第一題:GPS 即時汽車導航 (Navigation)

問題敘述

自 2000 年以來,全球定位系統(GPS)已經全面解禁,任何人只要擁有相關裝置,便可以 精確地知道自己的所在位置。

而這一項技術也常常使用於汽車路線導航上,然而,由於許多現實的因素,例如:道路施工、 駕駛人的路線選擇習慣、不小心開錯路等等,使得汽車導航的路線規劃系統必須重新計算。 在使用者體驗方面,若重新計算後的路線造成抵達的時間大量延後,會讓駕駛人對該導航軟 體失去信心。因此,我們想要衡量駕駛可能「開錯路」的情況。

為了簡化問題,在本題之中,我們假定輸入的地圖是一個充滿了雙向道路的無向圖,該無向圖上的節點代表著路口,每一條邊表示連接兩個路口的道路。這個地圖總共有N個路口,路口的編號為1到n。每一條邊可以用三個數字表示u,v,t:表示從路口u行駛到路口v(或從路口v行駛到路口u)的這條道路恰好需要t分鐘。

導航系統是這樣運作的:在駕駛抵達路口 i 的時候,若尚未抵達目的地,導航系統會自動選出下一條應走的道路,即(假設接下來都照導航指示行動時)能在最短時間內抵達目的地的道路。若有多條道路都滿足此條件,那麼導航系統會在其中選出「另一端路口編號最小的那條道路」。

我們假定一位粗心的駕駛,在一次導航的路途中,只有在路口時有可能會選錯道路 (即該駕駛不會在道路中間中途折返,一旦選定要走的路以後就會直直開下去)。請你幫導航系統計算,給定導航的起點與終點,在駕駛可能「錯過不超過 K 次導航的指示」的最壞情形下,抵達終點所需要的總行駛時間。

輸入格式

每筆測試資料的第一行有 5 個數字,代表地圖的節點數 n、邊數 m、起始點編號、終點編號與駕駛的粗心次數 K,接著有 m 行,每一行有三個數字 u、v、t,表示從 u 點到 v 點需要 t 分鐘(反之亦然)。任何兩個路口至多只有一條道路直接連結他們。輸入保證 $1 \le t \le 1,000,000,000$ 。

輸入的圖保證為連通圖,亦即不會有到不了終點的情況。

輸出格式

對於每一筆測試資料,輸出題目要求最壞情形下的總行駛時間。

輸入範例 1	輸出範例 1
6 6 1 4 0	30
1 2 10	
2 3 10	
3 4 10	
5 4 20	
6 5 10	
1 6 10	

輸入範例 2	輸出範例 2
6 6 1 4 1	50
1 2 10	
2 3 10	
3 4 10	
5 4 20	
6 5 10	
1 6 10	

輸入範例 3	輸出範例 3
6 6 1 4 2	70
1 2 10	
2 3 10	
3 4 10	
5 4 20	
6 5 10	
1 6 10	

評分說明

本題共有 5 個子任務,條件限制如下所示。每一子任務含有多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	8	$1 \le n \le 10 \cdot 1 \le m \le 55 \cdot 0 \le K \le 10 \circ$
2	19	$1 \le n \le 200 \cdot 1 \le m \le 20,000 \cdot K = 0 \circ$
3	12	$1 \le n \le 10 \cdot 1 \le m \le 55 \cdot 0 \le K \le 1,000,000 \circ$
4	29	$1 \le n \le 200 \cdot 1 \le m \le 20,000 \cdot 0 \le K \le 100 \circ$
5	32	$1 \le n \le 200 \cdot 1 \le m \le 20,000 \cdot 0 \le K \le 1,000,000,000 \circ$