第一題:推銷員的旅行 (Travel)

問題敘述

TOI 王國有n 個城市,編號為0,1,...,n-1。TOI 王國有史上最完整的鐵道系統:對於任何相異城市i 以及j,都有一條從城市i 直達城市j 的(單向)列車班次。TOI 王國也有著史上複雜的鐵路計價系統,由於每一年計價規則一直在更新,所以不曉得從哪一年開始,鐵路局決定把所有的計價規則整理成以下兩種形式之一:

(Type 1)「若起點城市的編號 $\leq i$ 、終點城市編號 $\geq j$,那麼票價會加收 k 元」

(Type 2)「若起點城市的編號 $\geq i$ 、終點城市編號 $\leq j$,那麼票價會加收 k 元」

而從編號i的城市直達編號j城市班次的票價,就會等於所有滿足計價規則的k值總和 (請參考輸入範例1)。今有鮑伯欲從編號為0的城市開始搭火車旅行,途中必須經過城市1, 2, ..., n-1恰好各一次,再回到城市0。給你所有的計價規則,請你幫鮑伯找出總票價最便宜的旅行路線。

輸入格式

輸入的第一列有三個非負整數 n, m_1 , m_2 , 分別代表城市的數量、第一種計價規則與第二種計價規則的數目。接下來的 m_1+m_2 列,每一列有三個非負整數 i, j, k。前 m_1 列對應到第一種計價規則、而後 m_2 列則對應到第二種計價規則。輸入保證 $0 \le i$, $j \le n-1$,而且 $1 \le k \le 1,000$ 。

輸出格式

請輸出最便宜的旅行總票價。

輸入範例 1	輸出範例 1
4 2 3	7
0 3 2	
1 1 1	
2 2 4	
3 1 2	
3 0 1	

輸入範例1的票價整理如下:

	0	1	2	3
0		1	1	3
1	0		1	1
2	4	4		0
3	7	6	4	

2018 年國際資訊奧林匹亞研習營:第二次模擬測驗

輸入範例 2	輸出範例 2
4 0 1	8
0 3 2	

輸入範例 3	輸出範例 3
6 3 3	6
0 1 1	
1 2 1	
2 3 1	
1 0 1	
2 1 1	
3 2 1	

評分說明

本題共有 5 組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有 測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	11	$1 \le n \le 8 , 0 \le m_1, m_2 \le 100 $
2	32	$1 \le n \le 18 \cdot 0 \le m_1, m_2 \le 500 \circ$
3	28	$1 \le n \le 200 \cdot 0 \le m_1, m_2 \le 1,000 \circ$
4	26	$1 \le n \le 5,000 \cdot 0 \le m_1, m_2 \le 100,000 \circ$
5	3	$1 \le n \le 1,000,000$, $0 \le m_1, m_2 \le 100,000$ 且保證計算後票價對稱:城市 i 到城市 j 的票價等於城市 j 到城市 i 的票價。