

دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران – دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۲

راهنماي تحويل

قبل از پاسخ دادن به پرسشها، موارد زیر را با دقت مطالعه نمایید:

- کیفیت گزارش شما در فرآیند تصحیح از اهمیت ویژهای برخوردار است؛ بنابراین، لطفا تمامی
 نکات و فرضهایی را که در پیادهسازیها و محاسبات خود در نظر می گیرید در گزارش ذکر کنید.
 - در گزارش خود برای شکلها زیرنویس و برای جدولها بالانویس در نظر بگیرید.
 - تحلیل نتایج الزامی میباشد، حتی اگر در صورت سوال اشارهای به آن نشده باشد.
- کدهای ارسالی میبایست قابلیت اجرای دوباره داشته باشند، با این حال، دستیاران آموزشی ملزم به اجرای کدهای شما نیستند؛ بنابراین، هرگونه نتیجه و یا تحلیلی که در صورت پرسش از شما خواسته شده را به طور واضح و کامل در گزارش بیاورید. در صورت عدم رعایت این مورد، بدیهی است که از نمره تمرین کسر میشود.
- در صورت استفاده از Jupyter لازم است تا تمامی کد اجرا شود و خروجی هر سلول حتما در این فایل ارسالی شما ذخیره شده باشد در غیر اینصورت ورودیها و خروجیها متناظر میبایست در گزارش آورده شوند. بنابراین برای مثال اگر خروجی سلولی یک نمودار است که در گزارش آورده این نمودار باید هم در گزارش هم در نوتبوک کدها وجود داشته باشد.
- با این که بحث در مورد تمرینها منعی ندارد اما راه حل شما میبایست توسط شما (و فقط شما) باشد. همچنین، تمامی مطالب جانبی در گزارش باید رفرنس داده شود. یادآوری می شود که عدم صداقت علمی ا عواقب شدیدی را به همراه دارد.
 - استفاده از کدهای آماده برای تمرینها به هیچ وجه مجاز نیست.
- در صورت مشاهده ی تقلب امتیاز تمامی افراد شرکت کننده در آن، به میزان بارم سوال نمره منفی لحاظ می شود.
- لطفا گزارش، کدها و سایر ضمایم را به در یک پوشه با نام زیر قرار داده و آن را فشرده سازید، سپس
 در سامانهی Elearn بارگذاری نمایید:

HW[Number]_[Lastname]_[StudentNumber].zip

Academic dishonesty



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ

ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۲

در صورت وجود سوال، ابهام و یا درخواست راهنمایی با دستیاران آموزشی مرتبط با هر پرسش از طریق ایمیلهای آورده شده در سربرگ در ارتباط باشید.



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ

اَرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۲

فهرست

۲	۱ – شمارش کلمات و ایندکس وارونه
٣	۲ – پیادهسازی الگوریتم PageRank با MapReduce
Δ	۳ - رمز بیمانند(NFT)
Λ	۴ — پیشنهاد دوستی
Λ	مجموعه دادهگان
Λ	روش کار
٩	خروجی
٩	نكات
1	۵ – پیادهسازی LSH بر روی دیتاست MovieLens 100k
11	۶ – پيادەسازى الگوريتم SimHash
11	روش کار SimHash
17	LSH – ۷ برای جستجوی تقریبی همسایگان نزدیک
١٣	سوالات



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۸

۱ – شمارش کلمات و شاخص وارونه ۱

الف) هدف ما در این قسمت شمارش تعداد رخداد هر کلمه در تمام اسناد فراهم شده میباشد. در این تمرین 0 و مرافع و متند. فایل متنی داریم که هر کدام یک کتاب از سایت پروژه گوتنبرگ هستند. فایلهای این تمرین در پوشه و مایل متنی داریم که هر کدام یک کتاب از سایت پروژه گوتنبرگ هستند. فایلهای این تمرین در پوشه و مقارداده شده اند. برای انجام این تمرین باید در هر تسک Map برای هر سند، رخداد تمام کلمات در آن را بشمارید و در Combiner با هم ترکیب کنید. در هر تکرار را گزارش کنید.

توجه: قبل از نوشتن برنامه فایلهای متنی باید تمیز شوند. برای مثال حذف علائم نگارشی، تبدیل شکلهای مختلف کلمات به یک شکل واحد(با هر روش دلخواه) و غیره.

