

# 成像算法基础

Numpy

# NumPy 是什么？

**NumPy**是在1995年诞生的Python库Numeric的基础上建立起来的。但真正促使NumPy的发行的是Python的SciPy库。

**SciPy**是2001年发行的一个类似于Matlab, Maple, Mathematica等数学计算软件的Python库，它实现里面的大多数功能。

但SciPy中并没有合适的类似于Numeric中的对于基础的数据对象处理的功能。于是，SciPy的开发将SciPy中的一部分和Numeric的设计思想结合，在2005年发行了NumPy。



# NumPy 有什么？

**NumPy**是Python的一种开源的数值计算扩展库。它包含很多功能：

- 创建n维数组（矩阵）
- 对数组进行函数运算
- 数值积分
- 线性代数运算
- 傅里叶变换
- 随机数产生
- .....

**NumPy**诞生为了弥补List的缺陷。它提供了两种基本的对象：

**ndarray**：全称（n-dimensional array object）是储存单一数据类型的多维数组。

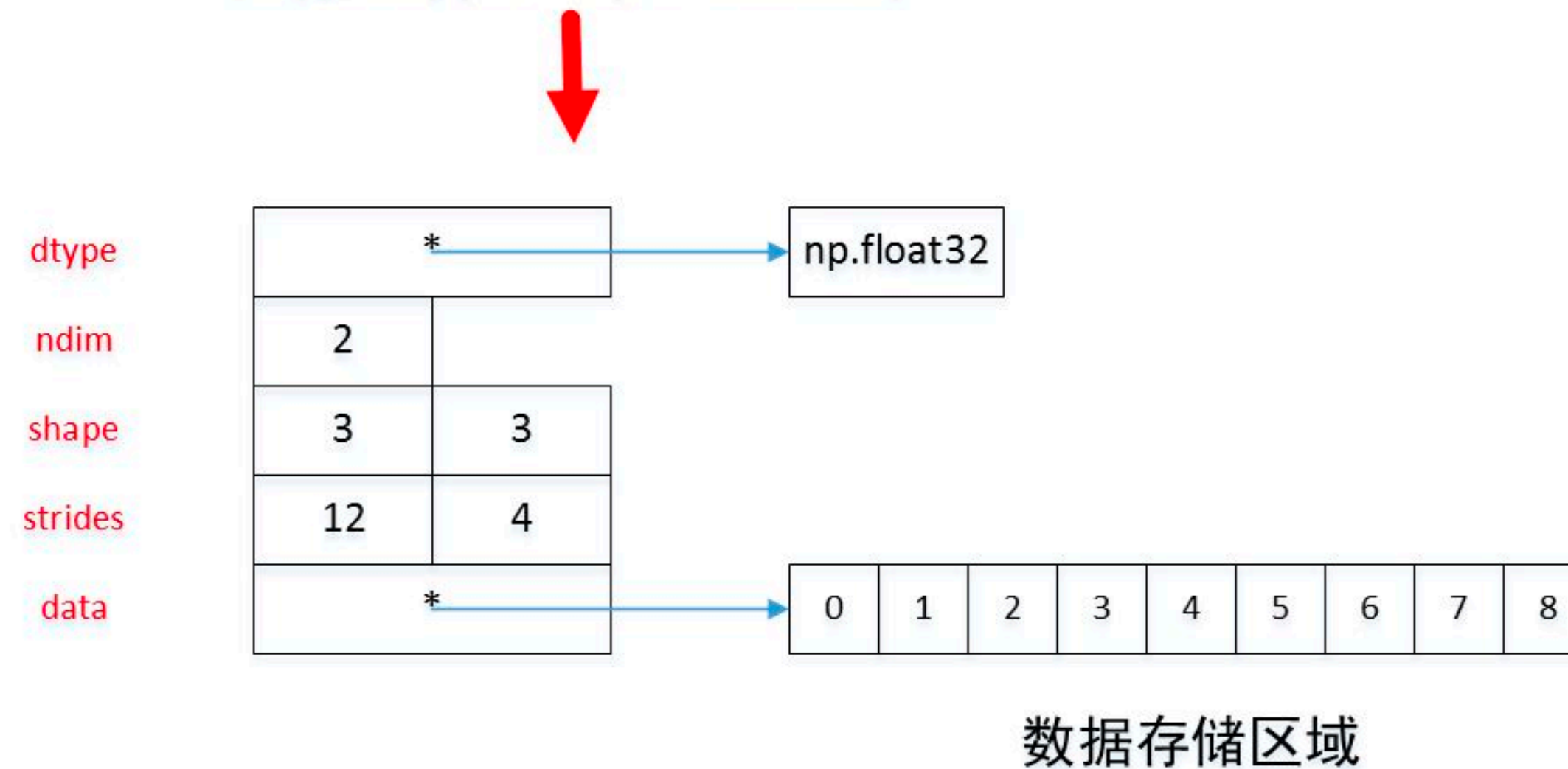
**ufunc**：全称（universal function object）它是一种能够对数组进行处理的函数。



