2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第四次模擬測驗

第一題:ID 數量計算器 (Counter)



問題敍述

有一線上遊戲的設計者,在為他的遊戲設計玩家用的 ID。這個遊戲當中的 ID 都是以 k 進位制整數來表示的。他在設計 ID 的時候有一個規則:就是將這個 ID 表示成不含前導零的 k 進位制整數時,所有的位數中至少要有一位重複的數字。而每個伺服器的 ID 都必須介於一下界 L 及一上界 H 之間 (即 $L \le ID \le H$),於是他想先經由計算知道一個伺服器最多可以有幾個 ID 可用,請你幫他算出這個數量,即幫助他尋找伺服器允許的範圍中,有多少數字的 k 進位制表示法包含 2 個以上相同的位數。

以 k=10 進位制來說,如果 $L=(23)_{10}$ 、 $H=(46)_{10}$,則因為 $(23)_{10}$ 到 $(46)_{10}$ 之間有 $(33)_{10}$ 和 $(44)_{10}$ 這兩個正整數符合條件,故輸出為 2。又如以 k=8 進位制來說,如果 $L=(77)_8$ 、 $H=(101)_8$,則因為 $(77)_8$ 到 $(101)_8$ 之間有 $(77)_8$ 、 $(100)_8$ 、以及 $(101)_8$ 這三個正整數符合條件,故輸出為 3。

噢對了,由於符合條件的 ID 很多,因此你只要**以 10 進位制**輸出滿足條件的 ID 數量除以 $10^{15}+37$ 的餘數即可。

輸入格式

輸入的第一列有三個正整數 k, n_L, n_H ,兩數字間以一個空白隔開。

第二列有 n_L 個以空白隔開的整數 a_{n_L-1},\ldots,a_1,a_0 ,代表給定 L 值之 k 進位制表達式 $L=(a_{n_L-1}\cdots a_1a_0)_k$ 。

第三列有 n_H 個以空白隔開的整數 b_{n_H-1},\ldots,b_1,b_0 ,代表給定 H 值之 k 進位制表達式 $H=(b_{n_H-1}\cdots b_1b_0)_k$ 。

輸出格式

請輸出滿足條件的 ID 數量除以 $10^{15} + 37$ 的餘數(以 10 進位表示之)即可。

測資限制

- $2 < k < 5000 \circ$
- $1 < n_L < n_H < 100000 \circ$
- 對於所有的 $0 \le i < n_L 1$, 皆有 $0 \le a_i < k$ 。
- $1 \le a_{n_1-1} < k \circ$
- 對於所有的 $0 \le i < n_H 1$, 皆有 $0 \le b_i < k$ 。
- $1 \le b_{n_H-1} < k \circ$

2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第四次模擬測驗



輸入範例1

10 2 2

2 3

4 6

輸出範例1

2

輸入範例 2

8 2 3

7 7

1 0 1

輸出範例2

3

評分説明

本題共有4組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	11	$k=10$, $n_L \le n_H \le 9$ \circ
2	23	$2 \le k \le 16$, $n_L \le n_H \le 16$
3	29	$2 \le k \le 1000$, $n_L \le n_H \le 1000$
4	37	無額外限制。