

## 第七节 强子的命名规则

### 一、强相互作用的基本自由度——六味夸克（费米子，各三色）和胶子（八种颜色）

夸克味道	同位旋 (I)	同位旋 三分量	奇异数 (S)	粲数 (C)	底数 (B)	顶数 (T)	电荷 (Q)	重子数 (b)	组分质量
u	1/2	1/2	0	0	0	0	2/3	1/3	~310
d	1/2	-1/2	0	0	0	0	-1/3	1/3	~310
s	0	0	-1	0	0	0	-1/3	1/3	~500
c	0	0	0	1	0	0	2/3	1/3	~1600
b	0	0	0	0	-1	0	-1/3	1/3	~4600
t	0	0	0	0	0	1	2/3	1/3	175000

它们全都满足Gell-Mann-Okubo关系

$$Q = I_3 + \frac{1}{2}(b + S + C + B + T)$$

夸克自旋为 $1/2$ ；胶子自旋为 $1$ ，质量为 $0$ 。

夸克和胶子都携带色荷（夸克属颜色SU(3)的基础表示，胶子属伴随表示。根据量子色动力学，夸克和胶子都可能构成束缚态——颜色单态的强子。

## 二、正反夸克构成的色单态强子系统——介子

### 1. 夸克模型允许的介子量子数

正如u, d, s组成的强子可以用味道SU(3)对称性描述，考虑c, b夸克后，则味道对称性可以扩充到SU(5)（当然这个对称性已经很难称为对称性，因为这5味夸克的质量相差好几个数量级，但强子分类可以按照SU(5)味道对称性的不可约表示进行）；

约定：同一个味道超多重态的自旋、宇称、C变换因子相同，也就是说同一个超多重态中的粒子具有相同的  $J^{PC}$

因此暂时忘掉夸克的味道，介子是由正反夸克组成的。

夸克是自旋为 $1/2$ 的费米子，正反夸克的总自旋只能为 $0, 1$ ；如果正反夸克间的轨道角动量为 $L$ ，则根据

$$P = (-)^{L+1}, \quad C = (-)^{L+S}$$

正反夸克系统的可能的  $J^{PC}$  为，

$L \backslash S$	0	1
0	$0^{-+}$	$1^{--}$
1	$1^{+-}$	$0^{++} \quad 1^{++} \quad 2^{++}$
2	$2^{-+}$	$1^{--} \quad 2^{--} \quad 3^{--}$
3	$3^{+-}$	$2^{++} \quad 3^{++} \quad 4^{++}$

说明:

1. 如果介子态也是G宇称的本征态, 则也有相应的G宇称;
2. 如果介子确实是由夸克构成的, 那么轨道角动量为零的态应该是能量最低的态, 即赝标介子和矢量介子是介子的基态。
3. 试验上发现的粒子的质量关系定型满足上述的特征。这也是对介子是由正反费米子组成的系统的重要支持。
4. 不同的轨道角动量可以给出相同的介子的自旋宇称量子数, 说明介子态中可能有混合。通过衰变分波可以帮助确定介子态的轨道角动量。

## 2. 介子的命名规则

### a) 普通介子 (S=C=B=0)

普通介子也是G变换的本征态，有确定的G宇称，

$$P = (-)^{L+1}, C = (-)^{L+S}, G = (-)^I C$$

$J^{PC}$	$0^{-+}$	$1^{--}$	$0^{++}$	$1^{+-}$
	$2^{-+}$	$2^{--}$	$1^{++}$	$3^{+-}$
	$4^{-+}$	$3^{--}$	$2^{++}$	$5^{+-}$
$^{2S+1}L_J$	$^1(S,D,\cdots)_J$	$^3(S,D,\cdots)_J$	$^3(P,F,\cdots)_J$	$^1(P,F,\cdots)_J$
$u\bar{d}, (u\bar{u} - d\bar{d}), d\bar{u}$ ( $I=1$ )	$\pi$	$\rho$	$a_{0,1,2}$	$b$
$(u\bar{u} + d\bar{d}), s\bar{s}$ ( $I=0$ )	$\eta, \eta'$	$\omega, \phi$	$f_{0,1,2}, f'$	$h_{0,1}, h'$
$c\bar{c}$ ( $I=0$ )	$\eta_c$	$\psi$	$\chi_{c0,1,2}$	$h_c$
$b\bar{b}$ ( $I=0$ )	$\eta_b$	$\Psi$	$\chi_{b0,1,2}$	$h_b$