# NumPy Narray 对象

- 一个指向数据（内存或内存映射文件中的一块数据）的指针。
- 数据类型或 dtype，描述在数组中的固定大小值的格子。
- 一个表示数组形状（shape）的元组，表示各维度大小的元组。
- 一个跨度元组（stride），其中的整数指的是为了前进到当前维度下一个元素需要"跨过"的字节数。

```
a=np.array([[0,1,2],[3,4,5],[6,7,8]],dtype=np.float32)
```



# ndarray的创建

- 来自list和数据
- 特殊的创建

# 从列表创建

**NumPy**中的核心对象是**ndarray**。

**ndarray**可以看成数组，类似于matlab的向量或者矩阵。

NumPy里面所有的函数都是围绕ndarray展开的。

```
a = np.array([1, 2, 3, 4])
```

	0	1	2	3
0	1	2	3	4

```
b = np.array((5, 6, 7, 8))
```

	0	1	2	3
0	5	6	7	8

```
c = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8]])
```

	0	1	2	3
0	1	2	3	4
1	5	6	7	8

**ndarray**对维数没有限制。

[ ]从内到外分别为第0轴，第1轴，第2轴。c第0轴长度为2，第1轴长度为4。

# 特殊生成

## 一维初始化

根据步长创建

```
a = np.arange(0, 1, 0.1)
```

根据点数创建

```
b = np.linspace(0, 1, 10)
```

```
c = np.linspace(0, 1, 10, endpoint=False)
```

在Log域根据点数创建

```
d = np.logspace(0, 2, 5)
```

## 多维初始化

空数组

```
a = np.empty((2,3), np.int)
```

全零

```
b = np.zeros((2,4), np.int)
```

全一

```
c = np.ones((6,3), np.int)
```

其它值

```
d = np.full((6,3), np.pi)
```

自定义

```
def func(i,j):
```

```
    return i % 4 + 1
```

```
e = np.fromfunction(func, (10,4))
```

```
print("e=",e)
```

# 数组属性

方法	描述
<a href="#">ndarray.flags</a>	有关数组内存布局的信息。
<a href="#">ndarray.shape</a>	数组维度的元组。
<b>ndarray.strides</b>	遍历数组时每个维度中的字节元组。
<b>ndarray.ndim</b>	数组维数。
<a href="#">ndarray.data</a>	Python缓冲区对象指向数组的数据的开头。
<a href="#">ndarray.size</a>	数组中的元素数。
<a href="#">ndarray.itemsize</a>	一个数组元素的长度，以字节为单位
<b>ndarray.nbytes</b>	数组元素消耗的总字节数。
<a href="#">ndarray.base</a>	如果内存来自其他对象，则为基础对象
<b>ndarray.dtype</b>	数组元素的数据类型。





# 常用的属性

**ndarray**的元素具有相同的元素类型。常用的有int（整型），float（浮点型），complex（复数型）。

```
a = np.array([1, 2, 3, 4], dtype=float)
```

```
print(a.dtype)
```

```
a = np.array([1, 2, 3, 4])
```

```
print(a.dtype)
```

