



UNIVERSITÀ DI FIRENZE  
DIPARTIMENTO DI INFORMATICA

Corso di Laurea Triennale in  
Ingegneria Informatica

**Frontend per la simulazione  
di platooning di veicoli**

Relatore

**Giorgio Battistelli**

Candidati

**Federico Marra**

**Alberto Del Buono Paolini**

# Indice

<b>1</b>	<b>Introduzione</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Platooning di veicoli</b>	<b>4</b>
2.1	Modello matematico del platooning . . . . .	4
2.1.1	Equazioni in forma matriciale . . . . .	5
2.1.2	Svolgimento equazioni . . . . .	6
2.1.3	Discretizzazione delle equazioni . . . . .	7
2.2	Parametri . . . . .	8
2.2.1	Time Headway ( $h$ ) . . . . .	8
2.2.2	Tau ( $\tau$ ) . . . . .	8
2.2.3	Kp ( $k_p$ ) e Kd ( $k_d$ ) . . . . .	8
2.3	L <sub>p</sub> string stability . . . . .	8
<b>3</b>	<b>Simulazione del platooning</b>	<b>10</b>
3.1	Implementazione delle equazioni . . . . .	10
3.2	Rappresentazione globale delle equazioni nel software . . . . .	14
<b>4</b>	<b>Frontend</b>	<b>15</b>
4.1	Impostazioni . . . . .	16
4.2	Grafici . . . . .	19
4.3	Scorciatoie da tastiera . . . . .	22
4.4	Internazionalizzazione . . . . .	23
4.5	Integrazione Continua . . . . .	25
<b>5</b>	<b>Eperimenti</b>	<b>26</b>
5.1	Modelli stabili . . . . .	27
5.1.1	Parametri di default . . . . .	28
5.1.2	Numero di auto ( $m$ ) . . . . .	29
5.1.3	Spazio tra le auto ( $d_i$ ) . . . . .	32
5.1.4	Ritardo di comunicazione . . . . .	35
5.1.5	Time Headway ( $h$ ) . . . . .	39
5.1.6	Tau ( $\tau$ ) . . . . .	43
5.1.7	Kp ( $k_p$ ) . . . . .	46
5.1.8	Kd ( $k_d$ ) . . . . .	48
5.1.9	Velocità ( $v_i$ ) con parametri di default . . . . .	50
5.1.10	Velocità ( $v_i$ ) con parametri non default . . . . .	55
5.2	Modelli instabili . . . . .	58

5.2.1	Ritardo di comunicazione . . . . .	59
5.2.2	Velocità ( $v_i$ ) con parametri diversi da quelli di default . .	61
<b>6</b>	<b>Conclusioni</b>	<b>63</b>

# 1 Introduzione

La crescita del traffico stradale e la capacità limitata delle infrastrutture autostradali rappresentano sfide sempre più pressanti per le società moderne. L'incremento costante del numero di veicoli in circolazione ha portato a una saturazione sempre maggiore delle strade, ma anche a un aumento della durata degli spostamenti, con conseguenti ritardi, stress per gli automobilisti e impatti negativi sull'ambiente dovuti alle emissioni generate dal traffico fermo. In questo contesto, la ricerca di soluzioni innovative e efficienti per migliorare la gestione del traffico stradale è diventata sempre più importante.

Tra le molteplici strategie proposte per affrontare questo problema, una delle più promettenti è il concetto di platooning di veicoli. Detto anche convogliamento, consiste nell'allineamento e nella gestione coordinata di più veicoli in movimento lungo una strada. Questa formazione di veicoli segue un veicolo guida, cercando di mantenere una distanza costante prestabilita e ridotta tra di loro e minore in confronto alla distanza di si, e risponde in modo coordinato alle variazioni di velocità e direzione del veicolo di testa. Questo approccio offre numerosi vantaggi, tra cui una maggiore efficienza nel flusso del traffico, una riduzione della distanza tra i veicoli stessi e un miglioramento della sicurezza stradale.

Tuttavia, la piena realizzazione del potenziale del platooning richiede l'adozione di sistemi avanzati di controllo e automazione dei veicoli. In particola-

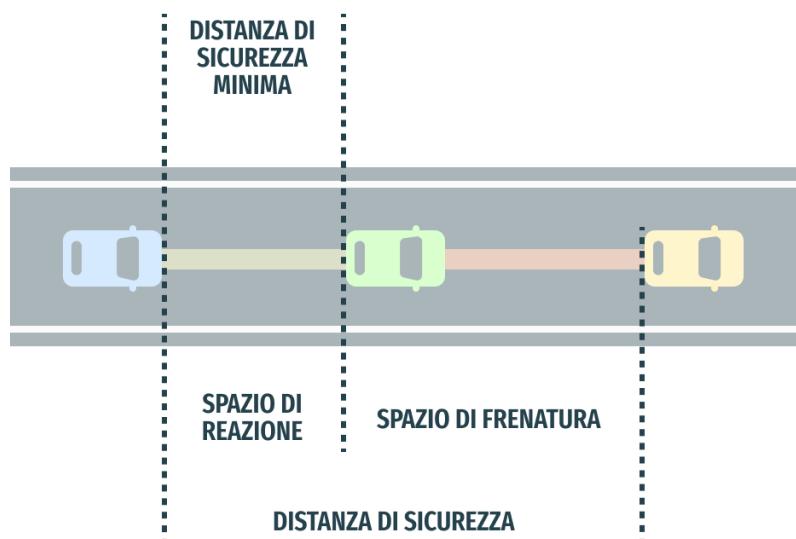


Figura 1: Distanza di sicurezza [Onl21]

## Introduzione

re, è fondamentale sviluppare algoritmi e tecnologie in grado di coordinare in modo efficace e sicuro il movimento dei veicoli all'interno del convoglio, garantendo contemporaneamente il rispetto delle normative stradali e la massima sicurezza per i conducenti e gli altri utenti della strada.

A questo scopo, il controllo di crociera adattivo e cooperativo (CACC) si presenta come una soluzione promettente. Questo sistema utilizza dati provenienti dai veicoli stessi, oltre a informazioni ottenute da sensori come telecamere, radar e lidar (scanner laser), per regolare automaticamente la velocità e la distanza tra i veicoli all'interno del convoglio. Grazie alla sua capacità di scambio di dati wireless tra veicoli, il CACC consente di mantenere intervalli di tempo significativamente inferiori rispetto ai sistemi di controllo di crociera adattivi tradizionali, contribuendo così a aumentare la capacità delle strade e a ridurre il consumo di carburante.

Da annoverare fra i vantaggi bisogna vagliare il caso in cui ci sia bisogno di frenare bruscamente, se c'è una persona alla guida c'è da tenere conto del tempo di reazione, calcolato mediamente in un range fra 1s e 1.1s che corrisponde però a una distanza maggiore proporzionalmente alla velocità a cui si sta viaggiando come mostrato in figura [3], considerando dunque anche lo spazio di frenatura la distanza di sicurezza diventa come mostrato nelle figure [1] e [2].

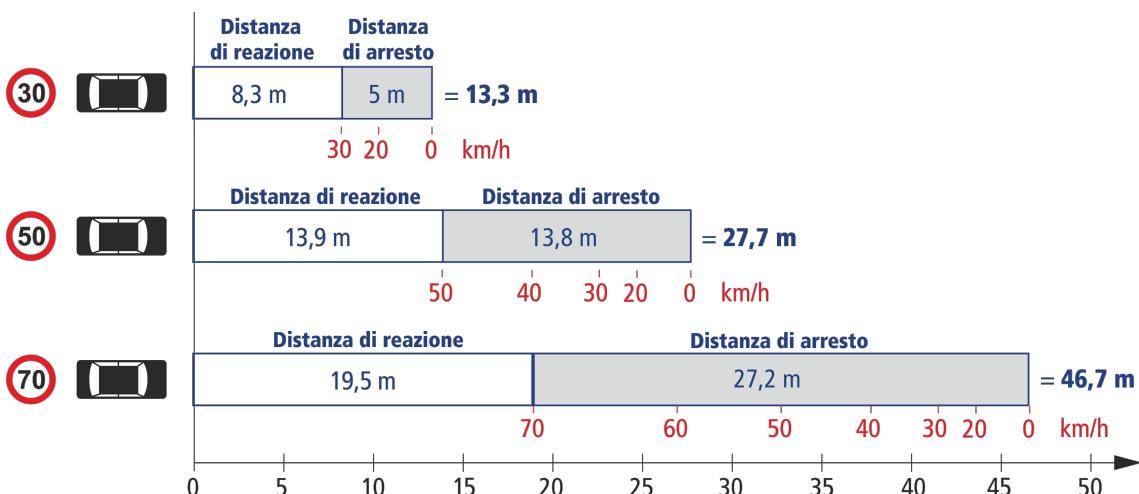


Figura 2: Componenti distanza di sicurezza [Qua16]

## SPAZIO DI REAZIONE

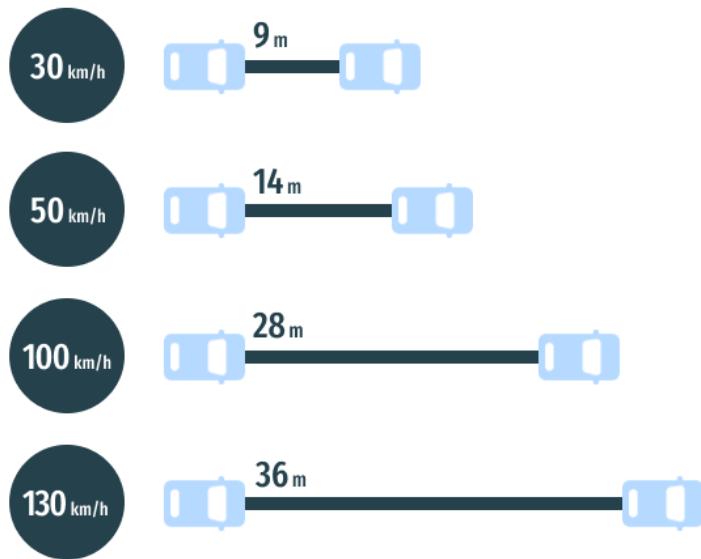


Figura 3: Spazio di reazione [Onl21]

Tuttavia, nonostante i suoi evidenti vantaggi, l'implementazione efficace del CACC e dei sistemi di platooning richiede la progettazione e lo sviluppo di un frontend sofisticato e efficiente per la simulazione e la valutazione delle prestazioni di tali sistemi. È qui che il nostro progetto entra in gioco. Ci proponiamo di sviluppare un frontend innovativo per la simulazione del platooning di veicoli, concentrandoci sull'ottimizzazione del modello fisico e del sistema di controllo, al fine di massimizzare l'efficienza del traffico stradale, garantendo al contempo la massima sicurezza per tutti gli utenti della strada.

## 2 Platooning di veicoli

Utilizziamo il metodo descritto nell'articolo [PWN14].

### 2.1 Modello matematico del platooning

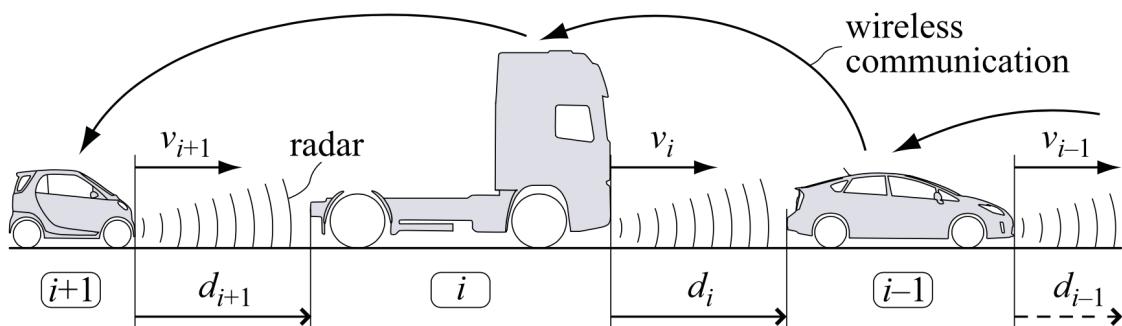


Figura 4: Platoon di veicoli equipaggiati con CACC

Nel platooning si considera un convoglio di  $m$  veicoli, come schematizzato nella Figura [4], dove  $d_i$  rappresenta la distanza tra il veicolo  $i$  e il veicolo precedente  $i - 1$ , e  $v_i$  rappresenta la sua velocità. L'obiettivo di ciascun veicolo è seguire il veicolo precedente a una distanza desiderata  $d_{r,i}$  secondo l'equazione:

$$d_{r,i}(t) = r_i + h \cdot v_i(t), \quad i \in S_m \quad (1)$$

Nell'equazione (1)  $h$  è indicato come time headway o anche tempo di separazione e  $r_i$  è la distanza di fermo, ovvero la distanza che si vorrebbe mantenessero in stato di arresto.  $S_m = \{i \in N \mid 1 \leq i \leq m\}$  rappresenta l'insieme di tutti i veicoli in un convoglio di lunghezza  $m \in N$ . L'equazione di spaziamento (1) è nota per migliorare la stabilità di stringa e la sicurezza. Si assume un convoglio omogeneo, quindi  $h$  è lo stesso per tutti i veicoli  $i$ .

Definita  $d_i(t)$  come la distanza fra i veicoli  $i$  e  $i - 1$

$$d_i(t) = q_{i-1}(t) - q_i(t) - L_i \quad (2)$$

con  $q_i$  che rappresenta la posizione del paraurti posteriore del veicolo  $i$  e  $L_i$  la sua lunghezza.

Riprendiamo dall'articolo [PWN14] l'equazione 3, l'errore di spaziamento  $e_i(t)$  è definito come:

$$e_i(t) = d_i(t) - d_{r,i}(t) = (q_{i-1}(t) - q_i(t) - L_i) - (r_i + h \cdot v_i(t)) \quad (3)$$

Il problema di controllo comprende due requisiti: l'obiettivo di seguire il veicolo precedente e il requisito di stabilità di stringa.

Dunque rappresentiamo in  $x_i$  le componenti del veicolo  $i$  a un certo stato  $t$  (che per convenzione non scriveremo)

$$x_i = \begin{bmatrix} e_i \\ v_i \\ a_i \\ u_i \end{bmatrix} \quad (4)$$

Il sistema di controllo oltre alle sue componenti ha bisogno di recuperare anche quelle della macchina che la precede, rappresentata da  $x_{i-1}$ . Il sistema avrà dunque l'evoluzione come sotto descritto in (5)

$$\dot{x}_i = A_0 x_i + A_1 x_{i-1} \quad (5)$$

### 2.1.1 Equazioni in forma matriciale

Dall'articolo [PWN14] traiamo l'equazione in forma matriciale della legge di controllo applicate al vettore  $\dot{x}_i$ .

$$\begin{bmatrix} \dot{e}_i \\ \dot{v}_i \\ \dot{a}_i \\ \dot{u}_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -h & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{\tau} & \frac{1}{\tau} \\ \frac{k_p}{h} & -\frac{k_d}{h} & -k_d - \frac{k_{dd}(\tau-h)}{h\tau} & -\frac{k_{dd}h+\tau}{h\tau} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} e_i \\ v_i \\ a_i \\ u_i \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{k_d}{h} & \frac{k_{dd}}{h} & \frac{1}{h} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} e_{i-1} \\ v_{i-1} \\ a_{i-1} \\ u_{i-1} \end{bmatrix} \quad (6)$$

Come suggerito dall'articolo [PWN14] poniamo  $k_{dd} = 0$  dunque il sistema di evoluzione in forma matriciale diventa (contando  $-\frac{\tau}{h\tau} = -\frac{1}{h}$ ):

$$\begin{bmatrix} \dot{e}_i \\ \dot{v}_i \\ \dot{a}_i \\ \dot{u}_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -h & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{\tau} & \frac{1}{\tau} \\ \frac{k_p}{h} & -\frac{k_d}{h} & -k_d & -\frac{1}{h} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} e_i \\ v_i \\ a_i \\ u_i \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{k_d}{h} & 0 & \frac{1}{h} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} e_{i-1} \\ v_{i-1} \\ a_{i-1} \\ u_{i-1} \end{bmatrix} \quad (7)$$

### 2.1.2 Svolgimento equazioni

Svolgiamo dunque il sistema descritto dall'equazione (7) che trascura il fattore  $k_{dd}$  ponendolo a 0 e otteniamo le componenti di  $\dot{x}_i$ :

L'errore:

$$\dot{e}_i = -v_i - ha_i + v_{i-1} \quad (8)$$

La velocità:

$$\dot{v}_i = a_i \quad (9)$$

L'accelerazione:

$$\dot{a}_i = -\frac{a_i}{\tau} + \frac{u_i}{\tau} = \frac{-a_i + u_i}{\tau} \quad (10)$$

Il controllo:

$$\dot{u}_i = \frac{k_p}{h}e_i - \frac{k_d}{h}v_i - k_da_i - \frac{u_i}{h} + \frac{k_d}{h}v_{i-1} + \frac{u_{i-1}}{h} = \frac{k_p e_i - k_d v_i - u_i + k_d v_{i-1} + u_{i-1}}{h} - k_da_i \quad (11)$$

Per avere i parametri di  $x_i$  al tempo  $t$  il sistema sarà  $x_i(t) = x_i(t-1) + \dot{x}_i(t-1)$ :

$$e_i(t) = e_i(t-1) + \dot{e}_i(t-1) \quad (12a)$$

$$v_i(t) = v_i(t-1) + \dot{v}_i(t-1) \quad (12b)$$

$$a_i(t) = a_i(t-1) + \dot{a}_i(t-1) \quad (12c)$$

$$u_i(t) = u_i(t-1) + \dot{u}_i(t-1) \quad (12d)$$

Comporremo il nostro modello a partire dalle equazioni 3 svolgendola e ottenendo:

$$d_i(t) = e_i(t) + d_{r,i}(t) = e_i(t) + r_i + h \cdot v_i(t) \quad (13)$$

con:

- $e_i(t)$  ottenuto dall'equazione (12a).
- $r_i$  è la standstill distance detta anche distanza di fermo, decisa a priori.
- $h$ , cioè il time headway anche questo deciso a priori e uguale per tutti i veicoli.
- $v_i(t)$  ottenuto dall'equazione (12b)

### 2.1.3 Discretizzazione delle equazioni

Per far sì che le equazioni dinamiche siano implementabili in un sistema informatico che per sua natura richiede un campionamento, si pone un tempo o frequenza di campionamento e le equazioni (8), (9), (10) e (11) diventano da continue, discrete:

L'errore:

$$\Delta e_i = -v_i - ha_i + v_{i-1} \quad (14)$$

La velocità:

$$\Delta v_i = a_i \quad (15)$$

L'accelerazione:

$$\Delta a_i = -\frac{a_i}{\tau} + \frac{u_i}{\tau} = \frac{-a_i + u_i}{\tau} \quad (16)$$

Il controllo:

$$\Delta u_i = \frac{k_p}{h} e_i - \frac{k_d}{h} v_i - k_d a_i - \frac{u_i}{h} + \frac{k_d}{h} v_{i-1} + \frac{u_{i-1}}{h} = \frac{k_p e_i - k_d v_i - u_i + k_d v_{i-1} + u_{i-1}}{h} - k_d a_i \quad (17)$$

E così anche (12a), (12b), (12c) e (12d) da continue diventano discrete. Le componenti del veicolo  $i$  al tempo  $t$  il sistema saranno descritte dall'equazione  $x_i(t) = x_i(t-1) + \Delta x_i(t-1) \cdot T_s$  (con  $T_s$  tempo di campionamento):

$$e_i(t) = e_i(t-1) + \Delta e_i(t-1) \cdot T_s \quad (18a)$$

$$v_i(t) = v_i(t-1) + \Delta v_i(t-1) \cdot T_s \quad (18b)$$

$$a_i(t) = a_i(t-1) + \Delta a_i(t-1) \cdot T_s \quad (18c)$$

$$u_i(t) = u_i(t-1) + \Delta u_i(t-1) \cdot T_s \quad (18d)$$

L'equazione (13) non necessita di discretizzazione esplicita poiché prende solo le componenti esplicite da (12a) e (12b).

## 2.2 Parametri

Andiamo qui di seguito a spiegare i parametri dell'equazione (7):

### 2.2.1 Time Headway ( $h$ )

Detto anche tempo di separazione svolge una vera e propria funzione di sicurezza. Rappresenta l'intervallo di tempo tra un veicolo e il suo predecessore, indica la distanza temporale desiderata tra i veicoli all'interno del convoglio. È mostrato come varia negli esperimenti nella sezione [5.1.5].

### 2.2.2 Tau ( $\tau$ )

Rappresenta una costante di tempo che descrive le dinamiche della linea di trasmissione, che influenzano l'accelerazione dei veicoli nel convoglio. È una costante indipendente dal veicolo, poiché si assume l'omogeneità del convoglio. È mostrato come varia negli esperimenti nella sezione [5.1.6].

### 2.2.3 Kp ( $k_p$ ) e Kd ( $k_d$ )

Rappresentano i parametri del controllore adottato, utilizzati per calcolare il segnale di controllo  $\dot{u}_i$  dell'equazione (11) e  $\Delta u_i$  dell'equazione (17).  $k_p$  e  $k_d$  sono rispettivamente i coefficienti proporzionale e derivativo nel controllo PID (proporzionale-integrale-derivativo). Questi parametri influenzano la risposta del controllore agli errori di posizione e velocità del veicolo rispetto al suo obiettivo. È mostrato come varia negli esperimenti nelle sezioni [5.1.7] e [5.1.8].

Dall'articolo [PWN14] a pag.791 si fa riferimento a dei valori per cui è conservata la stabilità. E sono i valori che abbiamo impostato di default nella simulazione come riportato nella sezione [5.1.1].

Time Headway $h$	Tau $\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

## 2.3 L<sub>p</sub> string stability

Nel contesto della stabilità di Lyapunov, la stabilità delle stringhe rappresenta una forma specifica di analisi della stabilità applicata a sistemi di veicoli

interconnessi, comunemente usata nello studio dei plotoni di veicoli autonomi o dei sistemi di convogli.

La teoria della stabilità di Lyapunov fornisce un quadro per analizzare la stabilità dei sistemi dinamici, concentrandosi sul comportamento di una funzione di Lyapunov. Nella stabilità delle stringhe, l'analisi di Lyapunov viene impiegata per valutare se le posizioni e le velocità relative dei veicoli in un convoglio rimangono limitate nel tempo.

Ecco come la stabilità delle stringhe si relaziona alla stabilità di Lyapunov:

1. **Funzione di Lyapunov:** Nell'analisi della stabilità delle stringhe, viene spesso utilizzata una funzione di Lyapunov per quantificare le proprietà di stabilità del sistema del convoglio. Questa funzione misura solitamente la deviazione delle distanze inter-veicolo e delle velocità dai valori desiderati.
2. **Criterio di Stabilità:** La stabilità delle stringhe si raggiunge se la funzione di Lyapunov diminuisce nel tempo, indicando che le deviazioni dalle distanze e velocità inter-veicolo desiderate si riducono man mano che il tempo passa. Questo corrisponde al criterio di stabilità di Lyapunov, dove un sistema è considerato stabile se esiste una funzione di Lyapunov che diminuisce lungo le traiettorie del sistema.
3. **Analisi di Lyapunov:** Gli ingegneri e i ricercatori utilizzano le tecniche di analisi della stabilità di Lyapunov per progettare strategie di controllo per i convogli di veicoli autonomi che garantiscono la stabilità delle stringhe. Analizzando la dinamica del sistema del convoglio con le funzioni di Lyapunov, possono determinare le condizioni in cui il convoglio rimane stabile e progettare algoritmi di controllo per soddisfare tali condizioni.

In generale, la stabilità delle stringhe nel contesto della teoria della stabilità di Lyapunov coinvolge l'applicazione delle tecniche di analisi di Lyapunov per valutare e garantire la stabilità dei convogli o plotoni di veicoli autonomi, con l'obiettivo di mantenere distanze e velocità dei veicoli consistenti nel tempo.

Viene altresì notato nel [PWN14] a pagina 788 che il platoon è stabile asintoticamente per ogni time headway  $h > 0$  e ogni  $k_p, k_d > 0$  e  $k_d > k_p\tau$ .

