

蘑菇計數 (mushrooms)

Andrew是一個蘑菇專家,他正在調查原產於新加坡的蘑菇。 在他的研究工作中蒐集了 n 個蘑菇,編號由 0 到 n-1,每一個蘑菇都是以下兩個品種之一,品種A或品種B。

Andrew 知道 0 號蘑菇是A品種,但是因為兩品種的蘑菇外觀看起來相同,他不知道 1 號到 n-1 號蘑菇的品種。

很幸運地,Andrew 在他的實驗室有一台機器可以協助他,要使用這台機器,必須先將兩個或多個蘑菇放在機器排成一列(可以用任意順序),然後將機器開啟。然後,機器會計算有多少對相鄰的蘑菇是屬於不同品種。

例如,如果你放置在機器中的蘑菇品種順序是[A,B,B,A],結果將是2。

可是使用這台機器是非常昂貴的,所以機器使用的次數是有限制的,除此之外,在所有操作中,放入機器中蘑菇數量的總和不可以超過 100~000。 請使用這台機器來幫助Andrew 計算出 A 品種的蘑菇數量。

實作細節

你應實作以下程序:

int count mushrooms(int n)

- n: Andrew所蒐集的蘑菇數量。
- 此程序將被呼叫恰好一次,且應回傳品種A的蘑菇數量。

上述程序可以呼叫以下程序:

int use machine(int[] x)

- x: —個長度 2 到 n 的陣列,描述放入機器的蘑菇編號,依照放入的順序。
- 陣列 x 的成員必須是 0 到 n-1 的相異整數。
- 令 d 是陣列 x 的長度。此程序回傳有多少個相異的駐標(index) j,滿足 $0 \le j \le d-2$ 且蘑菇編號 x[j] 與 x[j+1] 是不同的品種。
- 此程序最多可以被呼叫 20 000 次。
- ullet 所有呼叫 use machine 傳入的 x 陣列長度總和不可以超過 $100\ 000$ 。

範例

範例 1

考慮以下案例,其中有三個蘑菇,品種依序為 [A,B,B]。 程序 count_mushrooms 以下列方式被呼叫:

count mushrooms(3)

此程序可能呼叫 use_machine([0, 1, 2]),在此場景下,此呼叫回傳的結果是 1。它可能接著呼叫 use_machine([2, 1]),這次回傳 0。

此時已經有足夠的資訊結論出只有一個A品種的蘑菇,所以, 程序 ${
m count_mushrooms}$ 應該回傳 ${
m 1}$ 。

範例 2

考慮一個例子中有 4 個蘑菇,品種依序是 [A,B,A,A]。 程序 count_mushrooms 以下列方式被呼叫:

count mushrooms (4)

此程序可能會呼叫 use_machine([0, 2, 1, 3]) 而得到回傳 2,然後它可能呼叫 use machine([1, 2]) 而得到回傳 1。

此時,已經有足夠的資訊結論出有3個品種A的蘑菇,因此程序 count mushrooms 應回傳3。

條件限制

• $2 \le n \le 20\ 000$

計分方式

如果在任何一筆測試資料中,沒有根據以上規則來呼叫程序 use_machine ,或者 count_mushrooms 的回傳值是錯誤的,你的分數將會是 0。否則,假設 Q 是各筆測資中呼叫程序 use_machine 的最多次數,那麼,分數將會依照以下表格來計算:

Condition	Score
$20\ 000 < Q$	0
$10~010 < Q \leq 20~000$	10
$904 < Q \leq 10\ 010$	25
$226 < Q \leq 904$	$rac{226}{Q} \cdot 100$
$Q \leq 226$	100

在某些測試案例中,評分程式的行為是可調整的(adaptive),這意思是,在這些測試案例時,評分程式並沒有一個先固定好的蘑菇品種序列,而評分程式的回傳可能根據你之前所呼叫 use_machine 的狀況而定。然而,評分程式的回答可以保證的是,在每一次的互動之後,一定至少存在一個品種的序列符合目前所有的回答。

範例評分程式

範例評分程式讀取一個整數陣列 s ,該陣列指明蘑菇的品種。 對於 $0 \le i \le n-1$, s[i]=0 代表編號 i 的蘑菇是 A品種,而 s[i]=1 表示編號 i 的蘑菇是 B 品種。 範例評分程式以下列格式讀取輸入:

• line 1: n

• line 2: s[0] s[1] ... s[n-1]

範例評分程式的輸出格式如下:

• line 1: count_mushrooms 的回傳值。

• line 2: 呼叫 use_machine的次數。

請注意,範例評分程式並非可調整式的。