**ndarray**的**shape**属性用来获得它的形状，也可以自己指定。

```
c = np.array([[1, 2, 3, 4], [4, 5, 6, 7], [7, 8, 9, 10]])
```

```
print(c.shape)
```

```
a = np.array([1, 2, 3, 4])
```

```
d = a.reshape((2,2))
```

# 维度属性

shape=(7,6)

1维

shape=3

1维

0 1 2

0维

0维

0	1	2	3	4	5
6	7	8	9	10	11
12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23
24	25	26	27	28	29
30	31	32	33	34	35
36	37	38	39	40	41

2维

shape=(3,3,2)

1维

0维

	2	4	6
1	3	5	
7	9	11	
13	15	17	

# 查看存储

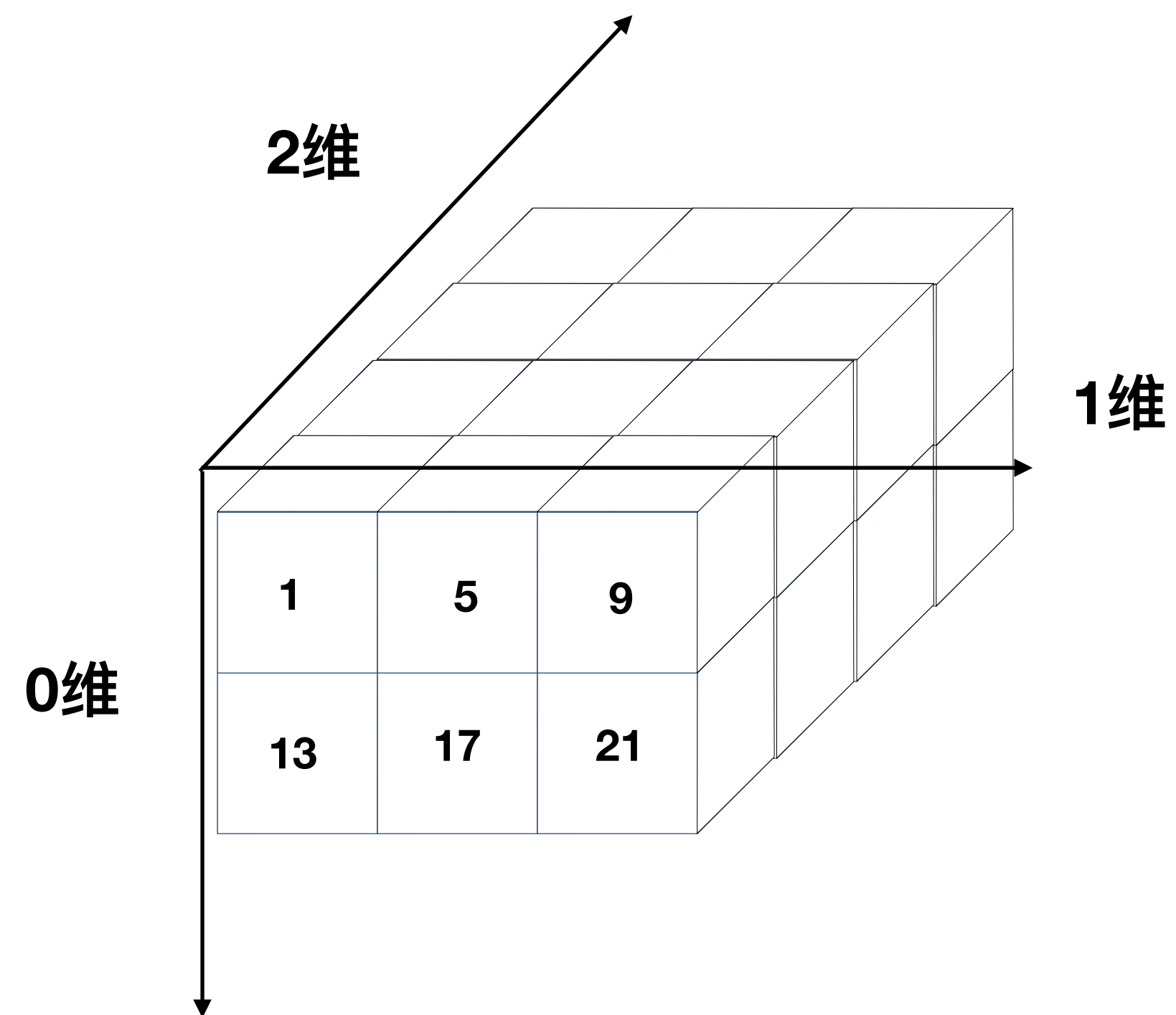
- 从最后的维度存储

```
ls=[[[1,2,3,4],[5,6,7,8],[9,10,11,12]],[[13,14,15,16],[17,18,19,20],[21,22,23,24]]]
```

```
a=np.array(ls,dtype=int)
```

```
print(a)
```

```
print(a.strides)
```



