# 第五題: 傳真修復 (fixing)

執行時間: 2 秒

#### 問題描述

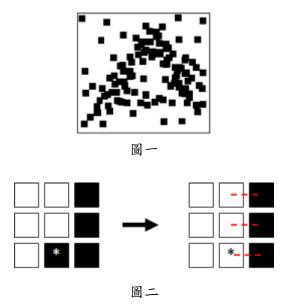
早期人們常用傳真機來傳遞文件,將一文件掃描成圖片(由許多像素構成),每個像素只有兩個可能的數值:0(代表黑色)或1(代表白色)。掃描後的文件常帶有雜訊,原本某些黑色的像素在掃描後卻變成白的,或反之。舉例來說,圖一顯示一個帶有雜訊的掃描文件,從中我們隱約看到了大寫字母 A。

這些雜訊可以透過軟體去除,進而修復傳真文件,這過程是一個最佳化問題。在修復後的文件中,每個像素仍非黑即白,修復的程序要考量兩個面向:

- 1. 我們希望盡量保持原本文件的內容,也就是每個像素能盡量維持原本的數值(黑或白)
- 2. 我們希望能「淨化」文件,也就是在修復結果中鄰近的像素有相同的值。

### 因此,我們定義了兩種修復成本如下:

- 1. 若某像素的數值因修復而改變 (黑變成白或是白變成黑),這個像素的修復成本為 2。舉例來說,圖二的每一個格子代表一個像素,將圖二 (左) 修復為圖二 (右) 的第一種成本為 2,因為其中一個像素的值改變了 (以星號標註)。
- 2. 第二種成本計算在修復後文件中的不連續性,與原始文件無關。在修復後的文件中,若任兩個鄰近的像素(考量上、下、左、右共四個位置)有不同的值(一黑一白),這個組合的成本為1。以圖二為例,第二種修復成本為3,因為在水平及垂直方向共計3組像素變換(以虛線標註)。
- 一個文件的修復成本為以上兩種成本的總和,而一個好的修復方法應該有低的修復成本。請寫 一個程式,輸入一個帶雜訊的掃描文件,計算成本最低的修復方式。因為可能存在多種最低成 本的修復方式,因此,請輸出最低成本即可。注意:圖二為解釋成本的範例,不一定是最佳 解。



### 輸入格式

- 1. 輸入的第一行有兩個正整數  $H(1 \le H \le 30)$  與  $W(1 \le W \le 30)$ ,代表輸入文件掃描成  $H \times W$  個像素。
- 2. 接下來有 H 行,每行有 W 個像素值 (0 或 1)。

## 輸出格式

輸出為一整數,代表最低成本。

| <b>輸入範例一</b> 3 3 1 1 0 1 1 0 1 0 0 | <b>輸出範例一</b><br>4 |
|------------------------------------|-------------------|
| <b>輸入範例二</b><br>1 5<br>0 0 1 0 1   | <b>輸出範例二</b><br>3 |

## 評分說明

本題共有三組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

| 子任務 | 分數 | 額外輸入限制              |
|-----|----|---------------------|
| 1   | 23 | $H \times W < 20$ ° |
| 2   | 38 | <i>H</i> = 1 ∘      |
| 3   | 39 | 無額外限制。              |