2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第四次模擬測驗

第四題:咳嗽問題 (Coughing)



問題敍述

當今有一種很令人感冒的感冒病毒,當病毒量在人體內累積到達一定程度的時候,就會引起咳嗽。但根據每一個人體質的不同,引起咳嗽時所需要的病毒量,也就是**咳嗽閾值**都不盡相同。一但某個人體內病毒量大於或等於他的咳嗽閾值,這個人就會開始咳嗽,並且他會將病毒散播給鄰居。

值得注意的是,假若此人有 d_i 個鄰居,則他的咳嗽閾值恰好也為 d_i 。這個人在咳完嗽以後,體內的病毒量會減少恰好 d_i 單位,而且每一位鄰居的體內病毒量都會因此而 +1。這個人會重複咳嗽,直到他體內的病毒減少至小於 d_i 為止。

踢歐埃村莊是一個祥和平靜的村莊,裡頭住著n個人,編號為 $1,2,\ldots,n$ 。人與人之間的鄰居關係說密切沒那麼密切,說疏遠倒也都還相互聯絡得到。更具體地說,人與人之間的關係形成了一個**樹狀結構**:對於任意的居民i,他若想要到居民j的家玩,不重複地經過鄰居家的拜訪路線總是唯一的。

現在給你這樣一個樹狀結構。已知現在整個村莊裡只有編號為 1 的人身上帶有病毒量 k < n-1。在這種情況下,數學家幫我們證明了最後病毒一定會散播到某些人身上,而且大家 都不會咳嗽。此外,無論大家咳嗽的順序如何,在大家停止咳嗽的時候,每一個人身上的病毒量只有一種可能性。

請你寫一支程式,模擬病毒在村莊內傳播的情形,輸出最終每一位居民體內的病毒量。

輸入説明

輸入的第一列包含兩個整數 n,k,以一個空白隔開。

接下來的n-1列描述居民與居民之間的鄰居關係。第i列有兩個正整數 a_i,b_i ,代表編號為 a_i 的居民與編號為 b_i 的居民互相為鄰居關係。

輸出説明

請輸出 n 個整數,依序代表每一個人在最終病毒停止傳播時,體內的病毒量。

測資限制

- $2 < n < 10^5 \circ$
- 0 < k < n 1 °
- 對於所有 $1 \le i \le n-1$ 皆有 $1 \le a_i, b_i \le n$ 而且 $a_i \ne b_i$ 。

2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第四次模擬測驗



輸入範例

10 6

2 1

3 1

4 1

5 4

6 2

7 3

8 4

9 6

10 7

輸出範例

2002011000

評分説明

本題共有4組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

分數	額外輸入限制
8	$n \leq 500 \circ$
12	人與人之間的鄰居關係形成一條鏈。
61	$n \leq 5000 \circ$
19	無額外限制。
	8 12 61

備註

請大家勤洗手、戴口罩,降低散播或感染病毒的風險唷!