

**[报告]**    B

**[source]**    <http://202.114.18.202:8080/judge/contest/view.action?cid=6199#problem/B>

### **[Description]**

在一个  $N \times N$  的矩阵中，找每一个边长为  $2 \times r + 1$  的矩阵的中位数。

### **[方法]**

首先可以求出左上角  $(2 \times r + 1) \times (2 \times r + 1)$  矩阵的中位数，然后将这个矩阵每次移动一个位置，都可以只删除  $2 \times r + 1$  个元素并添加  $2 \times r + 1$  个新元素完成下一个矩阵中位数。然后将原问题化为动态求中位数的问题。也就化为求第  $K$  大数的问题。我们这里可以用树状数组和线段树或者平衡树来达到  $\log n$  求第  $K$  大数。注意此题用线段树的话会 T 掉，然后我用的是二分加树状数组，虽然复杂度比线段树多了一个  $\log n$ ，但是速度比线段树要快的多。

另外这个是计算机图形学中的经典问题，据戴牛称：“据 yayamao 大神说 photoshop 源码里有  $n^2 \log n$  的算法，另外某论文有  $n^2$  的算法 ”

### **[Code]**

```
#include<iostream>

#include<cstring>

#include<cstdio>

using namespace std;

#define N 510

#define M 1111222
```

```

int lowbit(int k)
{
    return k&-k;
}

const int maxm=1000003,maxn=maxm*2+10;

int tree[maxm];

int ll;

void change(int k,int d)
{
    while (k<=ll)
    {
        tree[k]+=d;
        k+=lowbit(k);
    }
}

int ask(int k)
{
    int l=0,r=ll;
    while (l+1<r)
    {
        int mid=(l+r)/2;
        int s=0;

```

```

while (mid)
{
    s+=tree[mid];

    mid-=lowbit(mid);
}

if (s<k) l=(l+r)/2;else r=(l+r)/2;
}

return r;
}

int a[510][510];
int ans[510][510];


int main(void)
{
    int n,r;

    while(scanf("%d%d",&n,&r)&&(n||r))
    {
        int ma=0;

        memset(tree,0,sizeof(tree));

        for(int i=1;i<=n;i++)
        {
            for(int j=1;j<=n;j++)

```

```

        {
            scanf("%d",&a[i][j]);

            a[i][j]++;

            ma=max(ma,a[i][j]);

        }
    }

    ll=ma;

    for(int i=1;i<=2*r+1;i++)

    {

        for(int j=1;j<=2*r+1;j++)

        {

            change(a[i][j],1);

        }

    }

    ans[1][1]=ask(2*r*r+2*r+1)-1;

    for(int i=1;i<=n-2*r;i++)

    {

        if(i%2==1)

        {

            for(int j=1;j<=n-2*r;j++)

            {

                if(i==1&&j==1) continue;

```

```

if(j!=1)
{
    for(int k=1;k<=2*r+1;k++)
    {
        change(a[i-1+k][j-1],-1);
        change(a[i-1+k][j+2*r],1);
    }
    ans[i][j]=ask(2*r*r+2*r+1)-1;
}
else
{
    for(int k=1;k<=2*r+1;k++)
    {
        change(a[i-1][j-1+k],-1);
        change(a[i+2*r][j-1+k],1);
    }
    ans[i][j]=ask(2*r*r+2*r+1)-1;
}
}
else
{

```

```

for(int j=n-2*r;j>=1;j--)
{
    if(j!=n-2*r)
    {
        for(int k=1;k<=2*r+1;k++)
        {
            change(a[i-1+k][j+2*r+1],-1);
            change(a[i-1+k][j],1);
        }
        ans[i][j]=ask(2*r*r+2*r+1)-1;
    }
    else
    {
        for(int k=1;k<=2*r+1;k++)
        {
            change(a[i-1][j-1+k],-1);
            change(a[i+2*r][j-1+k],1);
        }
        ans[i][j]=ask(2*r*r+2*r+1)-1;
    }
}
}

```

```
    }  
    for(int i=1;i<=n-2*r;i++)  
    {  
        for(int j=1;j<=n-2*r;j++)  
        {  
            printf("%d ",ans[i][j]);  
        }  
        printf("\n");  
    }  
}  
return 0;  
}
```