北京工业大学 2013——2014 学年第一学期 《复变函数与积分变换》期末考试试卷

考试说明:	本次考试为闭卷考试,考试时间为95分钟	
承诺:		

本人已学习了《北京工业大学考场规则》和《北京工业大学学生违纪处分条例》,承诺在考试过程中自觉遵守有关规定,服从监考教师管理,诚信考试,做到不违纪、不作弊、不替考。若有违反,愿接受相应的处分。

承诺人:	学号:	班号:
		000000000000000000000000000000000000000

注: 本试卷共 <u>六</u> 大题,共 <u>8</u> 页,满分 100 分,考试时必须使用卷后附加的统一草稿纸。

卷 面 成 绩 汇 总 表 (阅卷教师填写)

题号	_	11	三	四	五.	总成绩
满分	20	20	20	10	30	
得分						

一、填空题(每题2分,共20分)

$$2 \cdot \left(-\sqrt{3}+i\right)^{10} = \underline{\hspace{1cm}} \circ$$

$$5 \cdot \int_{|z|=\frac{2}{3}} \frac{dz}{(z^{10}-1)(z+1)^3} = \underline{\hspace{1cm}}$$

资料由公众号【丁大喵】收集整理并免费分享

$$6, \int_{1}^{1+i} z e^{z} dz = \underline{\hspace{1cm}}_{\circ}$$

7、级数
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n^2} z^n$$
 的收敛域为_______

8、
$$z=0$$
是 $\frac{1}{\left(1-\cos z\right)^2}$ 的_____级极点。

$$9, \int_{-\infty}^{+\infty} \delta(t) e^{-iwt} dt = \underline{\hspace{1cm}}$$

$$10, \int_0^{+\infty} \frac{\sin x}{x} = \underline{\hspace{1cm}}_{\circ}$$

^{得 分} 二、计算题(每题 5 分,共 20)

- 1、求 $f(z) = \frac{1}{\sin z}$ 的所有孤立奇点。 2、计算 $27^{\frac{1}{3}}$

- 3、若 $(1+i)^n = -4$,求n的值。
- **4、**计算*i*^{√3}

资料由公众号【工大喵】收集整理并免费分享

得 分

三、求已知函数的展开式。(每题 10 分, 共 20 分)

1、把函数 $f(z) = \frac{z}{(z+2)(z-2)}$ 展开为 z 的泰勒级数。

2、把函数 $f(z) = \frac{1}{z^2(z-3)^2}$ 在0 < |z-3| < 3内展成洛朗级数。

得 分

四、设C为从原点到3+4i的线段,计算 $\int_{C} \operatorname{Im} z dz$ (10分)

得 分

五、利用留数计算。(20分)

1、计算
$$\int_{|z-1|=\frac{1}{2}} \frac{1}{(z-1)\sin \pi z} dz$$
。(10 分)

$$2、计算 \int_0^{+\infty} \frac{x \sin 2x}{x^2 + 1} dx . (10 分)$$

得 分

六、求函数 $f(t) = \begin{cases} 1 - t^2, & t^2 \le 1, \\ 0, & t^2 > 1. \end{cases}$ 的 Fourier 积分。(10 分)