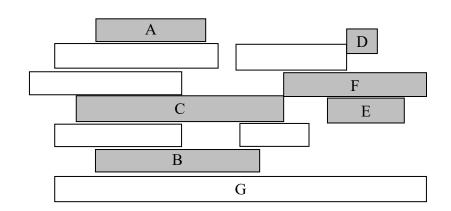
第二題:巨石之塔 (Utower)

問題敘述

一個考古隊在某地發現了很多巨石,故老相傳這些巨石是古時候高塔傾倒所遺留,考古 隊想要根據這些巨石的資料來估計當初高塔可能的高度,目前已知的線索包括:

- 1. 每一個巨石都是長方體,厚度不需要考慮,而高度都是一單位。但巨石的水平位置座標是最重要的線索。
- 2. 高塔是由巨石堆疊而成,一座高塔的每一層只有一塊巨石,而且上方的巨石的水平範圍必定不會超出於下方的巨石的水平範圍。也就是說,假設下方巨石的範圍是[x,y],而上方是[s,t],那麼必定 $x \le s < t \le y$ 。
- 3. 在高塔傾倒時,每一塊巨石的水平位置都沒有變動,但垂直位置的上下次序則是混亂的;此外,有很多不屬於高塔的巨石因為不明原因也參雜在其中。
- 4. <u>高塔可能有一座或是兩座</u>。如果是兩座,它們最下方的巨石是在同一條直線上而且位置沒有重疊,也就是說,「左邊高塔最右端的座標」必定小於或等於「右邊高塔最左端的座標」。

考古隊已經將現場所有巨石的水平位置座標蒐集好,請你幫忙計算一座高塔或是兩座高塔的最大可能總和高度。也就是說,如果一座高塔的最大可能高度是 H_a ,而組成兩座高塔的最大總和高度是 $H_{b1}+H_{b2}$,則需要輸出 $\max\{H_a,H_{b1}+H_{b2}\}$ 。



因為不需要考慮厚度與高度,每塊巨石可以看成一個線段,端點座標是巨石原本的水平位置。以上面圖示的例子來說,有12塊巨石,詳細座標資料如範例一。其中灰色的6塊可以組成兩座高塔,左邊高塔由左邊三塊灰色巨石組成,由上而下是A,B與C,塔高是3。右邊高塔由右邊三塊灰色巨石組成,由上而下是D,E與F,塔高3。兩座高塔總和為6,這個組

2018年國際資訊奧林匹亞研習營:第一次模擬測驗

合是所有可能組合的最大值。請注意,這個例子「左邊高塔的最右端」與「右邊高塔的最左端」是相等的(C的右端點等於F的左端點),這是允許的。而且左方A可以在B之上,即使它們的左端點是一樣的。

這個例子中,如果只有一座高塔,那麼最下方的巨石 G 可以放在左方高塔之下,組成高度 4 的高塔 (A,B,C,G),但是右邊就不能有高塔了,因為如果是兩座,它們的水平位置不可以重疊。另外一個最大高度的高塔是 (D,E,F,G),高度也是 4,因此,一座高塔的最大可能高度是 4,而兩座高塔的最大可能高度總和是 3+3=6,依照題目的要求應該輸出 6。

輸入格式

輸入第一列為一個正整數 N,代表巨石的數量。接著有 N 列,每列有兩個非負整數,依序代表第i塊巨石的左右端點座標 s[i]與 t[i],其中 $0 \le s[i] < t[i] \le 10^9$ 。

輸出格式

輸出為一整數,一座高塔或是兩座高塔的最大可能總和高度。

輸入範例 1	輸出範例 1
12	6
3 7	
1 8	
0 6	
2 11	
1 6	
3 10	
1 17	
9 12	
9 14	
11 17	
13 16	
14 15	

輸入範例 2	輸出範例 2
1	1
3 4	

輸入範例 3	輸出範例 3
3	3
1 2	
1 3	
1 4	

2018年國際資訊奧林匹亞研習營:第一次模擬測驗

評分說明

本題共有 5 個子任務,條件限制如下所示。每一子任務含有多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	11	$1 \le N \le 100$,組成最大高度的必定是一座高塔。
2	15	$1 \le N \le 20,000$,組成最大高度的必定是一座高塔。
3	17	$1 \le N \le 3,000$ °
4	23	$1 \le N \le 20,000$ °
5	34	$1 \le N \le 100,000$ °