 $oldsymbol{\varphi}$) در بخش قبل احتمالا پرتعداد ترین کلمات، ایستواژه ٔهایی مانند a مانند و ... بودهاند که تاثیر معنایی زیادی ندارند. در این مرحله لیستی از حداقل ۵۰ ایستواژه را تعیین کنید و آنها را در نظر نگیرید. حالا عملیات شمارش را مانند گام قبل اجرا کنید و ۲۰ کلمه با بیشترین تکرار را چاپ کنید.

 ψ) یک <u>شاخص وارونه</u> داده ساختاری است که برای دریافت اسناد یا صفحات وبِ حاوی یک کلمه یا مجموعهای از کلمات به صورتی کارا^۳ بسیار مناسب میباشد. در یک شاخص وارونه ، کلید هر خط یک کلمه و مقدار آن لیستی از اسناد حاوی آن کلید میباشند. در این قسمت باید با استفاده از معماری MapReduce برای هر کلمه، لیستی از اسنادی که این کلمه در آنها رخ می دهد و همچنین تعداد تکرار کلمه در هر سند را چاپ کنید. برای مثال برای کلمه کلمه نام اید به شکل زیر باشد:

- logic [('0', '37'), ('1', '15'), ('3', '3')]

Inverted Index

Stopword ^r

Efficient "



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۲

این پاسخ به این معنی است که کلمه logic در فایل اول ۳۷ بار تکرار شده، در فایل دوم ۱۵ بار و در فایل چهارم ۳ بار. همچنین این کلمه در فایلهای سوم و پنجم رخ نداده است. البته به جای اعداد 0 تا 4 بهتر است که نام کتاب را چاپ کنید.

۲ – پیادهسازی الگوریتم PageRank با PageRank

PageRank الگوریتمی است که توسط Google Search برای امتیازدهی به نتایج موتور جستجوی گوگل به کار میرود. این الگوریتم به افتخار Larry Page یکی از همبنیان گذاران گوگل که این الگوریتم را ارائه داد، نامگذاری شده است. این الگوریتم روشی برای اندازه گیری اهمیت صفحات وب (به طور کلی تر اهمیت نودها در یک گراف) است. در این الگوریتم اهمیت هر نود متناسب است با تعداد و کیفیت لینکهایی که به آن نود وارد می شوند. فرض ما این است که صفحات مهم تر به احتمال زیاد لینکهای زیادی از دیگر صفحات دریافت خواهند کرد.

الگوریتم PageRank را میتوان به صورت زیر پیادهسازی کرد:

۱. در ابتدا اهمیت هر نود را (1) یا $(\frac{1}{1)}$ در نظر بگیرید (بسته به روشی که استفاده می کنید).

را نشان میدهد را مطابق رابطه را نشان می کنیم. در اینجا r اهمیت یک نود را نشان میدهد r . سپس اهمیت هر نود را مطابق رابطه را زیر r نیز تعداد یالهای نود r را مشخص می کند. r و r یعنی مجموعه ی همسایههای نود r نیز تعداد یالهای نود r را مشخص می کند.

$$r_j = \sum_{i \in N(j)} \frac{r_i}{d_i}$$

٣. گام دوم را آنقدر تكرار كنيد تا مقدار اهميت نودها پايدار شود(ديگر تغيير نكند).

Importance(Rank) \



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران – دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۳

در این تمرین شما باید با استفاده از الگوی MapReduce الگوریتم PageRank را بر روی دیتاست ما شامل تعاملات بخشی از Graph پیادهسازی کنید. این دیتاست در پوشهی q2/data فراهم شده است. دیتاست ما شامل تعاملات بخشی از وب است که در سال ۲۰۰۲ توسط گوگل برای یک مسابقهی برنامهنویسی منتشر شد. این دیتاست یک گراف جهتدار متشکل از 875713 نود و 5105039 یال است. در اینجا نودها همان صفحات وب و یالها نیز لینکهای بین صفحات میباشند. هر خط از دیتاست ما نشاندهنده ی یک یال جهتدار از نود سمت چپ به نود سمت راست است.

