{\circ}$ )  $100\sqrt{2} \sin 1000 t 90^{\circ}$ )

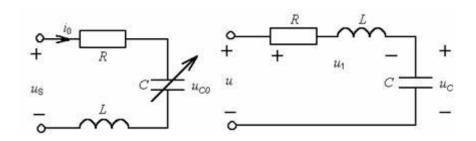
### 四、计算题

1. 图示电路中,正弦电压源电压  $U_s=100V$ 、频率 f=50Hz。调节 C使电路谐振时电流表 A 的读数为 1A。试求电压表 V 的读数、电容 C 的值、电阻 R 的值。





- 3. 右上图示电路中,已知  $C_1$ =0.  $25\mu$ F, u= $U_{1m}$ s in  $(1000 t + \varphi_1) + U_{3m}$ s in  $(3000 t + \varphi_3)$ ,欲使  $u_2$ = $U_{1m}$ s in  $(1000 t + \varphi_1)$ ,L、C 应为何值?
- 4. 试推导 RLC 串联电路谐振时,电感电压、电容电压的值均为电源电压的 Q 倍 (Q 为电路的品质因数)。
- 5. 图示网络, $U_S$ =10V, $\omega$ =2000rad/s。调节 C使网络谐振时, $U_S$ =100mA, $U_S$ =200V。求  $U_S$ 0=200V。求  $U_S$ 0=200V。求  $U_S$ 0=200V。求  $U_S$ 0=200V。



6. 右上图示网络谐振。已知  $U_1$ =50V, $U_2$ =30V, $U_2$ =0. 01H。试求  $U_C$ 、Q和  $\omega_0$ 。

7. 一个 L=4mH, R=50 $\Omega$ 的线圈,如要得到谐振频率  $f_0$ =200kHz 串联谐振特性时,需串联多大容量的电容器? 此时电路的品质因数 Q为多少? 试问采用何种方法,可使 Q值减小为原 Q值的二分之一。

8. 将一个线圈 (L=200mH, R=50 $\Omega$ ) 与 C=5 $\mu$ F 的电容器串联,接在  $U_c$ =25mV 的正弦电源上,试求:发生谐振时的电源频率  $f_0$ 、电容器端电压  $U_c$ 、线圈的端电压  $U_{RL}$ 。

9. 一电感线圈与一个 C=0.  $05\mu$ F 的电容器串联,接在 U=50mV 的正弦电源上。当  $\omega$ =2× $10^4$ rad/s 时,电流最大,且此时电容器端电压 U=5V。试求: (1) 电路品质 因数 Q: (2) 线圈电感值 L 与电阻值 R。

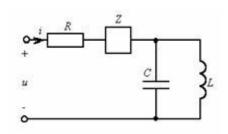
10. RLC 串联谐振电路中, $\omega_0$ =2×10 $^4$ rad/s,电源电压  $U_5$ =50mV,R=10 $\Omega$ ,谐振时电感电压  $U_L$ =5V,求 L 与 C的值。

11. R、L、C 串联电路谐振时,电容器的容抗  $X_c$ = $10\Omega$ 。 $\omega$ =618rad/s 时,电路的阻抗 Z=(10– $j10)\Omega$ 。试求 R、L、C的值。

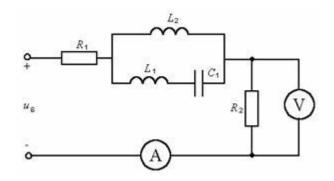
12. *RLC* 串联电路,已知  $R=100\Omega$ , L=0.5H,  $C=0.45\mu$ F,正弦电源电压 U=10V。 试求: (1) 谐振角频率 ω 及电路的品质因数 Q; (2) 谐振时的电流  $L_0$  及各元件的电压  $U_R$ 、 $U_L$ 、 $U_C$ ; (3) 电磁总能量。

