Taiwan of the state of the stat

第四題:小朋友的牌組大考驗 (Cards)

問題敘述

今天老師要教 m 位小朋友數學中全序(total order)的重要性。老師首先發給每一位小朋友一張空白卡片,要每一位小朋友在卡片上隨意地從集合 $\{x_1,x_2,\ldots,x_n\}$ 中挑選兩個變數 x_i 與 x_j ,並且寫下 $x_i < x_j$ 、 $x_i = x_j$ 、或 $x_i > x_j$ 三者其中之一的敘述。然後在卡片上留下自己的座號。

接著,老師會不斷地隨意挑選兩個座號 a 與 b,並且指定「帶著座號 a 卡片的小朋友」將手上所有的卡片,拿給「帶著座號 b 卡片的小朋友」。合併完兩堆卡片以後,同學們要齊心推理,看看是否存在一些正整數代入這些變數後,滿足所有卡片上的敘述。重複以上動作直到所有卡片都被收整齊在同一個小朋友身上為止。

請你寫一個程式判斷小朋友們的推論是否正確。

輸入格式

- 第 1 列包含兩個正整數 n 與 m ,代表變數的數量與小朋友的數量。
- 第 2 至 m+1 列:每一列包含一個以空白作為間隔的敘述 i_k op_k j_k ,表示第 k 個小朋友在卡片上寫的敘述。其中 i_k 和 j_k 為變數的編號,而 $op_k \in \{<,=,>\}$ 表示兩個變數的關聯。
- 第 m+2 至 2m 列:每一列包含兩個以空白隔開的整數 a_k,b_k ,代表老師依照時間順序,指定將帶有 座號 a_k 的那疊卡片與帶有座號 b_k 的卡片合併。

輸出格式

對於每一次的合併,如果存在一些正整數代人變數後滿足所有的敘述,請輸出 Yes,否則輸出 No。

測資限制

- $1 < n < 10^5 \circ$
- $1 \le m \le 5 \times 10^5 \, \circ$
- 對於所有 k 皆有 $i_k, j_k \in \{1, 2, ..., n\}$; $i_k \neq j_k$ °
- 對於所有 k 皆有 $op_k \in \{<, =, >\}$ 。
- 對於所有 k 皆有 $a_k, b_k \in \{1, 2, ..., m\}$ 。
- 每一次合併的時候,保證 a_k 與 b_k 所在的卡片不是同一疊。

輸入範例 1

- 4 4
- 1 = 2
- 2 > 3



3 > 4

4 > 1

1 2

3 4

1 3

輸出範例 1

Yes

Yes

No

輸入範例 2

4 4

1 = 2

2 > 3

3 > 4

4 < 1

1 2

3 4

1 3

輸出範例 2

Yes

Yes

Yes

評分說明

本題共有 3 組測試題組,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	12	$m \leq 10^5$; $n \leq 50$ °
2	31	$m \leq 10^5$; $n \leq 1000$ \circ
3	57	無額外限制。