میخواهیم با استفاده از کتابخانههای پردازش موازی مانند اسپارک اهمیت هر نود را توسط الگوریتم PageRank میخواهیم با استفاده از کتابخانههای یکپارچه و متنباز برای پردازش موازی دادهها در مقیاس بزرگ است. برای استفاده از اسپارک در زبان پایتون میتواند از کتابخانهی pyspark استفاده کنید. Pyspark یک رابط برنامهنویسی برای اسپارک در پایتون است. برای آشنایی بیشتر با اسپارک و pyspark فایل pyspark فایل و پوشه q2 قرار داده شده است.

توجه داشته باشید که الگوریتم PageRank یک الگوریتم بازگشتی است و باید چندبار اجرا شود تا اهمیت نودها به میزان درست خود همگرا شوند.



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳-۱۴۰۲

۳ - رمز بیمانند (NFT¹)

هدف از این تمرین آزمایش دانش و مهارت شما در برنامه نویسی MapReduce با استفاده از یک کتابخانه مدرن پایتون یعنی Dask میباشد. Dask کتابخانه ای برای انجام محاسبات موازی بر روی دادههای بزرگ میباشد. مزیت Dask میباشد میباشد از با کتابخانههای معروف پایتون مانند Pandas و Pandas است که میتواند کار شما را بسیار راحت کند. Dask همچنین میتواند به ماشینهای چند هستهای و به خوشههای توزیع شده مقیاسپذیر شود، که منجر به بهبود عملکرد و کارایی برنامه مبتنی بر MapReduce میشود.

تعریف مساله: دیتاست ما متشکل از ۴۴هزار تصویر از محصولات پوشیدنی است(لینک به مجموعهدادهگان در <u>Kaggle</u>). هر تصویر از یک شناسه منحصر به فرد و یک برچسب که تصویر مدنظر را توصیف می کند تشکیل شده است. پیشنهاد می شود که قبل از انجام تمرین، یه خوبی با فایلها و فیلدهای مختلف هر فایل آشنا شوید. قصد داریم تا به کمک MapReduce دو وظیفه زیر را انجام دهیم:

- ۱. برای هر تصویر، شبیه ترین تصویر را براساس ظاهر آن پیدا کنید(از نظر مقادیر پیکسل تصاویر). برای اندازه گیری فاصله بین پیکسلها می تواند از انواع روشها مانند فاصله اقلیدسی و یا فاصله کسینوسی استفاده کنید. خروجی این مرحله برای هر تصویر، شناسه آن تصویر و شبیه ترین تصویر به آن و فاصله آنها باشد.
- ۲. برای هر تصویر بر اساس آنچه که تصویر نشان میدهد یا بنظر میآید، یک کد خاص بسازید(این کد به NFT ID معروف است). شناسه NFT یک دارایی دیجیتال منحصر به فرد است، که مالکیت یا دارا بودن حق/حقوقی از یک موجودیت مورد منحصر به فرد را نشان میدهد. شما میتوانید از هر روشی (مانند SHA-256 یا OMD) برای ساختن این کد از ورودی استفاده کنید، تا یک رشته منحصر به فرد از کاراکترها برای هر شناسه NFT ایجاد کنید. خروجی باید شناسه NFT و شناسه تصویر متناظر آن باشد.

Non-Fungible Token 1



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران – دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۳

هدف از ایجاد شناسههای NFT برای هر تصویر، آمادهسازی بستری است که کاربران را قادر میسازد، تصاویر را به عنوان موارد منحصر به فرد خرید و فروش کنند، همچنین ساختار شناسهها به کاربران کمک می کند تا تصاویر مورد علاقه خود را راحت تر پیدا و مقایسه کنند. بنابراین، فرایند ایجاد شناسههای NFT (استفاده از برچسب و شبیه ترین تصویر به هر تصویر به عنوان ورودیهای ساخت کد) به شما اطمینان می دهد که شناسههای NFT ایجاد شده، بیانگر آنچه تصاویر نشان می دهند و چگونه به نظر می رسند، هستند.