### 3 Simulazione del platooning

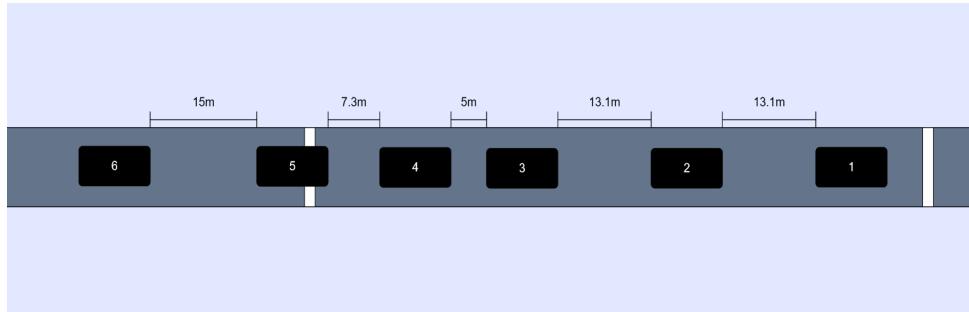


Figura 5: Visualizzazione grafica della simulazione.

#### 3.1 Implementazione delle equazioni

Le equazioni teoriche ricavate nelle sezione [2.1.2] e [2.1.3] utili ai fini della simulazione sono implementate nella funzione *draw()* del *P5Canvas*.

Come inizializzazione dei valori del primo veicolo, o pilota poniamo:

$$e_0 = 0 \quad (19a)$$

$$a_0 = \frac{v_0 - v_0^-}{T_s} \quad (19b)$$

$$v_0+ = a_0 \cdot T_s = \frac{a_0}{F_s} \quad (19c)$$

$$u_0 = a_0 \quad (19d)$$

con  $T_s = \frac{1}{F_s}$  e viceversa  $F_s = \frac{1}{T_s}$ .

Nell'implementazione  $v_0$  e  $v_0^-$  sono i valori di velocità corrispondenti all'iterazione corrente e precedente di *draw()*.

Linee 239–248 del *P5Canvas*

```
// Setup for the first car
prevV[0] = velocity[0];
prevU[0] = controlU[0];
error[0] = 0;
acceleration[0] = leadingCarChart[(leadingCarChartIndex + 1)
    .length].velocity - leadingCarChart[leadingCarChartIndex].velocity;
velocity[0] += acceleration[0] / FS;
controlU[0] = acceleration[0];
```

Poi inizializziamo la distanza di fermo  $r_i$  dall'equazione (2) come *standstillDistance*:

## Linea 249 del P5Canvas

```
const standstillDistance = carSpacing * 10 + CAR_WIDTH;
```

Dopo di che il ciclo for itera il calcolo delle varie componenti di ogni veicolo escluso il primo, per ogni iterazione:

## Linee 252–302 del P5Canvas

```
for (let i = 1; i < carNumber; i++) {
    ...
}
```

Dunque all'iterazione del veicolo  $i \neq 0$  e al tempo  $t$  salviamo prima i valori di  $e_i(t - 1)$  e  $u_i(t - 1)$  in:

## Linee 252–302 del P5Canvas

```
const prevE = error[i];
const prevA = acceleration[i];
```

Ora applichiamo le equazioni (14) con (18a), (15) con (18b), (16) con (18c) e (17) con (18d):

$$e_i(t) = -v_i(t - 1) - ha_i(t - 1) + v_{i-1}(t) \quad (20a)$$

$$v_i(t) = a_i(t - 1) \quad (20b)$$

$$a_i(t) = -\frac{a_i(t - 1)}{\tau} + \frac{u_i(t - 1)}{\tau} \quad (20c)$$

$$u_i(t) = \frac{k_p}{h}e_i(t - 1) - \frac{k_d}{h}v_i(t - 1) - k_d a_i(t - 1) - \frac{u_i(t - 1)}{h} + \frac{k_d}{h}v_{i-1}(t - 1) + \frac{u_{i-1}(t - 1)}{h} \quad (20d)$$

che possiamo riscrivere:

$$e_i(t) = v_{i-1}(t) - v_i(t - 1) - ha_i(t - 1) \quad (21a)$$

$$v_i(t) = a_i(t - 1) \quad (21b)$$

$$a_i(t) = \frac{u_i(t - 1) - a_i(t - 1)}{\tau} \quad (21c)$$

$$u_i(t) = \frac{k_p e_i(t - 1) - k_d v_i(t - 1) - u_i(t - 1) + k_d v_{i-1}(t - 1) + u_{i-1}(t - 1)}{h} - k_d a_i(t - 1) \quad (21d)$$

## Simulazione del platooning

e tradurre nel codice ricordando che per la simulazione  $F_s = 60$  che equivale a un frame-rate di 60fps (frame per secondo):

### Linee 258–269 del P5Canvas

```
error[i] += (prevV[i-1] - prevV[i] - timeHeadway * prevA) / FS;
velocity[i] += prevA / FS;
acceleration[i] += ((prevV[i] - prevA) / tau) / FS;
controlU[i] += ((kp * prevE - kd * prevV[i] - prevU[i] + kd * prevV[i-1] + prevU[i-1]) /
timeHeadway - kd * prevA) / FS;
```

Calcolate le componendi di  $x_i$  ci manca usare l'equazione (13) con  $d_{r,i}$  definita come *desiredDistance*,  $r_i$  come *standstillDistance* e  $d_i$  come  $d$ :

### Linee 272–273 del P5Canvas

```
let desiredDistance = standstillDistance + velocity[i] * timeHeadway;
let d: number = error[i] + desiredDistance;
```

Successivamente sorge una problematica: mettere un limite superiore all'accelerazione che in un sistema fisico ha intrinsecamente un limite superiore ma che nei termini della nostra modellizzazione in un sistema che simula ciò che accadrebbe in un sistema fisico, dobbiamo trattare il problema di non avere accelerazione infinita istantanea. La soluzione è qui di sotto implementata, di fatto si forza un'accelerazione massima posta dal *maxStep*:

### Linee 275–292 del P5Canvas

```
const maxStep = 1;
const prevDistance = Math.abs(carPoints[i] - carPoints[i-1]);

if (prevDistance - d > maxStep) {
    d = prevDistance - maxStep;
    for (let j = i; j < carNumber; j++) {
        carPoints[j] += maxStep; }
} else if (d - prevDistance > maxStep) {
    if (leadingCarChart[leadingCarChartIndex].velocity !== 0) {
        d = prevDistance + maxStep;
        for (let j = i; j < carNumber; j++) {
            carPoints[j] -= maxStep;
        }
    } else {
        d = prevDistance;
    }
}
```

Quindi calcolata la variabile  $d$  che indica la distanza tra i veicoli  $i$  e  $i - 1$ , andiamo ad aggiornare il valore assoluto della posizione di  $i$ , rappresentato da  $carPoints$ :

Linea 292 del *P5Canvas*

```
carPoints[i] = carPoints[i - 1] - d;
```

Infine aggiorno i valori  $prevV$  e  $prevU$  per la prossima iterazione del ciclo:

Linee 299–300 del *P5Canvas*

```
prevV[i] = velocity[i];  
prevU[i] = controlU[i];
```

## 3.2 Rappresentazione globale delle equazioni nel software

### Funzione *draw()* del *P5Canvas* di simulazione

```
// Setup for the first car
prevV[0] = velocity[0];
prevU[0] = controlU[0];
acceleration[0] = leadingCarChart[(leadingCarChartIndex + 1) %
    leadingCarChart.length].velocity - leadingCarChart[leadingCarChartIndex].velocity;
velocity[0] += acceleration[0] / FS;
controlU[0] = acceleration[0];
error[0] = 0;

const standstillDistance = carSpacing * 10 + CAR_WIDTH;

// Update all the other cars
for (let i = 1; i < carNumber; i++) {
    // Time i-1 (previous time)
    // Time i (present time)

    const prevE = error[i];
    const prevA = acceleration[i];

    // Divide Δei, Δvi, Δai, Δui by the simulation frequency
    error[i] += (prevV[i-1] - prevV[i] - timeHeadway * prevA) / FS;
    velocity[i] += prevA / FS;
    acceleration[i] += ((prevU[i] - prevA) / tau) / FS;
    controlU[i] += ((kp * prevE - kd * prevV[i] - prevU[i] + kd * prevV[i-1] + prevU[i-1]) /
        timeHeadway - kd * prevA) / FS;

    // di = ei + ri(standstill distace) vi*th(velocity of i vehicle * timeHeadway)
    const desiredDistance = standstillDistance + velocity[i] * timeHeadway;
    let d: number = error[i] + desiredDistance;

    // Limit the distance step and update the car position
    const maxStep = 1;
    const prevDistance = Math.abs(carPoints[i] - carPoints[i-1]);

    if (prevDistance - d > maxStep) {
        d = prevDistance - maxStep;
        for (let j = i; j < carNumber; j++) {
            carPoints[j] += maxStep;
        }
    }
    carPoints[i] = carPoints[i - 1] - d;

    // Update previous velocity and control values
    prevV[i] = velocity[i];
    prevU[i] = controlU[i];
}
```

## 4 Frontend

Per sviluppare il progetto abbiamo usato *Next.js*<sup>1</sup>, framework fullstack per lo sviluppo di applicazioni web, accompagnato da *TypeScript* per rendere lo sviluppo più attendibile, aggiungendo sicurezza rispetto ai tipi per tutto il codice.

Tutta la cronologia dello sviluppo è disponibile su *Github*<sup>2</sup> e la frontend è accessibile pubblicamente su *platooning-visualization.vercel.app*<sup>3</sup>. Abbiamo optato per ospitare l'app su *Vercel*<sup>4</sup> dato che offre integrazione/distribuzione continua (*CI/CD*), come discuteremo in una sezione successiva. Il rilascio della nostra applicazione non è tuttavia limitato solo a questa piattaforma ma è anche compatibile con progetti *AWS Amplify* e *Netlify*.

La visualizzazione della simulazione vera e propria è implementata usando *P5.js*<sup>5</sup>, libreria che ci permette di gestire più efficientemente il rendering ad alto frame rate sul *canvas HTML* e che rende disponibile una *API* più ergonomica per interagire con esso.

Per gestire gli stili dell'interfaccia utente abbiamo usato *TailwindCSS*<sup>6</sup>, un framework *CSS* che ci ha permesso di non dividere il codice di rendering dal codice di styling (usando il meccanismo delle classi *CSS*), rendendo lo sviluppo dei componenti *UI* più veloce, rintracciabile e standardizzato.

### Esempio di classi *TailwindCSS*

```
<div className="p-1 text-white transition-all duration-300 rounded-md
cursor-pointer select-none bg-slate-800 hover:bg-slate-300
hover:text-slate-800">
    <InfoIcon />
</div>
```

Abbiamo reso disponibili anche varie scorciatoie da tastiera per eseguire diverse azioni nell'interfaccia utente, ad esempio SPAZIO mette in pausa o fa partire la simulazione. Nelle sezioni successive ne saranno definite altre in corrispondenza col loro utilizzo.

<sup>1</sup> <https://nextjs.org>

<sup>2</sup> <https://github.com/albbus-stack/platooning-visualization>

<sup>3</sup> <https://platooning-visualization.vercel.app>

<sup>4</sup> <https://vercel.com>

<sup>5</sup> <https://p5js.org>

<sup>6</sup> <https://tailwindcss.com>

## 4.1 Impostazioni

La gestione dello stato delle impostazioni di simulazione avviene sfruttando il *contesto React*<sup>7</sup>. Il meccanismo di funzionamento del contesto è molto simile a quello del pattern *Provider/Consumer* e si divide quindi in due parti:

- *Provider*: viene instanziato un componente che racchiude tutti i componenti di cui esso deve gestire lo stato, permettendo interazioni tra loro.
- *Consumer*: per consumare (leggere) oppure aggiornare lo stato di un *Provider* viene usato l'*hook useContext*<sup>8</sup> che espone queste funzionalità ad ogni componente sottostante al *Provider*.

Nel nostro caso il *DataProvider* contiene tutte le varie impostazioni della simulazione che possono essere modificate dal componente *DataProvider* (la sezione che contiene i selettori orizzontali per ogni opzione ed il grafico della velocità del primo veicolo); lo stato di queste impostazioni viene in seguito letto dal *canvas P5* per aggiornare la simulazione stessa. Questo meccanismo ci permette quindi di sincronizzare facilmente lo stato tra il componente di modifica e quello di visualizzazione.

Sono disponibili le seguenti impostazioni di simulazione (visibili in figura 6): *Numero di veicoli*, *Distanza obiettivo tra di loro*, *Distanza temporale tra di loro*, *Delay di comunicazione* ed alcuni parametri del modello di platooning precedentemente discusso come *Tau*, *Kp* e *Kd*.



Figura 6: Varie impostazioni numeriche per la simulazione.

<sup>7</sup> <https://react.dev/learn/passing-data-deeply-with-context>

<sup>8</sup> <https://react.dev/reference/react/useContext>

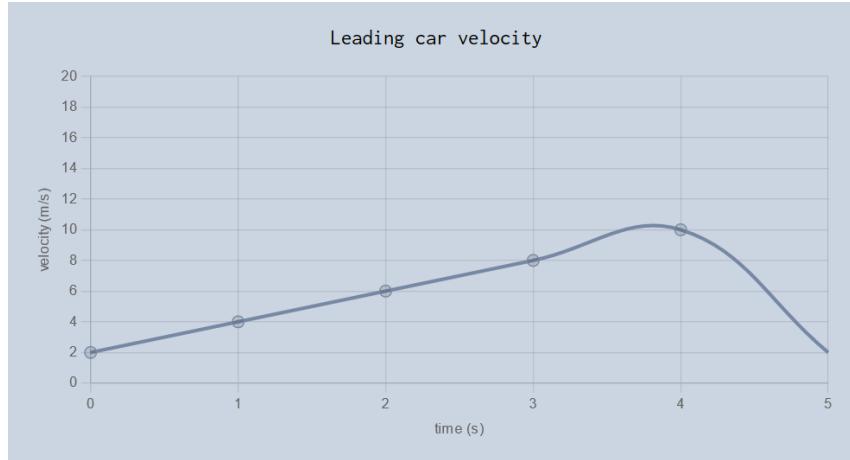


Figura 7: Grafico per impostare l’andamento del primo veicolo del convoglio nel tempo.

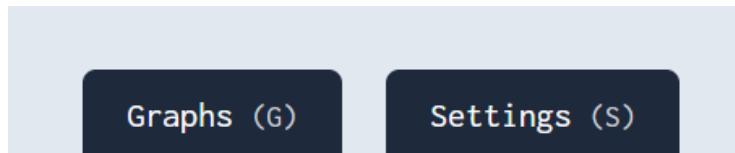


Figura 8: Interfaccia utente per l’apertura dei pannelli (*Sliver*), con sopra annotate le scorciatoie da tastiera.

La velocità del primo veicolo del convoglio è controllabile tramite un grafico interattivo, in figura 7, in cui sono modificabili i punti da  $t = 0$  a  $t = 4$ . Il primo veicolo segue in maniera periodica questo grafico delle velocità con accelerazione uniforme. Come descritto nella sezione successiva, è stato scelto *ChartJS* per produrre anche questo grafico interattivo.

Le impostazioni per la simulazione ed i grafici risultanti sono contenute in due pannelli separati, accessibili tramite due bottoni nell’interfaccia utente (visibili in figura 8) oppure usando delle scorciatoie da tastiera: G per aprire il pannello dei grafici (*GraphSliver*) e S per aprire il pannello delle impostazioni (*SettingSliver*).

Dopo aver configurato i parametri desiderati, è possibile avviare la simulazione per visualizzare il comportamento del veicolo in base alle scelte effettuate. L’uso di grafici e impostazioni personalizzabili permette un’analisi interattiva del modello di platooning da parte dell’utente.

### Codice allegato

#### Gestione dello stato delle impostazioni con *DataProvider*

```
/* DataProvider.tsx */
export const DataProvider: React.FC<DataProviderProps> = ({ children }) => {
  const [carNumber, setCarNumber] = useState(6);
  const [carSpacing, setCarSpacing] = useState(5.0);
  const [timeHeadway, setTimeHeadway] = useState(0.5);
  const [tau, setTau] = useState(0.1);
  const [kp, setKp] = useState(0.2);
  const [kd, setKd] = useState(0.7);
  const [velocityFrameDelay, setVelocityFrameDelay] = useState(VELOCITY_DELAY);
  const [leadingCarChart, setLeadingCarChart] = useState<GraphPoints[]>(
    [0, 1, 2, 3, 4].map((i) => {
      return {
        time: i,
        velocity: i * 2 + 2,
      };
    })
  );
  ...
}

/* SettingsSliver.tsx */
const SettingsSliver: React.FC = () => {
  const { carNumber, setCarNumber, carSpacing, setCarSpacing, ... } =
    useContext(DataContext);
  ...
}

/* P5Canvas.tsx */
<NextReactP5Wrapper
  sketch={sketch}
  carSpacing={carSpacingSetting}
  carNumber={carNumberSetting}
  ...
>
```

Le varie impostazioni della simulazione sono contenute dentro *DataProvider* e i loro stati sono inizializzati con dei valori di default, inclusi i punti del grafico della velocità del primo veicolo. In seguito *SettingSliver* utilizza i *getter* e *setter* esposti da questo provider per permettere all'utente di modificare le impostazioni interattivamente attraverso gli slider.

Infine nel *canvas P5* viene letto lo stato del contesto e passato all'istanza sottostante di *P5.js* attraverso i *props* del componente *NextReactP5Wrapper* che rende la simulazione consapevole del cambiamento di qualsiasi di questi, in maniera reattiva.

## 4.2 Grafici

La visualizzazione dei grafici è implementata usando *ChartJS*<sup>9</sup>, libreria molto popolare grazie alla performance del *canvas HTML* e alla sua interazione stretta con *React* (attraverso la libreria wrapper *react-chartjs-2*<sup>10</sup>).

Come suggerito precedentemente, la gestione dei dati usati per la produzione dei grafici è sempre affidata al *contexto React*, in particolare al componente *DataProvider* che espone *getter* e *setter* relativi ai dati di distanza e velocità tra i veicoli. Questo approccio ci consente di gestire in modo efficiente e organizzato tutti i dati relativi alla simulazione, garantendo una facile integrazione con il resto dell'applicazione.

La simulazione *P5* stessa esegue a *60 fps* e viene campionata ogni quarto di secondo (*250ms*) per raccogliere questi dati di distanza e velocità. Quando viene aggiunto un nuovo *DataPoint*, i grafici contenuti in *GraphSliver* si aggiornano, mostrando dinamicamente i dati raccolti, permettendo quindi agli utenti di monitorare l'evoluzione della simulazione in tempo reale.

Nell'interfaccia utente è possibile visualizzare il grafico di distanza o velocità specifico per un veicolo; questi sono selezionabili da due dropdown presenti sopra ai grafici corrispondenti.

E' possibile osservare un esempio della visualizzazione di questa sezione in figura 9 e 10.

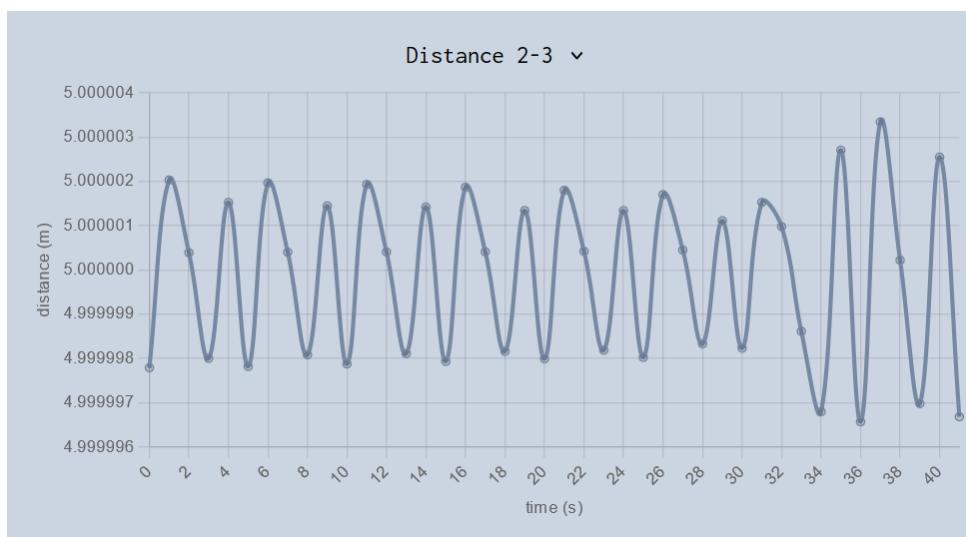


Figura 9: Grafico della distanza tra due veicoli del convoglio.

<sup>9</sup> <https://www.chartjs.org>

<sup>10</sup> <https://react-chartjs-2.js.org>

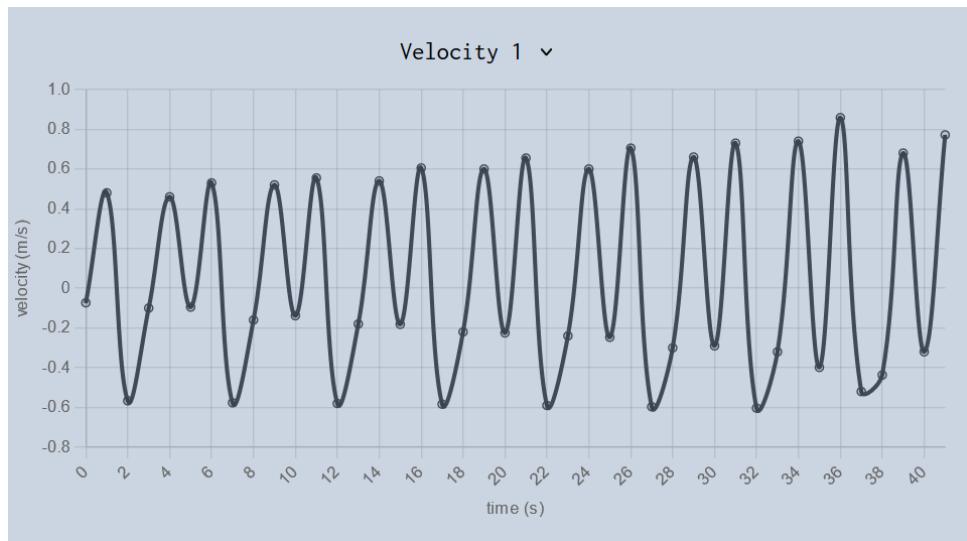


Figura 10: Grafico della velocità di un veicolo del convoglio.

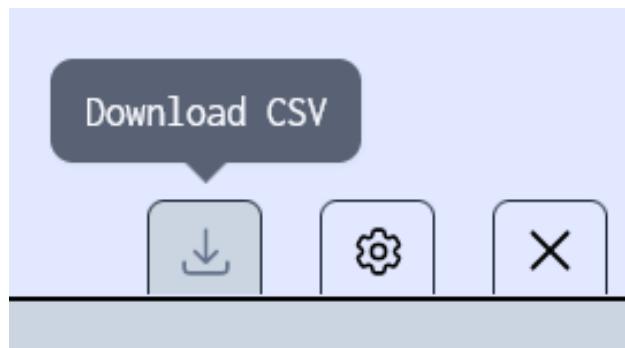


Figura 11: Bottone di esportazione dei dati della simulazione in csv.

Un aspetto utile della nostra implementazione è la possibilità di esportare i dati raccolti in formato csv con la seguente struttura: carNumber, time(s), distance(m), velocity(m/s). Dove time(s) è l'istante di tempo e distance si riferisce alla distanza tra il veicolo carNumber e carNumber+1. Per l'ultimo veicolo questa distanza sarà sempre considerata 0 come default dato che non c'è nessun veicolo successivo ad esso.

Il download in formato csv consente agli utenti di analizzare i dati della simulazione in dettaglio al di fuori dell'applicazione, utilizzando strumenti esterni o elaborando i risultati in altri contesti. In figura 11 è visibile l'interfaccia utente per questa funzione.

## Codice allegato

### Gestione dello stato dei grafici con *DataProvider*

```

/* DataProvider.tsx */
export const DataProvider: React.FC<DataProviderProps> = ({ children }) => {
  const [graphData, setGraphData] = useState<{}[][]> as {
    distance: number;
    velocity: number;
    time: number;
  }[][];
  ...
}

/* GraphSliver.tsx */
const GraphSliver: React.FC = () => {
  const [distanceChartIndex, setDistanceChartIndex] = useState(0);
  const [velocityChartIndex, setVelocityChartIndex] = useState(0);

  const { graphData } = useContext(DataContext);
  ...
}

/* P5Canvas.tsx */
const { setGraphData } = useContext(DataContext);

intervalRef = setInterval(() => {
  timeTick++;
  setGraphData((car) =>
    car.map((prev, i) => [
      ...prev,
      { time: timeTick, distance: distance[i], velocity: velocity[i] },
    ])
  );
}, UPDATE_INTERVAL);

```

Come si può osservare sopra, *DataProvider* contiene i dati di distanza e velocità di ogni veicolo per ogni istante di tempo. Questo stato è letto da *GraphSliver* che ha due variabili di stato locali contenenti gli indici dei grafici di distanza e velocità attualmente selezionati dall'utente nella sezione corrispondente.

