2020计算方法B作业 #12

1. 用幂法估算下面矩阵的按模最大的特征值和相应的特征向量 $(\mathbf{1},\mathbf{1})^{\mathrm{T}}$,迭代5次即可)

$$\mathbf{A} = \left(\begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 6 & 0 \end{array}\right)$$

- 2. 设 n 阶实方阵 A 有相异的特征根 $|\lambda_1| > |\lambda_2| > \cdots > |\lambda_n| > 0$. 对给定的实数 $\alpha \neq \lambda_i$ $(i = 1, 2, \cdots, n)$,利用幂法或反幂法,设计一个能计算离 α 距离最近的矩阵 A 的特征根的迭代格式(注:不容许对矩阵求逆).
- 3. 考虑用Jacobi方法计算矩阵 $A = \begin{pmatrix} 7 & 1 & 2 \\ 1 & 4 & 0 \\ 2 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ 的特征值。求对A作一次Givens相似变换时的Givens(旋转)变换矩阵 Q.(要求相应的计算效率最高)