## b) S, C, B不为零的介子

命名的基本规则是：介子的味道数（S, C, B）和介子的电荷符号相同。  
具体如下：

$$S = +1: K^+, K^0, K^{*+}, K^{*0}; \quad (\text{包含一个反奇异夸克})$$

$$S = -1: K^-, \bar{K}^0, K^{*-}, \bar{K}^{*0}; \quad (\text{包含一个奇异夸克})$$

$$C = +1: D^+, D^0, D^{*+}, D^{*0}; \quad (\text{包含一个粲夸克})$$

$$C = -1: D^-, \bar{D}^0, D^{*-}, \bar{D}^{*0}; \quad (\text{包含一个反粲夸克})$$

$$B = +1: B^+, B^0, B^{*+}, B^{*0}; \quad (\text{包含一个反底夸克})$$

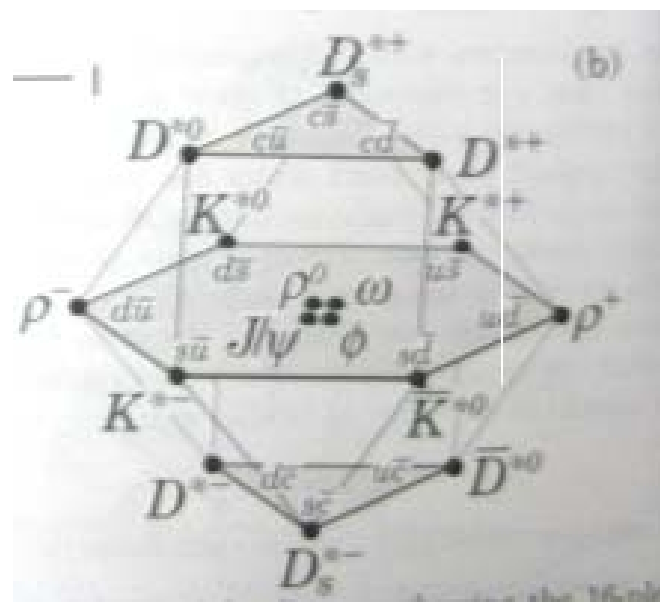
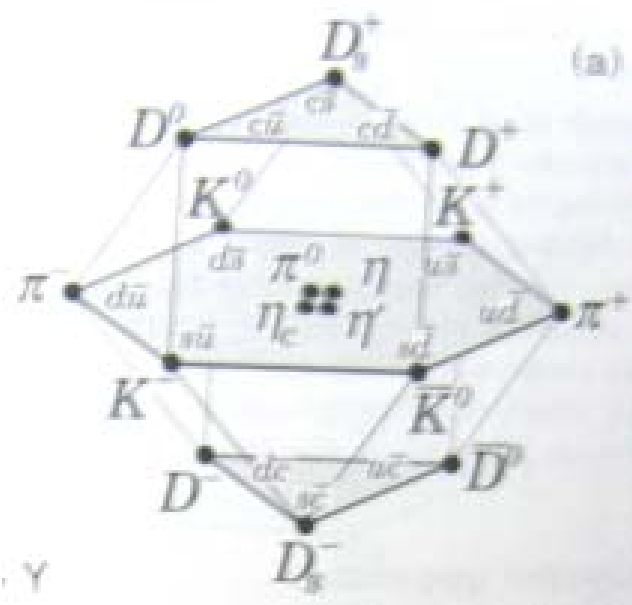
$$B = -1: B^-, \bar{B}^0, B^{*-}, \bar{B}^{*0}; \quad (\text{包含一个奇异夸克})$$