Lo stato del *DataProvider* viene aggiornato dentro un *intervallo* (cioè una *API* per ripetere l'esecuzione di un blocco di codice periodicamente) nel *canvas P5* che contiene i dati della simulazione in esecuzione. Nel nostro caso l'intervallo esegue ogni `UPDATE_INTERVAL` millisecondi, costante definita precedentemente nel file ad un secondo; per ottenere dati in uscita con frequenza di campionamento più alta è sufficiente modificare questo valore.

## 4.3 Scorciatoie da tastiera

Abbiamo aggiunto varie scorciatoie da tastiera per interagire con l'interfaccia utente più rapidamente. Segue un elenco di questi *shortcuts*:

- SPAZIO avvia o interrompe la simulazione.
- R ripristina la simulazione alle impostazioni predefinite.
- S apre la sezione per la modifica delle impostazioni (*SettingsSliver*).
- G apre la sezione di visualizzazione dei grafici (*GraphSliver*).
- D scarica i dati in csv della simulazione eseguita.
- ↑ e ↓ ingrandiscono/diminuiscono la dimensione della *Sliver*.
- ← e → ciclano tra *Sliver* delle impostazioni e dei grafici.
- ESC chiude la *Sliver*.

### Codice allegato

Gestione delle scorciatoie da tastiera in *P5Canvas.tsx*

```
useEffect(() => {
  const onKeyDown = (e: KeyboardEvent) => {
    switch (e.key) {
      // Start/stop the simulation
      case " ":
        togglePlay();
        break;

      // Reset the simulation
      case "r":
        resetCanvas(window.innerWidth, carNumberSetting, carSpacingSetting);
        break;
      ...
    }
  }

  document.addEventListener("keydown", onKeyDown);
  return () => document.removeEventListener("keydown", onKeyDown);
}, [togglePlay])
```

Il codice fornito gestisce le scorciatoie per SPAZIO e R utilizzando *useEffect*. Con questo *hook* viene registrato un gestore per gli eventi *keydown* quando il componente viene montato. Questo gestore di eventi controlla quale tasto è stato premuto attraverso l'oggetto *KeyboardEvent* e reagisce di conseguenza. Oltre a questo *useEffect* ritorna una funzione di *cleanup* dove viene rilasciato il gestore delle scorciatoie.

## 4.4 Internazionalizzazione

Per rendere questo progetto fruibile da utenti che non parlano l'inglese abbiamo deciso di implementare un sistema di internazionalizzazione che include le seguenti localizzazioni: *en, it, fr, es, de, dk, nl, pt, ru, sa, in, cn, jp, kr*.

Questa funzionalità è stata raggiunta usando le *Dynamic Routes*<sup>11</sup>; queste consistono nel raccogliere il codice di rendering per varie *routes* (percorsi del sito) dentro un solo componente. Nel nostro caso ci permettono di cambiare il linguaggio selezionato semplicemente rimandando al percorso "/*locale*" corrispondente (dove *locale* è una delle stringhe di localizzazione sopra elencate). Per la lingua di default, cioè l'inglese, il percorso usato è "/" senza nessuna specificazione di lingua ulteriore, come vediamo in figura 12.

La gestione vera e propria delle varie traduzioni è stata affidata a *ParaglideJS*<sup>12</sup>, un nuovo e promettente framework di internazionalizzazione. Questa libreria gestisce lo stato locale del client riguardante la lingua attualmente selezionata ed espone una semplice *API* per leggerlo e modificarlo, tutto mantenendo completamente la *type safety*.

Le stringhe di traduzione sono scritte in dei file json e possiamo aggiungere altre lingue semplicemente scrivendone uno nuovo e ricompilando il *bundle* di *ParaglideJS* (affinché tutte le stringhe siano controllate ed esportate staticamente prima della *build* del progetto).

Per mostrare le bandiere corrispondenti ad ognuna delle lingue utilizzate abbiamo usato degli svg resi disponibili dalla repository *country-flags*<sup>13</sup>.



Figura 12: Percorsi dinamici corrispondenti ad inglese (/), italiano (/it) e francese (/fr).

<sup>11</sup> <https://nextjs.org/docs/pages/building-your-application/routing/dynamic-routes>

<sup>12</sup> <https://inlang.com/m/gerre34r/library-inlang-paraglideJs>

<sup>13</sup> <https://github.com/hampusborgos/country-flags/tree/main/svg>

### Codice allegato

Utilizzo di *ParaglideJS* per l'internazionalizzazione

```
/* pages/[locale]/index.tsx */
import { AvailableLanguageTag, availableLanguageTags, setLanguageTag } from
  "../../src/paraglide/runtime";
import { useRouter } from "next/router";

const Home: NextPage = () => {
  const router = useRouter();
  const locale = router.query.locale as AvailableLanguageTag ?? "en";

  if (availableLanguageTags.includes(locale)) {
    setLanguageTag(locale);
  } else if (router.query.locale) {
    return <PageNotFound />;
  }

  return <HomePage />;
};

/* translations/it.json */
{
  "$schema": "https://inlang.com/schema/inlang-message-format",
  "title": "Simulazione di platooning",
  "graphs": "Grafici",
  "settings": "Impostazioni", ...
}

/* package.json */
{
  "name": "platooning-visualization",
  "scripts": {
    "lang": "paraglide-js compile --project ./project.inlang.json",
  }, ...
}
```

Come si può osservare, i percorsi dinamici sono gestiti attraverso l'*hook useRouter*<sup>14</sup> che raccoglie la stringa corrispondente alla *route* visitata nell'attributo *query.locale*. Se viene fornita una stringa vuota il *type cast* la assegnerà al valore della *locale* di default ("en"), altrimenti se viene fornita una stringa di localizzazione non valida verrà renderizzata una *pagina 404* (pagina non trovata; contenente un link alla pagina principale).

Come discusso in precedenza le stringhe delle traduzioni sono contenute in dei file json e dobbiamo compilare i messaggi di *ParaglideJS* ogni volta che queste vengono aggiornate (attraverso lo script eseguibile con `pnpm lang`).

---

<sup>14</sup> <https://nextjs.org/docs/pages/api-reference/functions/use-router>

## 4.5 Integrazione Continua

Per garantire un flusso di sviluppo fluido e automatizzato, abbiamo configurato un sistema di integrazione continua utilizzando *Vercel* e la loro integrazione *GitHub*<sup>15</sup>.

*Vercel*, una piattaforma di hosting specializzata nel *deploy* di applicazioni *React* e *Next.js*, offre un'integrazione continua semplice ed efficace: ogni volta che viene eseguito un *commit* o viene aperta una *pull request* sul *branch* principale della nostra repository viene avviato automaticamente un processo di *build* e distribuzione dell'applicazione.

Questo processo assicura che ogni modifica apportata al codice venga immediatamente testata e poi resa disponibile. Inoltre, *Vercel* offre la funzionalità dei *deployment* di preview, con la possibilità di creare anteprime delle modifiche non ancora pubblicate al pubblico, consentendo un controllo prima che queste vengano distribuite ufficialmente.

### Codice allegato

#### Integrazione continua con *Vercel*

```
/* package.json */
{
  "name": "platooning-visualization",
  "scripts": {
    "lint": "next lint",
    "build": "pnpm lint && pnpm lang && pnpm next build",
  },
}
```

Questo *snippet* indica come vengono gestiti i passaggi di *build* dell'applicazione durante il processo di integrazione continua:

- `pnpm lint`: prima di avviare il processo di *build*, viene eseguito il comando di *linting* per assicurarsi che il codice sia conforme agli standard definiti.
- `pnpm lang`: vengono poi compilate le traduzioni dell'applicazione per renderle disponibili al *runtime* di *ParaglideJS* come discusso in precedenza.
- `pnpm next build`: infine viene avviato il processo di *build* ed esportazione dell'applicazione utilizzando *Next.js*.

<sup>15</sup> <https://vercel.com/docs/deployments/git/vercel-for-github>

## 5 Esperimenti

I grafici sottostanti sono stati generati con uno script *Python* a partire da dei csv esportati dall’interfaccia web, tutte queste risorse sono disponibili nella cartella experiments sulla repository *Github*<sup>16</sup> divise in cartelle relative al parametro testato.

L’interfaccia web permette infatti di eseguire una simulazione di test con durata di 10s (cioè includendo due cicli del grafico delle velocità del primo veicolo, da 5s ciascuno). Questa funzione è esposta all’utente tramite una scorciatoia da tastiera (E) che, in seguito alla simulazione, scarica automaticamente il csv relativo rendendo più semplice e consistente il processo di esportazione dei dati.

### Codice allegato

```
Generazione dei grafici con Matplotlib

def plot_and_save(output_filename, data, ylabel):
    for car_index, car_data in data.items():
        if ylabel == 'distance' and car_index == len(data.items()) - 1:
            continue
        plt.plot(car_data['time'], car_data[ylabel], marker='o', linestyle='-' ,
                 label=f'Auto {car_index + 1}' if ylabel == 'velocity'
                 else f'Distanza {car_index + 1}-{car_index + 2}')

    plt.xlabel('Tempo (s)')
    plt.ylabel('Velocità (m/s)' if ylabel == 'velocity' else 'Distanza (m)')
    plt.legend()
    plt.savefig(output_filename)
```

Prima dell’esecuzione di questo script, i dati esportati in csv vengono caricati in cartelle diverse a seconda del parametro che è stato variato prima dell’esperimento (rispetto a quelli di default riportati nella sezione 5.1.1).

E’ stato usato *Matplotlib*<sup>17</sup> per generare grafici delle velocità e delle distanze tra i veicoli della carovana e salvarle su vari file nominati coerentemente, dopo aver estratto i dati dai csv corrispondenti. Questi grafici sono particolarmente utili per comparare quanto influiscono le variazioni dei vari parametri sul modello usato; oltre a questo ci danno uno strumento di analisi e visualizzazione delle relazioni di velocità e distanza tra tutti i veicoli del *platoon*.

---

<sup>16</sup> <https://github.com/albbus-stack/platooning-visualization/tree/main/experiments>

<sup>17</sup> <https://matplotlib.org/>

## 5.1 Modelli stabili

Nel caso dei modelli stabili (nei nostri 10s di esperimento), aumentando il ritardo di comunicazione tra i veicoli, si osserva generalmente un aumento delle oscillazioni nelle velocità e nelle distanze tra i veicoli nella carovana. Questo è dovuto al fatto che un ritardo maggiore comporta una risposta più lenta del sistema di controllo, causando un accumulo di errori e una minore capacità di mantenere la stabilità della formazione. Nei grafici, questo può tradursi in curve più irregolari e fluttuazioni più pronunciate nelle velocità e nelle distanze tra i veicoli, specialmente in risposta ai cambiamenti di velocità del primo veicolo.

D'altra parte, aumentando il *time headway*, cioè il tempo minimo di separazione tra i veicoli nella carovana, si tende ad avere un effetto opposto. Un *time headway* più lungo permette ai veicoli di avere più spazio di frenata e di reazione, riducendo il rischio di collisioni e migliorando la stabilità complessiva del sistema di carovana. Nei grafici, questo si riflette in curve più regolari e meno oscillanti, con distanze tra i veicoli che tendono a mantenere una maggiore uniformità e velocità che variano in modo più graduale e controllato.

### 5.1.1 Parametri di default

Questi parametri sono presi dall'articolo [PWN14].

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

Velocità $t_1$	Velocità $t_2$	Velocità $t_3$	Velocità $t_4$	Velocità $t_5$
2 m/s	4 m/s	6 m/s	8 m/s	10 m/s

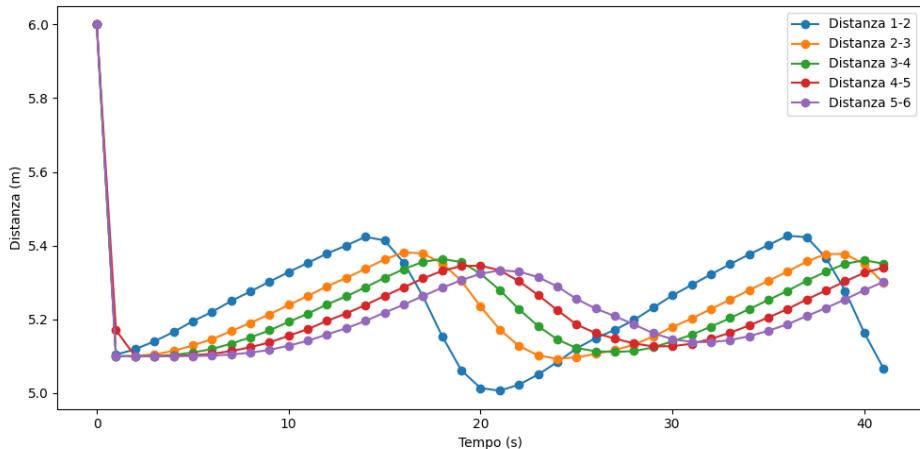


Figura 13: Distanze con parametri di default.

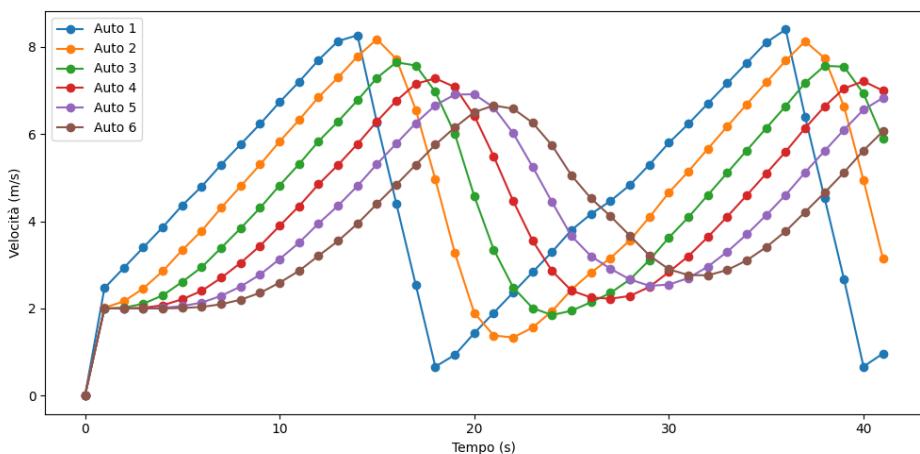


Figura 14: Velocità con parametri di default.

### 5.1.2 Numero di auto ( $m$ )

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
3	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

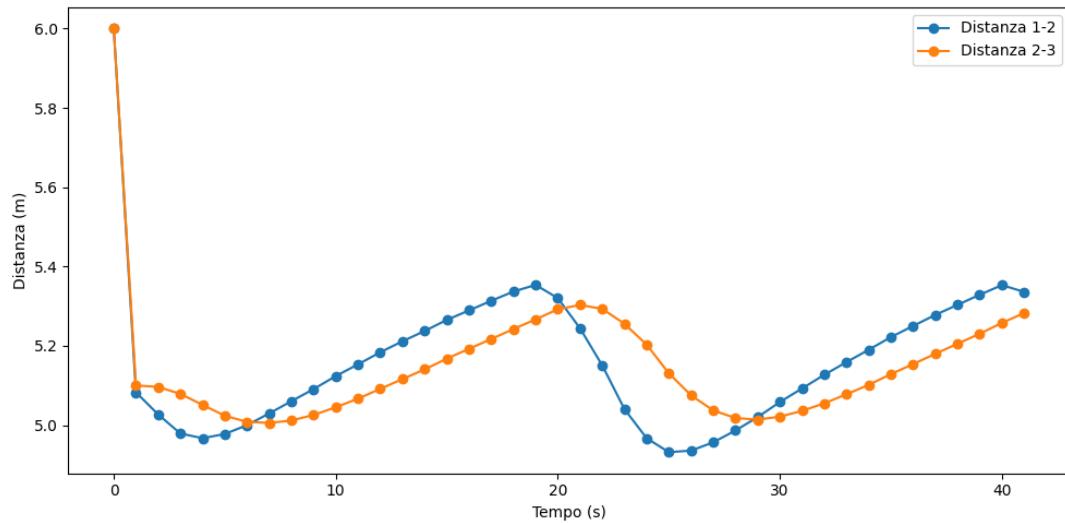
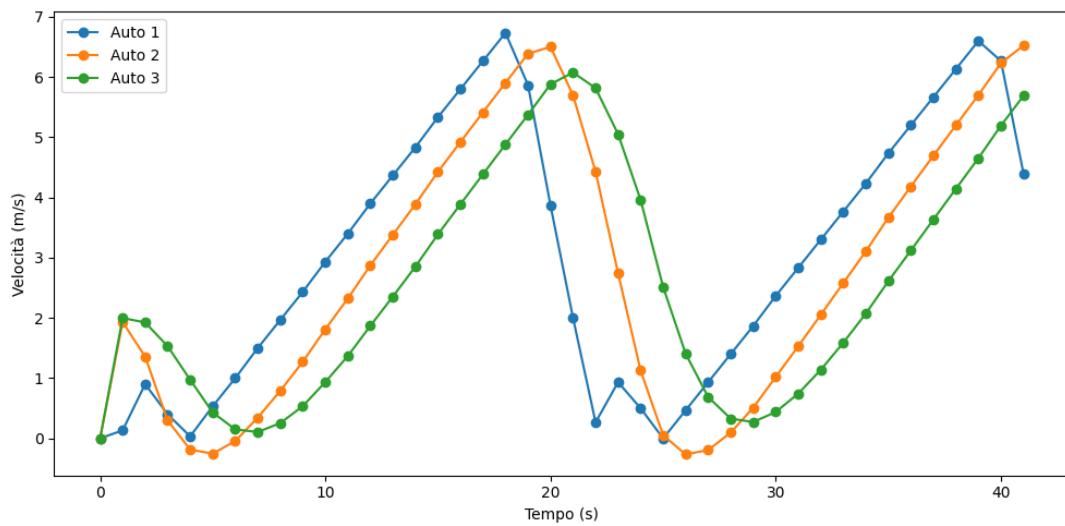


Figura 15: Distanze con 3 auto.



## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
8	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

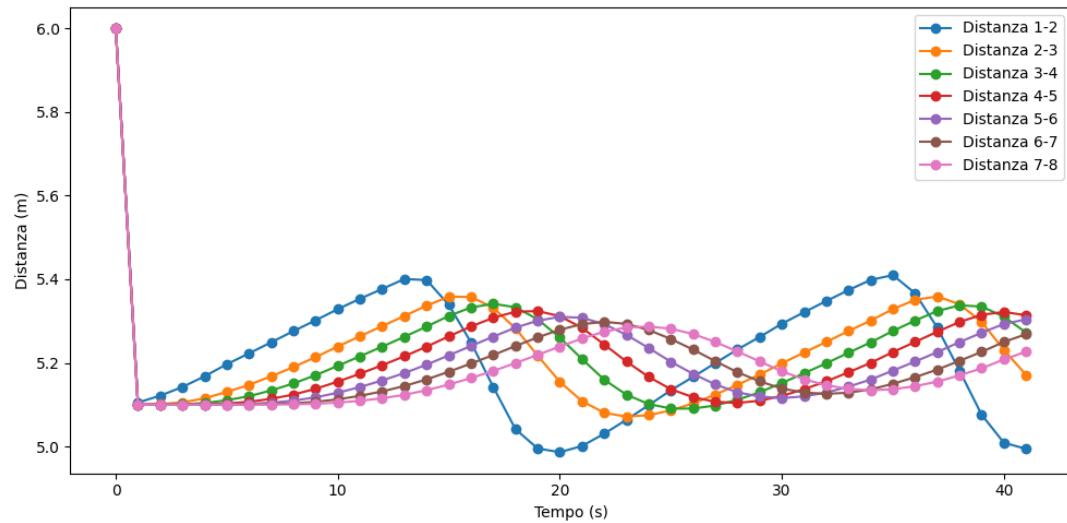
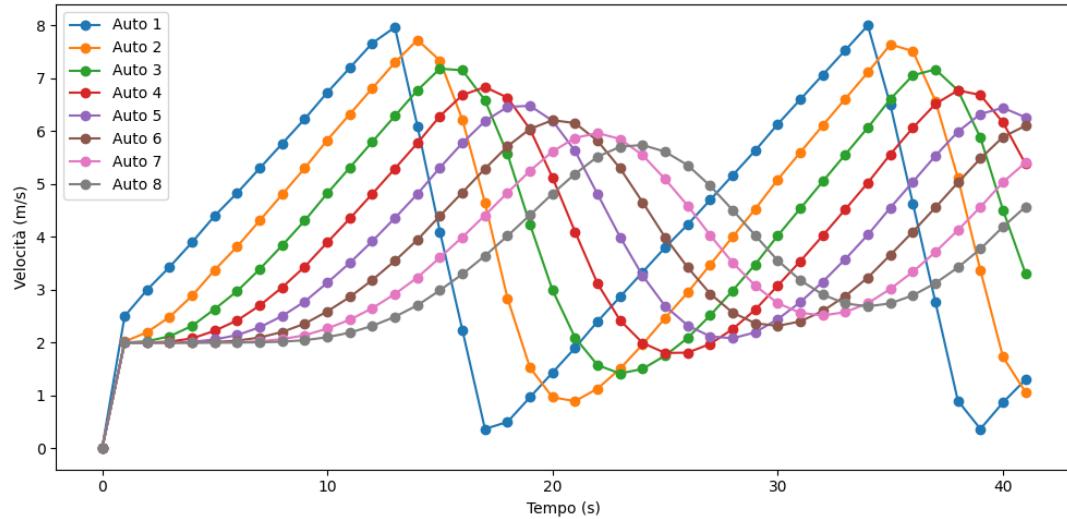


Figura 17: Distanze con 8 auto.



N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
10	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

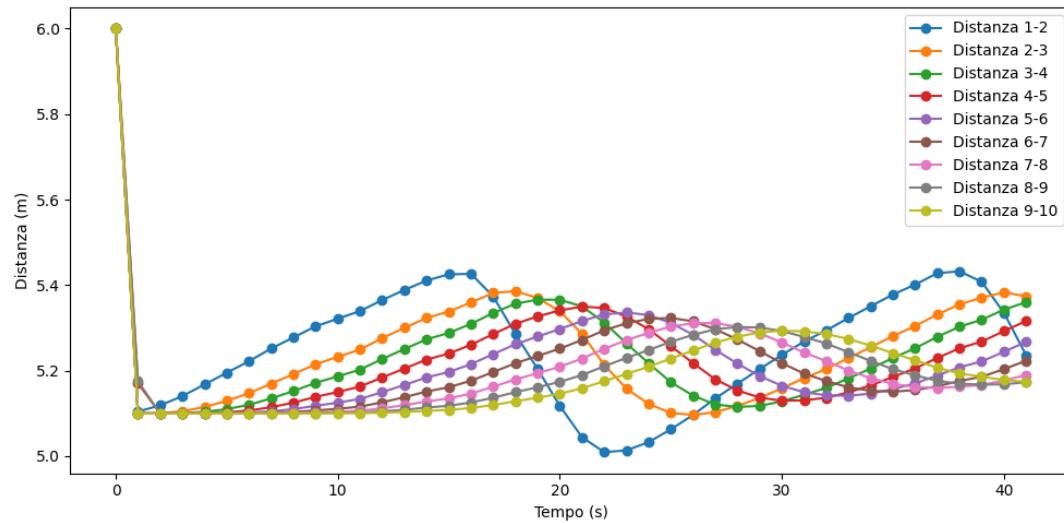


Figura 19: Distanze con 10 auto.

