第三題:分群問題 (Partition)

問題敘述

假設我們有 n 顆看起來一樣的球要進行分群,那麼球上是否有編號將會影響到分群的結果。舉例來說,假設我們有 3 顆沒有編號的球,那麼分群的方法共有三種,分別是:(1)每顆球獨自一群;(2)其中一群有兩顆球,另一群則是一顆球;(3)三顆球都在同一群。如果這 3 顆球分別編號為 $1 \cdot 2 \cdot 3$,並且以{}表示分在同一群,那麼分群的方法將會有以下五種:(1) {1}, {2}, {3}; (2) {1}, {2, 3}; (3) {2}, {1, 3}; (4) {3}, {1, 2}; (5) {1, 2, 3}。請注意:{1}, {2, 3}、{1}, {3,2}、{2, 3}, {1} \ {3,2}, {1} 這四種表示法都視為是同一種分群,因為這四種其實都代表著 1 號球自己一群,2, 3 號球在另一群。

有的時候我們會想要在分群的時候加上一些條件限制:例如已經知道部分的分群狀況了,想要知道還有幾種分群的方法滿足這樣的分群狀況。如果是沒有編號的球,我們已知的訊息可能是:其中的k群,它們的球數分別是 a_1,a_2,\cdots,a_k 。如果是有編號的球,我們已知的訊息可能是:其中的k顆球 b_1,b_2,\cdots,b_k ,任兩顆球都分屬於不同的群。

給定 n 顆看起來一樣的球、它們是否有編號、以及上述條件。請你寫一個程式來判斷分 群的方法到底有幾種。

輸入格式

輸入的第一行有一個大寫字母 U 或 N,表示球有沒有編號 (U:沒有、N:有);接著會有兩個數字 n,k,表示總球數以及條件中的 k 值。第二行有 k 個數字,對應題目敘述的條件內容。

輸出格式

對於每一筆測試資料,請輸出分群的方法種數除以 109+7 的餘數。

輸入範例 1	輸出範例 1
U 3 1	1
2	

輸入範例 2	輸出範例 2
U 10 2	7
2 3	

2017年國際資訊奧林匹亞研習營:第二次模擬測驗

輸入範例 3	輸出範例 3
N 3 0	5

輸入範例 4	輸出範例 4
N 10 4	29371
1 2 3 4	

評分說明

本題共有 4 組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有 測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	18	球沒有編號, $1 \le n \le 20$, $0 \le k \le 1$
2	20	球有編號, $1 \le n \le 15$, $0 \le k \le 1$
3	21	$1 \le n \le 100 \cdot 0 \le k \le 1$
4	41	$1 \le n \le 5000 \cdot 0 \le k \le n$