## Computabilidad y Complejidad

## Práctica 6

- 1) Determinar cuáles de las siguientes afirmaciones son verdaderas y cuáles son falsas:
  - a)  $\frac{1}{2}n^2 3n \in \Theta(n^2)$ .
  - b)  $n^3 \in O(n^2)$ .
  - c)  $n^2 \in \Omega(n^3)$ .
  - $d) \ 2^n \in \Theta(2^{n+1}).$
  - e)  $n! \in O((n+1)!)$ .
  - f)  $f: \mathbf{N} \to \mathbb{R}^{\geq 0}, f(n) \in O(n) \Longrightarrow [f(n)]^2 \in O(n^2).$
  - g)  $f: \mathbf{N} \to \mathbb{R}^{\geq 0}, f(n) \in O(n) \Longrightarrow 2^{f(n)} \in O(2^n).$
  - h)  $f: \mathbf{N} \to \mathbb{R}^{\geq 0}$  y  $k \in \mathbb{R}^{\geq 0}$ ,  $kf(n) \in O(f(n))$ .
  - i) Para todo polinomio p(n) de grado  $m, p(n) \in O(n^m)$ .
  - j)  $\alpha, \beta \in \mathbb{R}, \alpha < \beta \Longrightarrow n^{\alpha} \in O(n^{\beta}).$
- 2) Probar que se cumplen las siguientes propiedades para  $f, g, h : \mathbb{N} \to \mathbb{R}^{\geq 0}$ ,
  - Reflexividad:
    - a)  $f(n) \in O(f(n))$
    - b)  $f(n) \in \Theta(f(n))$
    - c)  $f(n) \in \Omega(f(n))$
  - Transitividad:
    - d) Si  $f(n) \in O(g(n))$  y  $g(n) \in O(h(n)) \Longrightarrow f(n) \in O(h(n))$
    - e) Si  $f(n) \in \Theta(g(n))$  y  $g(n) \in \Theta(h(n)) \Longrightarrow f(n) \in \Theta(h(n))$
    - f) Si  $f(n) \in \Omega(g(n))$ y  $g(n) \in \Omega(h(n)) \Longrightarrow f(n) \in \Omega(h(n))$
  - Simetría:
    - g)  $f(n) \in \Theta(g(n)) \iff g(n) \in \Theta(f(n)).$
  - h) Simetría traspuesta:
    - i)  $f(n) \in O(g(n)) \iff g(n) \in \Omega(f(n)).$