2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第三次模擬測驗

第三題:機器人的路徑規劃 (Planning)



問題敍述

踢歐埃共和國的首都是由 n 條水平街道與 m 條垂直街道構成。這些街道的寬度都不盡相同,此外,街道與街道之間會形成大樓林立的**街區**。如果我們把這些街道放在一個二維平面上,你會發現第 i 條水平街道可以描述成兩條水平線 $y=y_{2i-1}$ 與 $y=y_{2i}$ 之間的條狀區域;而第 j 條垂直街道可以描述成兩條垂直線 $x=x_{2j-1}$ 與 $x=x_{2j}$ 之間的條狀區域。夾在相鄰的兩條水平街道與相鄰兩條垂直之間,是為一個街區,充滿了建築物。

在踢歐埃共和國政府宵夜採購部門擔任超級外送員的你,現在想要從某條街道上的某一點 (S_x, S_y) 移動到某一條街道上的另一點 (T_x, T_y) 。你可以在街道範圍中暢行無阻、也可以沿著街區的邊緣移動,但是你不能進入街區的內部。請計算起點到目標點的最短路徑長度。

輸入格式

第一列有兩個正整數 n, m。

第二列有 2n 個整數 y_1, y_2, \ldots, y_{2n} 。

第三列有 2m 個整數 x_1, x_2, \ldots, x_{2m} 。

第四列有一個正整數 q,代表欲查詢的路徑數量。接下來的 q 列,每一列有四個整數 S_x, S_y, T_x, T_y 。

輸出格式

請輸出 q 列。對於每一個詢問,請輸出一個實數 d,代表該詢問所對應之最短路徑長度。

你的輸出必須與實際值之絕對或相對誤差,不超過 10^{-6} 才算回答正確。也就是說,如果你的輸出值為 $d_{\text{輸出}}$,實際的答案為 $d_{\text{答案}}$,那麼只要滿足

$$\min\left(|d_{\text{min}} - d_{\text{SE}}|, \frac{|d_{\text{min}} - d_{\text{SE}}|}{d_{\text{SE}}}\right) \le 10^{-6}$$

就算回答正確。

測資限制

- 2 < n, m < 40 °
- $-10^5 \le y_1 < y_2 < \ldots < y_{2n} \le 10^5 \circ$
- $-10^5 \le x_1 \le x_2 \le \ldots \le x_{2m} \le 10^5 \circ$
- $1 \le q \le 20 \circ$

2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第三次模擬測驗



- $x_1 \leq S_x, T_x \leq x_{2m} \circ$
- $y_1 \leq S_y, T_y \leq y_{2n}$ °
- 輸入之 (S_x, T_x) 與 (S_y, T_y) 保證都在某條街道上或是街道邊緣。

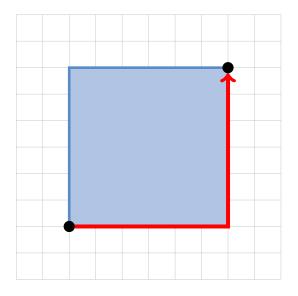
輸入範例1

2 2 -5 -3 3 5 -5 -3 3 5 1 -3 -3 3 3

輸出範例1

12.000000000

範例1的説明



輸入範例2

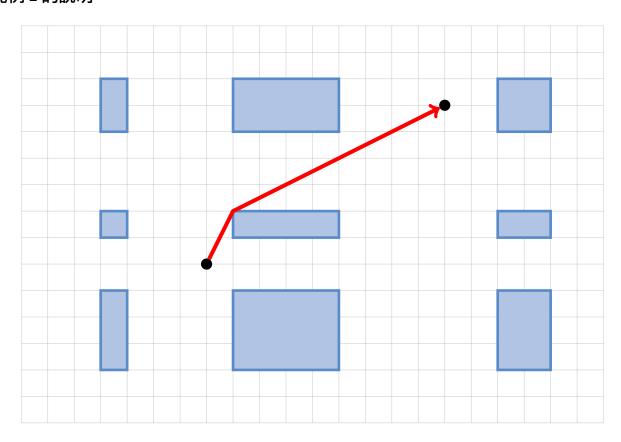
4 4 0 2 5 7 8 11 13 15 0 3 4 8 12 18 20 22 1 7 6 16 12 2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第三次模擬測驗

Taiwan of Taiwan

輸出範例2

9.164271208

範例2的説明



評分説明

本題共有5組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	10	$n, m \le 8$ 且 $q \le 5$ 。起點和終點都在街區角落。
2	16	$n, m \le 23$ 且 $q \le 5$ 。 起點和終點都在街區角落。
3	20	$n, m \leq 23 \perp q \leq 5$ °
4	26	$n, m \leq 23$ °
5	28	無額外限制。