

**Алгоритм сортировки** — это алгоритм для упорядочения элементов в массиве, списке или любом другом контейнере однородных данных. В случае, когда элемент списка имеет несколько полей, поле, служащее критерием порядка, называется ключом сортировки. На практике в качестве ключа часто выступает число, а в остальных полях хранятся какие-либо данные, никак не влияющие на работу алгоритма. Мы сегодня сортировать будем массивы целых чисел, и ключом, и полем будет значение массива.

Алгоритмы сортировки оцениваются по скорости выполнения и эффективности использования памяти:

- **Время** — основной параметр, характеризующий быстродействие алгоритма. Называется также вычислительной сложностью.
- **Память** — ряд алгоритмов требует выделения дополнительной памяти под временное хранение данных. Алгоритмы сортировки, не потребляющие дополнительной памяти, относят к *сортировкам на месте*.

Классификация алгоритмов сортировки:

- **Устойчивость** (stability) — устойчивая сортировка не меняет взаимного расположения равных элементов.
- **Естественность поведения** — эффективность метода при обработке уже упорядоченных, или частично упорядоченных данных. Алгоритм ведёт себя естественно, если учитывает эту характеристику входной последовательности и работает лучше.

Ещё одним важным свойством алгоритма является его сфера применения. Здесь основных типов упорядочения два:

- **Внутренняя сортировка** оперирует с массивами, целиком помещающимися в оперативной памяти с произвольным доступом к любой ячейке. Данные обычно упорядочиваются на том же месте, без дополнительных затрат.
- **Внешняя сортировка** оперирует с запоминающими устройствами большого объёма, но с доступом не произвольным, а последовательным (упорядочение файлов), т. е. в данный момент мы 'видим' только один элемент, а затраты на перемотку по сравнению с памятью неоправданно велики. Это накладывает некоторые дополнительные ограничения на алгоритм и приводит к специальным методам упорядочения, обычно использующим дополнительное дисковое пространство. Кроме того, доступ к данным на носителе производится намного медленнее, чем операции с оперативной памятью.

Также алгоритмы классифицируются по:

- потребности в дополнительной памяти или её отсутствии
- потребности в знаниях о структуре данных, выходящих за рамки операции сравнения, или отсутствии таковой

## Сортировка пузырьком

Для понимания и реализации этот алгоритм — простейший, но эффективен он лишь для небольших массивов. Сложность алгоритма:  $O(n^2)$ . Алгоритм считается учебным и практически не применяется вне учебной литературы, вместо него на практике применяются более эффективные алгоритмы сортировки.

Алгоритм состоит в повторяющихся проходах по сортируемому массиву. За каждый проход

элементы последовательно сравниваются попарно и, если порядок в паре неверный, выполняется обмен элементов. Проходы по массиву повторяются до тех пор, пока на очередном проходе не окажется, что обмены больше не нужны, что означает — массив отсортирован. При проходе алгоритма, элемент, стоящий не на своём месте, «всплывает» до нужной позиции как пузырьёк в воде, отсюда и название алгоритма.

**Вход:** массив  $A$ , состоящий из элементов  $A[1], A[2], \dots, A[n-1], A[n]$

$t := \text{истина}$

**цикл пока**  $t$ :

$t := \text{ложь}$

**цикл для**  $j = 1, 2, \dots, n - 1$ :

**если**  $A[j] > A[j+1]$ , **то**:

обменять местами элементы  $A[j]$  и  $A[j+1]$

$t := \text{истина}$

## Сортировка вставкой

На каждом шаге алгоритма мы выбираем один из элементов входных данных и вставляем его на нужную позицию в уже отсортированном списке до тех пор, пока набор входных данных не будет исчерпан. Метод выбора очередного элемента из исходного массива произволен; может использоваться практически любой алгоритм выбора. Обычно (и с целью получения устойчивого алгоритма сортировки), элементы вставляются по порядку их появления во входном массиве. Приведенный ниже алгоритм использует именно эту стратегию выбора.

```
void insertionSort(int arr[], int length)
{
    int i, j, tmp;
    for (i = 1; i < length; i++) {
        j = i;
        while (j > 0 && arr[j - 1] > arr[j]) {
            tmp = arr[j];
            arr[j] = arr[j - 1];
            arr[j - 1] = tmp;
            j--;
        }
    }
}
```

Пример:

3 | 1 4 1 5 9

1 3 | 4 1 5 9

1 3 4 | 1 5 9

1 1 3 4 | 5 9

1 1 3 4 5 | 9

Хотя этот алгоритм сортировки уступает в эффективности более сложным (таким как быстрая сортировка), у него есть ряд преимуществ:

- эффективен на небольших наборах данных, на наборах данных до десятков элементов может оказаться лучшим;
- эффективен на наборах данных, которые уже частично отсортированы;
- это устойчивый алгоритм сортировки (не меняет порядок элементов, которые уже отсортированы);
- может сортировать список по мере его получения.

