2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第三次模擬測驗

# 第一題:面板亮點 (Pixel) [此題為 Output Only]



### 問題敍述

「能力」有限公司是一家製作超大面板的公司,他們生產面板的尺寸為高n個像素、寬n個像素,但是在面板上的其中k個像素是亮點,無法正確顯示該像素顏色。由於下游廠商希望面板上沒有亮點,能力公司打算根據面板上面的亮點分布來裁切面板,以滿足下游廠商的需求:每一片面板從原本高n個像素、寬n 個像素,裁切成若干個大小不一的正方形面板,而且上頭沒有任何亮點。

為了避免浪費材料,小明已經用**粉筆**在板子上描繪出了 m 個正方形,正方形的每一個邊都 與原本面板的邊平行或垂直。這些正方形彼此不重疊,而且剛好涵蓋了所有非亮點的像素。此 外,小明也在每一個描繪出的正方形範圍內,選取一個像素,使用**麥克筆**在背後做標記並且寫 上編號,以便裁切後識別使用。

可惜的是,一晚狂風暴雨之後,小明在面板上描繪的m個正方形輪廓通通消失了。只剩下用來標記的m個像素點。小明發現粉筆痕跡通通消失了以後,腦中不斷驚恐地想著生氣的上司可能會脫口而出的台詞:「不准浪費太多面板!不然等一下裁面板的時候連你一起裁掉好了。」

為了避免小明從能力有限公司被迫離開,加入另一間「人生有限公司」,或是「抄能力有限公司」,請你幫幫小明在儘量不浪費面板的情況下,切出 m 個不重疊的正方形面板,使得每一塊切出來的面板背後恰有一個標記,而且被浪費掉的面板越少越好。裁切的方式和原本相同,即切出的正方形每邊都必須與原本面板的邊平行或垂直。

本題為一 output only 的任務,並且會部分給分。你將會拿到 10 個輸入檔,說明每一個超大面板的狀況。對於每一個輸入檔,你應該繳交一個輸出檔,該檔案描述一組裁切方式。對於一個正確的面板裁切方案,你的成績將依照面板的總面積做相應的評分。

## 輸入格式

每一個輸入檔之格式如下:

輸入的第一列有三個正整數 n, k, m,以一個空白隔開。

接下來有k列,每一列有兩個正整數 $x_i, y_i$ ,代表亮點座標。

接下來有m列,每一列有兩個正整數 $p_i, q_i$ ,代表第i個正方形區域中,小明做標記的像素座標。

# Taiwan & Tai

## 輸出格式

每一個輸出檔必須遵循以下格式:

輸入的第一列包含一個正整數 m。

接下來有m列,每一列有三個正整數 $a_i,b_i,s$ ,代表第i個正方形範圍內的最小X座標與最小Y座標、且正方形之邊長為s。正整數之間以一個空白隔開。

### 測資限制

- $5 \le n \le 10^5$  °
- $0 \le k \le \min(3 \times 10^5, n^2)$  °
- $1 \le m \le \min(10^5, n^2)$  •
- $1 \leq x_i, y_i, p_i, q_i, a_i, b_i \leq n \circ$
- 所有單一輸入檔內提及之像素座標皆不相同。
- 所有輸入保證存在一種裁切正方形的方式,涵蓋了所有非亮點像素。

# 輸入範例1

5 0 1

2 3

## 輸出範例1

1

1 1 5

# 輸入範例 2

5 6 5

1 4

1 5

2 1

2 4

2 5

5 4

1 1

2 2

3 3



45

# 輸出範例2

5

1 1 1

1 2 2

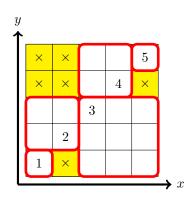
3 1 3

3 4 2

5 5 1

# 範例2的説明

如下圖所示, 黄底打叉處代表亮點像素的位置。而編號處代表了小明做上標記的位置。此外, 所有切出來的正方形的面板(由紅色圓角框線表示之)剛好不重疊地用完非亮點部分的面板。



2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第三次模擬測驗



### 評分説明

- 一個被視為「合法」的輸出檔,必須滿足以下所有條件:
- 輸出的正方形數量必須恰好有 m 個。
- 輸出的第 i 個正方形,必須包含第 i 個編號點。
- 輸出所有正方形內不得出現亮點。
- 輸出的所有正方形中,任兩個正方形的交集面積為0。

對於每一個合法的輸出檔,你最高可以得到 10 分。令  $D = n^2 - k$ ,即最大可涵蓋的正方形面積。若你輸出的正方形面積總和等於 area,那麼你將根據以下規則得分:

- 若 area < D/2 , 得 0 分。

其中 S 是一個隨著測試資料有不同數值的得分參數,詳見下表。本題共有 10 個測試資料檔案,條件限制如下所示。

測試資料	分數	S	n	k	m	額外輸入說明
1	10	3	20	18	42	所有輸入座標 $(x,y)$ 皆滿足 $\min(x,y) \le 11$ 。
2	10	3	50	41	100	所有輸入座標 $(x,y)$ 皆滿足 $\min(x,y) \le 21$ 。
3	10	3	500	409	1212	所有輸入座標 $(x,y)$ 皆滿足 $\min(x,y) \le 21$ 。
4	10	3	500	0	2871	所有輸入座標 $(x,y)$ 皆滿足 $\min(x,y) \le 21$ 。
5	10	6	20	137	7	所有標記的像素座標 $(p_i, q_i)$ 皆滿足 $p_i = q_i$ 。
6	10	6	100	2418	65	所有標記的像素座標 $(p_i, q_i)$ 皆滿足 $p_i = q_i$ 。
7	10	6	500	106492	141	所有標記的像素座標 $(p_i, q_i)$ 皆滿足 $p_i = q_i$ 。
8	10	9	88572	0	99997	無其他限制。
9	10	9	99840	5800	90936	無其他限制。
10	10	9	71760	0	99996	無其他限制。