ورودی: شما میبایست مجموعهدادگان را دریافت و به فرمت ورودی درآورید. ساختار دادگان ورودی، یک فایل متنی است به طوری که هر تصویر در یک خط و هر خط با مقدارهای شناسه تصویر، برچسب (انتخاب صحیح برچسب بر اساس فراداده اهای موجود در فایل styles.csv انجام می گردد، دلیل انتخاب یک، دو یا چند برچسب ارائه شده به عنوان برچسب تصویر را در گزارش خود ذکر کنید) و مقادیر پیکسل که با کاما «،» از هم جدا شدهاند، برای مثال؛

- 1234,car,255,0,0,0,255,0,...
- 5678,dog,0,255,0,0,0,255,...

خروجی مورد انتظار: با در نظر گرفتن اینکه دادههای خروجی در فایل دیگری نوشته میشوند، انتظار میرود که هر خط شامل یک تصویر و با مقدارهای شناسه تصویر، شبیه ترین شناسه تصویر، فاصله و شناسه NFT که با کاما «،» از هم جدا شدهاند، تکمیل گردد، برای مثال؛

- 1234, 3456, 12.34, a1b2c3d4e5f6...
- 56789, 7890, 56.78, f9e8d7c6b5a4...

Metadata \



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳-۱۴۰۲

همچنین موارد خواسته شده را در گزارش خود ذکر کنید.

- اندازه کاهشدهنده ای تعداد کاهشدهندههایی است که نتایج میانی را از map پردازش میکند. شما باید اندازه کاهشدهنده را طوری انتخاب کنید که حجم بار^۲ را تعدیل کرده و سربار ارتباط^۳ را به حداقل برساند.
- **نرخ تکرار**^۱، تعداد کپیهای هر فایل ورودی است که در گرههای خوشه توزیع میشود. شما باید نرخ تکرار مناسبی را انتخاب کنید که تحمل خطا و در دسترس بودن دادهها را تضمین کند.
- عملکرد^۵، به عوامل مختلفی مانند پیچیدگی map و reduce، اندازه و فرمت دادگان ورودی و خروجی و پیکربندی خوشه ی شما بستگی دارد.

Reducer Size \

Workload ⁷

Communication Overhead *

Replication Rate [†]

Performance ^a



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۳

۴ – پیشنهاد دوستی

در این قسمت باید با استفاده از اسپارک برنامهای برای پیشنهاد ((افرادی که ممکن است بشناسید)) بنویسید. ایده ی اصلی این است که اگر دو فرد، دوستان مشترک زیادی دارند، آنگاه سیستم باید پیشنهاد دهد که این دو نفر باید با هم دوست شوند.

مجموعه دادهگان

فایل friendships.txt در پوشهی q4/data یک لیست مجاورت برای شبکهی اجتماعی ما میباشد و هر خط آن به فرم زیر میباشد:

<دوستان><TAB><کاربر>

در اینجا حکاربر> یک فرد است که با یک ID یکتا مشخص شده است و حدوستان> لیستی از ID دوستان آن فرد می باشد که با کاما «،» از هم جدا شده اند. توجه کنید که گراف ما جهت دار نیست و روابط دوستی دوطرفه هستند. در فایل بالا هر دو طرف دوستی ذکر شده اند (مثلا $0 \leftarrow 1$ و $1 \leftarrow 0$ هر دو نوشته شده اند).

روش کار

روش کار به این صورت است که باید برای هر کاربر مانند U، U نفر از کسانی که از دوستان U نیستند اما بیشترین دوست مشترک با U دارند را بیابید و به U پیشنهاد دهید.



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران – دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۳

خروجي

خروجی باید شامل یک خط به ازای هر کاربر به فرم زیر باشد:

<پیشنهادها><TAB><کاربر>

در اینجا نیز <کاربر> یک فرد است که با یک ID یکتا مشخص شده است و <پیشنهادها> لیستی از ID دوستان پیشنهادی برای آن فرد میباشد که با کاما از هم جداشدهاند. پیشنهادها باید براساس تعداد دوستان مشترک و به صورت نزولی مرتب شوند.

حتی اگر یک کاربر کمتر از ۱۰ دوست درجه ۲ داشته باشد، همه ی آنها را براساس تعداد دوستان مشترک و به ترتیب نزولی لیست کنید. اگر یک کاربر هیچ دوستی نداشته باشد، می تواند لیست پیشنهادها را خالی بگذارید. اگر پیشنهادهایی تعداد دوستان مشترک یکسانی داشته باشند، ID آنها را به صورت صعودی از نظر عددی بنویسید.