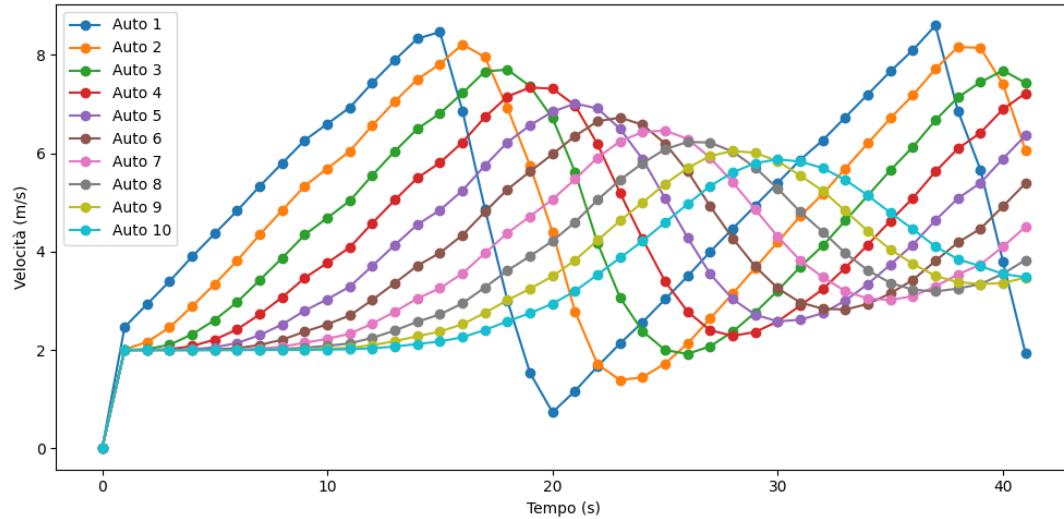


Figura 20: Velocità con 10 auto.

### 5.1.3 Spazio tra le auto ( $d_i$ )

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	2.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

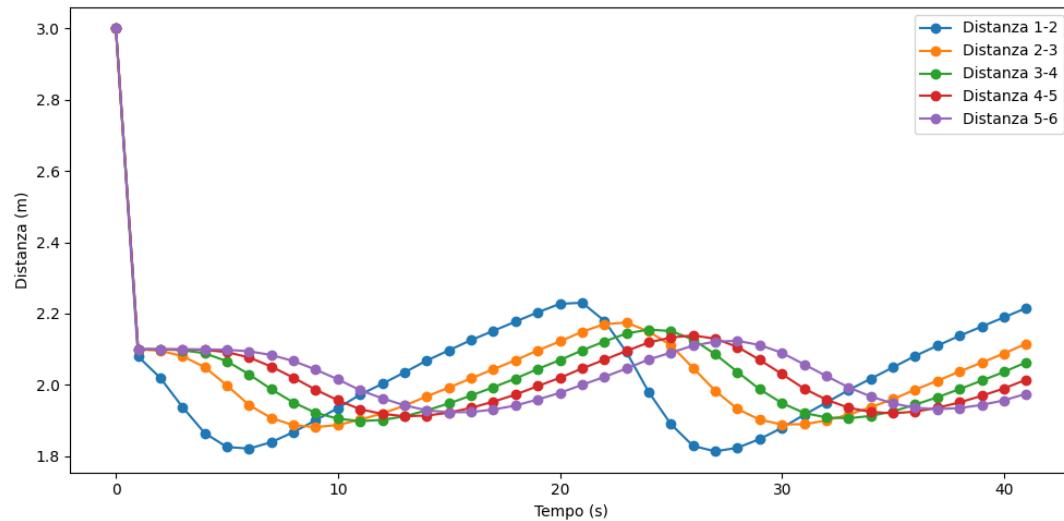


Figura 21: Distanze con 2.0m come distanza iniziale.

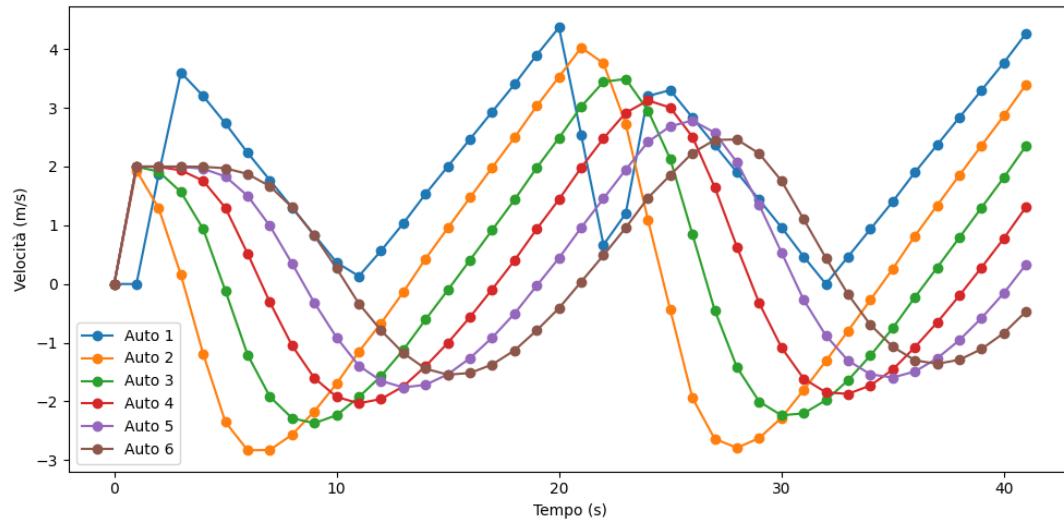
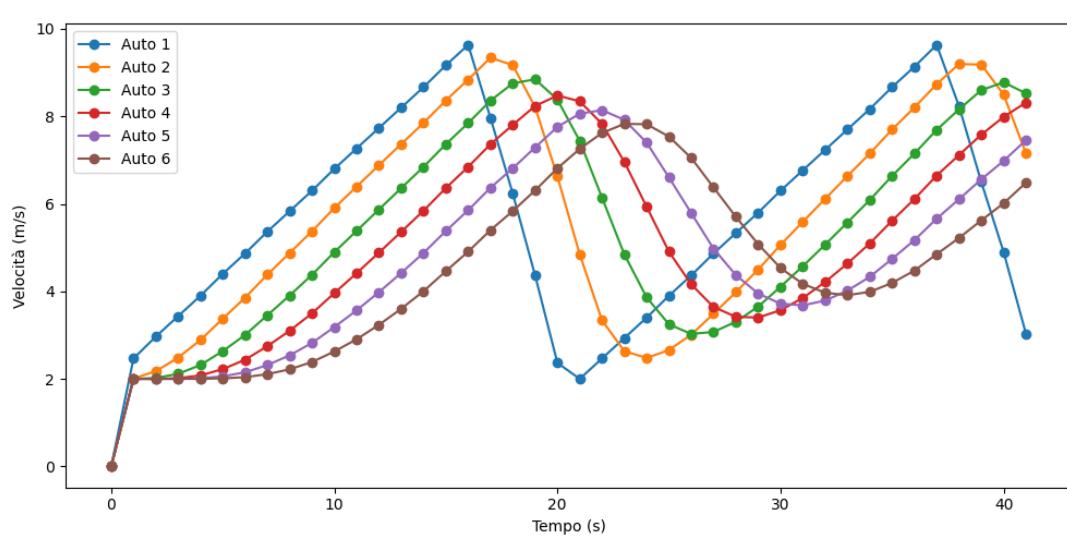
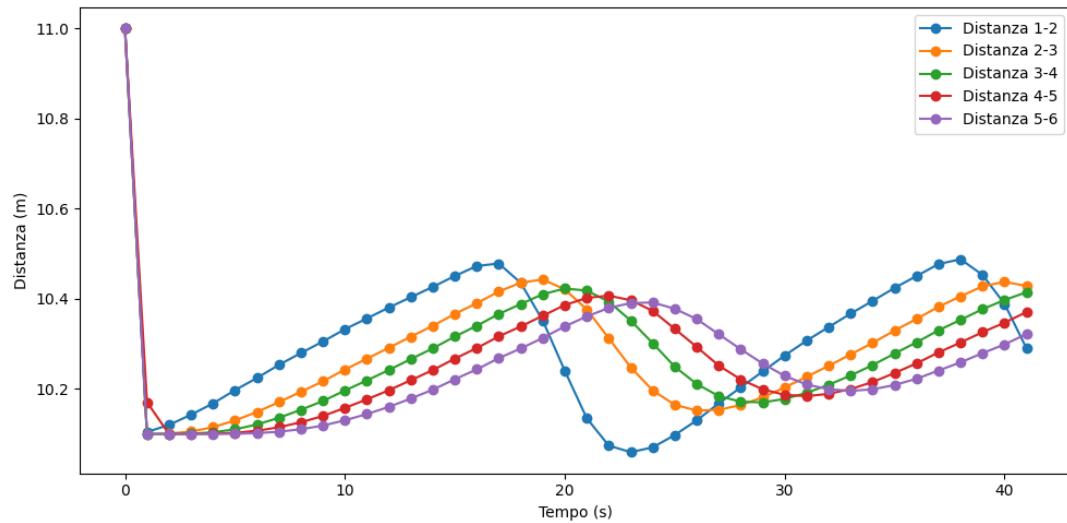


Figura 22: Velocità con distanza iniziale 2.0m.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	10.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7



N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	20.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

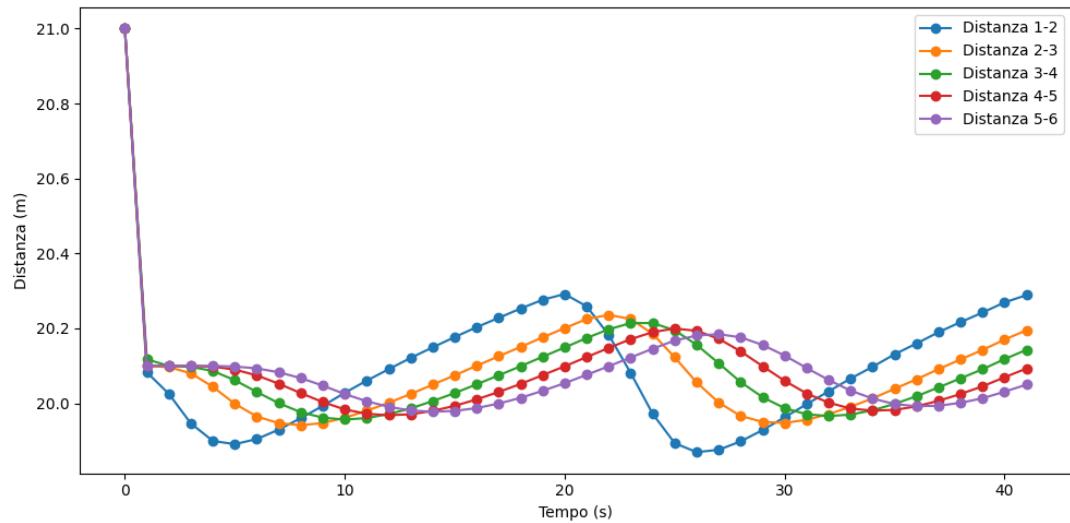


Figura 25: Distanze con 20.0m come distanza iniziale.

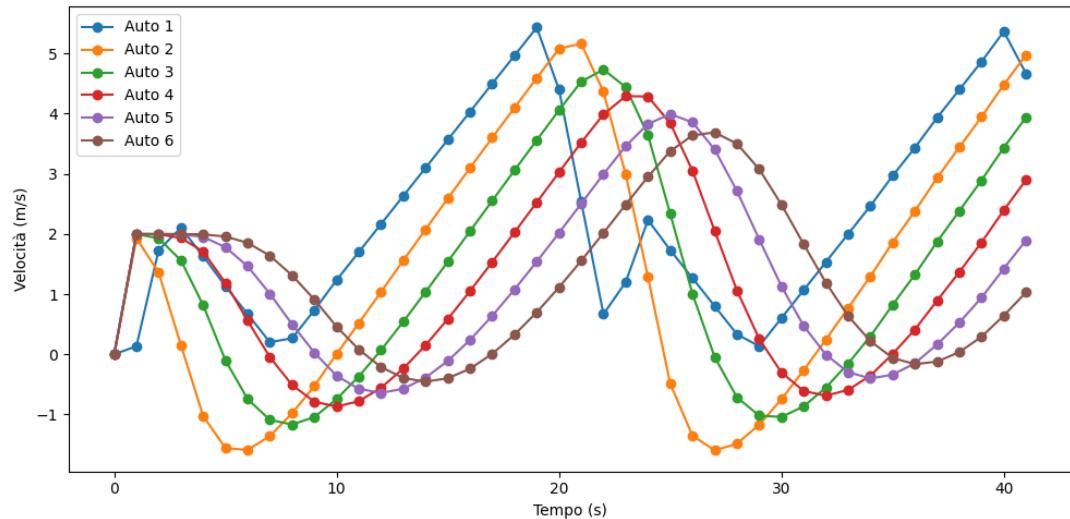


Figura 26: Velocità con distanza iniziale 20.0m.

### 5.1.4 Ritardo di comunicazione

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.1s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

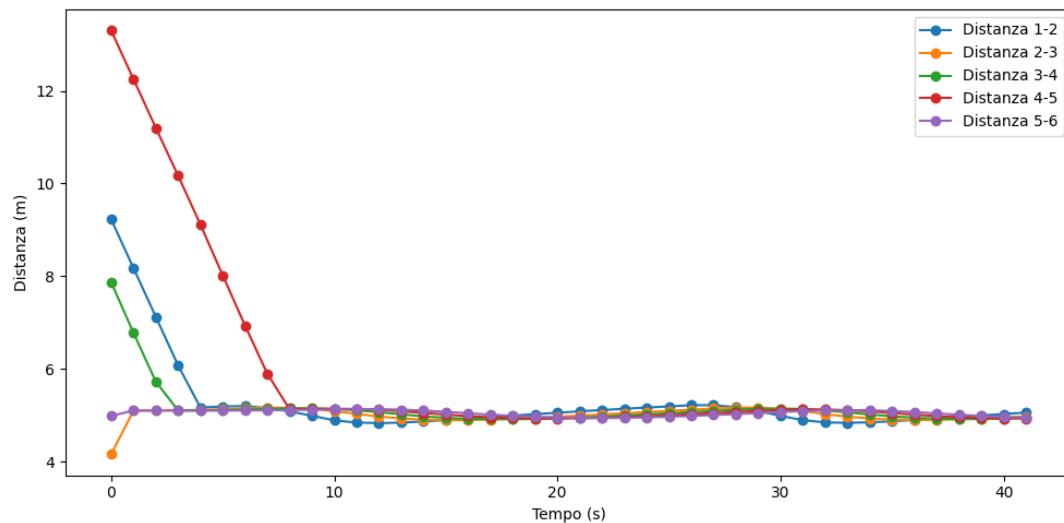
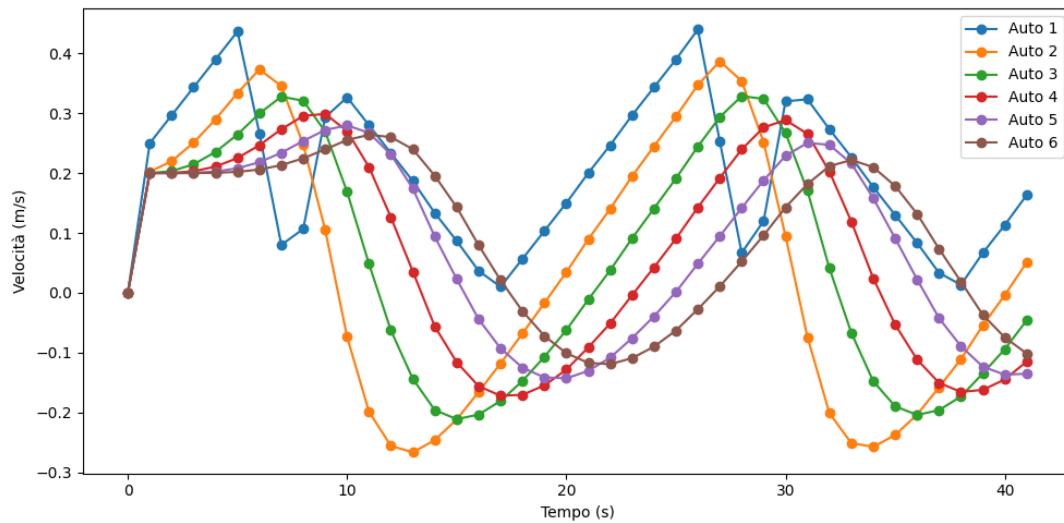


Figura 27: Distanze con ritardo a 0.1s.



## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.5s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

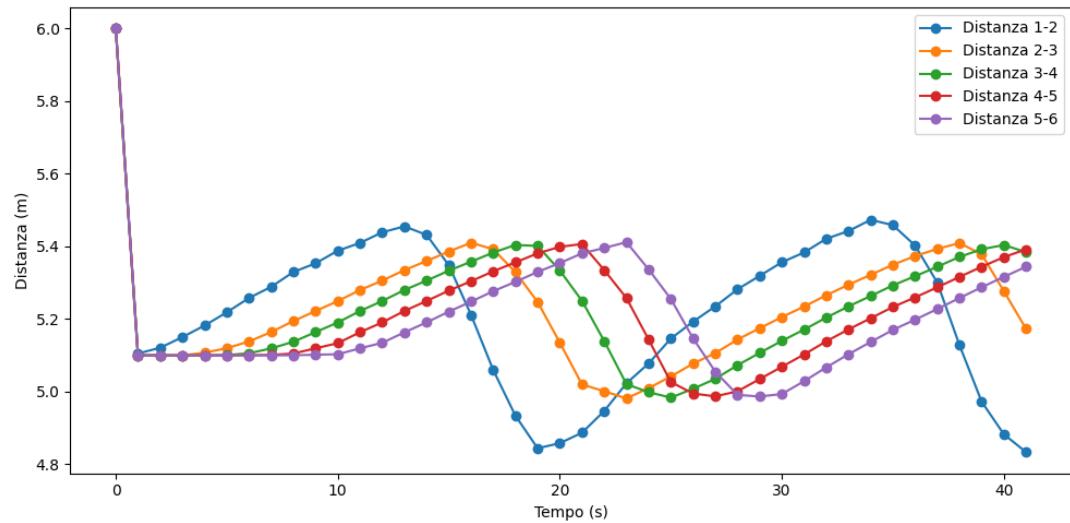


Figura 29: Distanze con ritardo a 0.5s.

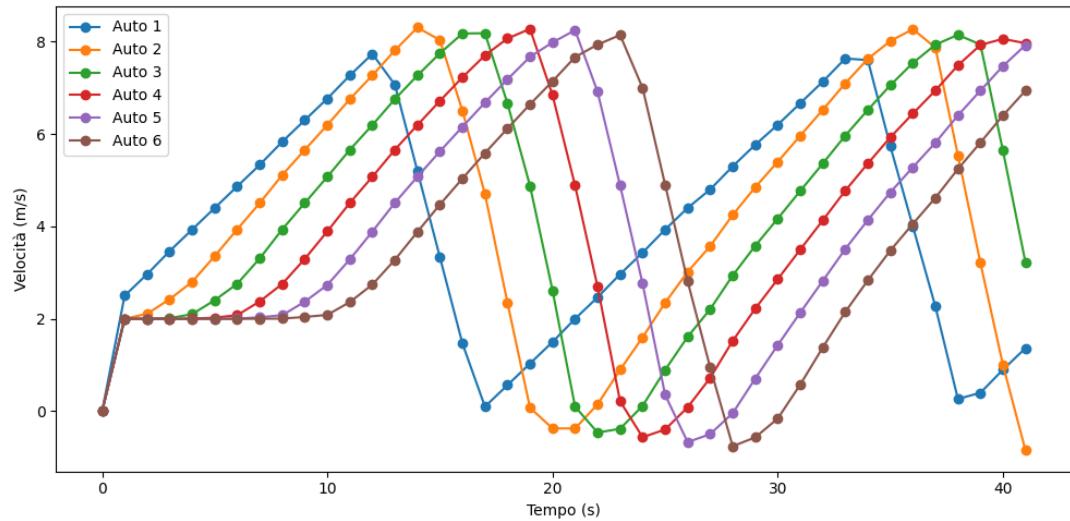


Figura 30: Velocità con ritardo a 0.5s.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.7s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

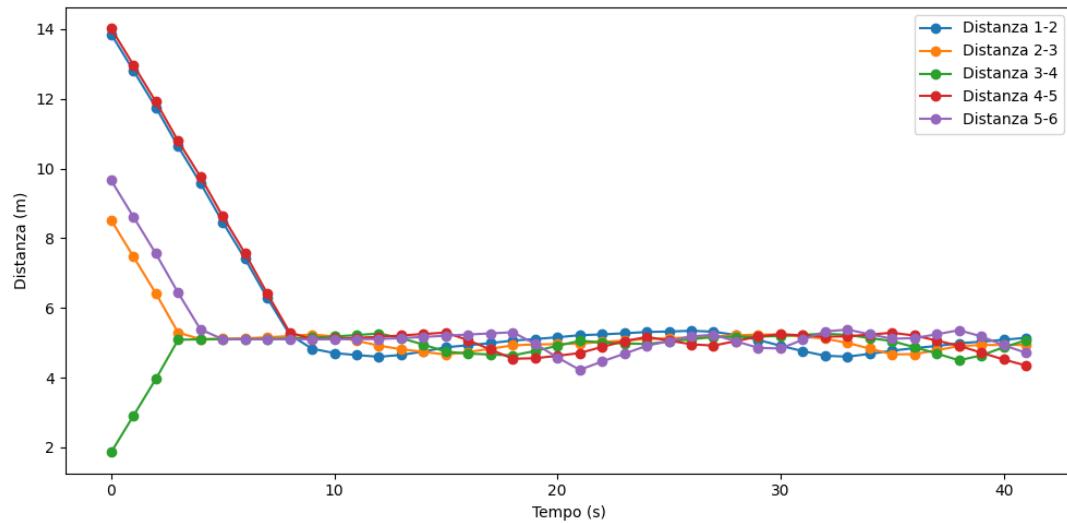


Figura 31: Distanze con ritardo a 0.7s.

