## 北京工业大学 2014 ——2015 学年第一学期

## 《复变函数与记分变换》 考试试卷

考试说明: 本次考试为闭卷考试,考试时间为 95 分钟						
承诺:						
本人已学习了《北京工业大学考场规则》和《北京工业大学学生违纪处分						
条例》,承诺在考试过程中自觉遵守有关规定,服从监考教师管理,诚信考试,						
做到不违纪、不作弊、不替考。若有违反,愿接受相应的处分。						
承诺人:	:   学号:			班号:		
注: 本试卷共 大题, 共 页,满分 100 分,考试时必须使用卷后附加的 统一草稿纸。						
题号	15 H	<b>一</b> 一		四四	· 万.	总成绩
满分	20	25	30	15	10	
得分						
一、填空题 (每题 2 分,共 20 分)						
1、设复数 $z = \frac{1}{i} - \frac{3i}{1-i}$ ,则 $Re(z) = \underline{\hspace{1cm}}$ 。						
$2 \cdot \cos(2\pi + 7i) = \underline{\hspace{1cm}}$						
3、设 $v(x,y) = -3xy^2 + x^3$ , $f(z)$ 是以 $v$ 为虚部的解析函数,且 $f(0) = 0$ ,则						
f(z) =						
4、设 $f(z) = x^2 - y^2 + ay + i(bxy + 3x)$ 为解析函数,则 $a =$						
$5, i^i = \underline{\hspace{1cm}}$						
$6$ 、幂级数 $\sum_{n=1}^{\infty}\frac{1}{4^n}$ $z^n$ 的收敛半径为 $R=$ 。						

资料由公众号【工大喵】收集整理并免费分享

7、
$$z = 0$$
是 $\frac{1}{z^2(3\sin z + (z^3 - 3))}$ 的\_\_\_\_\_级极点。

8、计算留数 
$$\operatorname{Re} s\left(\frac{ze^z}{z^2-1},1\right) = \underline{\hspace{1cm}}$$
。

$$10, F \left[t^2 \sin t\right] = \underline{\hspace{1cm}}$$

二、计算题 (每题 5 分, 共 25 分)

1、计算 81<sup>1</sup>

2、计算(-1-i)11

3、计算 $Ln(1+\sqrt{3}i)$ 

4、计算 $\int_0^t z \cos z \, dz$ 

资料由公众号【工大喵】收集整理并免费分享

5、计算留数 
$$\operatorname{Re} s \left[ \frac{1}{\sin \left( \frac{z-1}{z+1} \right)}, 1 \right]$$

得 分

三、计算积分。(共30分)

1、设 C 为自原点到 3+4i 的直线段, 计算积分  $\int_{c} |z-1|^2 dz$  。(10 分)

2、计算积分 
$$\frac{1}{2\pi i} \int_{|z|=1} \left[ 2 + \left( z + \frac{1}{z} \right) \right] e^{\frac{z}{2-z}} \frac{dz}{z}$$
。(10 分)

3、利用留数计算积分 
$$\int_0^{2\pi} \frac{1}{7+\cos\theta} d\theta$$
 。(10 分)

得 分

四、求已知函数的展开式。(共 15 分)

1、把函数 
$$f(z) = \frac{1}{5-4z}$$
 在  $z_0 = 1+i$  展开成泰勒级数。(7 分)

2、将函数  $f(z) = \frac{1}{z^2 + 1}$  在 0 < |z - i| < 2 内展成洛朗级数。(8 分)

得 分

五、求函数 
$$f(t) = \begin{cases} 1+t, & -1 < t < 0, \\ 1-t, & 0 < t < 1, \text{ in Fourier 积分。} (10 分) \\ 0, & |t| > 1. \end{cases}$$

## 草 稿 纸