$$C = +1, S = +1: D_s^+(c\bar{s}), D_s^{*+}(c\bar{s});$$

$$C = -1, S = -1: D_s^-(\bar{c}s), D_s^{*-}(\bar{c}s);$$

$$B = +1, C = +1: B_c^+(c\bar{b}), D_s^{*+}(c\bar{b});$$

$$B = -1, C = -1: B_c^-(\bar{c}b), B_c^{*-}(\bar{c}b);$$



### 三、重子的命名规则

$N \Delta \Lambda \Sigma \Xi \Omega$  的符号，已经用了三十多年了。规则是：

- a) 对于由三个 u/d 夸克组成的重子， $S=1/2$  的态为  $N$ ， $S=3/2$  的态为  $\Delta$ ；
- b) 对于由两个 u/d 夸克组成的重子， $I=0$  的态命名为  $\Lambda$ ， $I=1$  的态命名为  $\Sigma$ ，并用第三个夸克 (c, b) 的符号作为下标，如

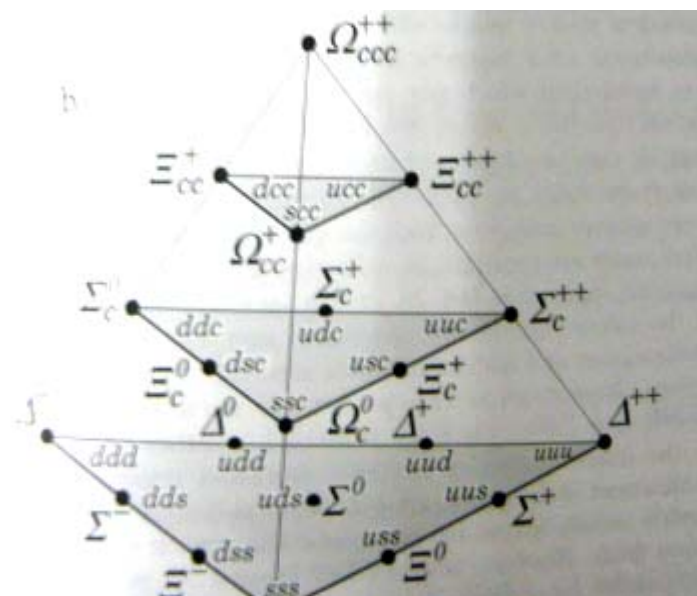
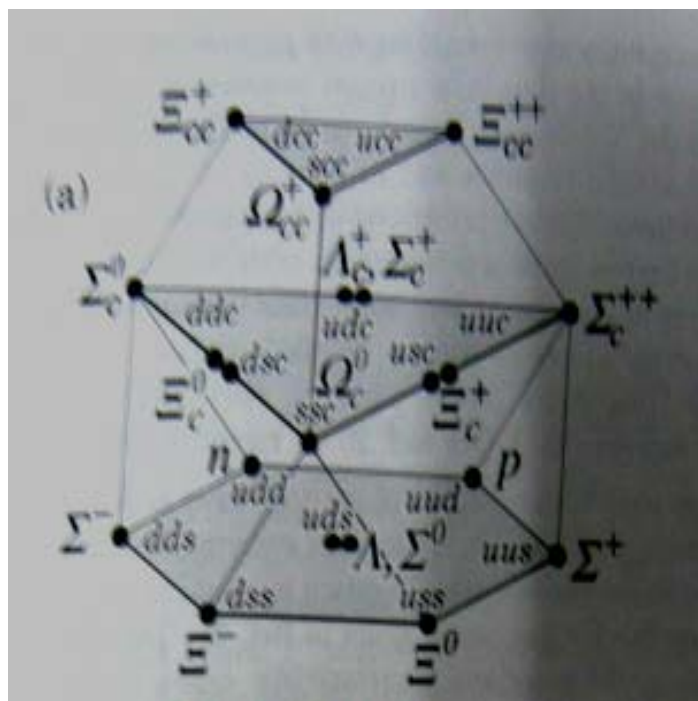
$$\Lambda_c(udc), \Lambda_b(udb), \Sigma_c^{++}(uuc), \Sigma_b^{++}(uub)$$