# ndarray的切片

a[开始:结束:步长]

ndarray通过切片产生一个新的数组b，**b和a共享同一块数据存储空间**。如果想改变这种情况，我们可以用列表对数组元素切片。或者使用copy函数。

```
import numpy as np
a = np.arange(10)
print("a=",a)
a= [0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]
a[2:4] = 100, 101
b = a[3:7]
b[2] = -10
print("a=",a)
print("b=",b)
a= [ 0  1 100 101  4 -10  6  7  8  9]
b= [101  4 -10  6]
c = a[[3, 3, -3, 8]]
print("c=",c)
c= [101 101  7  8]
```

```
c[2] = 100
print("a=",a)
print("c=",c)
a= [ 0  1 100 101  4 -10  6  7  8  9]
c= [101 101 100  8]
d= a[3:7].copy()
d[2] = -99
print("a=",a)
print("b=",b)
print("d=",d)
a= [ 0  1 100 101  4 -10  6  7  8  9]
b= [101  4 -10  6]
d= [101  4 -99  6]
```

test6.py

# 负索引

当做切片的操作的时候-1代表最后的元素,-2代表倒数第二个.负索引还可以用作其它的时候如reshape.

```
import numpy as np  
b = np.arange(0, 60, 10)
```

	0	1	2	3	4	5
0	0	10	20	30	40	50

```
c = b.reshape(-1,1)
```

	0
0	0
1	10
2	20
3	30
4	40
5	50

```
print(b[-1])  
print(c[-2])  
print(c[-2,0])  
50  
[40]  
40
```

test7.py



# 结构数组

C语言中可以通过struct关键字定义结构类型。NumPy中也有类似的结构数组。

```
import numpy as np
#import math
```

```
persontype = np.dtype({'names':['name', 'age', 'weight'],'formats':['S30','i', 'f']})
a = np.array([("Zhang", 32, 75.5), ("Wang", 24, 65.2)],dtype=persontype)
```

	0	1
0	(b'Zhang', 32, 75.5)	(b'Wang', 24, 65.2)

```
#z = math.sin(x) # 错误
print(y)
```

# ufunc简介

**ufunc**是**universal function**的简称，它是一种能对数组每个元素进行运算的函数。NumPy的许多ufunc函数都是用C语言实现的，因此它们的运算速度非常快。

```
import numpy as np
#import math
x = np.linspace(0, 2*np.pi, 10)
y = np.sin(x)
#z = math.sin(x) # 错误
print(y)
```

	0	1	2	3	4	5	6
0	0.00000	0.64279	0.98481	0.86603	0.34202	-0.34202	-0.86603

# 四则运算

NumPy提供了许多ufunc函数，它们和相应的运算符运算结果相同。。

```
> np.subtract(a, b) # 减法  
> np.multiply(a, b) # 乘法  
> np.divide(a, b) # 如果两个数字都为整数，则为整数除法  
> np.power(a, b) # 乘方
```

# 比较运算和布尔运算

使用`==`，`>`对两个数组进行比较，会返回一个布尔数组，每一个元素都是对应元素的比较结果。

```
> np.array([1, 2, 3]) < np.array([3, 2, 1])  
array([ True, False, False], dtype=bool)
```