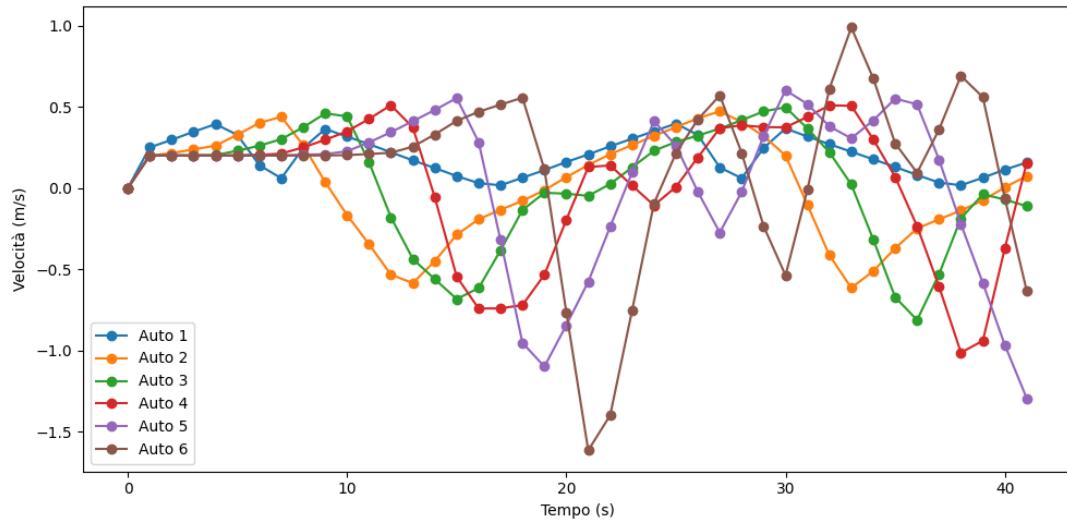
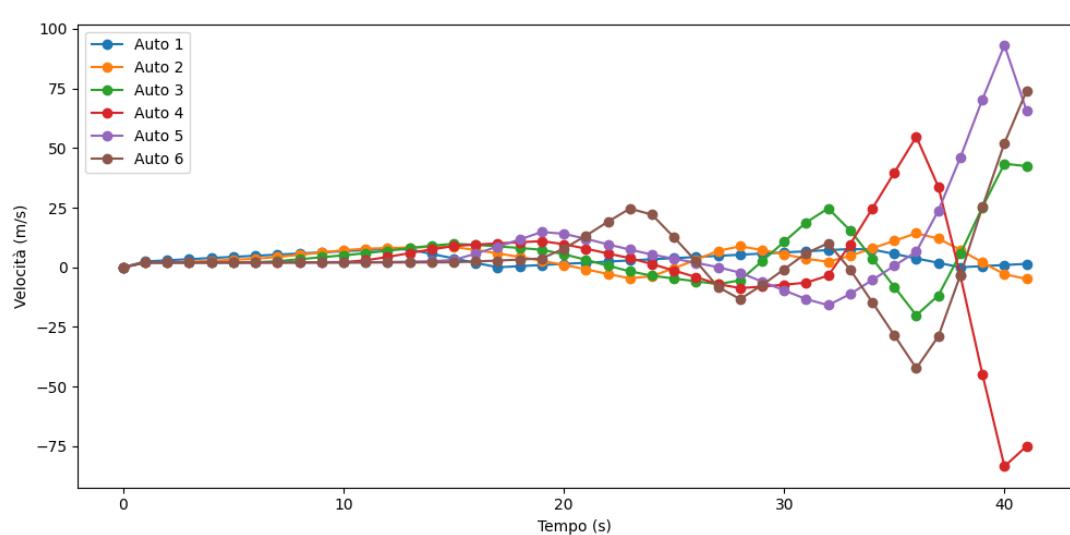
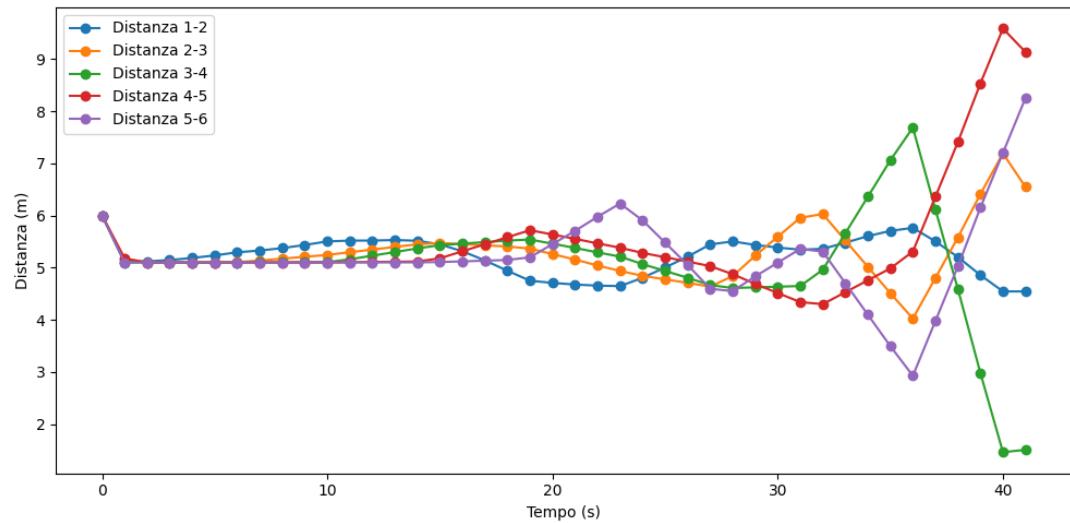


Figura 32: Velocità con ritardo a 0.7s.

## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	1s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7



### 5.1.5 Time Headway ( $h$ )

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.05	0.1	0.2	0.7

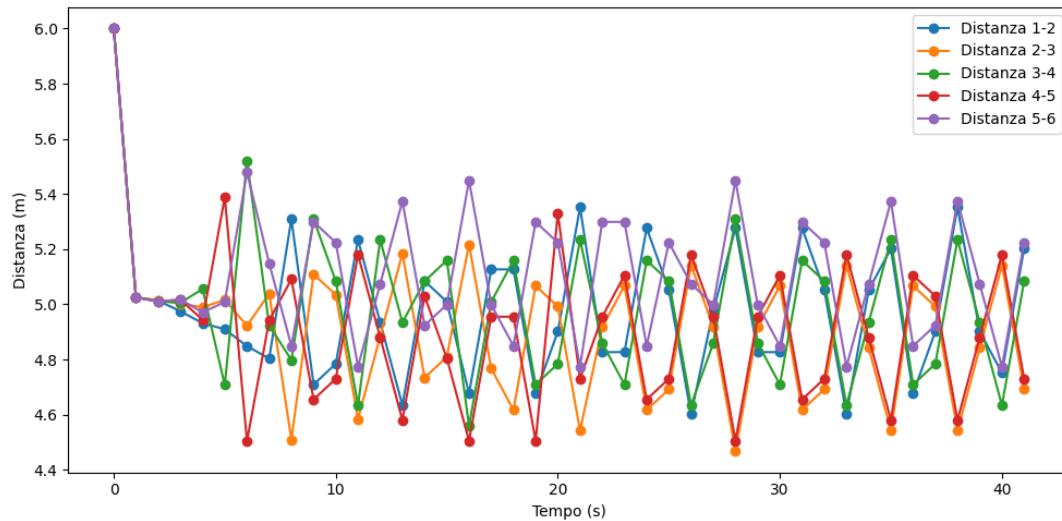


Figura 35: Distanze con *Time Headway* a 0.05.

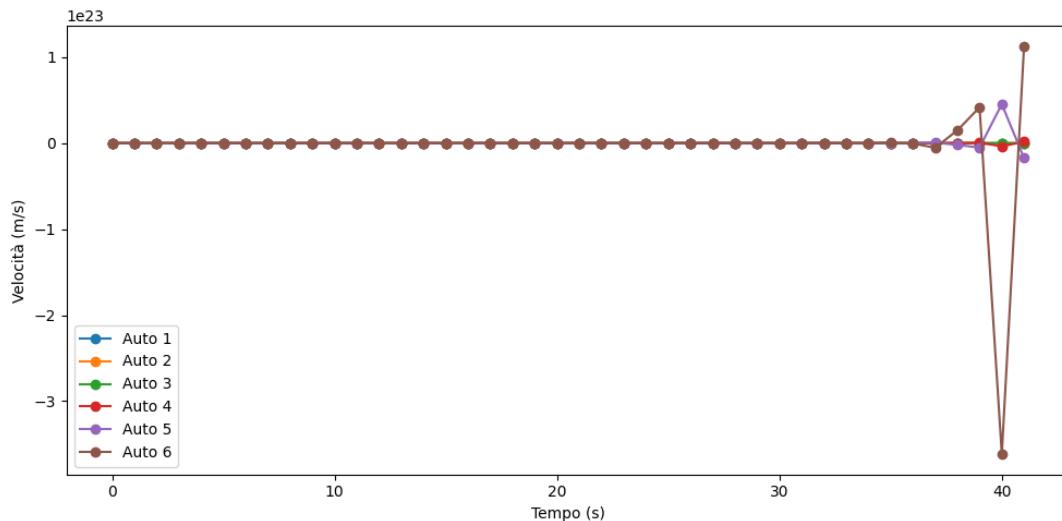


Figura 36: Velocità con *Time Headway* a 0.05.

## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.1	0.1	0.2	0.7

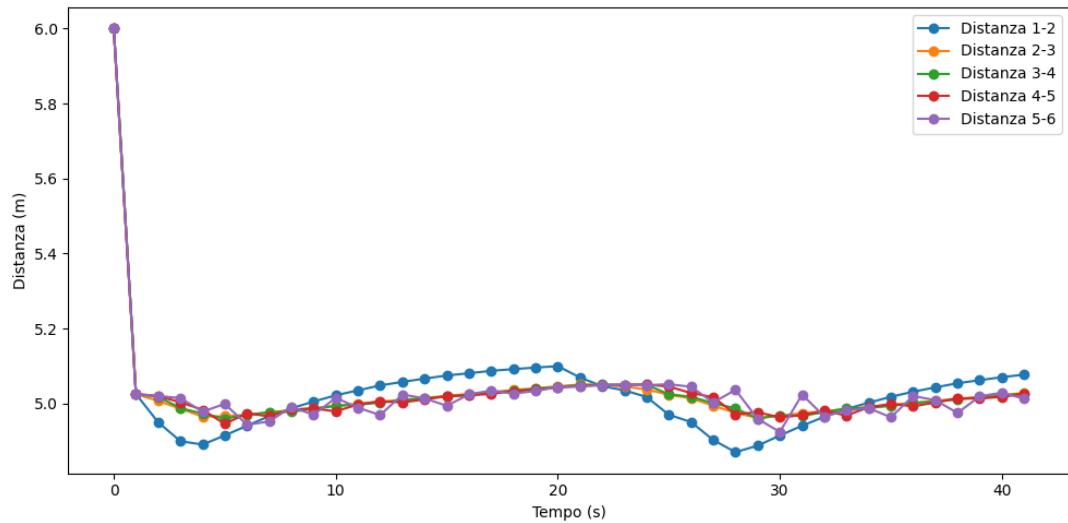


Figura 37: Distanze con *Time Headway* a 0.1.

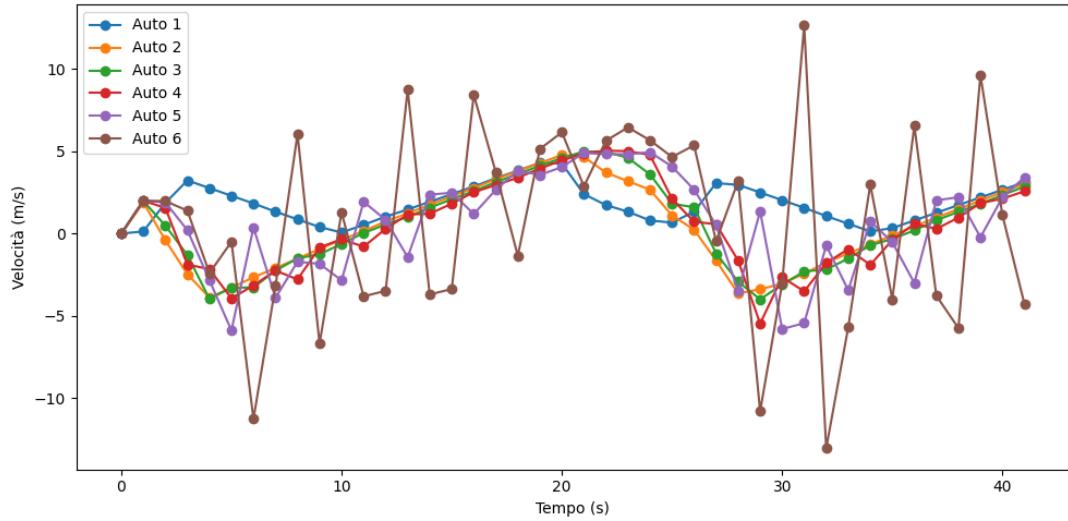
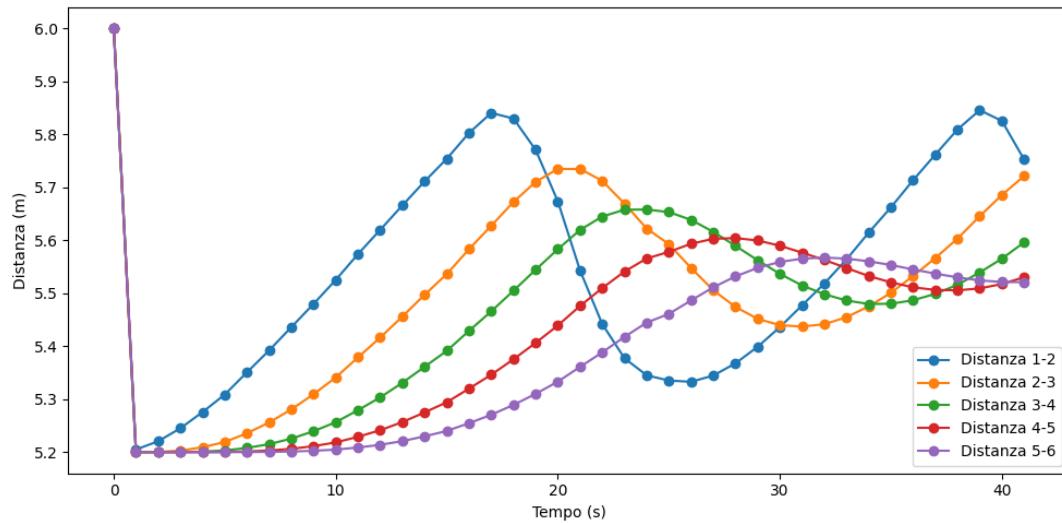
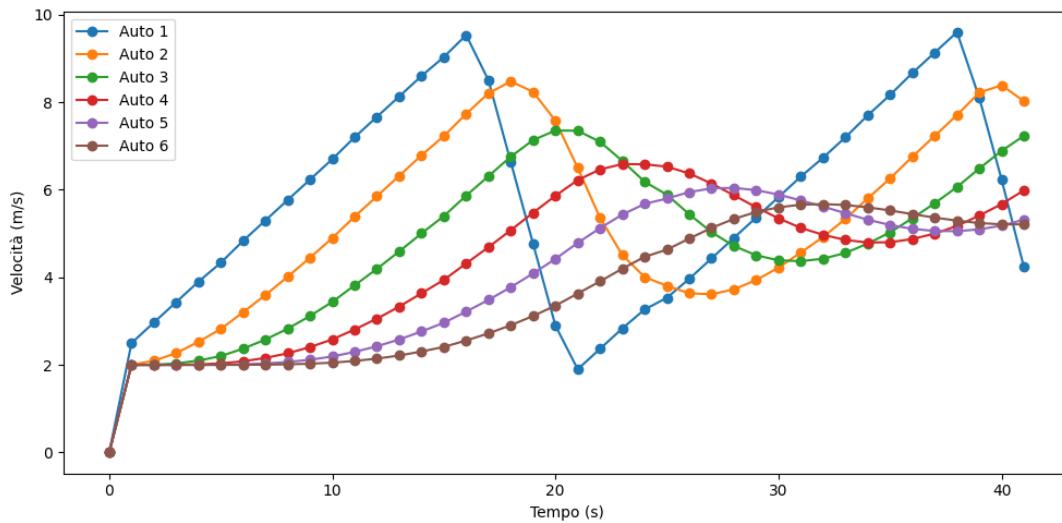


Figura 38: Velocità con *Time Headway* a 0.1.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
1	0.1	0.2	0.7

Figura 39: Distanze con *Time Headway* a 1.Figura 40: Velocità con *Time Headway* a 1.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
2	0.1	0.2	0.7

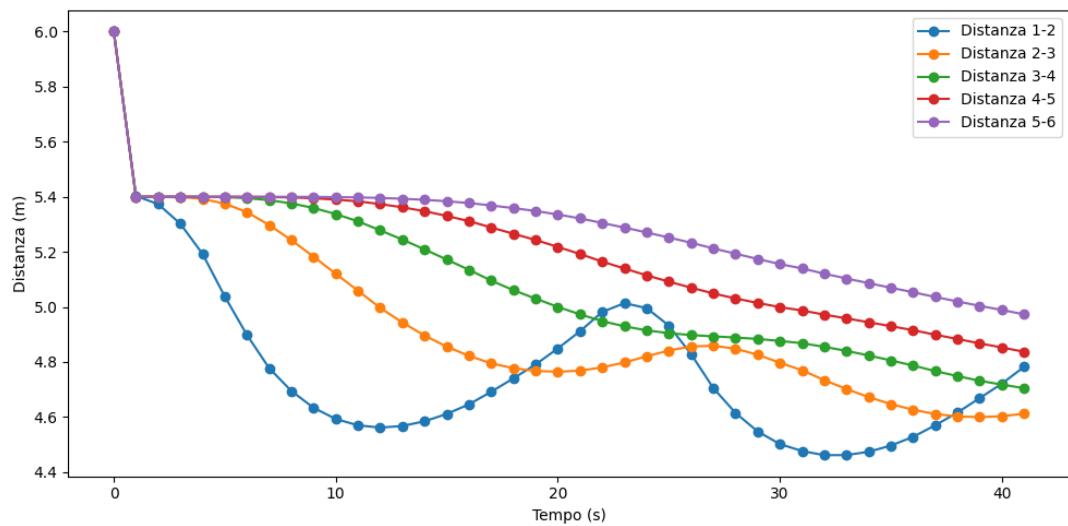


Figura 41: Distanze con *Time Headway* a 2.

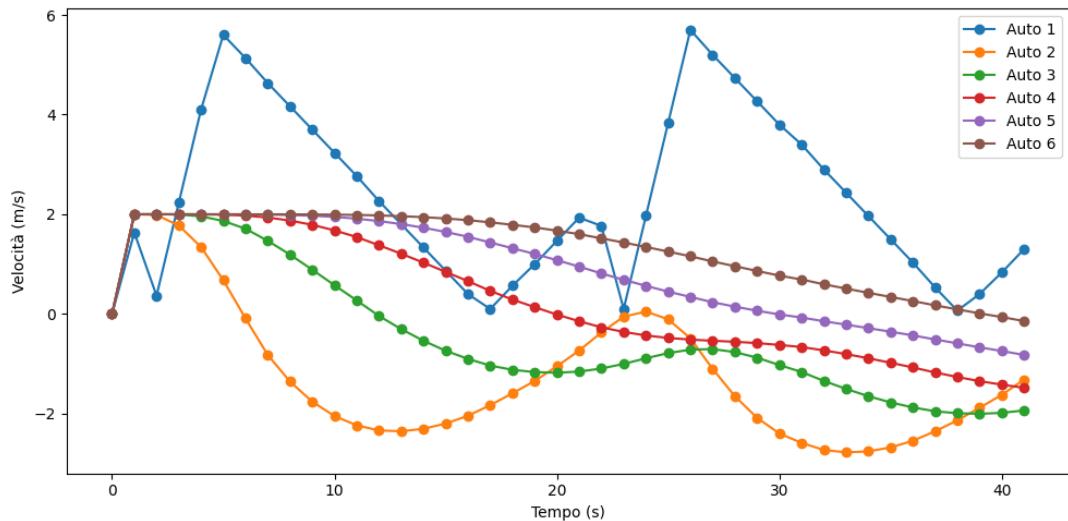
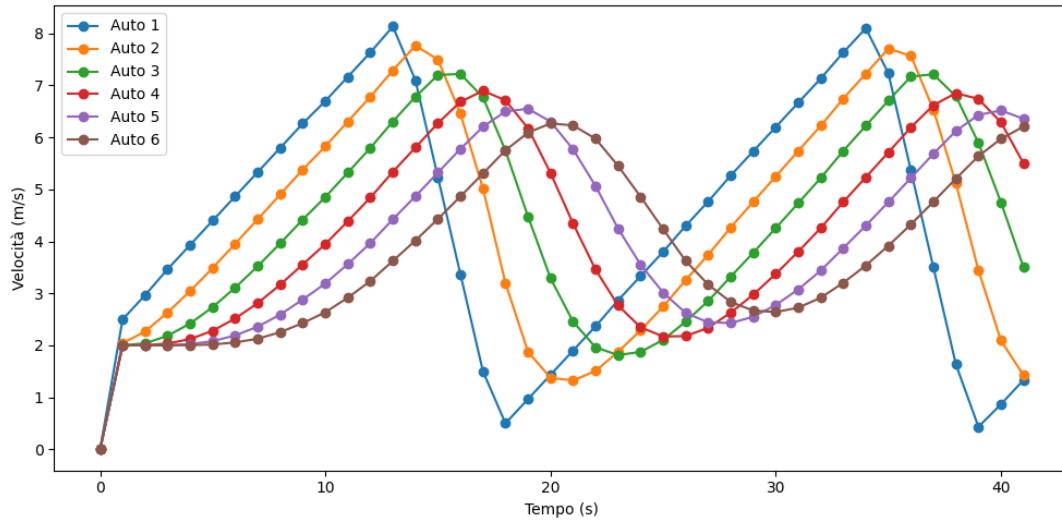
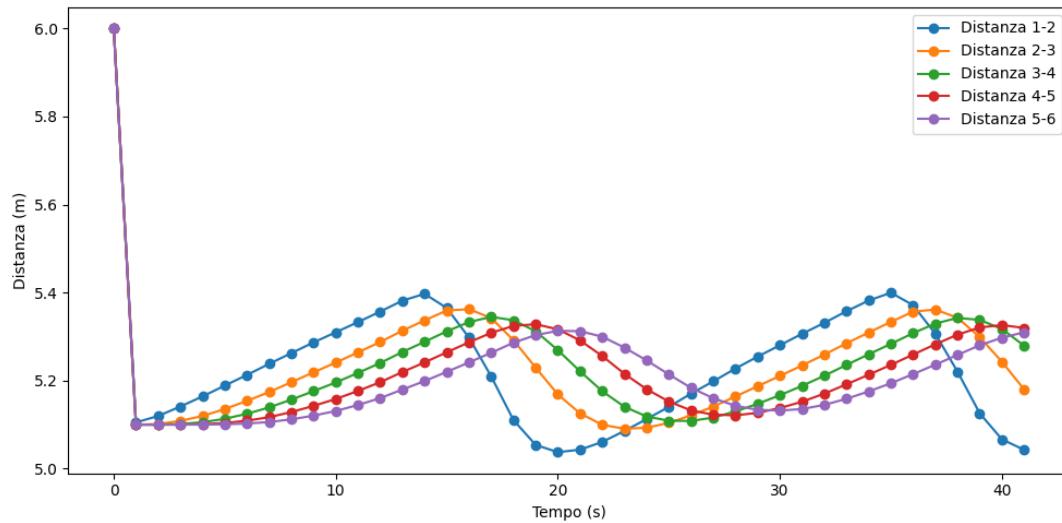


Figura 42: Velocità con *Time Headway* a 2.

### 5.1.6 Tau ( $\tau$ )

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.01	0.2	0.7



## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.7	0.2	0.7

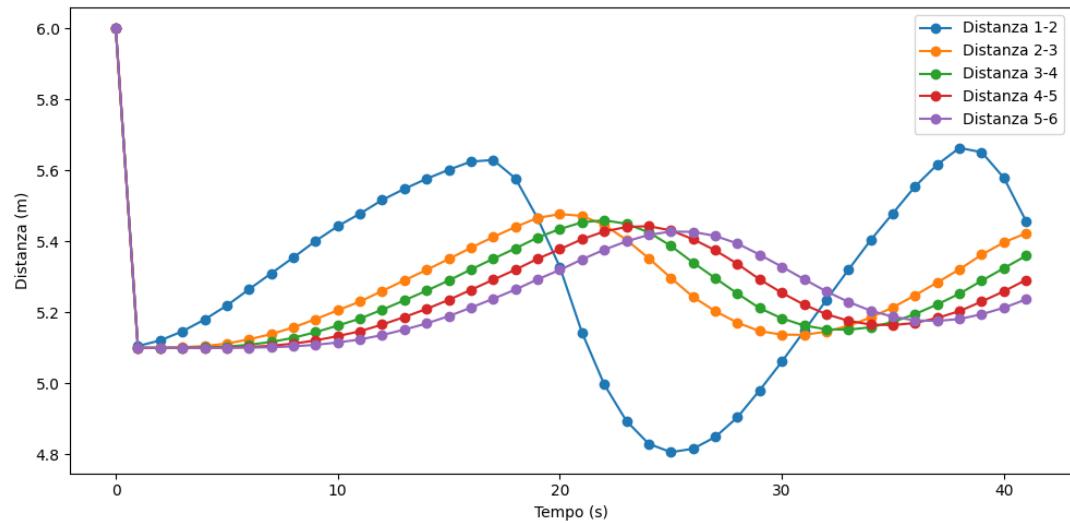


Figura 45: Distanze con  $\tau$  a 0.7.