15. 右上图示电路中,已知  $R=20\Omega$ , $\omega L=8\Omega$ ,

 $\frac{1}{\omega C}$  = 6  $\Omega$  u=[100+120sin314 t+80sin(942 t+30 $\cdot$ )]V, $\omega C$  。 (1)欲使电流 i 中含有 尽可能大的基波分量,则 Z应是什么性质的元件,其值为多少? (2)求满足此条件时 i 的表达式。

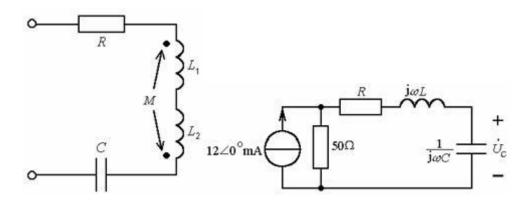


 $R_1=1\Omega$ , $R_2=4\Omega$ , $\omega L_1=5\Omega$ ,  $\frac{1}{\omega C_1}=45\Omega$  , $\omega L_2=40\Omega$ ,试求电磁系电流表及电压表的读数。



17. 一 RLC 串联谐振电路,谐振时 $\omega_0$ =1000rad/s,外加电压 U=100mV 时,电容电压 U=1V,电流 I=10mA。试确定 RLC的值。

18. 左下图示网络中,R=120 $\Omega$ ,C=10 $^{-7}$ F, $L_1$ =0. 5H, $L_2$ =0. 4H,M=0. 2H。试求: 谐振频率  $f_0$ ,特性阻抗 $\rho$ ,品质因数 Q,谐振时输入阻抗  $Z_0$ 。



19. 如右上图电路处于谐振状态,已知 $\omega_0$ =1000rad/s,C=0. 4 $\mu$ F,且电容电压  $U_C$ =20V,试求 R、L 的值。

#### 答案部分

1. 答案由于谐振, 故有 U<sub>R</sub> = U<sub>S</sub> = 100V

 $R=100\Omega$ ,  $U_C=U_L=\omega LI=314V$ 

$$X_c = \frac{U_c}{I} = 314 \,\Omega$$
,  $C = \frac{1}{\varpi X_c} = 10.1 \,\mu\text{F}$ 

2. 答案以聲为参考相量作相量图及阻抗三角形

$$\dot{U}_{R}$$
 $\dot{I}$ 
 $\dot{U}_{1}$ 
 $\dot{\psi}_{2}$ 

$$\varphi = 30^{\circ}$$
,  $R = |Z| \sin \varphi = 5 \times 10^{3} \times \sin 30^{\circ} = 2.5 \text{ k} \Omega$ 

$$X_c = |Z| \cos \varphi = 4.33 \,\mathrm{k} \,\Omega$$

3. **答案**依题意,应使 L、C对基波发生串联谐振;L、C和 G 共同对三次谐波发生并联谐振,有

$$\begin{cases} \varpi \ L = \frac{1}{\varpi \ C} \\ 3\varpi \ L - \frac{1}{3\varpi \ C} = \frac{1}{3\varpi \ C_1} \end{cases}$$

$$E = \frac{1}{8 \, \varpi^2 C_1} = \frac{1}{8 \times 1000^2 \times 0.25 \times 10^{-6}} \text{ H} = 0.5 \text{ H}$$

$$C = \frac{1}{\varpi^2 L} = \frac{1}{1000^2 \times 0.5} F_{=2\mu F}$$

$$a_0 L = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$
 
$$a_0 L = \frac{1}{a_0 C} = \sqrt{\frac{L}{C}}$$

$$I = \frac{U}{R}$$
,  $U_L = U_C = \sqrt{\frac{L}{C}} \frac{U}{R} = QU$ 

5. 答案 
$$Q = \frac{200}{10} = 20$$
,  $R = \frac{10}{0.1} \Omega = 100 \Omega$ ,  $L = \frac{20 \times 100}{2000} H = 1 H$ ,  $C = \frac{1}{4 \times 10^6 \times 1} F = 0.25 \mu F$ 