布尔运算在NumPy中也有对应的ufunc函数。

表达式	ufunc函数
<code>y=x1==x2</code>	<code>equal(x1,x2[,y])</code>
<code>y=x1!=x2</code>	<code>not_equal(x1,x2[,y])</code>
<code>y=x1&lt;x2</code>	<code>less(x1,x2[,y])</code>
<code>y=x1&lt;=x2</code>	<code>not_equal(x1,x2[,y])</code>
<code>y=x1&gt;x2</code>	<code>greater(x1,x2[,y])</code>
<code>y=x1&gt;=x2</code>	<code>gerater_equal(x1,x2[,y])</code>

# 自定义ufunc函数

NumPy提供的标准ufunc函数可以组合出复合的表达式，但是有些情况下，自己编写的则更为方便。我们可以把自己编写的函数用**frompyfunc()**转化成ufunc函数。

**frompyfunc(func, nin, nout)**

func: 计算函数

nin: func()输入参数的个数

nout: func()输出参数的个数

```
import numpy as np
```

```
def num_judge(x, a): # 对于一个数字如果是3或5的倍数就
```

```
    if x % 3 == 0:
```

```
        r = 0
```

```
    elif x % 5 == 0:
```

```
        r = 0
```

```
    else:
```

```
        r = a
```

```
    return r
```

```
x = np.linspace(0, 10, 11)
```

```
y = np.array([num_judge(t, 2) for t in x])#列表生成式
```

```
print("y")
```

```
numb_judge = np.frompyfunc(num_judge, 2, 1)
```

```
y = numb_judge(x, 2)
```

