

3) Siendo x la covariable y Y la respuesta, el modelo a ajustar es

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i, \quad \varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2)$$

Nota: $Y \sim X$ significa $Y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t)
(Intercept)	273.187	8.378	32.61	<2e-16 ***
Length.of.Membership	63.584	2.275	27.95	<2e-16 ***

 signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Annotations:
 - β_0 points to Estimate of Intercept
 - β_1 points to Estimate of Length.of.Membership
 - "values estimated" points to Estimate column
 - "error standard of the β 's" points to Std. Error column
 - T_0 : value of the test statistic points to t value column
 - "value p of a test" points to Pr(>|t|) column

$\hat{\beta}_0 = 273.187$ y de la columna Estimate
 $\hat{\beta}_1 = 63.584$

$SE(\hat{\beta}_0) = 8.378$ y de la columna Std. Error
 $SE(\hat{\beta}_1) = 2.275$

La columna t value da el estadístico de prueba para los juegos de hipótesis

$$\begin{cases} H_0: \beta_j = 0 \\ H_1: \beta_j \neq 0 \end{cases} \quad j=0,1$$

La última columna da el valor P, $\text{valor-P} = 2P(t_{n-2} > |t_0|)$

4) Ejercicio 4, lectura de la tabla ANOVA

Fuente de Variación	Suma de Cuadrados	Grados de Libertad	Cuadrado Media	F Calculado
Regresión o Modelo	SSR	1	$MSR = \frac{SSR}{1}$	$F_0 = \frac{MSR}{MSE}$
Error o Residual	SSE	$n - 2$	$MSE = \frac{SSE}{n-2}$	
Total	SST	$n - 1$		

```

Analysis of Variance Table

Response: Yearly.Amount.Spent
Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
Length.of.Membership 1 1679972 1679972 781.16 < 2.2e-16 ***
Residuals 398 855943 2151
---
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

```

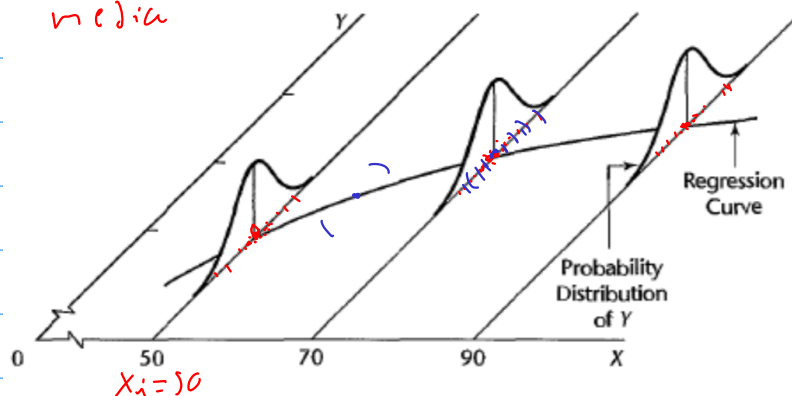
$$S_{ST} = S_{SR} + S_{SE}$$

$$\sum_i (y_i - \bar{y})^2 = \sum_i (\hat{y}_i - \bar{y})^2 + \sum_i (y_i - \hat{y}_i)^2$$

Variación de mis datos

variación de
mis estimaciones
respecto a la
media

que tan lejos está
lo real de lo estimado



$$Y_i | X_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + \epsilon_i$$

$$E[y_i | x_i] = \beta_0 + \beta_1 x_i$$

R^2 / Ambas pruebas permiten llegar a la misma conclusión

R^2 / Ambas pruebas son equivalentes y la relación es que $F_0 = T_0^2$

5) $\hat{\beta}_0$: Cuando una persona está recién inscrita, se estima que en promedio ha gastado anualmente 273.187 USD

$\hat{\beta}_1$: Cuando una persona aumenta su tiempo de suscripción en un mes, se estima que su gasto anual medio incrementa en 63.584 USD

6) $R^2 = \frac{SSR}{SST} = \frac{SSR}{SSR + SSE}$ es la proporción de la variabilidad de la respuesta explicada por la regresión

Un R^2 de 0.6625 significa que la regresión explica aproximadamente el 66.25% de la variabilidad de la respuesta.

7)

Rta media

Obs futura

$$\hat{y}_0 \pm t_{\alpha/2, n-2} \times \sqrt{\hat{\sigma}^2 \left[\frac{1}{n} + \frac{(x_0 - \bar{x})^2}{S_{xx}} \right]}$$

$$\hat{y}_0 \pm t_{\alpha/2, n-2} \times \sqrt{\hat{\sigma}^2 \left[1 + \frac{1}{n} + \frac{(x_0 - \bar{x})^2}{S_{xx}} \right]}$$

¿Cuál es más grande? Obs futura