نكات

- برای راحتی کار با اسپارک می توانید از Google Colab استفاده کنید.
- پیشنهاد می شود که از ساختارهای Pyspark Dataframe و یا RDD در اسپارک استفاده کنید.
 - برای اطمینان از جواب، ۱۰ پیشنهاد برتر برای کاربر شماره ی ۱۱ باید به صورت زیر باشند:

27552,7785,27573,27574,27589,27590,27600,27617,27620,27667



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند

نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۲

دكتر سامان هراتيزاده

۵ – پیادهسازی LSH بر روی دیتاست LSH کے پیادهسازی

هدف این تمرین پیادهسازی LSH و min-hashing بر روی دیتاست MovieLens 100k میباشد. این دیتاست متشکل از 100,000 امتیاز است که توسط ۹۴۳ کاربر به ۱۶۸۲ فیلم داده شدهاند. فایل این دیتاست در پوشهی q5/data فراهم شده است. برای اطلاع از محتویات این دیتاست فایل README آن را بخوانید و براساس نیاز پردازشهای لازم را انجام دهید. چیزی که در این تمرین برای ما مهم است، مجموعهی فیلمهایی است که یک کاربر به آنها امتیاز داده است و نه خود امتیازات. میخواهیم که شباهت ژاکارد را بین کاربران محاسبه کنیم.

شباهت ژآکارد دقیق را برای تمام جفت کاربران محاسبه کرده و آنهایی که شباهت حداقل 0.5 دارند را چاپ کنید. سپس امضای min-hash کاربران را محاسبه کرده و شباهت ژاکارد تقریبی را با روش ذکر شده در کلاس به دست آورید. از ۵۰، ۱۰۰ و ۲۰۰ تابع hash استفاده کنید. برای هر مقدار، جفتهایی که حداقل شباهت تخمینی False Negative و False Postiveها را گزارش کنید. برای تعداد Postiveها و False Postiveها و Postiveه

سپس جدول امضاها را به b باند تقسیم کرده و برای هر باند r تابع هش در نظر بگیرید و LSH را پیادهسازی b=10 را پیادهسازی b=10 ست. برای جدول دارای ۵۰ تابع هش، b=10 است. برای جدول دارای $acc{r}$ تابع هش $acc{r}$ تابع هش $acc{r}$ در نظر بگیرید. برای جدول دارای $acc{r}$ تابع هش، $acc{r}$ و $acc{r}$ و برای جدول دارای $acc{r}$ تابع هش $acc{r}$ و $acc{r}$ و برای جدول دارای $acc{r}$ تابع هش $acc{r}$ و $acc{r}$ و برای جدول دارای $acc{r}$ تابع هش $acc{r}$ و برای جدول دارای $acc{r}$ تابع هش $acc{r}$ و برای جدول دارای $acc{r}$ تابع هش $acc{r}$ و $acc{r}$

Threshold \



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۳

۶ – پیادهسازی الگوریتم SimHash

در این تمرین شما باید الگوریتم SimHash را پیادهسازی کنید. SimHash الگوریتمی برای تولید یک اثرانگشت یا هش با طول ثابت از ورودیهایی با طول متغیر مانند اسناد متنی میباشد. SimHash تا حدی مشابه توابع هش معمولی میباشد. SimHash نوعی از توابع LSH است اما به گونهای طراحی شده تا نسبت به تصادم مقاومتر باشد. روش کار SimHash به این صورت است که ابتدا ورودی را به توکنهای کوچکتر میشکند و سپس برای هر توکن یک هش ایجاد میکند. سپس این هشها را با هم ترکیب میکند تا هش نهایی آن ورودی را به دست آورد.

الگوریتم SimHash اکثرا برای یافتن اسناد تکراری یا تقریبا تکراری، تشخیص اسپم و ... به کار میرود. مزیت اصلی SimHash این است که محاسبه آن از دیگر الگوریتمهای یافتن شباهت متنی سریعتر و بهصرفهتر است.