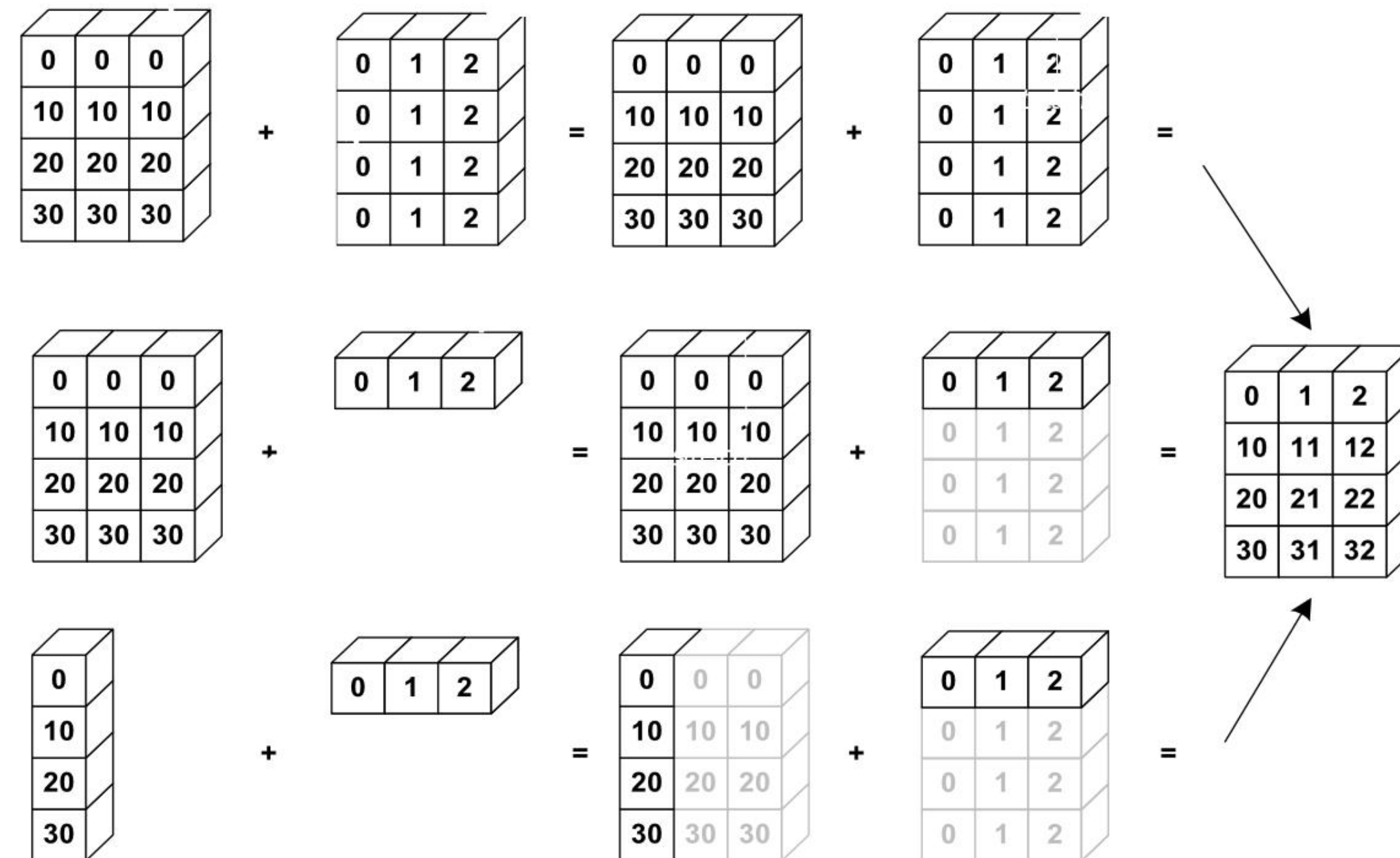
```
print("y")
```



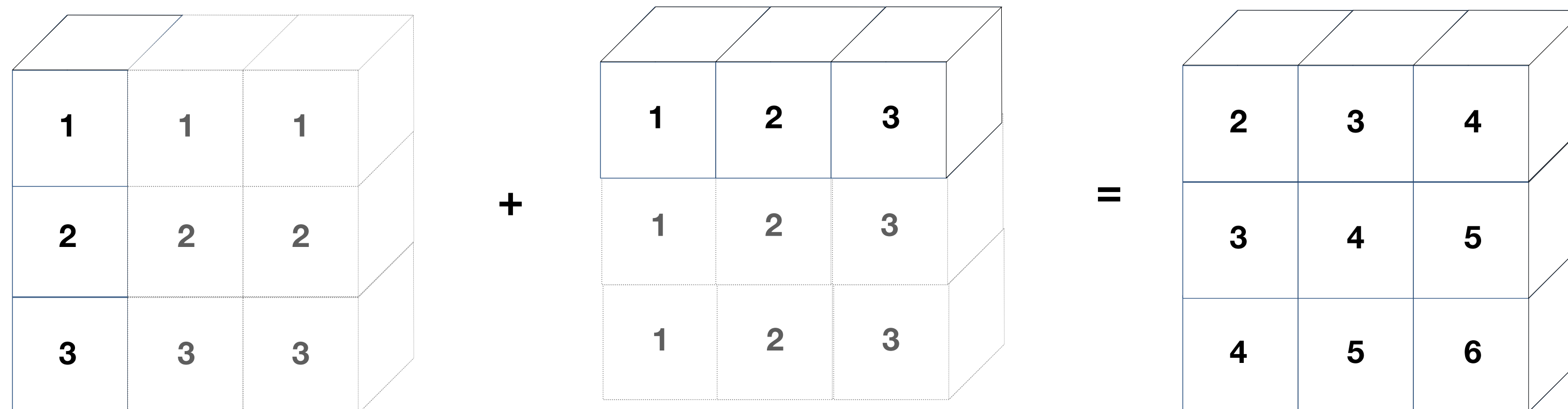
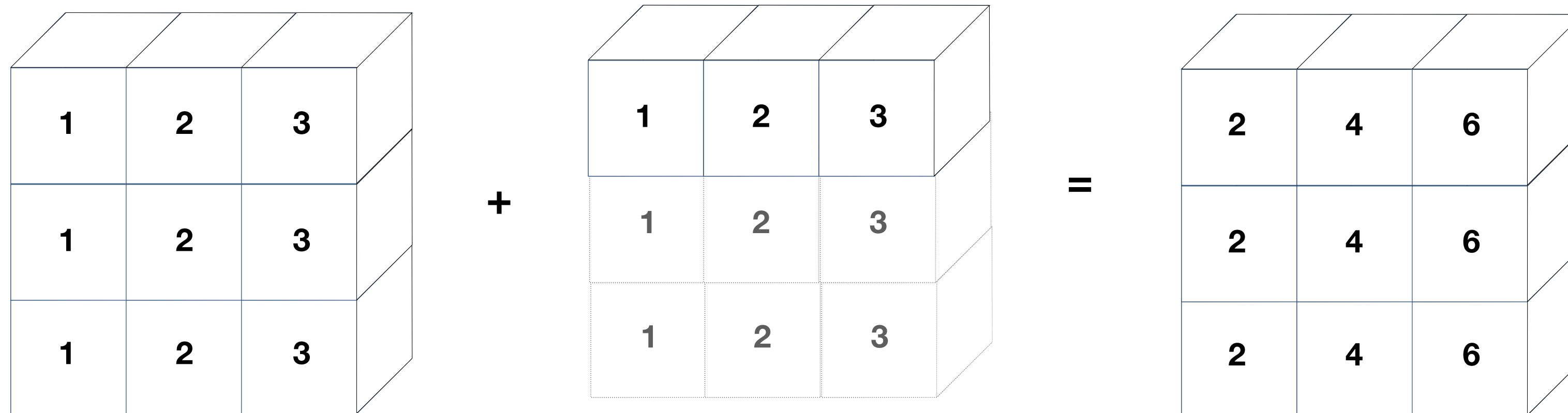
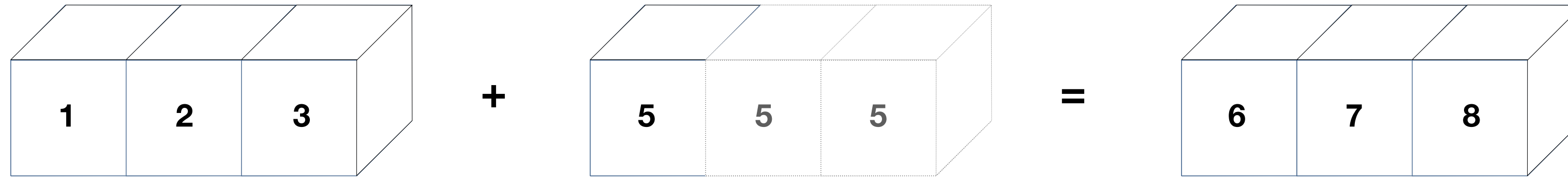
# 广播(broadcasting)

