## 算法设计与分析习题

## Phase III: 选择与查找

- 8.2, 8.4, 8.5, 8.6, 8.8, 8.9
- 9.4, 9.6, 9.8, 9.12

 $\mathbb{E}$  1 (不同哈希表的存储效率) 哈希表H在闭哈希 $(closed\text{-}address\ hashing})$ 方法下是一个链表头组成的数组,而在开哈希 $(open\text{-}address\ hashing})$ 方法下是一个关键字的数组。假设一个关键字需要一个单位的存储,而一个链表节点需要两个单位的存储,其中一个存放关键字,另一个存放链表节点的指针。考虑在闭散列下如下的负载因子:0.25,0.5,1.0,2.0。设 $h_C$ 是使用闭哈希时哈希表的大小(即链表头数组初始时有多少空位()。

- 1. 请计算闭哈希表的空间消耗。假设同样的空间用于开散列表,它的负载因子会是多少?
- 2. 假设一个关键字要占据4个单位的存储, 而一个表节点需要5个单位的存储(4个用于关键字, 一个用于指针), 请再次计算上一问中的问题。

**E 2 (平摊分析)** 现在有一个由数组组成的集合,数组i的大小是 $2^{i}$ 。每个数组不是空(没有元素)就是满的(填满元素)。例如. 11 个元素存储在下面的数组里:

 $A0 : [a_1]$ 

 $A1 : [a_2, a_3]$ 

A2 : empty

 $A3 : [a_4, a_5, \cdots, a_{11}]$ 

现在插入一个新的元素,称作 $a_{12}$ 。首先创建一个新的大小为1的数组存放 $a_{12}$ ,现在我们查看A0 是否为空,如果A0为空,那么就令这个新数组成为A0; 如果不为空(如上面的例子),就将这个新数组和A0合并为一个新的数组(在上面的例子中A0就变为 $[a_1,a_{12}]$ ),并且再继续查看A1是否为空,如果A1为空,就令这个新的A0成为A1; 如果不为空,则将其和A1合并,并且继续查看A2,反复执行上述操作。所以,在上面的例子中插入 $a_{12}$ ,我们最终得到的新的数组的集合是:

A0 : empty

A1 : empty

 $A2 : [a_1, a_2, a_3, a_{12}]$ 

 $A3 : [a_4, a_5, \cdots, a_{11}]$ 

现在我们另创建一个新的大小为1的数组的开销是1,合并两个大小分别为m的数组的开销为2m,所以上面的例子所需要的总开销是1+2+4。请用平摊分析的方法分析插入操作的复杂度。

 $\mathbb{E}$  3 使用两个后进先出的栈可以实现一个先进先出的队列。假设有三个操作,push (压栈)、pop (出栈) 和empty (判断是否为空),每个操作的代价都是1。

- 请用上述栈的操作实现一个队列。
- 利用平摊分析法分析你所提算法的时间复杂度。

## Phase II: 排序

- 6.8, 6.9, 6.10, 6.13, 6.15
- 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.6

## Phase I: 准备知识

- 1.1, 1.2, 1.3, 1.5, 1.6, 1.7
- 2.2, 2.3, 2.5, 2.6, 2.7, 2.15, 2.17, 2.18, 2.20
- 3.2, 3.4, 3.5, 3.6, 3.7