Минусом же является высокая сложность алгоритма:  $O(n^2)$ .

## Сортировка Шелла

**Сортировка Шелла** — алгоритм сортировки, являющийся усовершенствованным вариантом сортировки вставками. Идея метода Шелла состоит в сравнении элементов, стоящих не только рядом, но и на определённом расстоянии друг от друга. Иными словами — это сортировка вставками с предварительными «грубыми» проходами.

При сортировке Шелла сначала сравниваются и сортируются между собой значения, отстоящие один от другого на некотором расстоянии  $d$ . После этого процедура повторяется для некоторых меньших значений  $d$ , а завершается сортировка Шелла упорядочиванием элементов при  $d = 1$  (то есть, обычной сортировкой вставками). Эффективность сортировки Шелла в определённых случаях обеспечивается тем, что элементы «быстрее» встают на свои места (в простых методах сортировки, например, пузырьковой, каждая перестановка двух элементов уменьшает количество инверсий в списке максимум на 1, а при сортировке Шелла это число может быть больше).

## Сортировка выбором

Шаги алгоритма:

1. находим минимальное значение в текущем списке
2. производим обмен этого значения со значением на первой неотсортированной позиции
3. теперь сортируем хвост списка, исключив из рассмотрения уже отсортированные элементы

Псевдокод:

*for  $i := 1$  to  $n-1$  do*

*выбрать среди  $A[i]..A[n]$  элемент с наименьшим ключом и поменять его местами с  $A[i]$ .*

Пример:

| 3 1 4 1 5 9

1 | 3 4 1 5 9

1 1 | 4 3 5 9

1 1 3 | 4 5 9

1 1 3 4 | 5 9

1 1 3 4 5 | 9

Сортировка вставкой имеет наименьший оверхэд по сравнению со всеми остальными сортировками вообще, к тому же может применяться к данным по мере их поступления. Зато сортировка выбором требует наименьшего числа копирований данных.

(Тут спрашивают, когда какую применять, надо объяснить случаи, когда дорогая операция копирования, и когда - сравнения. Пример от Гоги - шкафы из Икеи. Померить линейкой их легко, а таскать туда-сюда - сложно).

## Быстрая сортировка

Один из быстрых известных универсальных алгоритмов сортировки массивов (в среднем  $O(n \log n)$  обменов при упорядочении  $n$  элементов).

Выбираем некоторое значение  $v$  в качестве "опорного элемента", относительно которого переупорядочиваются все элементы массива - меньшие - в начало, большие либо равные - в конец. Получаем какой-то индекс  $j$ , такой, что  $A[1]...A[j] < v$ , и  $A[j+1], ..., A[n] \geq v$

Повторяем процесс для кусков  $A[1]...A[j]$  и  $A[j+1]...A[n]$

Пример:

3 1 4 1 5 9 2 6 5 3                      опорный элемент выбираем как наибольшее значение из двух самых левых различных элементов. Если все элементы кусков массива равны, ничего, естественно, не делаем.

Получаем:

Шаг 1:

3 1 4 1 5 9 2 6 5 3     $v = 3$

2 1 1 4 5 9 3 6 5 3

Шаг 2:

2 1 1   v = 2            4 5 9 3 6 5 3   v = 5

1 1 2                    4 3 3 9 6 5 5

Шаг 3:

1 1   готово    2   готово            4 3 3   v = 4    9 6 5 5   v = 9

                          3 3 4                    5 6 5 9

Шаг 4:

                          3 3   готово    4   готово   5 6 5   v = 6    9   готово

    5 5 6

Шаг 5:

    5 5   готово    6   готово

Псевдокод:

if A[i],...,A[j] имеют не менее двух различных ключей then begin

    пусть v - наибольший из первых двух найденных различных ключей;

    переставляются элементы A[i], ..., A[j] так, чтобы

        для некоторого k,  $i+1 \leq k \leq j$ , A[i], ..., A[k-1] имели ключи,

        меньшие, чем v, а A[k], ..., A[j] - большие либо равные v;

    quicksort(i, k-1);

    quicksort(k, j);

end

А еще есть сайт <http://www.sorting-algorithms.com/>, там все эти алгоритмы в анимированном виде.