北京工业大学 2021 ——2022 学年第一学期 《复变函数与记分变换》 考试试卷

考试说明:	考试说明: 本次考试为闭卷考试,考试时间为95分钟						
承诺:							
本人已学习	了《北京	工业大学	考场规则	》和《北京	工业大学	学生违纪处分	
条例》,承诺在	考试过程。	中自觉遵守	守有关规划	定,服从监:	考教师管理	埋,诚信考试,	
做到不违纪、不	作弊、不	替考。若 ⁷	有违反,原	恩接受相应	的处分。		
,				_ ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,			
承 详 人 ·	诺人: 学号:				班号•		
7·16/C.		7 V·			<i>J</i> L 7 •		
注: 本试卷共 _	大题,	共 〕	页,满分 1	00 分,考证	式时必须使	······ 使用卷后附加的	
统一草稿纸。							
	卷面	n 成 绩 汇	. 总 表()	阅卷教师填写	i)		
题号			Ξ	四四	五.	总成绩	
满分	20	25	30	15	10		
得分							
⁄担 八							
	真空题(每题2分	→, 共 20	分)			
	3 <i>i</i>	.					
1 、设复数 $z = \frac{1}{i}$	$-\frac{1}{1-i}$,则	$ \operatorname{Re}(z) = $			°		
$2 \cos (2\pi + 7i)$	=			0			
3、设v(x,y)=-					数,且 <i>f</i> ((0) = 0,则	
$f(z) = \underline{\hspace{1cm}}$				°			
$4、设 f(z) = x^2 -$	$y^2 + ay + ay$	(bxy+3x)) 为解析函	函数,则 <i>a</i> =_	,	b=	
z : i _							
$5, i^i = \underline{}$			_°				
6、幂级数∑ [∞]	$\frac{1}{4''}z''$ 的收约	数半径为	R =		0		

资料由公众号【工大喵】收集整理并免费分享

7、
$$z = 0$$
 是 $\frac{1}{z^2 (3 \sin z + (z^3 - 3))}$ 的_____级极点。

8、计算留数
$$\operatorname{Re} s\left(\frac{ze^z}{z^2-1},1\right) = \underline{\hspace{1cm}}$$
。

9.
$$F^{-1}[\delta(w+2)+\delta(w-2)] = \underline{\hspace{1cm}}$$

10,
$$F\left[t^2\sin t\right] = \underline{\hspace{1cm}}$$

二、计算题(每题5分,共25分)

$$3$$
、计算 $Ln(1+\sqrt{3}i)$

5、计算留数
$$\operatorname{Re} s \left[\frac{1}{\sin \left(\frac{z-1}{z+1} \right)}, 1 \right]$$

资料由公众号【工大喵】收集整理并免费分享

● 分 三、计算积分。(共30分)

 $\int_{C} |z-1|^2 dz$ 。(10 分)

2、计算积分
$$\frac{1}{2\pi i} \int_{|z|=1} \left[2 + \left(z + \frac{1}{z} \right) \right] e^{\frac{z}{2-z}} \frac{dz}{z}$$
。(10 分)

3、利用留数计算积分 $\int_0^{2\pi} \frac{1}{7+\cos\theta} d\theta$ 。(10 分)

母分 □、求已知函数的展开式。(共15分)

1、把函数
$$f(z) = \frac{1}{5-4z}$$
 在 $z_0 = 1+i$ 展开成泰勒级数。(7 分)

2、将函数 $f(z) = \frac{1}{z^2 + 1}$ 在 0 < |z - i| < 2 内展成洛朗级数。(8 分)

五、求函数
$$f(t) = \begin{cases} 1+t, & -1 < t < 0, \\ 1-t, & 0 < t < 1, \text{ in Fourier 积分。(10 分)} \\ 0, & |t| > 1. \end{cases}$$

草 稿 纸