6. 答案
$$U_x = \sqrt{50^2 - 30^2}$$
  $V = 40 V$ ,  $U_c = 40$ ,  $Q = \frac{40}{30} = \frac{4}{3}$ ,  $\omega_0 = \frac{4000}{3}$  rad/s

$$C = \frac{1}{\varpi_0^2 L} = \frac{1}{(2\pi \times 200 \times 10^3)^2 \times 4 \times 10^{-3}} F = 158 \,\mathrm{pF}$$

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{2\pi \times 200 \times 10^3 \times 4 \times 10^{-3}}{50} = 100.5$$

$$Q' = \frac{1}{2}Q = \frac{\omega_0 L}{R'}, \quad R' = 100\Omega$$

为使 Q值减至原值的 2 ,可串联一电阻,其阻值为  $R_1=R^2$   $-R=50\Omega$ 

8. 答案 
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = 1000 \text{ rad/s}, \quad f_0 = \frac{\omega_0}{2\pi} = 159.2 \text{ Hz},$$
  $Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{1000 \times 0.2}{50} = 4$ 

$$U_C = QU = 100 \text{mV}, \quad U_L = U_C = 100 \text{mV}, \quad U_R = U = 25 \text{mV}$$

$$U_{RI} = \sqrt{U_{I}^{2} + U_{R}^{2}} = 103.1 \,\text{mV}$$

9. 答案(1) 谐振时, 电流最大

$$\omega_0 = 2 \times 10^4 \text{ rad/s}, \quad Q = \frac{U_c}{U} = \frac{5}{50 \times 10^{-3}} = 100$$

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} L = \frac{1}{\omega_0^2 C} = 0.05 H = 50 \text{ mH}$$

$$R = \frac{\omega_0 L}{Q} = \frac{2 \times 10^4 \times 0.05}{100} \Omega = 10 \Omega$$

$$I_0$$
 =  $\frac{U_{\rm S}}{R}$  = 5 mA  $\sigma_0 L = \frac{U_{\rm I}}{I_0}$  =  $1000\,\Omega$ 

$$L = \frac{1000}{\omega_0} = 0.05 \,\mathrm{H} = 50 \,\mathrm{mH} \quad \frac{1}{\sqrt{\omega_0 C}} = \frac{U_c}{I_0} = \frac{U_I}{I_0} = \omega_0 L = 1000 \,\Omega$$

$$C = \frac{1}{1000\omega_0} = 5 \times 10^{-8} \text{F} = 0.05 \mu\text{F}$$

11. 答案 
$$R=10$$
,  $\sqrt{\frac{L}{C}} = 10$ 

故
$$\frac{L}{C} = 100$$
<sub>(1)</sub>又 $618L - \frac{1}{618C} = -10$ <sub>(2)由(1)、(2)解得</sub>

 $L=10^{-2}$ H=10mH $C=10^{-4}$ F= $100\mu$ F

$$\omega_{0} = \frac{1}{\sqrt{LC}} = 2108 \, \text{rad/s}, \quad Q = \frac{\omega_{0}L}{R} = \frac{2108 \times 0.5}{100} = 10.5$$

$$I_0 = \frac{U}{R} = 0.1 \,\text{A} \label{eq:loss_loss} , \quad U_R = U = 10 \,\text{V}, \quad U_L = U_C = QU = 105$$

(3) 
$$W = LI^2 = CU_c^2 = 5 \times 10^{-3} \text{ J}$$

15. **答案**(1) u 中基波分量单独作用时,L、C 并联等效阻抗为

$$Z' = \frac{j8(-j6)}{j8-j6} \Omega = \frac{48}{j2} \Omega = -j24 \Omega$$

欲使 i 中含尽可能大的基波分量,Z应为电感,且与 Z'发生串联谐振,即 Z-j24 $\Omega$ 

$$L' = \frac{24}{\varpi} = \frac{24}{314} \text{ mH} = 76.4 \text{ mH}$$

$$I_{(0)} = \frac{U_{(0)}}{R} = \frac{100}{20} \text{ A} = 5 \text{ A}$$

$$\hat{A}_{\omega} = \frac{B_{\omega}^{2}}{R} = \frac{\frac{120}{\sqrt{2}} \cdot \hat{D}^{*}}{20} \quad A = \frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \hat{D}^{*} \quad A$$