روش کار SimHash

- ابتدا ورودی را به تعدادی توکن تبدیل کنید و علائم نگارشی را حذف کرده و دیگر پردازشها را برحسب نیاز انجام دهید.
- به هر توکن یک وزن اختصاص دهید. برای محاسبه وزن می تواند از فرکانس رخداد کلمات یا روش -TF استفاده کنید.
- با استفاده از توابع استاندارد هش مانند MD5 یا SHA-1 و ... برای هر توکن یک هش ایجاد کنید. سپس این هش را باید به باینری تبدیل کنید.
- در هش هر کلمه تمام 0ها را به 1- تبدیل کرده و سپس مقادیر هر ستون را با هم جمع بزنید تا هش نهایی به دست آید. اگر حاصل جمع یک ستون بزرگتر از ۰ باشد آنگاه حاصل ۱ بوده و در غیر اینصورت ۰ میباشد.

در پایان باید با مقایسه ی فاصله بین دو متن باید نشان دهید که الگوریتم شما به درستی کار می کند. برای محاسبه ی فاصله می توانید از فاصله ی همینگ استفاده کنید.



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳-۱۴۰۲

برای جستجوی تقریبی همسایگان نزدیک $ext{LSH} - ext{V}$

در این مسئله، پیادهسازی LSH برای حل مسئله ی جستجوی تقریبی همسایگان نزدیک را بررسی خواهیم کرد. فرض کنید که یک دیتاست به نام A در فضای متریک داریم که از c نقطه تشکیل شده است و c نیز یک معیار فاصله در این فضا است. همچنین فرض کنید c یک ثابت بزرگتر از ۱ باشد. آنگاه مسئله ی c معیار فاصله در این میشود:

- اگر یک نقطه ی پرسوجو آمانند Z داشته باشیم که فاصله ی آن از یک نقطه مانند X در دیتاست A به صورت $d(x, z) \leq \lambda$ باشد، آنگاه نقطه ای مانند X در دیتاست را بیابید که فاصله آن از Z به صورت $d(x, z) \leq \lambda$ باشد، آنگاه نقطه را یک ANN مینامیم). بنابراین پارامتر C نشان دهنده ی حداکثر فاکتور تقریب مجاز در مسئله می باشد.

حالا اگر یک خانواده از توابع LSH به نام H را در نظر بگیریم که برای معیار فاصلهی (.,.)، حالا اگر یک خانواده از توابع (λ, cλ, p1, p2)-sensitive

Let
$$G = H^k = \{g = (h1, ..., h_k) | h_i \in H, \forall 1 \le i \le k\}$$
 where $K = log_{\frac{1}{p_2}}(n)$

نکته: تساوی $G=H^k$ از G تابع از G به این معنی است که هر تابع از G یک And-Construction نکته: تساوی

Approximate Near Neighbor Search

Approximate Near Neighbor ²

Query Point "



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۲

حال روال زیر را در نظر بگیرید:

- باشد. به تعداد $\rho=rac{\log\left(rac{1}{p_1}
 ight)}{\log\left(rac{1}{p_2}
 ight)}$ باشد. به تعداد $L=n^
 ho$ تابع تصادفی $L=n^
 ho$ باشد. به تعداد $L=n^
 ho$
 - را با تمام نقاط درون دیتاست و نقطهی پرسوجو را با تمام توابع g_i هش کنید $1 \leq i \leq L$).
- ۳. حداکثر 3L نقطه از مجموعه L باکتی که نقطهی پرسوجو به آنها هش شده است، انتخاب کنید(انتخاب باید به صورت تصادفی و یکنواخت باشد). اگر تعداد نقاطی که به باکتهای نقطهی پرسوجو هش شدهاند کمتر از 3L باشد، به همان تعداد، نقطه در نظر بگیرید.
- از میان نقاط انتخاب شده در مرحله ی ۳، نزدیک ترین نقطه به نقطه ی پرسوجو به عنوان یک (c,λ) -ANN را گزارش کنید.

سوالات

الف) هدف این بخش نشان دادن این است که روال بالا به یک پاسخ درست با احتمال ثابت منجر خواهد شد. اگر هدف این بخش نشان دادن این است که روال بالا به یک پاسخ درست با احتمال ثابت منجر خواهد شد. اگری هداری $W_j = \{x \in A \mid g_i(x) = g_j(z)\} \ (1 \leq j \leq L)$ یکسان با نقطه ی پرسوجو یعنی Z هش می شوند، آنگاه تعریف می کنیم: Z هش می شوند، آنگاه تعریف می کنیم: Z هش می شوند، آنگاه تعریف می کنیم:

اثبات كنيد(Pr همان احتمال است):

$$\Pr\left[\sum_{j=1}^{L} \left| T \cap W_j \right| \ge 3L \right] \le \frac{1}{3}$$

راهنمایی: از نامساوی مارکوف استفاده کنید.

