北京工业大学 2015——2016 学年第 2 学期

《 高等数学(管)-2》 考试试卷

考试说明:_考试时长:95分钟 考试方式:闭卷 适用专业:经管学院专业 承诺:

本人已学习了《北京工业大学考场规则》和《北京工业大学学生违纪处分条例》, 承诺在考试过程中自觉遵守有关规定,服从监考教师管理,诚信考试,做到不违纪、不 作弊、不替考。若有违反,愿接受相应的处分。

į	承诺人:_	学·	号:	班号:	
	ぶる ぶ				
	题号	—	=	成绩	
	分数				
	一、填空匙	一、填空题(每小题 3分,共30分)			
$1.\lim_{x\to 0} \frac{x - \sin x}{\int_0^x \frac{\ln(1+t^3)}{t} dx} = \frac{1}{2}$					
	$2.\int_{0}^{+\infty} x e^{-x^{2}} dx = \frac{1}{2}$				
	3.判定级数 $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{e^n}{n!}$ 是否收敛 $\psi_{\mathbf{Q}} \phi_{\mathbf{Q}}$				
	$4.\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{2^n}$ 的收敛半径是 $R = 2$				
	n=				
6.由 $y = x^2$, $y = 0$, $x = 1$ 所围成的图形的面积是				1/3	
		$7.y'' + y' - 2y = 0$ 的通解是 $C_1 e^{\times} + C_2 e^{-2 \times}$			
	$8.\int_0^{\pi} \sqrt{1 + \cos 2x} dx = -\frac{2\sqrt{2}}{2} - (x > 0)$				
	n=1	$\frac{1}{+a''}$ $(a > 0)$ 收敛,则 a 的取值范围是 $\alpha > 1$			
	10.[sin(e*	10. $\left[\sin(e^x - y)^2\right]_{x} = -2(e^x - y)\omega_3(e^x - y)^2$			

第1页共4页

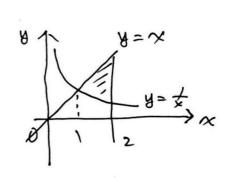
二、计算题

1.计算定积分
$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{\sin x + \cos x} dx$$
 (8分)
$$\frac{1}{\sqrt{2}} I_{1} = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{\sin x + \cos x} dx = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{\sin x} dx = \int_{0}^{$$

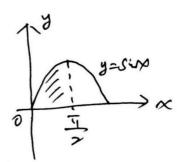
2.求由 $y = \frac{1}{x}$, y = x, x = 2所围图形的面积

$$S = \int_{1}^{2} (x - \frac{1}{x}) dx = \frac{1}{2} x^{2} \Big|_{1}^{2} - \ln x_{0} \Big|_{1}^{2}$$

$$= \frac{3}{2} - \ln z$$

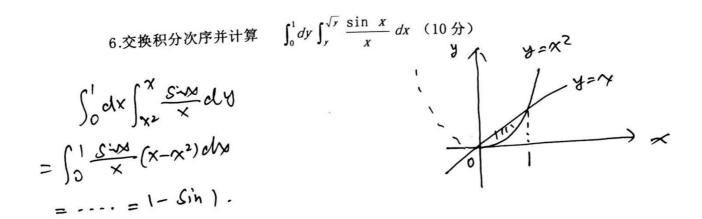


$$3.$$
求由 $y = \sin x$, $y = 0$, $x = \frac{\pi}{2}$ 所围图形绕 x 轴一周旋转体的体积 (8分)
$$V = \pi \int_{0}^{2} \sin^{2}x \, dx = \pi \int_{0}^{2} \frac{1 - \omega_{2} x}{2} \, dx$$
$$= \frac{\pi^{2}}{4}$$



5.设
$$z = f(x + y, xy)$$
, 求 $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$ (8分)
$$\frac{\partial z}{\partial x} = \int_{1}^{1} + y \int_{2}^{1}$$

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \int_{11}^{11} + x \int_{12}^{1} + \int_{2}^{1} + y \int_{21}^{11} + x y \int_{22}^{11}$$



资料由公众号【工大喵】收集整理并免费分享

8.求微分方程
$$xy'' = 2y' + x^3 + x$$
的通解 (10分)
$$y'' = \frac{2}{x} y' + x^2 + 1 \quad \Rightarrow y'' = y'' = \frac{dP}{dN^2} x^2 + 1$$

$$\frac{dP}{dN} - \frac{1}{x} P = x^2 + 1 \Rightarrow P = (\int (x^2 + 1) e^{\int \frac{1}{x} dN} dx + C_1) e^{\int \frac{2}{x} dN} dx + C_1) e^{\int \frac{2}{x} dN} dx + C_1) e^{\int \frac{2}{x} dN} dx + C_1) x^2$$

$$= (\int (1 + \frac{1}{x^2}) dx + C_1) x^2$$

$$= x^3 - x + C_1 x^2 \Rightarrow y' = x^3 - x + C_1 x^2$$

$$\Rightarrow y = \frac{1}{x} x^4 - \frac{1}{x} x^2 + \frac{1}{x} x^2 + C_2$$

资料由公众号【工大喵】收集整理并免费分享