u中三次谐波单独作用时

$$\begin{split} Z_{(3)} &= R - \text{j3 as } L' + \frac{\text{j(24)}(-\text{j2})}{\text{j24} - \text{j2}} \\ &= (20 + \text{j71.97} - \text{j2.18}) \ \Omega = 72.6 \text{//4}^{\circ} \ \Omega \end{split}$$

$$\hat{Z}_{(8)} = \frac{2 \cdot \hat{Z}_{(8)}}{Z_{(8)}} = \frac{\frac{80}{\sqrt{2}} \cdot 20^{\circ}}{72.6 \cdot \cancel{/14}^{\circ}} \quad A = 0.779 \cancel{/-44^{\circ}} \quad A$$

 $i = [5 + 6 \sin x t + 0.779\sqrt{2} \sin(3x t - 44^{\circ})] \text{ A}$ 

$$I_{(0)} = \frac{20}{R_1 + R_2} = \frac{20}{1+4}$$
 A = 4 A ,  $U_0 = 4 \times 4 \text{V} = 16 \text{V}$ 

基波单独作用时

$$\varpi L_1 - \frac{1}{\varpi C_1} = (5-45) \ \Omega = -40 \ \Omega$$

三次谐波单独作用时:

$$3\omega L_1 - \frac{1}{3\omega C_1} = 3 \times 5 - \frac{45}{3} = 0$$
 串联谐振

$$\frac{2}{4} = \frac{15\cancel{90}^{\circ}}{1+4} \quad A = 3\cancel{90}^{\circ} \quad A$$

$$D_{(5)}^{2} = \cancel{2}_{(5)}^{2} R_{2} = 3\cancel{90}^{\circ} \times 4 \quad V = 12\cancel{90}^{\circ} \quad V$$

电流表的读数为  $I = \sqrt{4^2 + 3^2}$  A = 5 A

电压表的读数为 $U = \sqrt{16^2 + 12^2}$  V = 20 V

17. 答案*ω*₀=1000rad/s

$$\begin{split} I &= \frac{U}{R} \;, \quad R = \frac{U}{I} = 10 \; \Omega \; \text{p} \; \mathcal{Q} = \frac{U_c}{U} = \frac{1}{0.1} = 10 \;, \quad \text{for} \; \frac{\varpi_0 L}{R} = 10 \\ L &= \frac{10 R}{\varpi_0} = 0.1 \, \text{H} \; \frac{1}{\varpi_0 CR} = 10 \qquad C = \frac{1}{10 \, \varpi_0 R} = 10^{-5} \; \text{F} \end{split}$$

18. **答案** *L*' = *L*<sub>1</sub>+*L*<sub>2</sub>-2*M*=0. 5H

$$\varpi_0 = \frac{1}{\sqrt{L'C}} = 4472\,\mathrm{rad/s}, \quad f_0 = \frac{\varpi_0}{2\pi} = 712\,\mathrm{Hz} \\ \rho = \omega_0 L' = 2236\Omega$$
 
$$Q = \frac{\rho}{R} = 18.6, \quad Z_0 = R = 120\Omega$$

$$X_c = \frac{1}{\omega_0 C} = 2.5 \times 10^3 \,\Omega$$
 19. 答案

$$I_c = \frac{U_c}{X_c} = \frac{8 \times 10^{-3} \text{A} = 8 \text{mA}}{12 \cdot 10^{-3} \text{A}} = 8$$

得 
$$R=25\Omega$$
,  $X_L=X_C=2.5\times10^3\Omega$ ,  $L=\frac{X_I}{\omega_0}=\frac{2.5\times10^3}{1000}$  H = 2.5 H