使用ufunc对两个数组进行运算时，ufunc函数会对两个数组的对应元素进行运算。如果数组的形状不相同，就会进行**下广播**处理。

简而言之，就是向**两个数组每一维度上的最大值靠齐**。



# 广播(broadcasting)



```
import numpy as np
a = np.arange(0, 60, 10).reshape(-1, 1) + np.arange(0, 6)
```

	0	1	2	3	4	5
0	0	1	2	3	4	5
1	10	11	12	13	14	15
2	20	21	22	23	24	25
3	30	31	32	33	34	35
4	40	41	42	43	44	45
5	50	51	52	53	54	55

```
b = np.arange(0, 60, 10)
```

	0	1	2	3	4	5
0	0	10	20	30	40	50

```
c = b.reshape(-1,1)
```

```
d = np.arange(0, 6)
```

	0	1	2	3	4	5
0	0	1	2	3	4	5

```
e = c+d
```

	0	1	2	3	4	5
0	0	1	2	3	4	5
1	10	11	12	13	14	15
2	20	21	22	23	24	25
3	30	31	32	33	34	35
4	40	41	42	43	44	45
5	50	51	52	53	54	55

	0
0	0
1	10
2	20
3	30
4	40
5	50

# 随机数

NumPy产生随机数的模块在**random**里面，其中有大量的分布方式。

rand	0到1之间的随机数	normal	正太分布的随机数
randint	制定范围内的随机整数	uniform	均匀分布
randn	标准正太的随机数	poisson	泊松分布
choice	随机抽取样本	shuffle	随机打乱顺序

