2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第一次模擬測驗

第一題:AI 複製機器人 (Copycat)



問題敍述

水原博士想要製作一個 AI 複製機器人,讓他可以利用複製貼上來新增文件內容。不過很可惜的是,受限於現有技術,機器人在任何時刻只能記得兩個字串 X 與 Y。每一次啟動機器人的時候,X 與 Y 這兩個字串會分別被初始化成字母 A 與字母 B,即 X = A 與 Y = B。要寫入文件時,機器人能進行四種操作:

- 1. 複製全部到 X: 複製現在文件中所有的文字 S, 並且替換掉目前的字串 X, 即 X ← S。
- 2. 複製全部到 Y: 複製現在文件中所有的文字 S, 並且替換掉目前的字串 Y, 即 $Y \leftarrow S$ 。
- 3. 貼上X: 貼上你最近一次複製的X字串到文件末端,即 $S \leftarrow S + X$ 。
- 4. 貼上Y: 貼上你最近一次複製的Y字串到文件末端,即 $S \leftarrow S + Y$ 。

為了展示 AI 聰明又節省能源的特色,水原博士想要讓 AI 機器人用最少的操作數,將指定字串 T 產生於一初始為空白的文件中。舉例來說,如果我們想要生成內容為 T= ABBABBB 的文件,可經由以下操作序列得到它:

$$3 \rightarrow 4 \rightarrow 4 \rightarrow 1 \rightarrow 3 \rightarrow 4$$

故至多只需要 6 次操作就可以生成字串 T 。經過一番推敲,不難發現最少操作數也為 6 。 為了確認 AI 機器人是否有出錯,請你先幫助博士計算所需的最少操作數。

輸入格式

給定一個僅由字母 A 與字母 B 組成的字串 T。

輸出格式

針對所輸入的字串T,輸出一個數字表示最少操作次數。

測資限制

• 字串 T 的長度 |T| 滿足 $1 \le |T| \le 2000$ 。

輸入範例1

ABBABBB

輸出範例1

6

2020年國際資訊奧林匹亞研習營:第一次模擬測驗



輸入範例 2

AAAAAAAAA

輸出範例2

8

評分説明

本題共有4組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	43	字串 T 僅由字母 A 組成。
2	5	$ T \leq 10 \circ$
3	16	$ T \leq 100 \circ$
4	36	無額外限制。