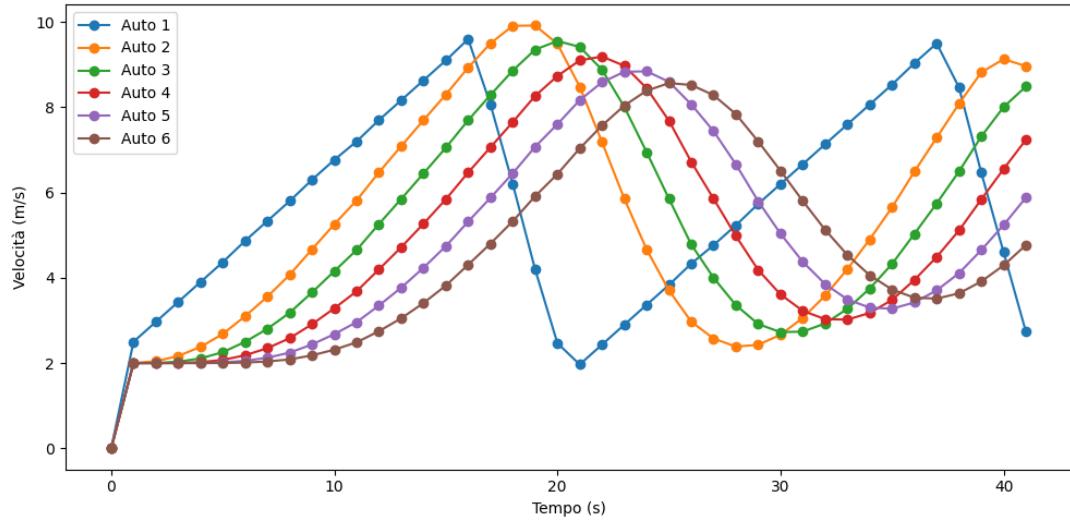
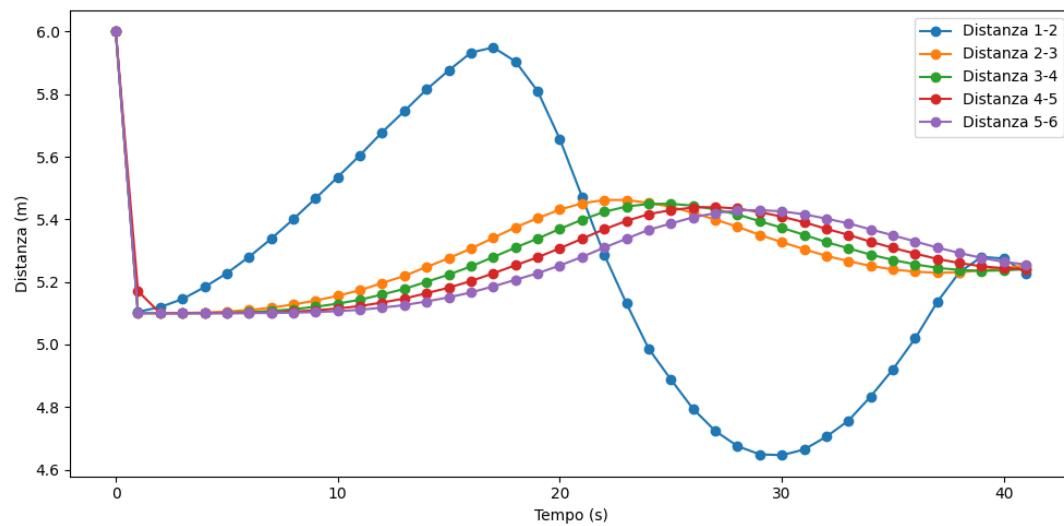
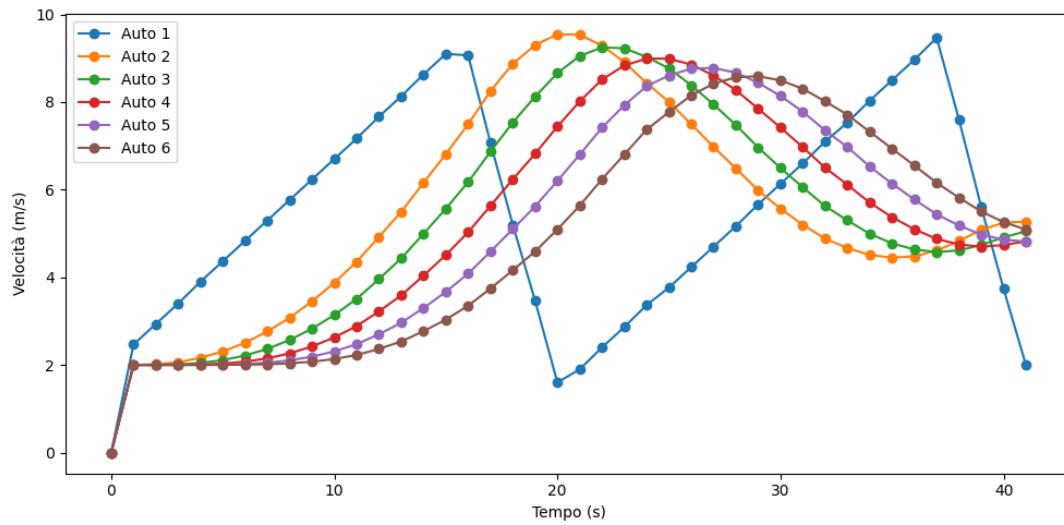


Figura 46: Velocità con  $\tau$  a 0.7.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	2.0	0.2	0.7

Figura 47: Distanze con  $\tau$  a 2.0.Figura 48: Velocità con  $\tau$  a 2.0.

### 5.1.7 Kp ( $k_p$ )

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.01	0.7

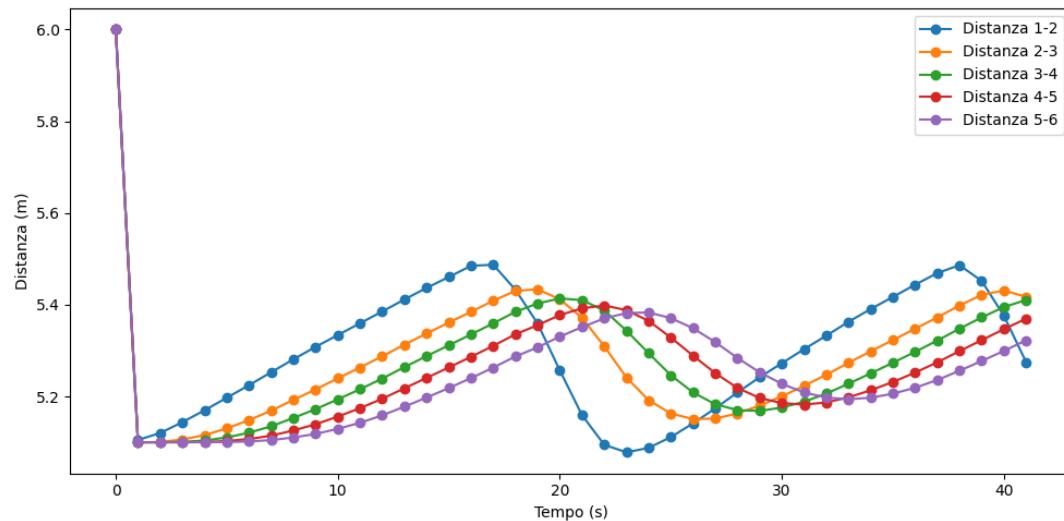


Figura 49: Distanze con  $k_p$  a 0.01.

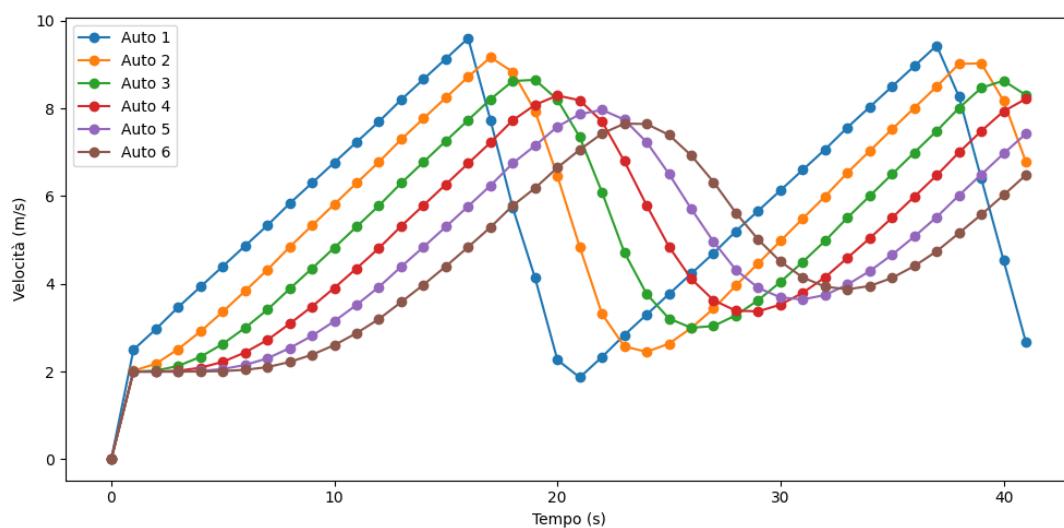
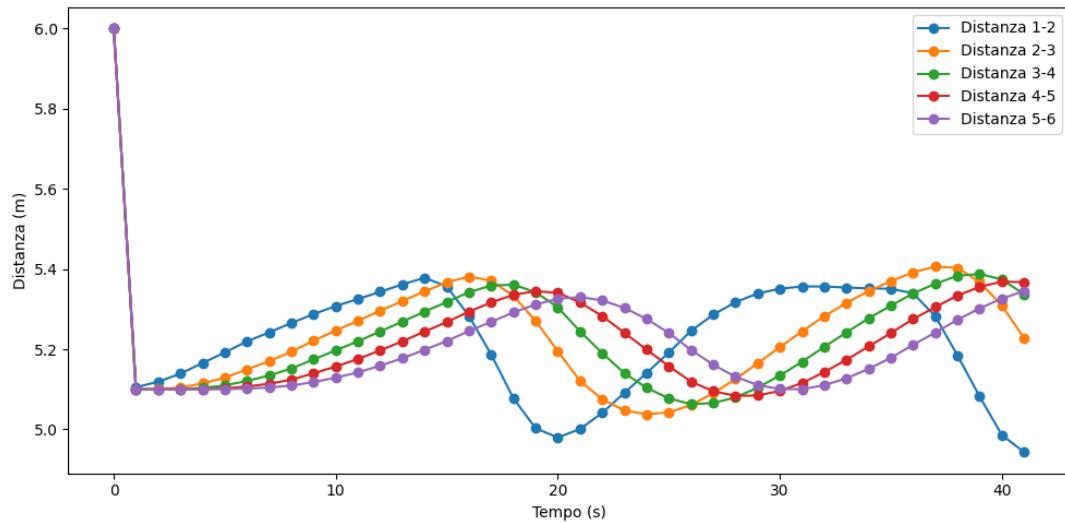
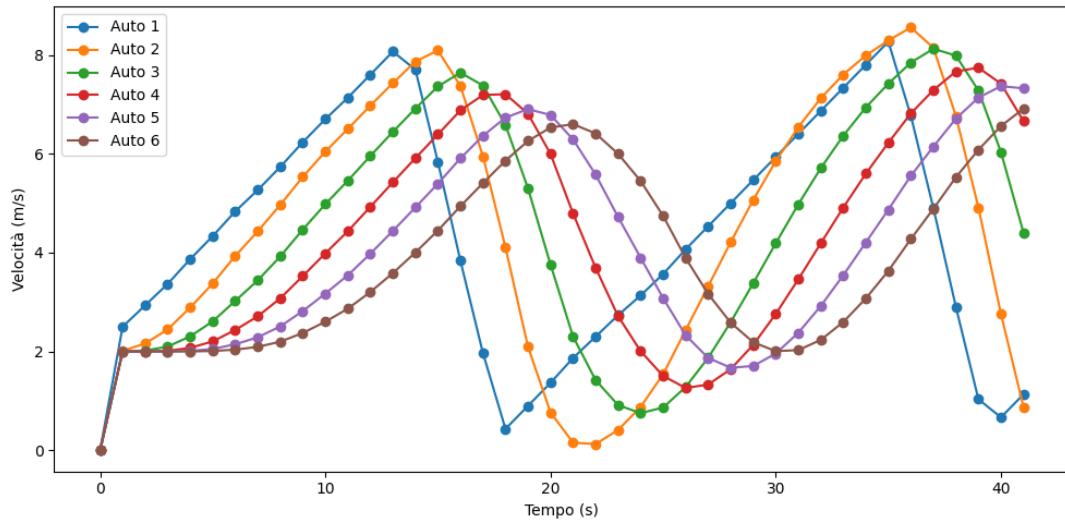


Figura 50: Velocità con  $k_p$  a 0.01.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	1.5	0.7

Figura 51: Distanze con  $k_p$  a 1.5.Figura 52: Velocità con  $k_p$  a 1.5.

### 5.1.8 Kd ( $k_d$ )

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.01

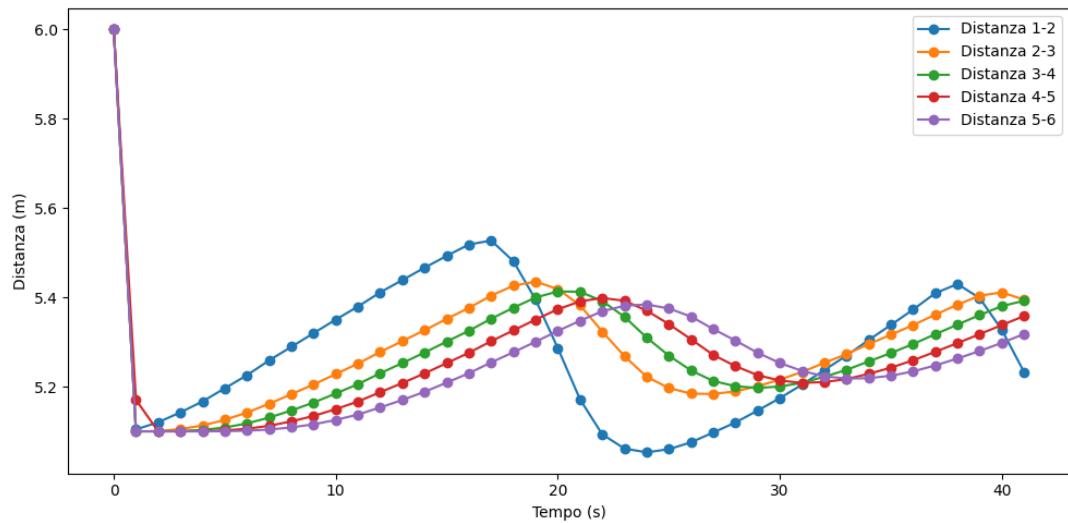


Figura 53: Distanze con  $k_d$  a 0.01.

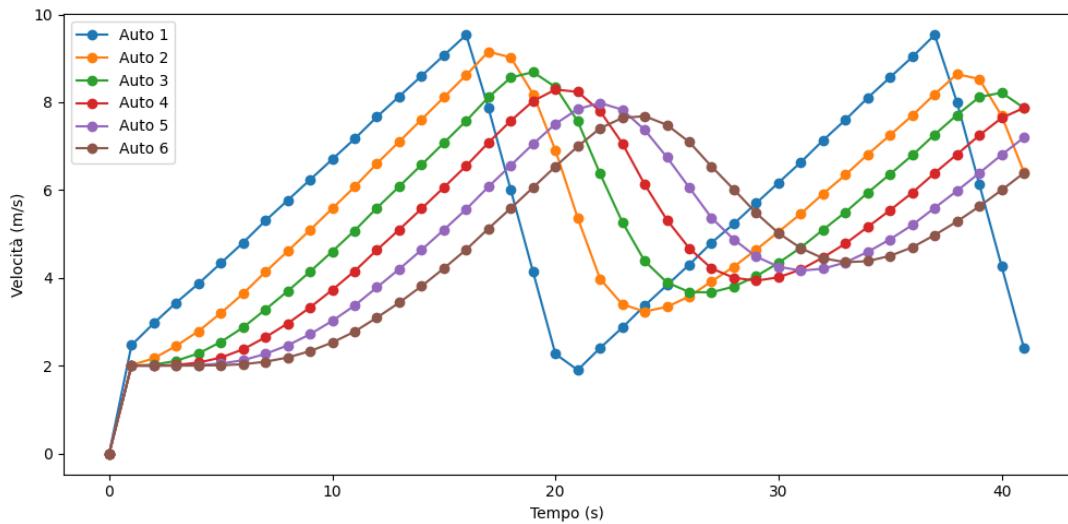
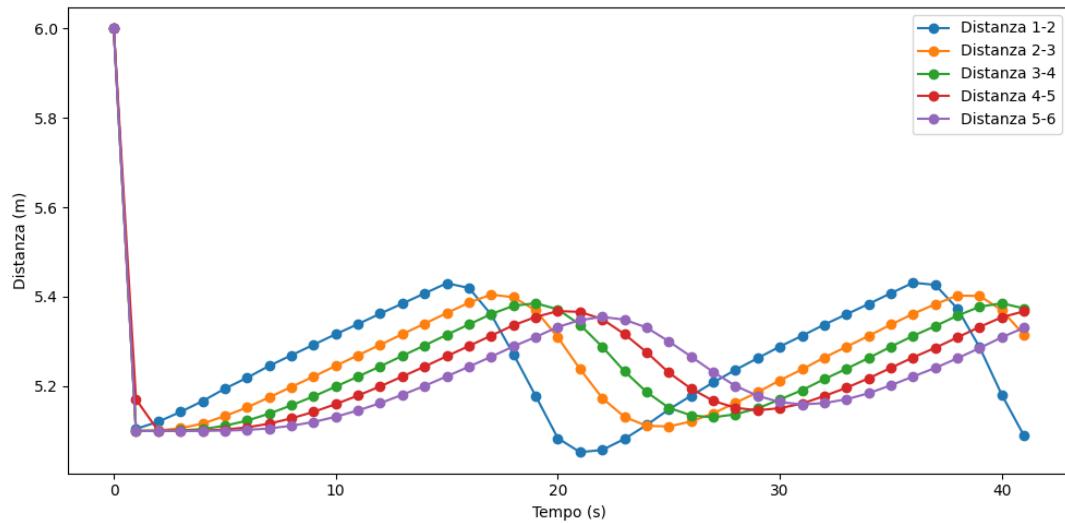
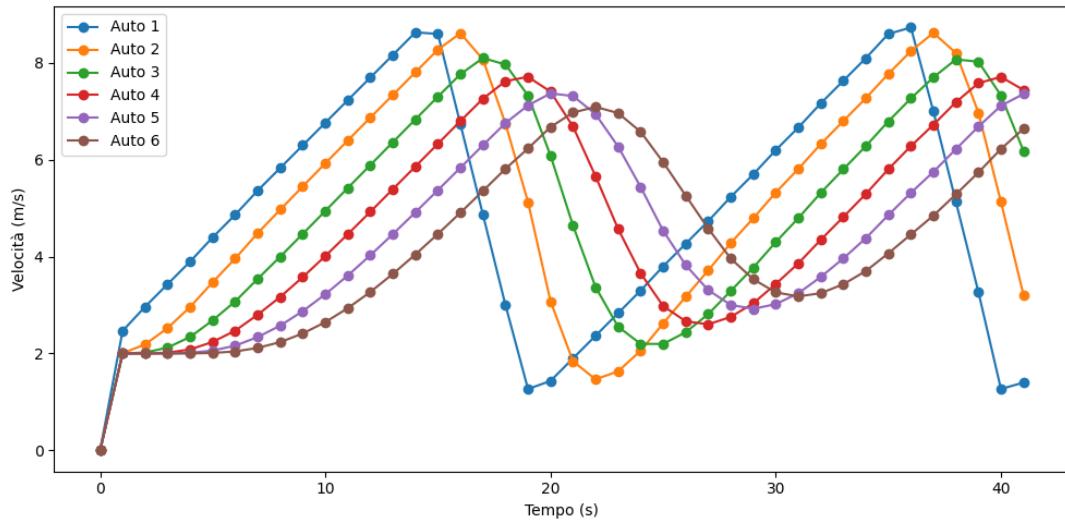


Figura 54: Velocità con  $k_d$  a 0.01.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	1.5

Figura 55: Distanze con  $k_d$  a 1.5.Figura 56: Velocità con  $k_d$  a 1.5.

### 5.1.9 Velocità ( $v_i$ ) con parametri di default

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

Velocità $t_1$	Velocità $t_2$	Velocità $t_3$	Velocità $t_4$	Velocità $t_5$
0 m/s				

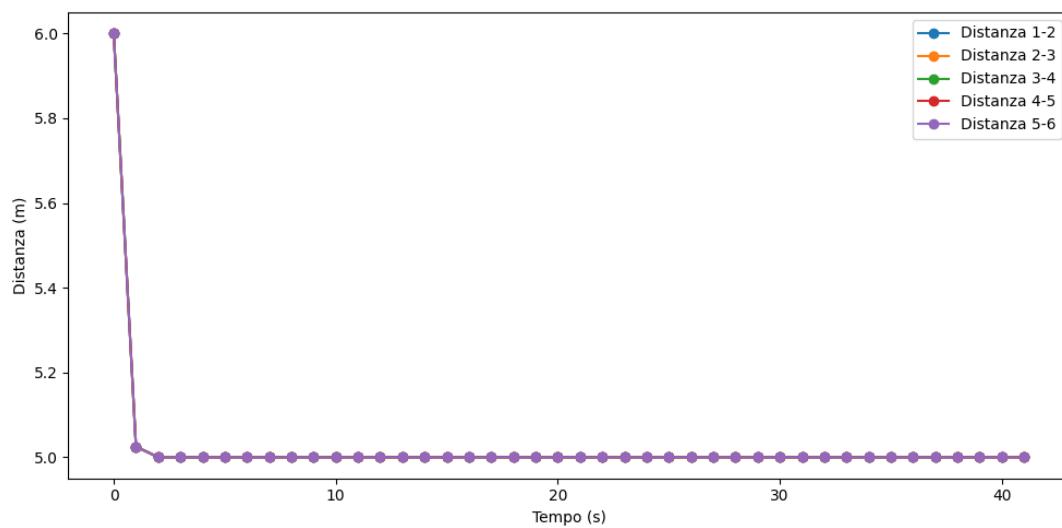


Figura 57: Distanze con primo veicolo fermo.

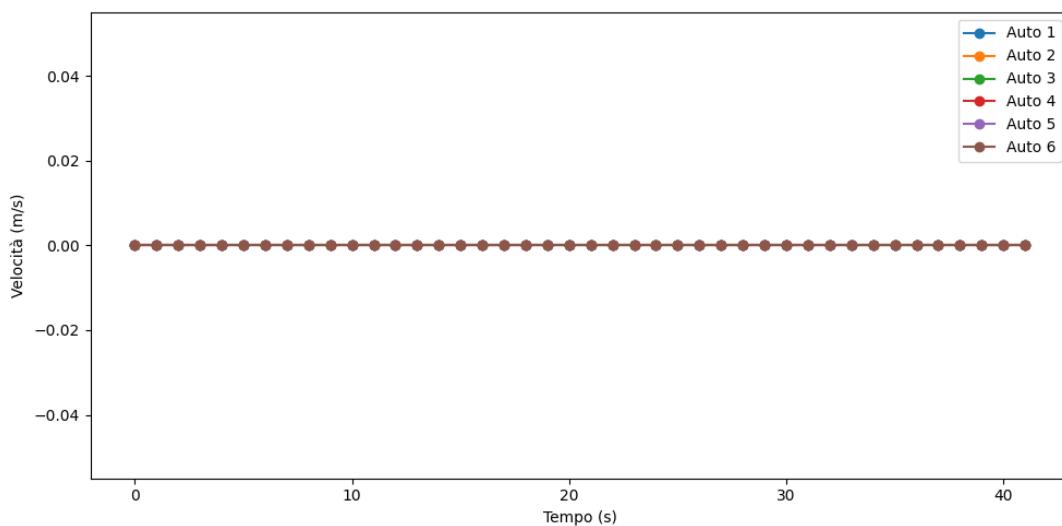


Figura 58: Velocità con primo veicolo fermo.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

Velocità t1	Velocità t2	Velocità t3	Velocità t4	Velocità t5
10 m/s				

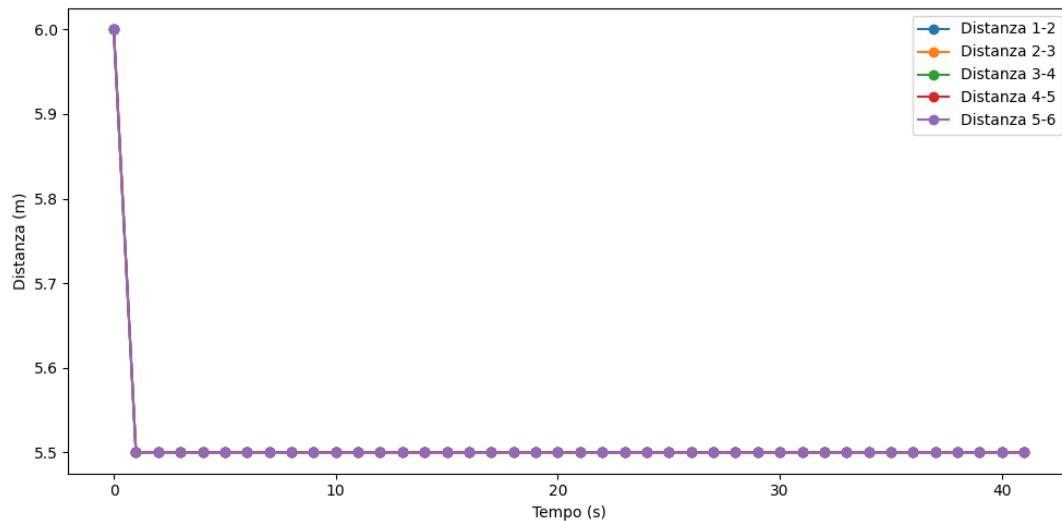


Figura 59: Distanze con velocità costante a 10 m/s.