# 求和，平均值，方差

NumPy在均值等方面常用的函数如下：

函数名	功能
sum	求和
average	加权平均数
var	方差
mean	期望
std	标准差
product	连乘积



# 大小与排序

NumPy在排序等方面常用的函数如下：

函数名	功能	函数名	功能
min	最小值	max	最大值
ptp	极差	argmin	最小值的下标
mininum	二元最小值	maxinum	二元最大值
sort	数组排序	argsort	数组排序下标
percentile	分位数	median	中位数

# 特殊的参数和广播

axis,out,keepdims等特殊参数

```
np.random.seed(42)
a = np.random.randint(0,10,size=(4,5))
print("a=",a)
a= [[6 3 7 4 6]
     [9 2 6 7 4]
     [3 7 7 2 5]
     [4 1 7 5 1]]
print("np.sum(a, axis=1)=",np.sum(a, axis=1))
np.sum(a, axis=1)= [26 28 24 18]
print("np.sum(a, axis=0)=",np.sum(a, axis=0))
np.sum(a, axis=0)= [22 13 27 18 16]
print("np.sum(a,1,keepdims=True)=",np.sum(a,1,keepdims=True))
np.sum(a,1,keepdims=True)= [[26]
                             [28]
                             [24]
                             [18]]
print("np.sum(a,0,keepdims=True)=",np.sum(a,0,keepdims=True))
np.sum(a,0,keepdims=True)= [[22 13 27 18 16]]
```

Maximum是逐点比较

```
a = np.array([1, 3, 5, 7])
b = np.array([2, 4, 6])
print(np.maximum(a[None, :], b[:, None]))#maximum返回两组
矩阵广播计算后的结果
[[2 3 5 7]
 [4 4 5 7]
 [6 6 6 7]]
```



# 大小,排序,统计

函数名	功能
sort	对数组进行排序会改变数组的内容，返回一个新的数组
percentile	percentile计算处于p%上的值。
unique	unique有两个参数,return_index=True同时返回原始数组中的下标,return_inverse=True表示原始数据在新数组的下标。
bicount	bincount()对非负整数数组中的各个元素出现的次数进行统计，返回数组中的第i个元素是整数i出现的次数。
histogram	对以为数组进行直方图统计，其参数为： histogram(a, bins=10, range=None, weights=None) 函数返回两个一维数组，hist是每个区间的统计结果，bin_edges返回区间的边界



# 多维数组拼接

**vstack(),hstack(),column\_stack()**拼接函数。

```
import numpy as np  
a = np.arange(3)
```

	0	1	2
0	0	1	2

```
b = np.arange(10, 13)
```

	0	1	2
0	10	11	12

```
v = np.vstack((a, b)) # 按第1轴连接数组
```

	0	1	2
0	0	1	2
1	10	11	12

```
h = np.hstack((a, b)) # 按第0轴连接数组
```

	0	1	2	3	4	5
0	0	1	2	10	11	12

```
c = np.column_stack((a, b)) # 按列连接多个一维数组
```

0	0	10
1	1	11
2	2	12

# 操作多维数组

```
import numpy as np
```

```
a = np.array([6, 3, 7, 4, 6, 9, 2, 6, 7, 4, 3, 7])
```

```
b = np.array([1, 3, 6, 9, 10])
```

```
print(np.split(a, b)) # 按元素位置进行分段
```

```
[array([6]), array([3, 7]), array([4, 6, 9]), array([2, 6, 7]),  
array([4]), array([3, 7])]
```

```
print(np.split(a, 2))
```

```
[array([6, 3, 7, 4, 6, 9]), array([2, 6, 7, 4, 3, 7])]
```

## array\_split

Split an array into multiple sub-arrays of equal or near-equal size. Does not raise an exception if an equal division cannot be made.

## hsplit

Split array into multiple sub-arrays horizontally (column-wise).

## vsplit

Split array into multiple sub-arrays vertically (row wise).

## dsplit

Split array into multiple sub-arrays along the 3rd axis (depth).

## concatenate

Join a sequence of arrays along an existing axis.

## stack

Join a sequence of arrays along a new axis.

## hstack

Stack arrays in sequence horizontally (column wise).

## vstack

Stack arrays in sequence vertically (row wise).

## dstack

Stack arrays in sequence depth wise (along third dimension).



# 其它的库

- scipy
- matplotlib
- opencv