Item Response Theory for beginners

Item time!

Dr. Ottavia M. Epifania

Corso IRT @ Università Libera di Bolzano, 16-18 Gennaio 2023

Bressanone

- 1 Fit degli item
- 2 Differential Item Functioning

Fit degli item

Si può valutare la fit di ogni item nel modello

Statistiche più usate:

- $S-X^2$ (Orland & Thissen, 2000): Statistica basata sul χ^2 . Se è significativo, l'item non è adeguato
- Root Mean Squared Deviation (RMSD): Distanza tra quanto atteso dal modello e i dati. Si vuole che questa distanza sia minima. Valori al di sotto di .15 sono accettabili, al di sotto di .10 sono ottimali e indicano ottima fit dell'item

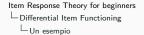
Differential Item Functioning

Item Response Theory for beginners

☐ Differential Item Functioning
☐ Un esempio

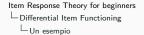
Differential Item Functioning

Un esempio



La massa dello lodio 131 decrese di 1/2 ogni 8 giorni.

In un laboratorio ci sono 2gr di lodio 131. Quanti grammi ci sono dopo 16 giorni?



La massa dello Iodio 131 decrese di 1/2 ogni 8 giorni.

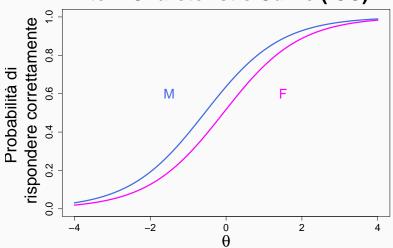
In un laboratorio ci sono 2gr di lodio 131. Quanti grammi ci sono dopo 16 giorni?

Risposta corretta: 0.5gr

Differential Item Functioning

Un esempio





Item Response Theory for beginners

☐ Differential Item Functioning
☐ Un esempio

Lo stesso item presentato a due gruppi appaiati per livello di tratto latente... non funziona nello stesso modo

I soggetti vengono appaiati in funzione del loro livello di tratto latente. Ci sono delle differenze nella perfomance su un item?

Teoricamente: Soggetti di gruppi diversi ma con lo stesso livello di tratto latente (i.e., appaiati) dovrebbero mostrare performance simili sull'item

Se così non è \rightarrow Differential Item Functioning (DIF)

Solitamente ci si basa su due gruppi:

- reference group (Gruppo di riferimento): è la base del confronto.
 Spesso è il gruppo maggioritario (e.g., italiani) o in caso di traduzioni del test il gruppo a cui viene somministrata la versione originale
- focal group (Gruppo focale): Gruppo focus dell'analisi. Spesso è il gruppo minoritario (e.g., immigrati di prima generazione) o il gruppo a cui viene somministrata la versione tradotta del test

Item Response Theory for beginners

Differential Item Functioning

DIF uniforme

Differential Item Functioning

DIF uniforme

Item Response Theory for beginners

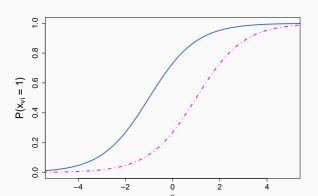
Differential Item Functioning

DIF uniforme

L'item funziona in modo diverso nel focal group rispetto al reference group (o viceversa) $\,$

Nello specifico, avvantaggia sistematicamente uno dei due gruppi

Il vantaggio nei confronti del gruppo è costante (uniforme) per tutti i livelli del tratto latente



Item Response Theory for beginners

Differential Item Functioning
DIF Non uniforme

Differential Item Functioning

DIF Non uniforme

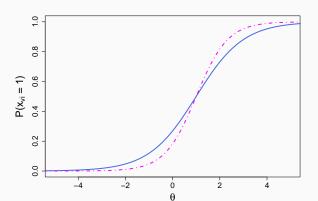
Item Response Theory for beginners

Differential Item Functioning

DIF Non uniforme

L'item funziona in modo diverso nel gruppo focale rispetto al gruppo di riferimento (o viceversa), ma il vantaggio che dà a uno dei due non è costante per tutti i livelli del tratto

L'item avvantaggia un gruppo per i livelli più bassi del tratto e avvantaggia il gruppo opposto per i livelli più alti del tratto.



Item Response Theory for beginners

Differential Item Functioning

Valutare il DIF

Differential Item Functioning

Valutare il DIF

Esistono metodi basati sui modelli IRT e metodi basati sul punteggio osservato per valutare il DIF

I metodi basati sui modelli IRT utilizzano la stima del tratto latenmte ottenuta tramite il modello per appaiare i soggetti

La DIF uniforme viene valutata sui parametri di difficoltà, mentre la DIF non uniforme viene valutata sui parametri di discriminatività

DIF uniforme	DIF non uniforme
• 1PL	• 2PL
• 2PL	• 3PL

3PL

Item Response Theory for beginners

Differential Item Functioning
Likelihood Ratio Test

Differential Item Functioning

Likelihood Ratio Test

Thissen, Steinberg, & Wainer (1988)

Vengono stimati due modelli IRT sui dati:

- Nel modello "no-DIF", i parametri vengono vincolati ad essere uguali nel reference e focal group
- Nel modello "DIF", si lasciano liberi i parametri di cambiare nei due gruppi

I due modelli vengono confrontati. Se la differenza tra l'adattamento dei due modelli è statisticamente significativa, c'è DIF

Di fatto, funziona come una regressione lineare, in cui il gruppo di appartenenza viene inserito come predittore

Item Response Theory for beginners

☐ Differential Item Functioning
☐ Lord

Differential Item Functioning

Lord

Lord (1980)

Si stimano i parametri nel gruppo di riferimento e nel gruppo focale e si calcola la differenza.

Se la differenza è statisticamente significativa, c'è DIF tra gli item

Oltre alla significatività, si può ottenere anche un'informazione circa la dimensione dell'effetto della differenza (Delta di Lord):

- < 1.00: DIF trascurabile
- 1.00 < d < 1.5: DIF moderata
- > 1.5: DIF grande

Item Response Theory for beginners

Differential Item Functioning
L'area di Raju

Differential Item Functioning

L'area di Raju

Item Response Theory for beginners

Differential Item Functioning

L'area di Raju

Raju (1988)

Si calcola l'area tra le curve caratteristiche dell'item nel gruppo di riferimento e nel gruppo focale.

Se l'area è uguale a 0, non c'è DIF

Più ci si allontana da 0, maggiore è il DIF