2020 年花蓮高中資訊學科能力競賽:第一次模擬測驗

第六題:燒雞 (Chicken)

問題敍述

「欸,中午了,你要吃什麼?」

「呃,我燒雞。」

於是你就出發去買燒雞了。

蓮花城有 N 間燒雞店,互相以一些道路連接著。不過因為某個神聖的時期又即將要到來,蓮花城內的道路紛紛都開始了施工,只留下了最基本的 N-1 條道路連接著所有燒雞店,而且這些燒雞店的生意都非常好,一個人一次只能買固定 a_i 隻燒雞。**請注意** a_i **只會是** 1 **或** 2 。

你知道你的同學是個食量很奇怪但是又很節儉的人,如果他只想要吃 K 隻燒雞就絕對不會付超過 K 隻燒雞的錢,而去幫他買燒雞的你也不想要虧錢,所以你決定把多的燒雞吃掉(X)只買剛好 K 隻燒雞回來(O)。

由於城裡的交通極為不便,你希望**購買燒雞的店都在同一條簡單路徑上且連續**。多了這項限制後,你發現你一次能買到的燒雞數量的種類就大大減少了!為了能夠隨時應付同學的要求,你想知道在所有**無法**符合限制的「購買燒雞數量」之中,最小值是多少?

為了避免有人不清楚題意,這邊使用正常的語言再說一次:給你一棵 N 個點的樹,每個點都有點權 a_i ,請找出最小的正整數 K 使圖中不存在一條簡單路徑(不包含重複的點的路徑)的權值和為 K。

輸入格式

第一行給定一個正整數 N,代表蓮花城裡的燒雞店數量。

第二行給定 N 個正整數 $a_1 \sim a_N$,代表第 i 間燒雞店一次能買的燒雞數量。

接下來的 N-1 行,每行給定兩個正整數 u_i , v_i ,代表第 i 條道路連接了編號 u_i 跟編號 v_i 的燒雞店。

輸出格式

輸出一個正整數,表示在所有無法符合限制的「購買燒雞數量」之中的最小值。

測資限制

- $1 < N < 3 \times 10^5 \circ$
- $1 \le a_i \le 2$ °
- $1 \leq u_i < v_i \leq N \circ$

2020年花蓮高中資訊學科能力競賽:第一次模擬測驗

• 輸入是一棵樹。

輸入範例1

5 1 2 2 1 2

1 2

2 3

3 4

4 5

輸出範例1

9

輸入範例 2

5 2 2 2 1 2

1 2

2 3

3 4

4 5

輸出範例2

8

輸入範例3

8 1 2 2 2 1 1 2 2

1 4

4 8

3 4

2 5

5 7

1 6

1 5

2020年花蓮高中資訊學科能力競賽:第一次模擬測驗

輸出範例3

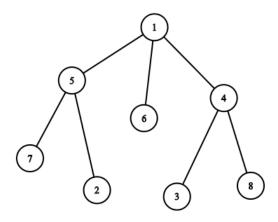
7

範例解釋

範例 1 中,從 1 隻燒雞到 8 隻燒雞都是可以達成的。舉例來說,選擇路徑 (1) 購買的燒雞數量是 1;路徑 $(1 \to 2 \to 3)$ 購買的燒雞數量是 5;路徑 $(1 \to 2 \to 3 \to 4 \to 5)$ 購買的燒雞數量是 8。顯然 9 隻是不可能的,因為所有燒雞店加起來也只能買 8 隻而已。

範例 2 中,從 1 隻燒雞到 7 隻燒雞都是可以達成的,而 8 隻是不可能的。

範例 3 的測資如下圖所示,其中一種買到 6 隻燒雞的走法是 $(2 \rightarrow 5 \rightarrow 1 \rightarrow 4)$ 。



評分説明

本題共有4組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有 測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	11	$N \leq 2000$ °
2	29	城市的樣子為一條鏈(對所有 $1 \le i < N$, $u_i = i$, $v_i = i + 1$)。
3	7	$a_1=1$, $a_2=a_3=\cdots=a_N=2$ \circ
4	53	無額外限制。