第一題: 撿豆豆 (Beans)

問題敘述

小蘋與阿谷在玩撿豆豆遊戲,盤面上有一群豆豆,小蘋與阿谷輪流從中拿出若干豆豆, 每次可拿走的顆數是有限制的,直到一方無法再拿走豆豆的人輸,經過猜拳決定,這個遊戲 將由小蘋先執行。

比如說盤面上有五顆豆豆,每次每人一定要拿走2顆或3顆,此時如果小蘋拿走2顆,則阿谷必定拿走3顆,則小蘋因無法再執行任何動作而輸。如果小蘋拿走3顆,則阿谷必定拿走2顆,則小蘋也是輸。所以小蘋必輸無疑。又比如說盤面上有5顆豆豆,每次每人一定要拿走3顆或4顆,此時如果小蘋拿走3顆,盤面上只剩2顆,則阿谷無法再執行任何動作而輸。如果小蘋拿走4顆,盤面上只剩1顆,則阿谷也是輸。所以小蘋必贏無疑。

聰明的小蘋發現,當一個遊戲中沒有隨機成分,且總會終止時,其中一方必定有必勝策略。於是她想要趁遊戲開始之前偷偷吃掉 x 顆豆子 (x 不得超過盤面上的豆子總數),使得由小蘋先執行的時候永遠立於不敗之地。假設小蘋與阿谷都是絕頂聰明,請問她有幾種選擇非負整數 x 的方法呢?

輸入格式

第一行有一個正整數m,表示盤面上有m顆豆豆。第二行有一個正整數n,後面接著n個以空白隔開的正整數 $a_1, a_2, ..., a_n$,代表每次可以拿走的豆豆顆數。

輸出格式

請輸出有幾種方式選擇非負整數 x,使得小蘋可以獲得勝利。

輸入範例 1	輸出範例 1
5	3
2 2 3	

輸入範例 2	輸出範例 2
6	4
2 1 6	

輸入範例 3	輸出範例 3
948794	565273
7 9 48 79 487 879 4879 8794	

輸入範例 4	輸出範例 4
1000000000000000000	761904761904761904
5 3 9 11 13 18	

評分說明

本題共有 4 個子任務,條件限制如下所示。每一個子任務可有一或多筆測試資料,該組 所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	20	$1 \le m \le 1000 \cdot 1 \le n \le 2 \cdot 1 \le a_i \le 10 \circ$
2	35	$1 \le m \le 10^5$, $1 \le n \le 5$, $1 \le a_i \le 10^5$
3	12	$1 \le m \le 10^8 \cdot 1 \le n \le 10 \cdot 1 \le a_i \le 10^8 \circ$
4	33	$1 \le m \le 10^{18} \cdot 1 \le n \le 20 \cdot 1 \le a_i \le 20 \circ$