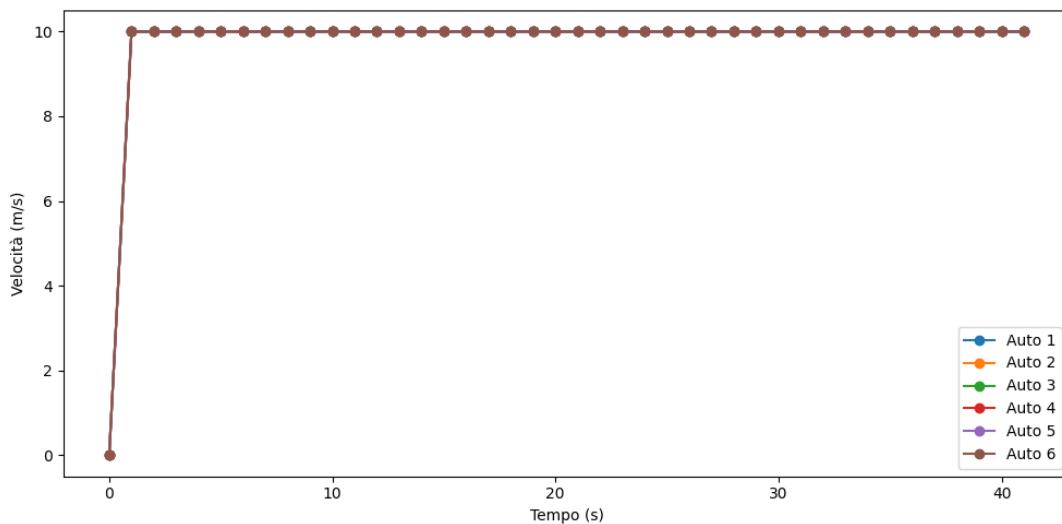


Figura 60: Velocità con velocità costante a 10 m/s.

## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

Velocità t1	Velocità t2	Velocità t3	Velocità t4	Velocità t5
35 m/s				

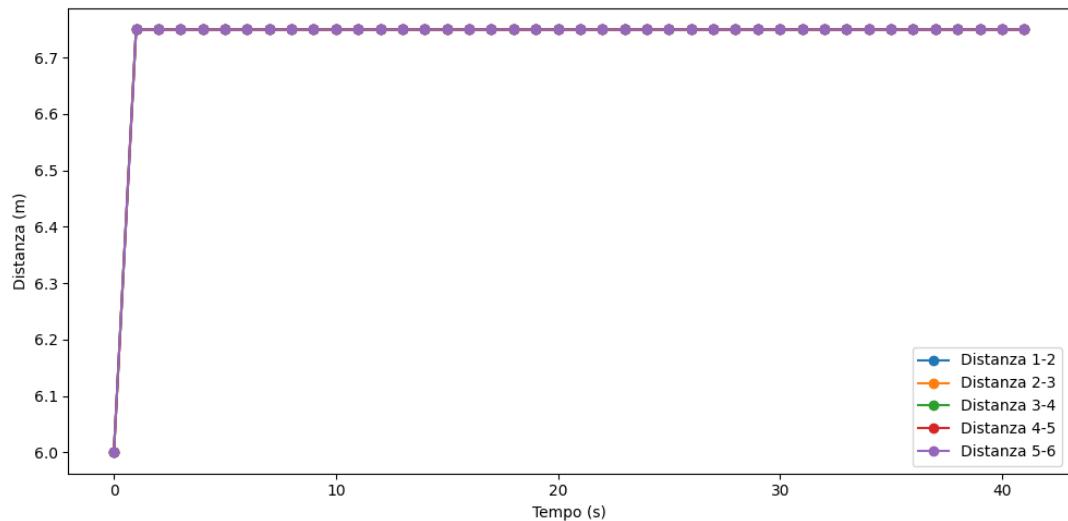


Figura 61: Distanze con velocità costante a 35 m/s.

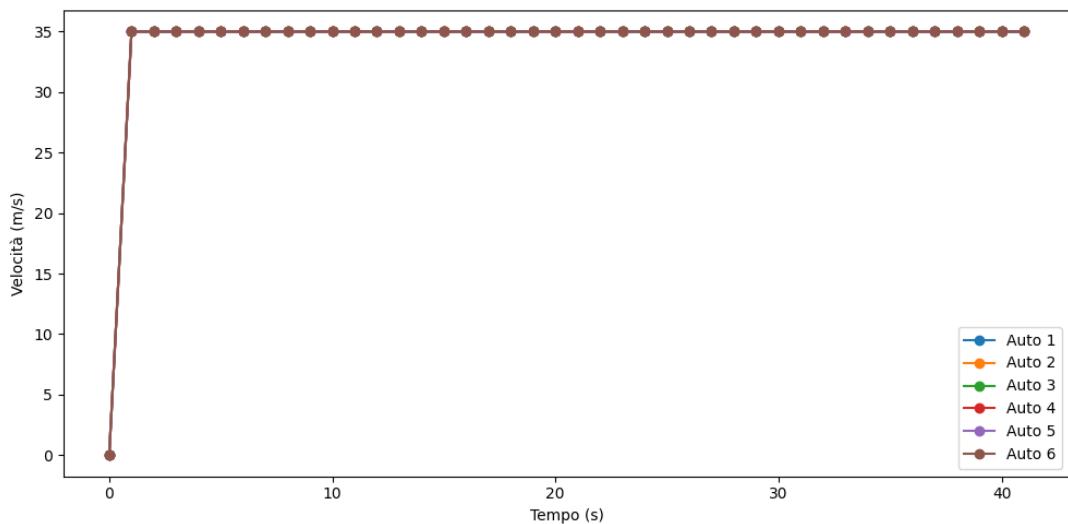


Figura 62: Velocità con velocità costante a 35 m/s.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
Time Headway	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

Velocità t1	Velocità t2	Velocità t3	Velocità t4	Velocità t5
20 m/s	0 m/s	20 m/s	0 m/s	20 m/s

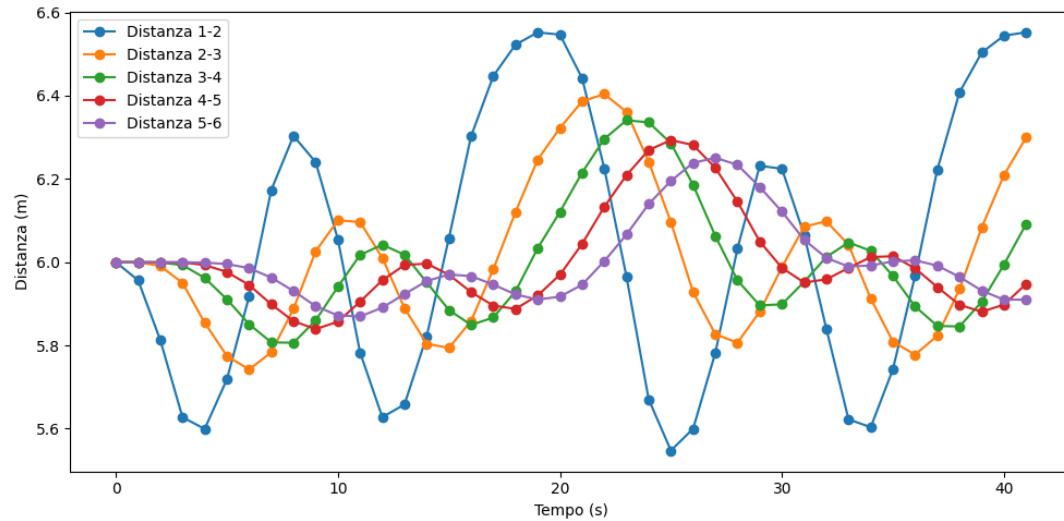


Figura 63: Distanze con velocità variabile tra 20 m/s e 0 m/s.

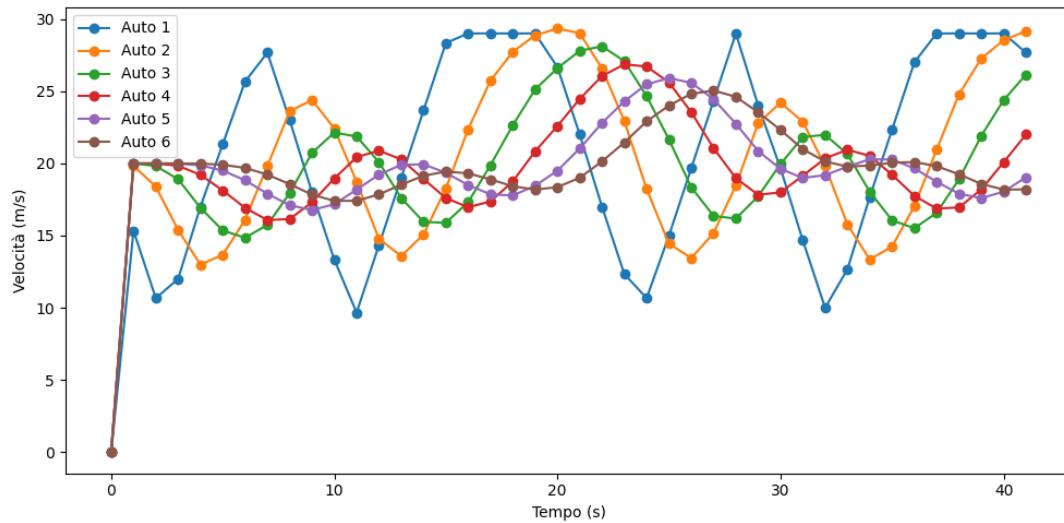


Figura 64: Velocità con velocità variabile tra 20 m/s e 0 m/s.

## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

Velocità t1	Velocità t2	Velocità t3	Velocità t4	Velocità t5
35 m/s	35 m/s	0 m/s	35 m/s	35 m/s

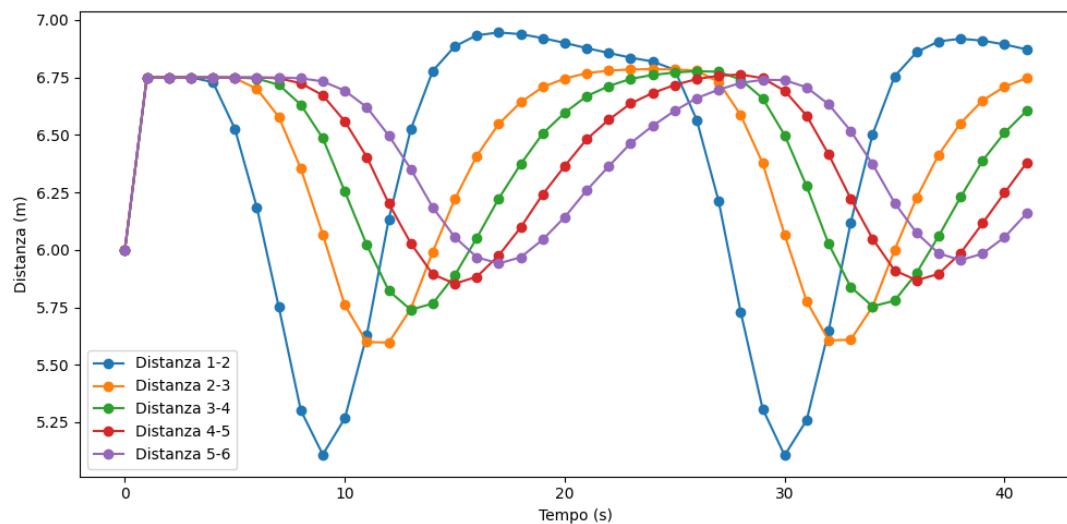


Figura 65: Distanze con velocità variabile tra 35 m/s e 0 m/s.

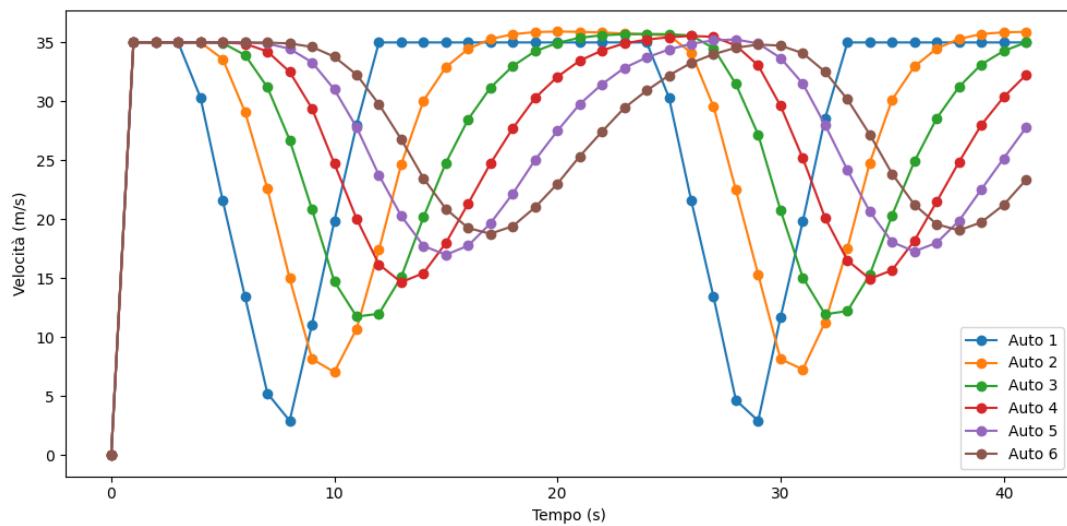


Figura 66: Velocità con velocità variabile tra 35 m/s e 0 m/s.

### 5.1.10 Velocità ( $v_i$ ) con parametri non default

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
10	6.0m	5.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.1	0.1	0.2	0.7

Velocità $t_1$	Velocità $t_2$	Velocità $t_3$	Velocità $t_4$	Velocità $t_5$
15 m/s				

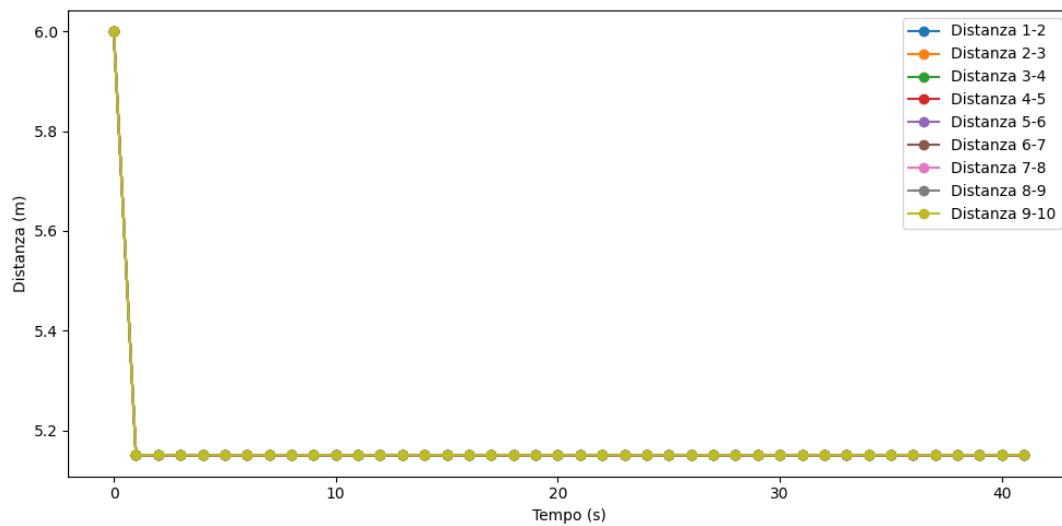


Figura 67: Distanze con velocità costante a 15 m/s.

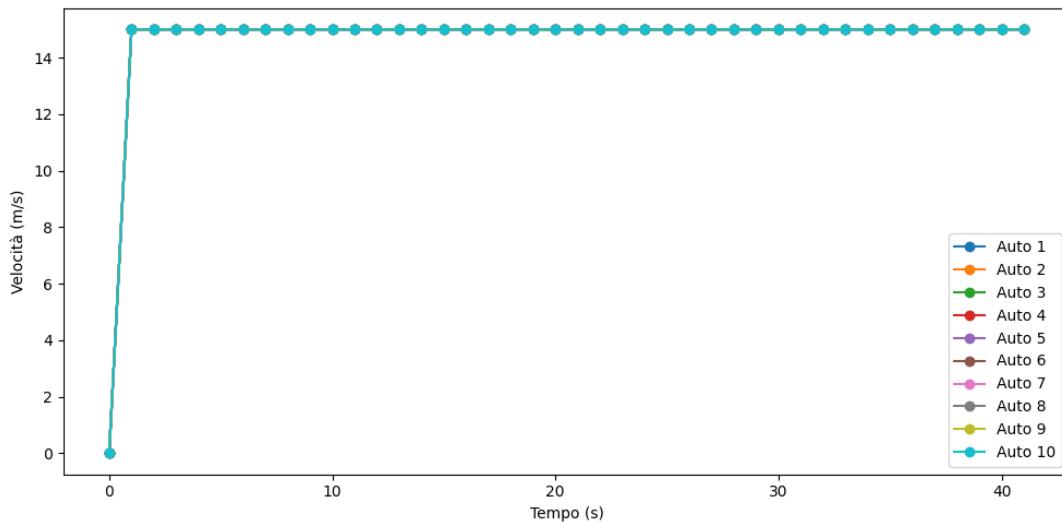


Figura 68: Velocità con velocità costante a 15 m/s.

## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
10	3.0m	2.0m	0.2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.1	0.1	0.2	0.7

Velocità $t_1$	Velocità $t_2$	Velocità $t_3$	Velocità $t_4$	Velocità $t_5$
25 m/s				

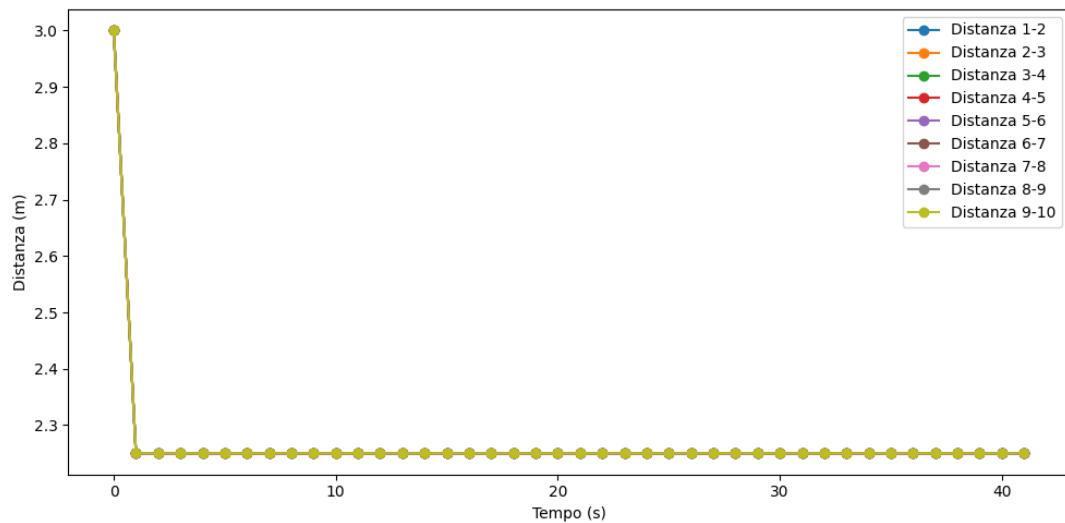


Figura 69: Distanze con velocità costante a 25 m/s.

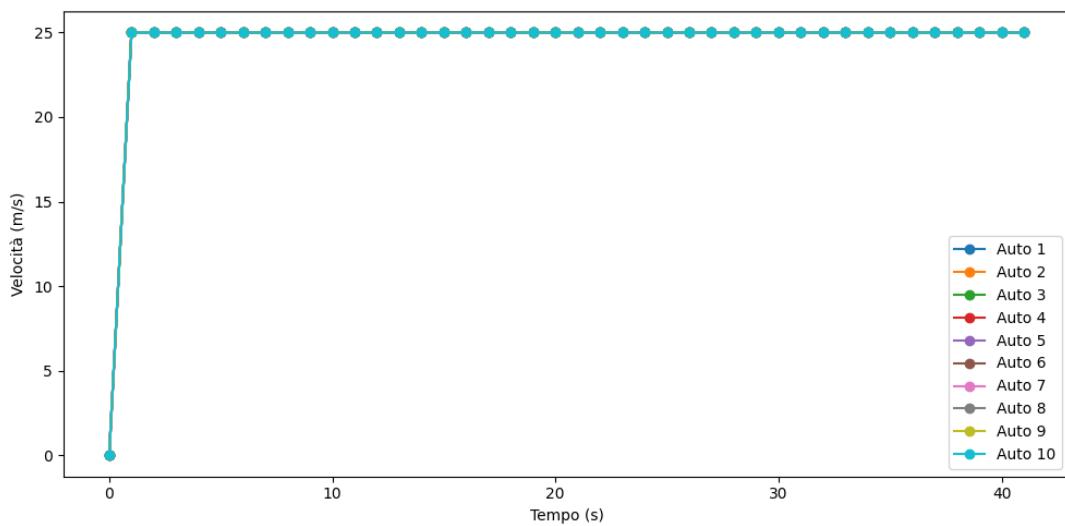


Figura 70: Velocità con velocità costante a 25 m/s.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
10	3.0m	5.0m	0.2s
Time Headway	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.1	0.1	0.2	0.7

Velocità t1	Velocità t2	Velocità t3	Velocità t4	Velocità t5
25 m/s	25 m/s	15 m/s	25 m/s	25 m/s

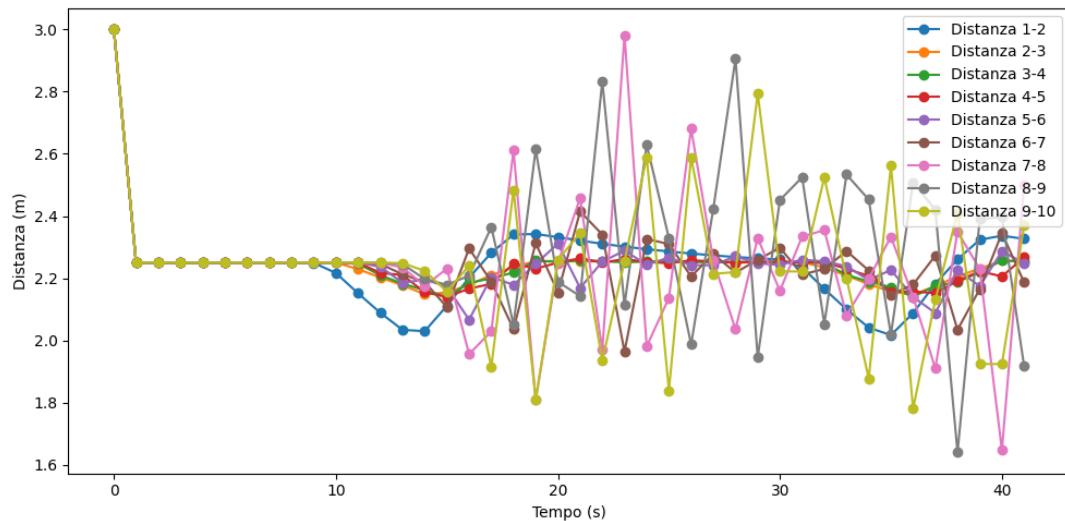


Figura 71: Distanze con velocità variabile tra 15 m/s e 25 m/s.

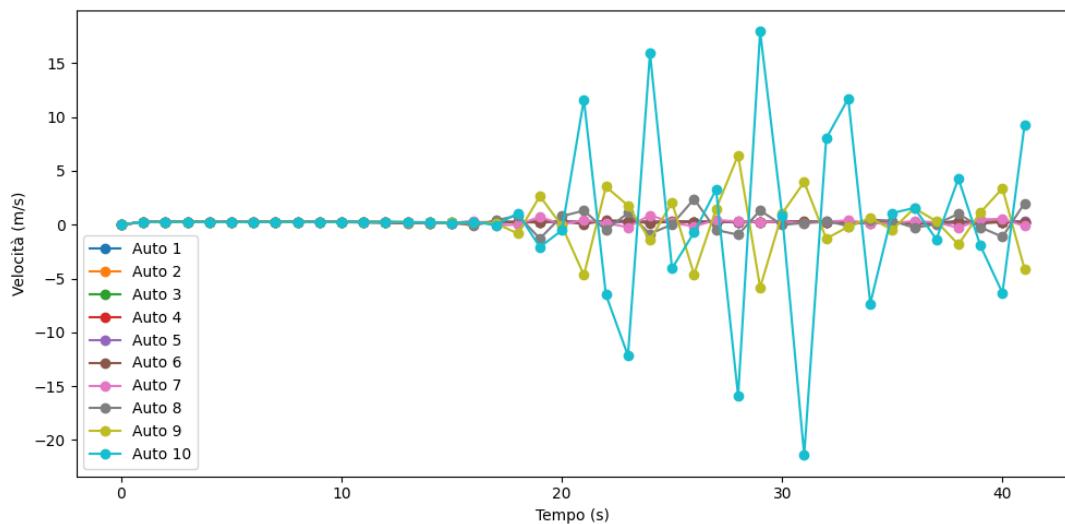


Figura 72: Velocità con velocità variabile tra 15 m/s e 25 m/s.

## **5.2 Modelli instabili**

Riassunto risultati sottostanti...

### 5.2.1 Ritardo di comunicazione

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	1.5s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

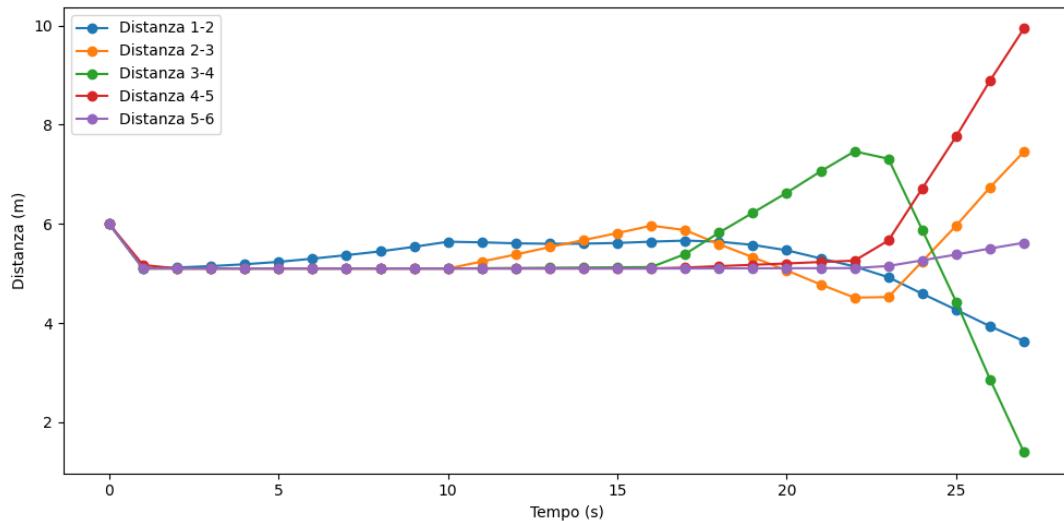


Figura 73: Distanze con ritardo a 1.5s.

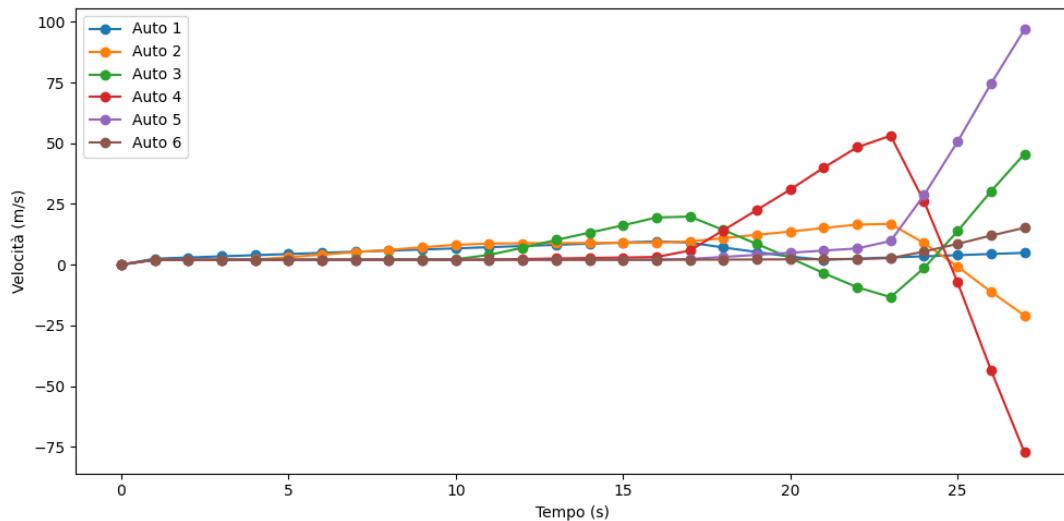


Figura 74: Velocità con ritardo a 1.5s.

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	6.0m	5.0m	2s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.5	0.1	0.2	0.7

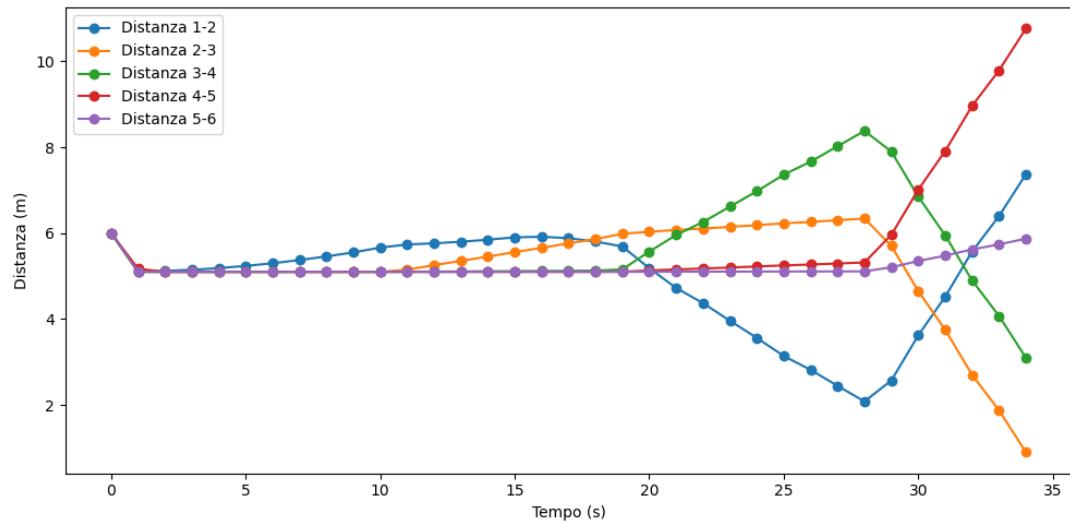


Figura 75: Distanze con ritardo a 2s.

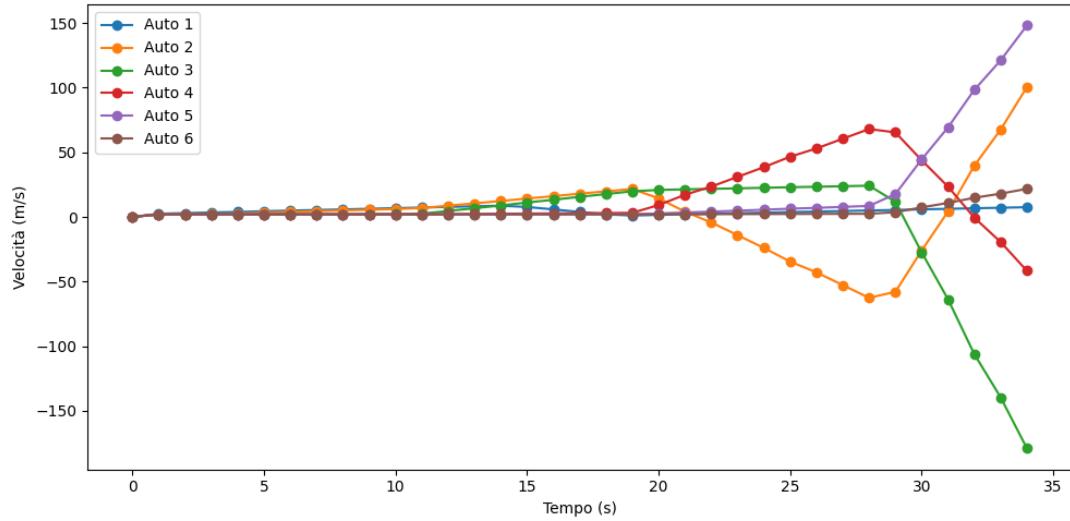


Figura 76: Velocità con ritardo a 2s.

### 5.2.2 Velocità ( $v_i$ ) con parametri diversi da quelli di default

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
6	3.0m	2.0m	0.2s
Time Headway	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.05	0.1	0.2	0.7

Velocità t1	Velocità t2	Velocità t3	Velocità t4	Velocità t5
35 m/s	20 m/s	0 m/s	15 m/s	35 m/s

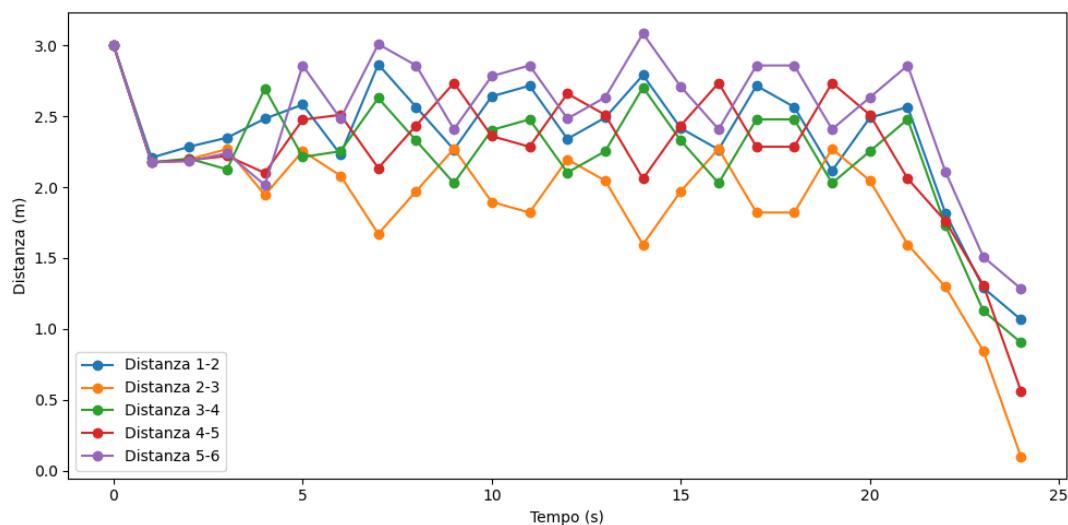


Figura 77: Distanze con velocità variabile tra 0 m/s e 35 m/s.

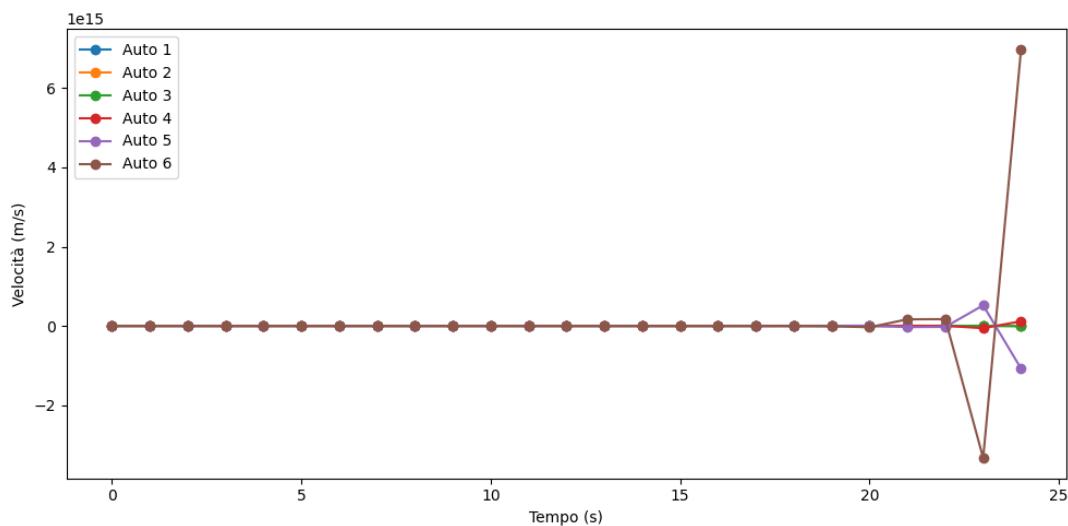


Figura 78: Velocità con velocità variabile tra 0 m/s e 35 m/s.

## Esperimenti

---

N° auto	Distanza Iniziale	Distanza Target	Ritardo
7	4.5m	3.5m	1.0s
<i>Time Headway</i>	$\tau$	$k_p$	$k_d$
0.3	0.1	0.2	0.7

Velocità $t_1$	Velocità $t_2$	Velocità $t_3$	Velocità $t_4$	Velocità $t_5$
35 m/s	20 m/s	0 m/s	15 m/s	35 m/s

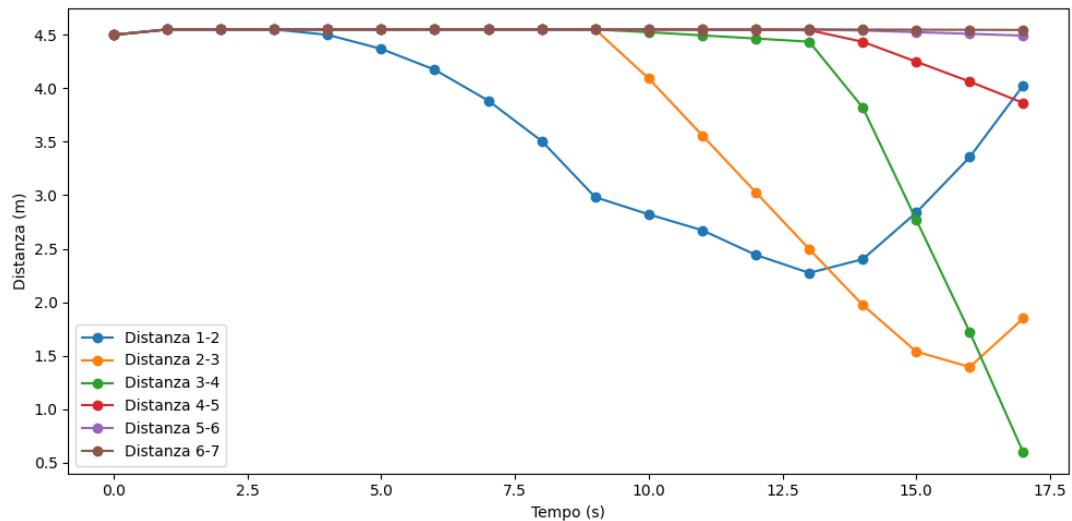


Figura 79: Distanze con velocità variabile tra 0 m/s e 35 m/s.

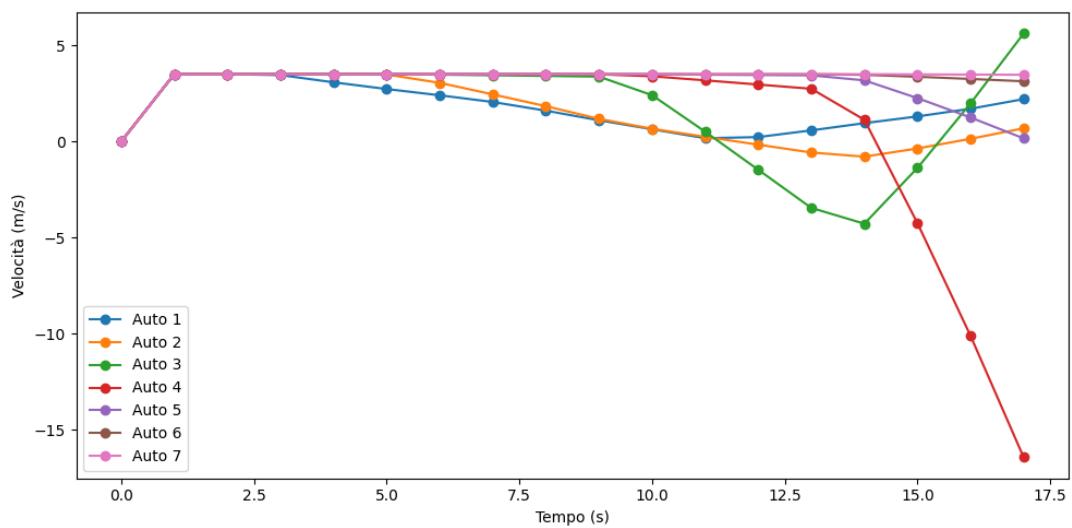


Figura 80: Velocità con velocità variabile tra 0 m/s e 35 m/s.

## **6 Conclusioni**

In allegato lasciamo la presentazione [DM24] che riassume tutto il progetto in formato di diapositive, per una consultazione rapida.

## Bibliografia

- [PWN14] Jeroen Ploeg, Nathan van de Wouw e Henk Nijmeijer. «Lp String Stability of Cascaded Systems: Application to Vehicle Platooning». In: *IEEE Transactions on Control Systems Technology* 22 (mar. 2014), pp. 786–793. doi: 10.1109/tcst.2013.2258346.
- [Qua16] Autoscuola Quattroruote AQ. *Distanza di Sicurezza*. Immagine recuperata da autoscuola-quattroruote.com<sup>18</sup>. Mag. 2016.
- [Onl21] Patentino Online PO. *Distanza di Sicurezza*. Immagini recuperate da patentinoonline.it<sup>19</sup>. 2021.
- [DM24] Alberto Del Buono Paolini e Federico Marra. «Frontend per la simulazione di un problema di platooning». In: Presentazione allegata a questo documento di tesi, reperibile digitalmente qui<sup>20</sup>. Firenze, Italia, apr. 2024.

---

<sup>18</sup> <https://www.autoscuola-quattroruote.com/portfolio/distanza-di-sicurezza/>

<sup>19</sup> <https://www.patentinoonline.it/distanza-di-sicurezza>

<sup>20</sup> [https://docs.google.com/viewer?url=https://github.com/albbus-stack/platooning-visualization/blob/main/doc/Presentazione\\_Platooning.pdf?raw=true](https://docs.google.com/viewer?url=https://github.com/albbus-stack/platooning-visualization/blob/main/doc/Presentazione_Platooning.pdf?raw=true)

## Elenco delle figure

1	Distanza di sicurezza [Onl21] . . . . .	1
2	Componenti distanza di sicurezza [Qua16] . . . . .	2
3	Spazio di reazione [Onl21] . . . . .	3
4	Platoon di veicoli equipaggiati con CACC . . . . .	4
5	Visualizzazione grafica della simulazione. . . . .	10
6	Varie impostazioni numeriche per la simulazione. . . . .	16
7	Grafico per impostare l'andamento del primo veicolo del convoglio nel tempo. . . . .	17
8	Interfaccia utente per l'apertura dei pannelli ( <i>Sliver</i> ), con sopra annotate le scorciatoie da tastiera. . . . .	17
9	Grafico della distanza tra due veicoli del convoglio. . . . .	19
10	Grafico della velocità di un veicolo del convoglio. . . . .	20
11	Bottone di esportazione dei dati della simulazione in csv. . . . .	20
12	Percorsi dinamici corrispondenti ad inglese (/), italiano (/it) e francese (/fr). . . . .	23
13	Distanze con parametri di default. . . . .	28
14	Velocità con parametri di default. . . . .	28
15	Distanze con 3 auto. . . . .	29
16	Velocità con 3 auto. . . . .	29
17	Distanze con 8 auto. . . . .	30
18	Velocità con 8 auto. . . . .	30
19	Distanze con 10 auto. . . . .	31
20	Velocità con 10 auto. . . . .	31
21	Distanze con 2.0m come distanza iniziale. . . . .	32
22	Velocità con distanza iniziale 2.0m. . . . .	32
23	Distanze con 10.0m come distanza iniziale. . . . .	33
24	Velocità con distanza iniziale 10.0m. . . . .	33
25	Distanze con 20.0m come distanza iniziale. . . . .	34
26	Velocità con distanza iniziale 20.0m. . . . .	34
27	Distanze con ritardo a 0.1s. . . . .	35
28	Velocità con ritardo a 0.1s. . . . .	35
29	Distanze con ritardo a 0.5s. . . . .	36
30	Velocità con ritardo a 0.5s. . . . .	36
31	Distanze con ritardo a 0.7s. . . . .	37
32	Velocità con ritardo a 0.7s. . . . .	37

## Elenco delle figure e delle tabelle

---

33	Distanze con ritardo a 1s.	38
34	Velocità con ritardo a 1s.	38
35	Distanze con <i>Time Headway</i> a 0.05.	39
36	Velocità con <i>Time Headway</i> a 0.05.	39
37	Distanze con <i>Time Headway</i> a 0.1.	40
38	Velocità con <i>Time Headway</i> a 0.1.	40
39	Distanze con <i>Time Headway</i> a 1.	41
40	Velocità con <i>Time Headway</i> a 1.	41
41	Distanze con <i>Time Headway</i> a 2.	42
42	Velocità con <i>Time Headway</i> a 2.	42
43	Distanze con $\tau$ a 0.01.	43
44	Velocità con $\tau$ a 0.01.	43
45	Distanze con $\tau$ a 0.7.	44
46	Velocità con $\tau$ a 0.7.	44
47	Distanze con $\tau$ a 2.0.	45
48	Velocità con $\tau$ a 2.0.	45
49	Distanze con $k_p$ a 0.01.	46
50	Velocità con $k_p$ a 0.01.	46
51	Distanze con $k_p$ a 1.5.	47
52	Velocità con $k_p$ a 1.5.	47
53	Distanze con $k_d$ a 0.01.	48
54	Velocità con $k_d$ a 0.01.	48
55	Distanze con $k_d$ a 1.5.	49
56	Velocità con $k_d$ a 1.5.	49
57	Distanze con primo veicolo fermo.	50
58	Velocità con primo veicolo fermo.	50
59	Distanze con velocità costante a 10 m/s.	51
60	Velocità con velocità costante a 10 m/s.	51
61	Distanze con velocità costante a 35 m/s.	52
62	Velocità con velocità costante a 35 m/s.	52
63	Distanze con velocità variabile tra 20 m/s e 0 m/s.	53
64	Velocità con velocità variabile tra 20 m/s e 0 m/s.	53
65	Distanze con velocità variabile tra 35 m/s e 0 m/s.	54
66	Velocità con velocità variabile tra 35 m/s e 0 m/s.	54
67	Distanze con velocità costante a 15 m/s.	55
68	Velocità con velocità costante a 15 m/s.	55
69	Distanze con velocità costante a 25 m/s.	56

70	Velocità con velocità costante a $25\text{ m/s}$ . . . . .	56
71	Distanze con velocità variabile tra $15\text{ m/s}$ e $25\text{ m/s}$ . . . . .	57
72	Velocità con velocità variabile tra $15\text{ m/s}$ e $25\text{ m/s}$ . . . . .	57
73	Distanze con ritardo a $1.5s$ . . . . .	59
74	Velocità con ritardo a $1.5s$ . . . . .	59
75	Distanze con ritardo a $2s$ . . . . .	60
76	Velocità con ritardo a $2s$ . . . . .	60
77	Distanze con velocità variabile tra $0\text{ m/s}$ e $35\text{ m/s}$ . . . . .	61
78	Velocità con velocità variabile tra $0\text{ m/s}$ e $35\text{ m/s}$ . . . . .	61
79	Distanze con velocità variabile tra $0\text{ m/s}$ e $35\text{ m/s}$ . . . . .	62
80	Velocità con velocità variabile tra $0\text{ m/s}$ e $35\text{ m/s}$ . . . . .	62