

# 北京工业大学《数字信号处理》2021-2022学年第一学期 期末试卷

类别：必修      考试形式：闭卷      考试时间：120 分钟

姓名		班级				学号				阅卷人	
题 号	一	二	三	四	五	六	七	八	九	十	成绩
满 分	30	20	30	20							100
得 分											

## 一、选择题(本题共 6 小题，每小题 5 分，共 30 分)

- 以  $N$  为周期的周期序列的离散付氏级数是 ( )。
  - 连续的，非周期的
  - 连续的，以  $N$  为周期的
  - 离散的，非周期的
  - 离散的，以  $N$  为周期的
- 离散序列  $x(n)$  为实、偶序列，则其频域序列  $X(k)$  为： ( )。
  - 实、偶序列
  - 虚、偶序列
  - 实、奇序列
  - 虚、奇序列
- 一个线性相位 FIR 滤波器的单位脉冲响应为奇对称、长度为奇数点，则该滤波器适宜作： ( )。
  - 低通
  - 高通
  - 带通
  - 带阻
- 一个理想采样系统，采样频率  $\Omega_s = 8\pi$ ，采样后经低通  $G(j\Omega)$  还原，  

$$G(j\Omega) = \begin{cases} 1/4 & |\Omega| < 4\pi \\ 0 & |\Omega| \geq 4\pi \end{cases}$$
 ；现有两输入信号： $x_1(t) = \cos 2\pi t$ ， $x_2(t) = \cos 7\pi t$ ，则它们相应的输出信号  $y_1(t)$  和  $y_2(t)$ ： ( )。
  - $y_1(t)$  和  $y_2(t)$  都有失真；
  - $y_1(t)$  有失真， $y_2(t)$  无失真；
  - $y_1(t)$  和  $y_2(t)$  都无失真；
  - $y_1(t)$  无失真， $y_2(t)$  有失真。
- 一个线性相位 FIR 滤波器的单位脉冲响应为偶对称、长度为偶数点，则该滤波器适宜作： ( )。
  - 低通
  - 高通
  - 点阻
  - 带阻
- 一有限长序列  $x(n)$  的 DFT 为  $X(k)$ ，则  $x(n)$  可表达为： ( )。
  - $\frac{1}{N} \left[ \sum_{k=0}^{N-1} X^*(k) W_N^{-nk} \right]^*$
  - $\frac{1}{N} \left[ \sum_{k=0}^{N-1} X(k) W_N^{-nk} \right]^*$
  - $\frac{1}{N} \left[ \sum_{k=0}^{N-1} X^*(k) W_N^{nk} \right]^*$
  - $\frac{1}{N} \left[ \sum_{k=0}^{N-1} X(k) W_N^{nk} \right]^*$

## 二、填空题(本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分)

7、对  $x(n) = R(n)$  的变换为\_\_\_\_\_，其收敛域为\_\_\_\_\_。

8、为对某模拟信号作谱分析，以 10kHz 的速率对其进行采样，采样点的间隔为  $T =$ \_\_\_\_\_ s，若计算 1024 个采样点的 DFT 来进行信号的谱分析，则该信号的观察时宽  $TP =$ \_\_\_\_\_ s，信号频谱分辨率（谱样点之间的间隔） $F =$ \_\_\_\_\_ Hz。

9、利用窗函数法设计 FIR 滤波器时，从\_\_\_\_\_域出发，把滤波器理想的单位脉冲响应  $h_d(n)$  用一定形状的\_\_\_\_\_截取成\_\_\_\_\_的单位脉冲响应  $h(n)$ ，以此  $h(n)$  来\_\_\_\_\_理想的  $h_d(n)$ 。

10、对两序列  $x(n)$  和  $y(n)$ ，其线性相关定义为\_\_\_\_\_。

## 三、简答题(本题共 3 小题，每小题 10 分，共 30 分)

11、已知有限序列的长度为 8，试画出基 2 时域 FFT 的蝶形运算流程图输出为顺序。

12、设有二个离散序列  $h(n)$  和  $x(n)$ ，序列长分别为  $M$  和  $N$ ，且  $N > M$ ，试问直接采用循环卷积的方法计算  $h(n) * x(n)$  能否节省运算量？并说明理由。

13、在数字滤波器设计中常用先设计相应的模拟滤波器  $H_a(s)$ ，再通过某种映射将  $H_a(s)$  转换成数字滤波器的系统函数  $H(z)$  的方法设计。为了保证转换后的  $H(z)$  仍满足技术指标要求，要求转换关系必须满足：因果稳定的模拟滤波器转换成数字滤波器后，仍是因果稳定的。有人将上述要求改述为：转换关系应使  $S$  平面的左半平面转换到  $Z$  平面的单位圆内。上述说法是否一致？并说明理由。

四、计算题(本题共 1 小题，每小题 20 分，共 20 分)

14、研究一个复序列  $x(n)$ ， $x(n)=x_r(n)+jx_i(n)$ ，其中  $x_r(n)$  和  $x_i(n)$  是实序列，序列  $x(n)$  的  $z$  变换  $X(z)$  在单位圆的下半部分为零，即当  $\pi \leq \omega \leq 2\pi$  时， $X(e^{j\omega})=0$ 。 $x(n)$  的实部为：

$$x_r(n) = \begin{cases} \frac{1}{2}, & n=0 \\ -\frac{1}{4}, & n=\pm 2 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$$

试求  $X(e^{j\omega})$  的实部和虚部。