- c) 对于由一个 u/d 夸克组成的重子，命名为  $\Xi$  ( $I=1/2$ )。如果第二、三个夸克为 c, b，则用下标表示如

$$\Xi_c^{++}(usc), \Xi_{cc}^{++}(ucc), \Xi_b^0(usb)$$

- d) 对于没有 u/d 夸克的重子，用  $\Omega$  标志，并用下标表示 c, b 夸克，如

$$\Omega_c^0(ssc), \Omega_b^-(ssb), \Omega_{cc}^{++}(scc), \Omega_{ccc}^{++}(ccc)$$





## 四、奇特态

关于奇特态，没有特别严格的定义。一般来说，如果一个强子态的量子数不能通过正反夸克或三个夸克系统来描述，就称为奇特态。从这个意义上讲，奇特态应该是针对夸克模型而言的。

比如如下量子数不能由正反夸克构成： $0^{--}, 0^{+-}, 1^{-+}, 2^{+-}, 3^{-+}, \dots$

现有实验已发现的大量介子中，还没有一个属于奇特态，这是对介子由一对正反夸克所组成的观点的又一重要支持。

正反玻色子可以组成量子数

$$J^{PC} = 1^{-+}, 2^{+-}, 3^{-+}, \dots$$

如果具有这种量子数的介子存在，那么它们可能是四夸克态（两个正反夸克对）或混杂态（一个正反夸克对和一个价胶子）或胶球（胶子构成的束缚态）。

在高能物理的研究中，探寻奇特态存在的实验迹象一直是人们密切注视的问题。

## 五、胶球

胶子是QCD的基本自由度，胶子携带色荷，所以胶子也应该形成束缚态——胶球。如果实验上能够确认胶球的存在，则是对QCD正确性的重要支持。

考察由两个胶子组成的胶球，由于考虑了色SU(3) 对称性后8 种胶子是全同粒子，它们满足玻色统计。由于胶球必须是色SU(3) 单态，在色空间是对称的，因此在时空性质上也必须是对称的。这样要求

$$L + S = \text{even}$$

由于胶子的自旋为1，两胶子系统的总自旋为0, 1, 2 。两个全同玻色子构成的系统的宇称和C宇称为

$$P = (-)^L, C = (-)^{L+S}$$

所以两胶子系统的可能的  $J^{PC}$  为

$L \backslash S$	0	1	2
0	$0^{++}$		$2^{++}$
1		$0^{-+}$ $1^{-+}$ $2^{-+}$	
2	$2^{++}$		$0^{++}$ $1^{++}$ $2^{++}$ $3^{++}$ $4^{++}$
3		$2^{-+}$ $3^{-+}$ $4^{-+}$	

由于胶子是规范粒子，它的质量为零，根据杨振宁定理，两个胶子构成的系统的总角动量不能为一，这样两个胶子构成的胶球的量子数只能是：

$$J^{PC} = 0^{++}, 0^{-+}, 2^{++}, 2^{-+}, \dots$$

三个胶子组成的胶球则可以取各种可能的量子数。

目前试验上也发现了一些胶球的候选者。但从试验上确定胶球态目前还有很大难度，原因是胶球和普通介子态有混合，理论上对胶球的性质（质量、衰变）以及其和普通介子的混合机制还很有限，还没有关于胶球存在的决定性判据。理论上对胶球质量谱的研究主要来自格点QCD 的数值模拟计算，目前最新的淬火近似下的胶球质量谱的格点QCD预言如下：

$J^{PC}$	$r_0 M_G$	$M_G$ (MeV)
$0^{++}$	4.16(11)(4)	1710(50)(80)
$2^{++}$	5.83(5)(6)	2390(30)(120)
$0^{-+}$	6.25(6)(6)	2560(35)(120)
$1^{+-}$	7.27(4)(7)	2980(30)(140)
$2^{-+}$	7.42(7)(7)	3040(40)(150)
$3^{+-}$	8.79(3)(9)	3600(40)(170)
$3^{++}$	8.94(6)(9)	3670(50)(180)
$1^{--}$	9.34(4)(9)	3830(40)(190)
$2^{--}$	9.77(4)(10)	4010(45)(200)
$3^{--}$	10.25(4)(10)	4200(45)(200)
$2^{+-}$	10.32(7)(10)	4230(50)(200)
$0^{+-}$	11.66(7)(12)	4780(60)(230)

