2020年花蓮高中資訊學科能力競賽:第二次模擬測驗

第五題:小天使 (Angel)

問題敍述



pixiv id: 79988645

小 A 参加了一場「小天使與小主人」的活動,他抽到的小主人是小 B,所以現在他每天都在尋找小 B 有沒有什麼需要幫忙的事。

小A發現小B最近常常會去圖書館對著一些書本發呆,似乎在煩惱些什麼的樣子。經過一番打聽,小A終於知道了小B的心事:小B是個圖書管理員,他想把這些書按照出版時間由小到大排好,但是圖書館的書實在太多了!再加上小B的力氣只夠讓他一次拿起相鄰的兩本書並交換位置,於是身為小天使的小A決定要偷偷幫小B一個小忙。

小 A 偷偷的在晚上潛進了圖書館,他悄悄的從書架上隨便拿了兩本書,並把他們的位置交換再放回去。小 A 希望他可以盡量的幫到小 B,讓小 B 不需要交換那麼多次,所以小 A 來拜託了身為演算法大師的你,希望你可以告訴他在**最理想**的情況下,交換完兩本書之後小 B **最少**還需要交換幾次才能把所有書整理好,以及有幾種交換兩本書的方法可以讓小 B 可以以最省力的方法整理完所有書?

不過,因為當時圖書館一片漆黑,而小 A 只是隨便的從架子上拿兩本書交換而已,小 A 有可能反而做出對小 B 不利的舉動喔!

輸入格式

第一行給定一個正整數 N,代表書架上總共有幾本書。

第二行給定 N 個正整數 $a_1 \sim a_N$,代表每一本書的出版年份。

2020年花蓮高中資訊學科能力競賽:第二次模擬測驗

輸出格式

輸出兩個整數並以空白隔開。

第一個整數 inv 代表在交換任兩本書的情況下小 B 最少的交換次數;

第二個整數 cnt 代表小 A 有幾種交換兩本書 (i,j) (i < j) 的方法使小 B 需要交換 inv 次才能將所有書整理好。

測資限制

- $2 \le N \le 7000$ °
- $1 \le a_i \le 10^9 \circ$

輸入範例1

5 6 1 9 4 7

輸出範例1

3 4

輸入範例 2

5 1 2 3 4 5

輸出範例2

1 4

輸入範例3

8 1 2 2 2 1 1 2 2

輸出範例3

2 1

2020年花蓮高中資訊學科能力競賽:第二次模擬測驗

範例解釋

範例 1 中,交換 a_1 跟 a_2 、交換 a_1 跟 a_4 、交換 a_3 跟 a_4 以及交換 a_3 跟 a_5 都可以讓小 B 只需要再交換 3 次,是最省力的方法。

範例 2 中,雖然小 A 不需要再交換任何書本,但是由於小 A 不知道這件事,還是交換了某兩本書的位置,所以小 B 最少還是需要交換 1 次來將整理好(假設小 A 交換了 a_1 和 a_2)。

範例 3 中,小 A 可以交換 a_2 跟 a_6 ,此時小 B 還需要交換 2 次。

評分説明

本題共有4組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有 測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	11	$N \leq 80 \circ$
2	48	$N \leq 1000$ °
3	20	$1 \le a_i \le 2 \circ$
4	21	無額外限制。