

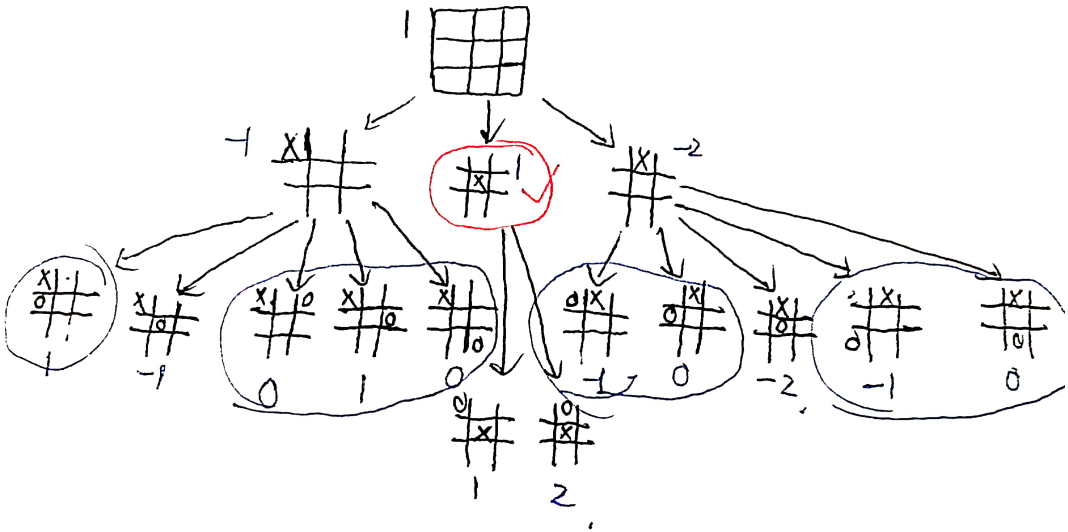
HW3

5.9

a

9!

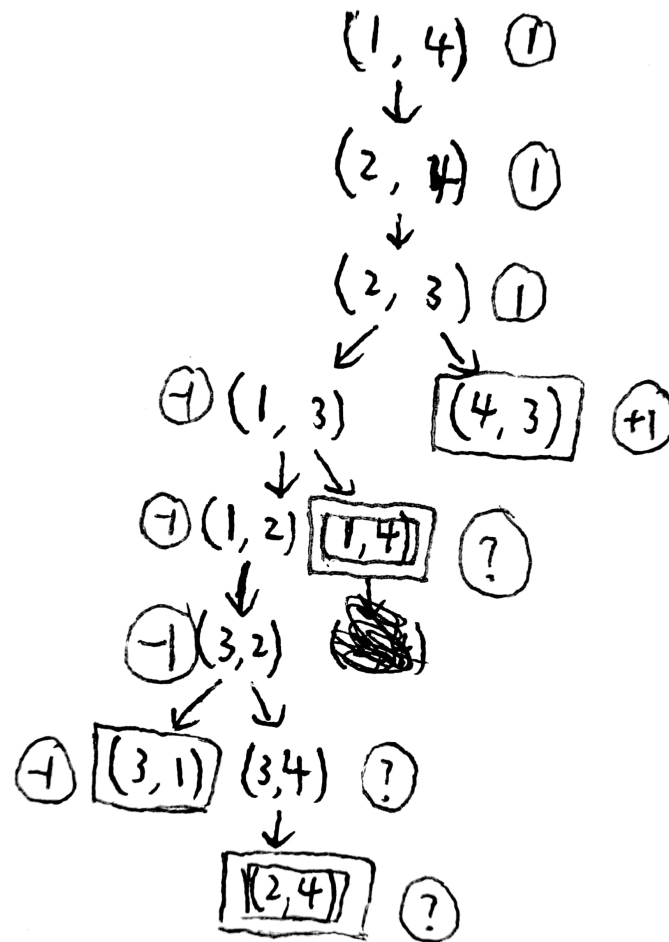
b c d e



红笔标注的为最佳起始行棋

5.8

a



其中画双方框的为循环状态

b

标记结果如上图所示，对于“?”，由于“?”的取值无非是-1或+1。所以 $\min(?,-1)=-1$ ， $\max(?,+1)=1$ 。当一个结点的所有后继结点的博弈值都是“?”时，它的博弈值也是“?”。

c

由于标准的极小极大算法是深度优先的，在这棵博弈树中由于存在循环状态，会导致极大极小算法进入死循环。极大极小算法将经历过的状态压入了栈里，当算法处理一个状态时，可以先通过搜索栈中存储的状态来看是否有重复。如果是重复状态则说明该状态是循环状态，直接返回一个“?”，这样递归可以正常执行。不是对所有包含循环的游戏都能给出最优决策，因为这个模型评估函数值只有-1和+1才可以这么处理。

d

当 $n=3$ 时，由于A先走，A到2，B到1，B一定会赢。 $n=4$ 时，由上图博弈树可知A一定会赢。令 $k \in \mathbb{N}$ ，当 $n=2k$ 时，A要赢需要走 $n-2$ 步，而B需要走 $n-1$ 步，在中间会是A翻过B，所以A一定会赢。当 $n=2k+1$ 时，A要赢需要走 $n-1$ 步，而B需要走 $n-2$ 步，在中间会是B翻过A，所以B一定会赢。所以 n 是偶数A一定赢， n 是奇数A一定输。

a

$n_2 = \max(n_3, n_{31}, \dots, n_{3b_3})$ $n_1 = \min(\max(n_3, n_{31}, \dots, n_{3b_3}), n_{21}, \dots, n_{2b_2})$ $n_{j-1} = \min(n_j, n_{j1}, \dots, n_{jb_j})$ 所以
 $n_1 = \min(\max(\dots \max(\min(n_j, n_{j1}, \dots, n_{jb_j}), n_{j-1-1}, n_{j-1-2}, \dots, n_{j-1-b_{j-1}}), n_{j-2-1}, n_{j-2-2}, \dots, n_{j-2-b_{j-2}} \dots), n_{21}, \dots, n_{2b_2})$

b

$n_1 = \min(l_2, n_2, r_2) \dots n_1 = \min(l_2, \max(l_3, \dots, \min(l_j, n_j, r_j), \dots, r_3), r_2)$

c

由于 n_j 是一个MAX结点，所以只有当它的后继结点被评估时它的值的下界才会增长。而如果 n_j 的值比 l_j 大，则由于 $n_{j-1} = \min(l_j, n_j, r_j)$ ，递推下去 n_j 无法对 n_1 施加影响。所以 n_j 不能超过由 l_j 值得到的某特定界限

d

由于 n_j 是一个MIN结点，所以只有当它的后继结点被评估时它的值的上界才会减小。而如果 n_j 的值比 l_j 小，则由于 $n_{j-1} = \max(l_j, n_j, r_j)$ ，递推下去 n_j 无法对 n_1 施加影响。所以 n_j 不能小于由 l_j 值得到的某特定界限