

第四題:稜角測試 (Tangent)

本題記憶體限制為 128MB。

問題敘述

在二維平面上給定 n 個相異的點 $p_1=(x_1,y_1), p_2=(x_2,y_2), \ldots, p_n=(x_n,y_n)$ 。好奇的麗塔想要知道,如下圖的範例所示,若是從上方無窮遠處垂直落下一個線段的話,會先碰到哪個點?如果是線段端點碰到的話也算數。

線段在垂直下落的過程中斜率保持不變,故一線段可以 (a,w,h) 表示,其中 a 代表線段左端點的 x 座標,w 代表左右端點的 x 座標差,h 代表左右端點的 y 座標差。更精確地說,針對線段 (a,w,h),若在下落的某時刻左端點的座標為 (x_ℓ,y_ℓ) ,右端點的座標為 (x_r,y_r) ,則 $a=x_\ell$ 、 $w=x_r-x_\ell$ 、 $h=y_r-y_\ell$ 。

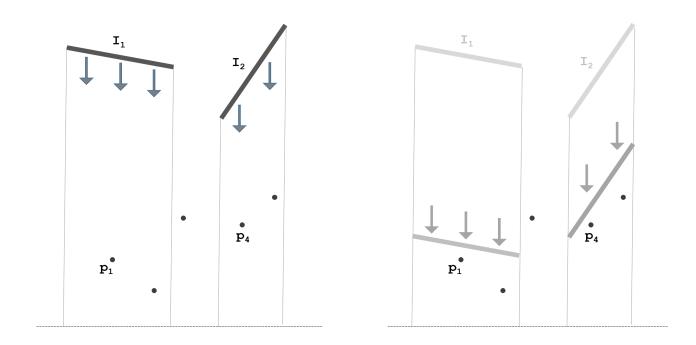


圖 2: 當線段 I_1 垂直落下時,會先碰到 p_1 ; 而當線段 I_2 垂直落下時,則會先碰到 p_4 。

輸入說明

測試資料的第一列包含一個正整數 n,代表給定的點數。接下來有 n 列,每一列有兩個以空白隔開的整數 x_i,y_i ,依序代表 n 個點的座標。第 n+2 列包含一個正整數 m,代表欲詢問的線段個數。接下來有 m 列,每一列有三個整數 a,w,h 表示一條落下的線段。



輸出說明

對於每一條落下的線段,請輸出線段垂直落下時,率先碰到的點的索引值。如果有一個以上的點滿足條件,請輸出 x 座標最小的那一個。如果沒有碰到任何點,請輸出 -1。

測資限制

- $1 \le n \le 5 \times 10^5 \circ$
- $1 < m < 10^5 \circ$
- $-10^9 \le x_i, y_i \le 10^9 \circ$
- 對於所有的 $i \neq j$,皆有 $(x_i, y_i) \neq (x_j, y_j)$ 。
- $-10^9 \le a \le 10^9 \circ$
- $0 \le w \le 2 \times 10^9$; $-10^9 \le h \le 10^9$; $(w, h) \ne (0, 0)$ °

輸入範例

- 5
- 1 2
- 4 4
- 2 1
- 6 4
- 7 6
- 3
- 0 3 0
- 5 3 10
- 8 2 1

輸出範例

- 1
- 4
- -1

2021 年國際資訊奧林匹亞研習營:第二次模擬測驗



評分說明

本題共有 3 組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	19	$n, m \leq 1000 \circ$
2	30	$n,m \leq 10^5 \circ$
3	51	無額外限制。