Markov's Inequality



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتيزاده

دانشگاه تهران - دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۲-۱۴۰۲

 $\mathbf{x}^* \in \mathbf{A}$ نقطهای باشد به طوری که $\mathbf{x}^* \in \mathbf{A}$ ، آنگاه اثبات کنید:

$$\Pr[\forall \ 1 \le j \le L, g_j(x^*) \ne g_j(z)] < \frac{1}{e}$$

 (c, λ) -ANN کنید که با احتمالی بیشتر از یک مقدارِ ثابتِ مشخص، نقطه ی گزارششده یک افعی واقعی اشت.

ت) یک دیتاست از تکههای تصاویر ۱ در پوشه ی q7/data فراهم شده است. هر سطراز این دیتاست بخشی از یک تصویر با ابعاد ۲۰ * ۲۰ میباشد که به صورت یک بردار ۴۰۰بعدی بازنمایی شده است. برای تعریف شباهت تصاویر از معیار فاصله ی LSH استفاده خواهیم کرد. میخواهیم که عملکرد مسئله ی ANN مبتنی بر LSH را با جستجوی خطی مقایسه کنیم. باید از کد فراهم شده در کنار دیتاست برای انجام این بخش استفاده کنید.

کد **Ish.py** تمام نقاطی که به کدنویسی شما نیاز دارد را با TODO مشخص کرده است. به طور خاص، باید از توابع **Ish_search** استفاده کنید و جستجوی خطی را خودتان پیادهسازی کنید. مقادیر پیشفرض k = 24 و k = 24 و k = 24 هستند اما می توانید از مقادیر دیگر نیز استفاده کنید به شرطی که دلیل انتخاب مقادیر جدید را توضیح دهید.

- برای هر یک از تکه تصاویر در سطرهای 100, 200, 300,..., 1000 سه نزدیکترین همسایه(به غیر از خود تصویر) را با روش LSH و جستجوی خطی بیابید. متوسط زمان جستجو را برای LSH و جستجوی خطی، گزارش کنید.
- با فرض اینکه $\{z_i|1\leq j\leq 10\}$ مجموعه ی تکه تصاویر باشد و $\{z_i\}_{i=1}^3$ همسایه یافته شده برای هر تصویر با روش مبتنی بر LSH باشند و $\{x_{ij}\}_{i=1}^3$ تزدیک ترین همسایه واقعی $\{x_i\}_{i=1}^3$ توسط جستجوی خطی یافت شده اند، آنگاه، مقدار خطا را طبق رابطه ی زیر محاسبه کنید:

Image Patches \



دستیاران آموزشی محمد راشدی آرمین رحیمی درمباغ

ددلاین: ساعت ۵۹:۲۳ | ۱۴۰۳/۰۳/۱۵

دكتر سامان هراتىزاده

دانشگاه تهران – دانشکده سامانههای هوشمند نیمسال دوم ۱۴۰۳–۱۴۰۸

$$erro = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} \frac{\sum_{i=1}^{3} d(x_{ij}, z_{j})}{\sum_{i=1}^{3} d(x_{ij}^{*}, z_{j})}$$

مقدار خطا را به عنوان تابعی از L رسم کنید(برای 20 L = 10, 12, ..., 20 و L = 40 . به طور مشابه، مقدار خطا را به عنوان تابعی از k نیز رسم کنید(k = 16, 18, 20, 22, 24). به طور مختصر توضیحاتی را برای هر نمودار ارائه دهید.

- در نهایت، ۱۰ بهترین همسایه را که توسط دو روش برای تصویر شماره ۱۰۰ یافت شدند(با استفاده از مقادیر پیش فرض L=10 و L=24 یا مقادیری که خودتان انتخاب کردید) را به همراه خود تصویر، رسم کنید. آیا تصویر و همسایههای یافت شده از نظر بصری به هم نزدیک هستند؟