۱) در یک شهر احتمال قطعی برق در هر روز از روزهای دیگر مستقل و برابر ۱۰،۰ است، اگر ۵۰۰ روز این شهر مورد بررسی قرار گیرد، الف) با چه احتمالی دقیقا ۲ روز قطع برق وجود دارد؟ ب) با چه احتمالی بیشتر از ۶ روز و کمتر مساوی ۱۰ روز قطعی برق رخ می دهد؟

×× با استفاده از هر دو توزیع نرمال و پواسون تقریب بزنید.

- را به دست P(X>9)=0.2 باشد، P(X>9)=0.2 را به دست کرنید X یک متغیر تصادفی با توزیع نرمال و میانگین P(X>9)=0.2 باشد، P(
 - ۳) مدت زمانی (بر حسب ساعت) که لازم است تا یک قطعه تعمیر شود دارای توزیع نمایی با میانگین ۲ است.

(الف) احتمال اینکه مدت تعمیر بیش از ۲ ساعت طول بکشد چقدر است؟

(ب) احتمال شرطی اینکه مدت زمان تعمیر حداقل ۱۰ ساعت طول بکشد به شرط اینکه بیش از ۹ ساعت از زمان تعمیر گذشته باشد، چقدر است؟

- ۴) طول عمر یک رادیو بر حسب سال دارای توزیع نمایی با میانگین ۸ سال است. الف) اگر فردی یک رادیـو دسـت دوم
 خریده باشد که تا الان ۱۰ سال کار کرده است، احتمال اینکه رادیو ۸ سال دیگر کار کند چقدر است؟ ب) اگر رادیـو
 دست دوم تا الان ۱۰۰ سال کار کرده باشد، احتمال اینکه ۸ سال دیگر کار کند چقدر است؟
- ۵) اگـــر X دارای توزیـــع دو جملـــه ای بـــه صـــورت زیـــر باشـــد، توزیـــع $Y=X^2$ را بیابیـــد.

$$f(x) = \begin{cases} \binom{3}{x} \left(\frac{2}{5}\right)^x \left(\frac{3}{5}\right)^{3-x} & x = 0, 1, 2, 3 \\ 0 & o.w \end{cases}$$

را بیابید. $Y=X_1X_2$ و X_1 و X_2 دارای توزیع توام زیر باشند توزیع متغیر تصادفی $Y=X_1X_2$ را بیابید.

$$f(x_1, x_2) = \begin{cases} \frac{x_1 x_2}{18} & x_1 = 1, 2 \ x_2 = 1, 2, 3 \\ 0 & o.w \end{cases}$$

را بیابید. $Y=X^2$ دارای توزیع زیر باشد، توزیع Y=X

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1+x}{2} & -1 < x < 1 \\ 0 & o.w \end{cases}$$

۸) می خواهیم دو الگوریتم جستجوی تصادفی گراف را به لحاظ زمان اجرا با یکدیگر مقایسه نماییم. این الگوریتم ها را چند بار اجرا نموده ایم. زمانهای اجرا بر حسب ثانیه در جدول زیر مشخص شده اند. آیا می توان نتیجه گرفت که الگوریتم دوم به طور متوسط پیچیدگی زمانی کمتری دارد؟ (از آزمون فرضیه یک طرفه مناسب استفاده نمایید و تمام جزییات را بیان نمایید. $\alpha = 0.1$)

ALG1	۲	٣	١	۵	١	٣	٣
ALG2	٣	۴	١	١	٣	-	-

۹) روی بردهای الکتریکی یک کارخانه قید شده است که توان مصرفی آنها به طور میانگین ۱۰۰ وات با انحراف معیار ۱۰ وات است. یک مرکز کنترل کیفیت نمونه های ۲۵ تایی از این بردها را تهیه می کند. اگر میانگین توان مصرفی این نمونه ها بین ۱۰ بود به کارخانه گواهی صحت اطلاعات می دهد و در غیر این صورت ادعای کارخانه تایید نمی شود.

- الف) در اینجا عملا از چه آزمون فرضیه ای استفاده شده است. (فرضیه های آن را بنویسید)
- ب) خطای نوع اول و دوم را تعریف نمایید و بیان نمایید چگونه همزمان می توانید خطای نوع اول و دوم را کاهش دهید؟
 - ج) خطای نوع اول در این آزمون برابر با چه مقداری است؟
- د) خطای نوع دوم را درحالتی که میانگین توزیع توان مصرفی برابر با ۱۱۵ وات برای مرکز کنترل کیفیت غیر قابل قبول باشد، به دست آورید.