北京工业大学 2013—2014 学年第 一 学期

《概率论与数理统计》(工)课程考试试卷

考试说明: 考试闭卷; 可使用文曲星除外的计算器。

承诺:

本人已学习了《北京工业大学考场规则》和《北京工业大学学生违纪处分条例》,承诺在考试过程中自觉遵守有关规定,服从监考教师管理,诚信考试,做到不违纪、不作弊、不替考。若有违反,愿接受相应的处分。

承	诺人:			学号:			班号:	
···· 注:	注: 本试卷共 <u>6</u> 大题,共 <u>7</u> 页,满分 100 分。考试时必须使用卷后附的草稿纸。							
	卷 面 成 绩 汇 总 表(阅卷教师填写)							
	题号	_	二(1)	二(2)	二(3)	二(4)	二(5)	总成绩
	满分	30	14	14	14	14	14	
	得分							
一、填空题(每空 2 分, 共 30 分)								
1. 设 A, B 为事件,且 $P(A) = 0.4, P(A Y B) = 0.7$ 。当 $A 与 B$ 相互独立时, $P(B) =$; 互斥时, $P(B) =$;								
2. 在区间 $(0,1)$ 中随机地抽取两个数 X 和 Y ,则 $P(X-Y <0.5)=;$								
3. 设随机变量 X 服从[-2,2]上均匀分布,则 $Y = X^2$ 的概率密度函数为 $f_Y(y) =$								
4. 若 X 服从[0,1]区间上均匀分布,记 $A = \{0.1 \le X \le 0.3\}$, Y 表示对 X 进行 20 次独立观测后 事件 A 发生的次数。则 $E(Y) =,Var(Y) =;$								
5. 设随机变量 X 可能取的三个值为 -2 , 0 和 1 , 且 $P(X = -2) = 0.4$, $P(X = 0) = 0.3$,则 $E(X) =$, $Var(X) =$ 。								
6. ì	6. 设随机变量 $X \sim N(1,1)$, $Y \sim N(2,2^2)$,且 X 与 Y 相互独立,则 $2X - Y \sim$							
7. 设 $X_1, X_2, \Lambda, X_n (n > 2)$ 为抽自正态总体 $N(\mu, \sigma^2)$ 的随机样本,记								
$\overline{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i, S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2$								

8. 设 X_1 , Λ , X_n 是抽自参数为 2 的泊松分布的简单样本, \overline{X} 和 S^2 分别为样本均值与样本方差, 求 $P\left\{X=E(2\overline{X}-S^2)\right\}$ = \triangle \triangle 。 工大喵 』 收集整理并免费分享

9	. 设 X_1 , Λ , X_{16} 是来自总体 X	$\sim N(\mu,1)$ 的随机样本,		则未知参数 μ 的置信系
	数为 0.95 的置信区间为[,]。	$(Z_{0.025} = 1)$	1.96)

二、解答题 (每小题 14分, 共70分)

注: 每题要有解题过程, 无解题过程不能得分

- 1. 一批同型号零件由编号为 I、II、III的三台机器同时生产,各台机器生产零件零件数量分别占 35%, 40%和 25%, 次品率分别为 2.0%, 2.5%和 1.6%。
- (1). 求该批零件的次品率;
- (2). 现从该批零件中抽到一件次品,求该次品由各台机器生产的概率。

2. 设连续型随机变量 X 的分布函数为

$$F(x) = \begin{cases} a - e^{-0.5x^2}, & x \ge 0 \\ 0, & x < 0, \end{cases}$$

其中 a 为常数。求:

(1). a 的值; (2). X 的概率密度函数 $f_X(x)$; (3). $Y = \sqrt{X}$ 的概率密度函数 $f_Y(y)$ 。

3. 设二维随机变量(X,Y)的联合概率密度函数为

$$f(x,y) = \begin{cases} cy^2, & 0 \le y \le x \le 1 \\ 0, & 其他. \end{cases}$$

(1). 求常数 c; (2). 求 X 和 Y 的边缘概率密度 $f_X(x)$, $f_Y(y)$; (3). 计算 E(XY).

4. (本题 14分) 设总体 X 有概率密度函数

$$f(x) = \begin{cases} \lambda^2 x \ e^{-\lambda x}, & \lambda > 0 \\ 0, & \lambda \le 0, \end{cases}$$

其中 $\lambda>0$ 为未知参数, X_1,X_2,Λ , X_n 为从总体X中抽出的随机样本。求: (1). λ 的矩估计; (2). λ 的极大似然估计。

- 5. (本题 14 分) 假设某品牌日光灯的使用寿命(单位:小时)服从正态分布 $N(\mu,\sigma^2)$,现从该品牌的日光灯中随机抽取 9 只进行试验,测得寿命的平均值为 100. 4,样本方差为 0. 49。问在显著性水平 α =0. 05 下,从样本看:
- (1). 可否认为 $\mu = 100$?
- (2). 可否认为 σ^2 =0.5?

附 t分布与 χ^2 分布表

$t_8(0.025) = 2.3060$	$t_8(0.05) = 1.8595$	$t_9(0.025) = 2.2622$	$t_9(0.05) = 1.8331$
$\chi_8^2(0.025) = 17.535$	$\chi_8^2(0.05) = 15.507$	$\chi_9^2(0.025) = 19.023$	$\chi_9^2(0.05) = 16.919$
$\chi_8^2(0.975) = 2.180$	$\chi_8^2(0.95) = 2.733$	$\chi_9^2(0.975) = 2.700$	$\chi_9^2(0.95) = 3.325$

	草	稿	纸	
姓夕·			学品・	