

1426.

1) $f(x) = e^{-\frac{1}{x^2}}$ при $x \neq 0$; $f(0) = 0$.

Заметим, что $e^{-\frac{1}{x^2}} > 0$, т.е. $f(x) > f(0) \Rightarrow$ в $x=0$ имеем
 (при $x \neq 0$) (при $x=0$) необходимое условие экстремума
 (при $x \neq 0$) минимума.

$f'(x) = e^{-\frac{1}{x^2}} \cdot \frac{2}{x^3} = \frac{2}{x^3} \cdot e^{-\frac{1}{x^2}}$ при $x > 0$ $f'(x) > 0$; при $x < 0$ $f'(x) < 0$

$f'(0)$: $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{f(0+t) - f(0)}{t} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{e^{-\frac{1}{t^2}}}{t} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{t}}{e^{\frac{1}{t^2}}} =$

$= \lim_{t \rightarrow 0} \frac{t}{1 + \frac{1}{t^2} + \frac{1}{2!t^4} + \dots} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{1}{t + \frac{1}{t^3} + \frac{1}{2!t^5} + \dots} = 0$.

т.е. $f'(0) = 0$; $f'(x) > 0$ при $x > 0$; $f'(x) < 0$ при $x < 0 \Rightarrow$ минимум
 в $x=0$.

2) $g(x) = x e^{-\frac{1}{x^2}}$ при $x \neq 0$; $g(0) = 0$.

Заметим, что $x \cdot e^{-\frac{1}{x^2}} > 0$ при $x > 0$ и $x \cdot e^{-\frac{1}{x^2}} < 0$ при $x < 0$, т.е.
 не выполняются необходимые условия экстремума \Rightarrow
 при $x=0$ минимума нет
 рисуем график:

