

دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) دانشکده مهندسی کامپیوتر

تمرین سری اول آمار و احتمال مهندسی

مقدمه

سلام!

این تمرین دارای دو بخش است. بخش اول سوالات حل کردنی و بخش دوم سوالاتی با عنوان آزمایشهای کامپیوتری است. برای بخش اول یک PDF ازتون میخواهیم که توش سوالات حل شده باشه و اسم فایلش باید به فرم

PS_HW1_PART1_9231020.pdf

باشه. اگه توی برگه دوست دارید بنویسید، باز در آخر یه فایل pdf بسازید و مثلا یه سری فایل jpg آپلود نکنید.

برای بخش دوم هم، هم فایلهای مربوط به برنامه تون رو می خواهیم و هم یک گزارش که اونم به صورت pdf باید باشه و فرمت اسمش هم به صورت $PS_HW_1_CE_9231020.pdf$ بگذارید.

تاکید می کنم که هم گزارش باید باشه هم فایل برنامه! حالا دقیق ترش رو توی بخش مربوط به خودش توضیح دادیم.

ما فایل های شما رو فقط و فقط <mark>از طریق مودل</mark> دریافت می کنیم و ارسال آنها از طریقهای دیگر به <mark>هیچوجه</mark> مورد بررسی قرارنمی گیرد. در ضمن توی کانال تلگرامیای که مربوط به این درس هست هم می تونید عضو شید.

Link: https://t.me/PS9697

در صورتی که نیاز باشه خبری در مورد تمرینها، کلاس تیای و ... بدهیم سعی میکنیم هم از طریق این کانال این خبر رو انتقال بدهیم هم از طریق مودل.

اگر سوالی در رابطه با تمرینها داشتید میتونید از طریق این ایمیل از ما بپرسید.

Email Address: autps9697@gmail.com

بخش اول، سوالات حلكردني

سوال ۱

الف)

در کیسه ای ۳ مهره سفید و ۴ مهره سیاه وجود دارد. از آن کیسه یک مهره را به تصادف برمیدارم و خارج میکنیم. (رنگش رو نمی بینیم و میندازیم دور) سپس یک مهره دیگر بر می داریم. احتمال اینکه این مهره سفید باشد چقدر است؟

ب)

در کیسه ای ۷ مهره سفید و ۸ مهره سیاه داریم. ۱۰ مهره به تصادف برمیداریم و خارج میکنیم. (رنگش رو نمیبینیم و میندازیم دور) سپس یک مهره دیگر بر میداریم. احتمال اینکه این مهره سفید باشد چقدر است؟

سوال ۲

جعبه A شامل ۵ مهره سفید و ۵ مهره قرمز است. جعبه B شامل ۵ مهره سفید و ۲ مهره قرمز است. مهرهای به تصادف از جعبه A انتخاب کرده و درون جعبه B قرار می دهیم. سپس جعبه ای را به تصادف انتخاب کرده و دو مهره از آن به تصادف بیرون می آوریم. احتمال اینکه هردومهره سفید باشد چقدر است؟

سوال ۳

سه جعبه داریم. جعبه اول حاوی دو سکه طلا، جعبه دوم حاوی یک سکه طلا و یک سکه نقره و جعبه سوم حاوی دو سکه نقره است. بدون اینکه داخل جعبهها را ببینیم، یک جعبه را انتخاب کرده و یک سکه از درون آن در می آوریم. اگر آن سکه طلا باشد، احتمال اینکه سکه دیگر آن جعبه نیز طلا باشد چقدر است؟

سوال ۴

سه سکه داریم با رنگ های آبی، قرمز و سیاه. که هریک با احتمال $\frac{3}{5}$ و مستقل از بقیه رو میآید. سکه ی اول در صورت رو آمدن ۱۰ امتیاز دارد و در صورت زیر آمدن ۲ امتیاز. سکه ی دوم در هر دو صورت ۴ امتیاز دارد و سکه ی سوم در صورت رو آمدن ۳ امتیاز و در صورت زیر آمدن ۲۰ امتیاز دارد. شما و حریفتان این بازی را انجام می دهید. بازی به این صورت است که نفر اول یک سکه را انتخاب می کند و نفر دوم یکی از سکههای باقی مانده را بر می دارد. سپس هر کدام سکه خود را پرتاب می کنند. هر کسی که امتیاز بیشتری بیاورد، ۱ میلیون تومان جایزه می گیرد. شما ترجیح می دهید نفر اول باشید یا دوم؟

(احتمال برنده شدن نفر اول و دوم در این بازی را بدست بیاورید)

یکی از روشهای اولیه در یادگیری ماشین استفاده از Naïve Bayes Classifier برای دستهبندی دادهها است. یکی از مثالهای آن دستهبندی ایمیلها به دو دستهی Spam و Not Spam است. در این سوال قصد داریم به بررسی این روش بپردازیم.

در واقع سیستم ما یک ایمیل می گیرد و باید تشخیص بدهد که آیا آن ایمیل Spam است یا خیر. در این حالت باید با توجه به ویژگیهای ایمیل، احتمال می گیریم. ویژگیهای ایمیل، احتمال به Spam بودن را بیان کند اگر این احتمال بیش از o.5 بود، آن را Spam درنظر می گیریم.

یکی از ویژگیهای یک ایمیل وجود کلمه 'free' در آن ایمیل است.

فرض كنيد پيشامد X يعنى اينكه كلمه 'free' در يك ايميل آمده باشد.

و پیشامد X~ یعنی کلمه 'free' در ایمیل نیامده باشد.

در این صورت، با دانستن اینکه پیشامد X و یا پیشامد X رخ داده است، می خواهیم حدس بزنیم که آیا ایمیل دریافتی Spam است یا نه.

برای محاسبه این احتمالات از قانون بیز استفاده می کنیم.

فرض كنيد مى دانيم كه احتمال Spam بودن يك ايميل بدون داشتن هيچ اطلاعى برابر با 0.8 است.

$$P(Spam) = 0.8$$

 $P(Not Spam) = 1 - 0.8 = 0.2$

همچنین میدانیم که در در 0.9 ایمیل های Spam کلمه free وجود دارد. و در 0.15 از ایمیلهای سالم (غیر Spam) کلمه وجود وجود دارد. یعنی:

$$P(X|Spam) = 0.9, P(\sim X|Spam) = 0.1$$

$$P(X|Not Spam) = 0.15, P(\sim X|Not Spam) = 0.85$$

حال یک Email دریافت می کنیم که در آن Email کلمه 'free' وجود دارد.

در این صورت میخواهیم احتمال Spam بودن آن را تشخیص دهیم. ما باید دو احتمال را بدست آوریم و با هم مقایسه کنیم.

احتمال P(Spam|X) و P(Not Spam|X). (البته این دو در این حالت خاص مکمل همدیگر هستند.)

این احتمال را می توان به صورت زیر نوشت:

$$P(Spam|X) = \frac{P(Spam) * P(X|Spam)}{P(X)}$$

$$P(Not Spam|X) = \frac{P(Not Spam) * P(X|Not Spam)}{P(X)}$$

که P(X) احتمال آمدن کلمه free به طور کلی در یک متن است. که البته محاسبه آن لزومی ندارد. زیرا میخواهیم دو احتمال بالا را باهم مقایسه کنیم و ببینیم کدام یک بزرگتر است. با توجه به یکسان بودن مخرج این دو احتمال، می توان از محاسبه آن صرف نظر کرد.

.س

$$P(Spam|X) = \frac{1}{P(X)} * P(Spam) * P(X|Spam) = \frac{1}{P(X)} * 0.8 * 0.9 = \frac{1}{P(X)} * 0.72$$

$$P(Not Spam|X) = \frac{1}{P(X)} * P(Not Spam) * P(X|Not Spam) = \frac{1}{P(X)} * 0.2 * 0.15 = \frac{1}{P(X)} * 0.03$$

همانطور که میبنید، P(Spam|X) > P(Not Spam|X) پس میتوان گفت احتمال Spam بودن این ایمیل بیشتر است.

با توجه به اینکه

$$P(Spam|X) + P(Not Spam|X) = 1 \rightarrow P(X) = 0.75$$

البته نیازی به محاسبه اش نداشتیم.

حال میخواهیم یک ایمیل که در آن کلمه free وجود ندارد را بررسی کنیم و احتمال Spam بودنش را تشخیص دهیم.

در این حالت:

$$P(Spam|\sim X) = \frac{1}{P(\sim X)} * P(Spam) * P(\sim X|Spam) = \frac{1}{P(\sim X)} * 0.8 * 0.1 = \frac{1}{P(\sim X)} * 0.08$$

$$P(Not Spam|\sim X) = \frac{1}{P(\sim X)} * P(Not Spam) * P(\sim X|Not Spam) = \frac{1}{P(\sim X)} * 0.2 * 0.85$$

$$= \frac{1}{P(\sim X)} * 0.17$$

است. Not Spam پس ایمیل $P(Spam|\sim X) < P(Not Spam|\sim X)$ در این حالت

حال یک سوال پیش می آید. اینکه این احتمالات را از کجا بدست بیاوریم.

برای این کار باید با توجه به مجموعه دادههایی که توسط سرویس های ایمیل وجود دارند این کار را انجام داد.

در این مساله از شما میخواهیم که احتمال

فرض کنید با توجه به ایمیلهای زیر میخواهیم احتمالات را بدست بیاوریم.

الف)

دادههای مربوط به این مساله به این صورت است که در صورت رخدادن کلمات جدول در متن ایمیل، مقدار آن عدد ۱ و در غیر این صورت ۱ است.

Data	Free	Money	Credit	Inference	Description	Traditional	The	Class

1	1	1	0	0	1	О	1	Spam
2	0	1	1	О	О	1	1	Spam
3	1	0	0	О	О	О	1	Spam
4	1	0	1	1	О	О	1	Spam
5	1	1	1	О	О	1	1	Spam
6	1	1	1	О	1	О	1	Spam
7	1	0	0	0	О	О	1	Spam
8	1	0	1	О	1	1	1	Not Spam
9	0	0	0	1	О	1	1	Not Spam
10	0	1	1	1	1	0	1	Not Spam

جدول ۱ داده های آموزش

Data	Free	Money	Credit	Inference	Description	Traditional	The	
								Probability
11	1	1	1	0	0	0	1	
12	1	1	0	О	0	1	1	
13	0	0	0	1	1	1	1	
14	0	0	1	0	1	1	1	
15	1	0	0	1	1	1	1	

جدول ۲ داده تست

با توجه به جدول اطلاعات مربوط به ایمیلها در مجموعه داده آموزش جدول ۱، احتمالات زیر را حساب کنید.

P(Spam)

P(Not Spam)

 $P(X|Spam), P(\sim X|Spam)$

 $P(X|Not\ Spam), P(\sim X|Not\ Spam)$

برای محاسبه (P(Spam) می توان تعداد Spam ها به کل را حساب کرد که برابر با 0.7 است. برای محاسبه (میری دی ری بری برای محاسبه P(X|Spam) به صورت زیر عمل کنید: $P(X|Spam) = \frac{\#(X,Spam)}{\#(Spam)}$

و سپس احتمال Spam بودن و Not Spam بودن را برای مجموعه داده تست جدول ۲، حساب کنید.

در این قسمت، میخواهیم ویژگیهای بیشتری را برای تصمیم گیری در نظر بگیریم. برای مثال فرض کنید

پیشامد Y به معنی رخداد کلمه Description در متن یک ایمیل باشد و Y- نیز به معنی عدم رخداد آن کلمه.

در این صورت در حالتی که در یک متن کلمه free آمده باشد و کلمه Description نیامده باشد، احتمال Spam بودن آن متن چقدر است؟

$$P(Spam|X, \sim Y) = \frac{P(Spam) * P(X, \sim Y|Spam)}{P(X, \sim Y)} = \frac{1}{P(X, \sim Y)} * P(Spam) * P(X, \sim Y|Spam)$$

$$P(\sim Spam|X, \sim Y) = \frac{P(Not Spam) * P(X, \sim Y|Not Spam)}{P(X, \sim Y)}$$
$$= \frac{1}{P(X, \sim Y)} * P(\sim Spam) * P(X, \sim Y|Not Spam)$$

در این بخش نیازی به محاسبه دوباره P(Spam) نداریم.

برای محاسبه ($P(X, \sim Y|Not Spam)$ چه راهی به ذهنتان می رسد؟

یکی از راهها شمردن تمام حالتها است.

$$P(X, \sim Y | Not Spam) = \frac{\#(X, \sim Y, Not Spam)}{\#(Not Spam)}$$

اما در صورتی که فرض کنیم پیشامد های X و Y از هم مستقل هستند، می توانیم به صورت زیر عمل کنیم:

$$P(X, \sim Y | Not Spam) = P(X | Not Spam) * P(\sim Y | Not Spam) = \frac{\#(X, Not Spam)}{\#(Not Spam)} * \frac{\#(\sim Y, Not Spam)}{\#(\sim Y, Not Spam)} * \frac{\#(\sim Y, Not Sp$$

روش Naïve Bayes از این فرض استفاده می کند که پیشامدها از هم مستقل هستند.

در این قسمت با استفاده از این دو ویژگی (free, description) دوباره مقادیر احتمال Spam بودن را برای جدول ۲ بدست بیاورید و گزارش کنید.

ج)

در این قسمت از تمام ویژگیها برای تعیین Spam بودن یا نبودن یک میل استفاده کنید. و نتایج را برای جدول ۲ بدست بیاورید.

د)

در این قسمت مقادیر سه قسمت قبل را باهم مقایسه کنید. در این قسمت Label دادههای تست نیز به شما داده شده است.

(یعنی مثلا یه چیزی شبیه جدول ۳ درست کنید و احتمال های بدست اومده رو کنار هم بذارید)

به نظر شما کدام یک از این سه مجموعه ویژگیها مناسبتر است و به طور کلی چگونه میتوان یک زیرمجموعه مناسب از ویژگیها انتخاب کرد؟

Data	{free}	{free, description}	Complete	Real Label (Spam)
			set	
11				1
12				1
13				0
14				0
15				0

جدول ۳ مقایسه حالت های مختلف

سوال ۶

الف)

در صورتی که A,B,C سه پیشامد دلخواه باشند، با استفاده از تعریف نشان دهید:

$$P(A,B,C) = P(A) * P(B|A) * P(C|A,B)$$

(البته با فرض اینکه P(B|A), P(C|A,B) تعریف شده باشند.)

ب)

در این قسمت به حل یک مثال ساده از شبکههای بیز امی پردازیم. فرض کنید میخواهیم با توجه به دانستن ویژگیهای یک دانشجو، در مورد احتمال ریکام خوب گرفتن نظر بدهیم.

فرض کنید یک دانشجو هستید و میخواهید از یکی از استادان دانشگاه امیرکبیر recommendation letter بگیرید. اما نمی دانید که از استاد کدام درس با توجه به شرایط شما، recommendation letter بهتری برای شما می نویسد.

از این رو، میخواهید احتمال اینکه استاد برای شما recommendation letter خوب بنویسد را با توجه به دادههای سالهای گذشته پیش بینی کنید.

فرض کنید ما اطلاعات دانشجویان امیرکبیر در ۱۰ سال گذشته را جمع آوری کردیم. مانند جدول ۴:

Student ID	Intelligence	Exam Difficulty	Grade	Recommendation Letter for that
				course
8431001	Smart	Easy	Good	R ₃
8431001	Smart	Hard	Good	R ₃
8431002	Normal	Easy	Good	R ₃

[\] Bayesian Networks

8431002	Normal	Hard	Bad	R ₁
9331999	Smart	Easy	Good	R ₂

جدول ۴ اطلاعات دانشجویان در ۱۰ سال گذشته

توجه کنید که هر سطر مربوط به یک درس و یک دانشجو است. اطلاعات هر سطر به ترتیب، هوش فرد، میزان سختی درس، نمره آن درس و توصیهنامهای که استاد آن درس بر اساس نمره آن درس داده است را نشان می دهد. برای مثال دانشجوی با شماره دانشجویی 8431002 یک توصیه نامه دانشجویی 1002 هر توصیه نامه خیلی خوب گرفته است و دانشجوی با شماره دانشجویی نامه بد گرفته است.

مقادیر متغیرها به صورت زیر است:

Recommendation Letter for that course	معنا
R ₃	خیلی خوب
R2	معمولی
R1	بد

Intelligence	Exam Difficulty	Grade
Normal=Io	Easy=Do	Good=G2
Smart=I1	Hard=D1	Normal=G1
		Bad=Go

حال می خواهیم حدس بزنیم برای یک دانشجو با اطلاعات (برای مثال) زیر:

Student ID	Intelligence	Exam Difficulty	Grade	Recommendation Letter for that
				course
9531020	Smart=I1	Easy=Do	Good=G3	?

جدول ۵ یک داده تست

احتمال اینکه پس از درخواست به استاد مربوطه، توصیه نامه خوب (R3) بگیرد را بدست آوریم.

در واقع هدف ما محاسبه مقدار زیر است:

$$P(R = R_3 | I = I_1, D = D_0, G = G_3) = \frac{P(R = R_3, I = I_1, D = D_0, G = G_3)}{P(I = I_1, D = D_0, G = G_3)}$$

حال به محاسبه آن می پردازیم:

با توجه به قسمت الف مى دانيم كه رابطه زير برقرار است.

$$P(R, I, D, G) = P(D) * P(I|D) * P(G|I, D) * P(R|I, D, G)$$

همچنین میدانیم که میزان هوش یک فرد به میزان سختی امتحان ندارد. در نتیجه

$$P(I) = P(I|D)$$

همچنین با توجه به بررسیها متوجه شدیم که استادها برای دادن برگه توصیه نامه، تنها به نمره فرد توجه می کنند. در نتیجه توصیهنامه از دو پیشامد G و D مستقل است.

$$P(R|I,D,G) = P(R|G)$$

در نتیجه رابطه ۱ به صورت زیر ساده میشود.

رابطه ۱

$$P(R, I, D, G) = P(D) * P(I) * P(G|I, D) * P(R|G)$$

برای محاسبه ی P(I,D,G) نیز می توانید از قواعد بالا استفاده کنید. در نتیجه

$$P(I,D,G) = P(I) * P(D) * P(G|D,I)$$

جداول مربوط به احتمالات با توجه به دادههای مربوط به ۱۰ سال بدست اَمده است و به صورت زیر است:

Intelligence	Probability
Io	0.7
I1	0.3

Exam Difficulty	Probability
Do	0.6
D1	0.4

	Go Probability	Gı Probability	G2 Probability
Io, Do	0.3	0.4	0.3
Io, D1	0.7	0.25	0.05
Iı, Do	0.02	0.08	0.9
Iı, Dı	0.5	0.3	0.2

برای مثال با توجه به جدول بالا:

$$P(G = G_0 | I = I_0, D = D_0) = 0.3$$

$$P(G = G_1 | I = I_0, D = D_0) = 0.4$$

Grade	Rı Probability	R ₂ Probability	R ₃ Probability
Go	0.7	0.29	0.01
G1	0.2	0.6	0.2
G2	0.01	0.19	0.8

برای مثال با توجه به جدول بالا:

$$P(R = R_1 | G = G_0) = 0.7$$

 $P(R = R_2 | G = G_0) = 0.29$

حال با توجه به جداول مربوط به احتمالات، <mark>احتمال توصیه نامه مختلف را برای داده جدول ۵ حساب کنید.</mark>

Student	Intelligence	Exam	Grade	Probability of	Probability of	Probability
ID		Difficulty		R1	R ₂	of R ₃
9531020	Smart=I1	Easy=Do	Good=G3	?	?	?

جدول ۶ نتیجه خواسته شده

بخش دوم، سوالات آزمایشهای کامپیوتری

در این بخش می توانید از زبانهای matlab ،python و R استفاده کنید.

فایل گزارش به ازای این دو سوال را در یک pdf به فرم $PS_HW_1_CE_9231020.pdf$ بنویسید.

فایل های غیرpdf مورد نیاز برای هربخش در خود سوال گفته شدهاست.

سوال اول

کیهان و ایمان داشتند برای امتحان میانترم آمارشون تمرین می کردند که به این سوال مواجه شدند.

"مهناز یک سکه ی متقارن را دوبار به بالا پرت می کند. می دانیم در حداقل یکی از این پرتابها شیر آمده است. احتمال اینکه سکه در هردو پرتاب شیر آمده باشد چقدر است؟"

کیهان به این سوال این پاسخ را میدهد.

امیدونیم که حداقل یکی از پرتابها شیر اومده. دونستن این موضوع برای اینکه در مورد سکه دیگه نظر بدیم تاثیری نداره. زیرا سکه دوم مستقلا از سکه اول پرتاب شده پس به احتمال $\frac{1}{2}$ شیر و به احتمال $\frac{1}{2}$ رو می آد.

اما ایمان پاسخ دیگری داشت:

"وقتی دوبار سکه رو بالا می ندازیم فضای رخدادهای ما به صورت $\{HH, HT, TH, TT\}$ هست. (T: خط، H: شیر) احتمال این که حداقل یکی از سکهها شیر اومده باشه 3/4 هست چون سه پیش آمد از فضای اولیه رو پوشش میده. $\{HT, TH, TT\}$. احتمال این که هردو سکه شیر بیان توی مسئلهی ما برابر 3/4 هست چون فقط یک حالت از فضای پیش آمدهای ما رو شامل می شه.

بنابراین جواب سوال برابر 1⁄3 هست."

$$P(A | B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{1/4}{3/4} = \frac{1}{3}$$

شما با کدام جواب موافقید؟ برای فهمیدن جواب درست، میخواهیم از آزمایش کامپیوتری استفاده کنیم. آزمایش کامپیوتری ما شامل دو قسمت است.

```
أزمايش اول
```

```
فایل برنامه اَزمایش اول را به صورت <mark>HW1_CE_1_a</mark> نامگذاری کنید.
(برای مثال در صورتی که از زبان پایتون استفاده میکنید: HW1_CE_1_a.py)
```

ابتدا چند متغیر به صورت زیر تعریف کنید:

```
number_of_experiment = 1000
exp1_n = 0
exp1_f = 0
a = b = None
```

این کار را تا زمانی که number_of_experiment صفر نشدهاست، انجام دهید:

به طور تصادفی (به احتمال 0.5 مقدار ۱ و به احتمال 0.5 مقدار صفر بدهید) یک مقدار به متغیر a بدهید. و سپس به طور تصادفی یک مقدار به متغیر b بدهید.

در صورتی که متغیرa=o بود:

به ازای این مرحله هیچکاری انجام ندهید.

در غیر این صورت (در صورتی که a=1 بود):

number_of_experiment را یک واحد کم کرده ، expı_n را یک واحد زیاد بکنید.

سپس به متغیر b نگاه کنید.

در صورتی که b=1 بود:

مقدار exp1_f را یک واحد زیاد کنید.

در غیر این صورت (در صورتی که b=o بود):

هیچ مقداری را تغییر ندهید.

$$(x,y) = \frac{exp1-f}{exp1-n}$$
 در نهایت نسبت $\frac{exp1-f}{exp1-n}$ را جاب کنید.

این آزمایش را به ازای number_of_experiment={10, 100, 1000, 10000} انجام داده و جدول زیر را <mark>پر کنید.</mark>

Number of Experiment	$\frac{exp1-f}{exp1-n}$
10	
100	
1000	
10000	

```
آزمایش دوم
```

```
فایل برنامه اَزمایش اول را به صورت <mark>HW1_CE_1_b</mark> نامگذاری کنید.
(برای مثال در صورتی که از زبان پایتون استفاده می کنید: HW1_CE_1_b.py)
این اَزمایش بسیار شبیه به اَزمایش اول است، اما در قسمتی با اَن متفاوت است.
```

ابتدا چند متغیر به صورت زیر تعریف کنید:

```
number_of_experiment = 1000
exp2_n = 0
exp2_f = 0
a = b = a_prime = b_prime = None
```

این کار را تا زمانی که number_of_experiment صفر نشدهاست، انجام دهید:

به طور تصادفی (به احتمال 0.5 مقدار ۱ و به احتمال 0.5 مقدار صفر بدهید) یک مقدار به متغیر a بدهید. و سپس به طور تصادفی یک مقدار به متغیر d بدهید.

به احتمال o.5 متغیر های a_prime, b_prime را اینگونه مقدار دهی کنید:

a_prime=a, b_prime=b

و به احتمال o.5 متغیرهای a_prime, b_prime را اینگونه مقدار دهی کنید:

a_prime=b, b_prime=a

به ازای این مرحله هیچکاری انجام ندهید.

در غیر این صورت (در صورتی که C=1 بود):

در صورتی که متغیر a_prime=o بود:

number_of_experiment را یک واحد کیم کرده ، exp2_n را یک واحد زیاد بکنید.

سپس به متغیر b_prime نگاه کنید.

در صورتی که b_prime=1 بود:

مقدار $\exp_2 f$ را یک واحد زیاد کنید.

در غیر این صورت (در صورتی که b_prime=o بود):

هیچ مقداری را تغییر ندهید.

در نهایت نسبت $\frac{exp2-f}{exp2-n}$ را <mark>چاپ کنید.</mark> (برنامه رو اجرا کنیم این مقادیر رو چاپ کنه)

این آزمایش را به ازای number_of_experiment={10, 100, 1000, 10000} انجام داده و جدول زیر را <mark>پر کنید.</mark>

Number of Experiment	$\frac{exp2 - f}{exp2 - n}$
10	
100	

1000	
10000	

با توجه به مقادیر بدست اَمده در دو اَزمایش بالا، بگویید نظر کیهان (احتمال $\frac{1}{2}$) درست است یا نظر ایمان (احتمال 1/3)

سوال دوم

فایل برنامه اَزمایش اول را به صورت <mark>HW1_CE_SPAM</mark> نامگذاری کنید. (برای مثال در صورتی که از زبان پایتون استفاده می کنید: HW1_CE_SPAM.py) علاوه بر این فایل، یک فایل با فرمت csv نیز برای این سوال از شما خواسته شده است که باید به فرم <mark>SPM_9231020.csv</mark>

در این سوال میخواهیم با توجه به داده های مربوط به Spam detection، تشخیص دهیم یک داده آیا Spam است یا خیر.

مساله ما همان مساله ای است که در سوال ۵ بخش حل کردنی توضیحات آن را گفتیم. البته با داده های بیشتر! شما در آن سوال به صورت دستی، تعداد رخداد را شمردید و احتمالات را بدست آوردید. حال در این بخش میخواهیم همانکار را به صورت برنامه نویسی انجام بدهید. و پس از آن، خروجی را در یک فایل ذخیره سازی کنید.

در این تمرین ۳ فایل به شما داده می شود. train.csv و test.csv و answers.csv

شما باید با خواندن فایل train، احتمالات مربوط به

```
\forall 1 \leq i \leq 58: P(feature_i = 1|Spam), P(feature_i = 1|NotSpam)
```

را به ازای تمام ۵۸ ویژگی با استفاده از دادهها یاد بگیرید.

سپس در قسمت test، به ازای هر داده بگویید آیا این داده Spam است یا نه. (در صورتی که Spam بود عدد ۱ و در غیر این صورت عدد صفر را قرار دهید) و یک فایل خروجی مانند فایل answers به فرم SPM_9231020.csv تحویل دهید.

برای مثال در زبان پایتون این برنامه ورودی را به درستی دریافت می کند و فرمت خروجی اش درست است. اما نمرهای ندارد!

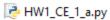
```
import numpy as np
import pandas as pd
train = pd.read_csv('train.csv')
test = pd.read_csv('test.csv')
#Do something
cheat = pd.read_csv("answers.csv")
output = pd.DataFrame(cheat)
output.to_csv("SPM_9231020", index=False)
```

توجه کنید که ممکن است کد شما را با داده های جدید آموزش بدهیم و خروجی برنامه شما را با جواب واقعی مقایسه کنیم!

فایلهای خواسته شده از شما

فایل های خروجی شما باید اینطوری باشد:

Name



HW1_CE_1_b .py

HW1_CE_SPAM.py

PS_HW1_CE_9231020.pdf

PS_HW1_PART1_9231020.pdf

☑ SPM_9231020.csv

و همچین فایلی رو zip کرده و به فرم PS_HW1_9231020.zip در مودل اَپلود نمایید.