

第一題:無線網路 (Wifi)

問題敘述

彼得在一家提供無線網路的公司服務,最近碰到一個難題如下。

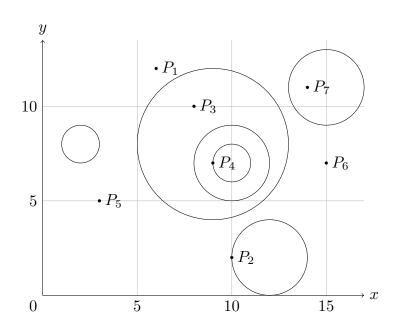
給定一組圓表示各個基地台的訊號範圍,這些圓兩兩之間的關係僅有兩種:完全包含或互相不重疊。 無論是哪種關係,兩個圓周都不會有交點。再給定一群用戶的位置,並定義一位用戶可以連接到一個 基地台,若且唯若這位用戶在這個基地台的訊號範圍內或邊界上。另外,每個基地台會配給每位連接 到它的用戶一個固定的流量。每位用戶在同一個基地台拿到的流量是相同的,同一位用戶在不同基地 台拿到的流量可能不同。一位用戶若從多個基地台拿到流量,那他可以使用的總流量是這些流量的和。

彼得想知道下面這些指標:

1. 覆蓋數:有多少用戶可以連接到至少一個基地台。

2. 最大流量: 這群用戶中單一用戶拿到最多的總流量是多少。

3. 系統負載:每位用戶拿到的總流量的總和。



以上圖為例(同範例測試),每個圓代表一個基地台,每個點(P_1, P_2, \ldots, P_7)代表一位用戶,每個基地台給每個連接的用戶 1 單位流量。這個例子的覆蓋數為 4, P_2, P_3, P_4, P_7 可以連到至少一個基地台;最大流量為 3, P_4 從 3 個基地台各拿到 1 單位;系統負載為 6, P_4 有 3 單位, P_2, P_3, P_7 各有 1 單位。



輸入格式

輸入的第一列有兩個正整數 n 和 m,分別代表基地台和用戶的個數。接下來有 n 列,第 i 列有四個整數 $x_i^{(c)}, y_i^{(c)}, r_i, q_i$ 代表第 i 個基地台的圓心座標、半徑、配給用戶的流量。再接下來有 m 列,第 j 列有兩個整數 $x_j^{(p)}, y_j^{(p)}$ 代表第 j 位用戶的座標。

輸出格式

請輸出一列包含三個整數 A, B, C,分別代表覆蓋數、最大流量、系統負載。

A B C

測資限制

- $1 \le n \le 400000$ °
- $1 \le m \le 400000$ °
- $-10^9 \le x_i^{(c)}, y_i^{(c)}, x_j^{(p)}, y_j^{(p)} \le 10^9$ °
- $1 \le r_i \le 10^9 \circ$
- $1 \le q_i \le 10000 \circ$



範例測試

Sample Input	Sample Output	
6 7 2 8 1 1 12 2 2 1 9 8 4 1 10 7 2 1 10 7 1 1 15 11 2 1 6 12 10 2 8 10 9 7 3 5 15 7 14 11	4 3 6	

評分說明

本題共有5組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	3	$n,m \leq 1000 \circ$
2	16	$n,m \leq 80000 \circ$
3	21	任兩個基地台的範圍都是完全包含關係。
4	19	所有 $q_i=1$ 。
5	41	無額外限制。