

# Rekurze

## 1. cvičení

Jiří Zacpal

KMI/ZP2 – Základy programování 2

# Doporučená literatura

- Pavel Herout: Učebnice Jazyka C. Kopp, 2007.
- Reek Kenneth: Pointers on C. Addison Wesley, 1997.
- Robert Sedgewick: Algorithms in C. Addison-Wesley Professional, 2001.
- Jeri R. Hanly, Elliot B. Koffman: Problem Solving and Program Design in C. Addison Wesley, 2006.
- Eric S. Roberts: Programming Abstractions in C. Addison Wesley, 1997.
- Eric S. Roberts: The Art and Science of C. Addison Wesley, 1994.
- Libovolné další učebnice jazyka C

# Požadavky na zápočet

- pro zápočet je potřeba získat **20 bodů**:
  - 1 bod na každém cvičení
  - 0 až 5 bodů za úkoly vyhlašované v semestru (celkem 2 úkoly)
  - 0, 3, 5 bodů za písemné práce v semestru (celkem 2 za semestr)
- individuální domluva možná

# Konzultace

- v pracovně 5.044
- každý pátek 9.00 – 11.00
- jindy po vzájemné domluvě
- email: [jiri.zacpal@upol.cz](mailto:jiri.zacpal@upol.cz)
- odkazy:
  - [phoenix.inf.upol.cz/~zacpal/zp2.html](http://phoenix.inf.upol.cz/~zacpal/zp2.html)
  - [jazykc.inf.upol.cz](http://jazykc.inf.upol.cz)
  - Vyuka\kmi\_zp2

# Funkce - opakování

- Co je to funkce?
- Co je parametr funkce?
- Jaký je rozdíl mezi předáním parametru hodnotou a odkazem (ukazatelem, adresou)?
- Jaké rozlišujeme rozsahy platnosti proměnných (resp. identifikátorů)? Jaké jsou mezi nimi rozdíly?

# Rekurzivní funkce

- funkce, která ve svém těle volá sama sebe
- postupným voláním funkce je problém zjednodušován → dekompozice → metoda rozděl a panuj
- dvě části rekurze:
  - **limitní podmínka rekurze** je podmínka, po jejímž splnění je vyhodnocen výraz, jež nezpůsobí další aplikaci samotné rekurzivní funkce
  - **předpis rekurze** je část těla funkce, při jejímž vyhodnocení dochází k rekurzivní aplikaci funkce

# Průběh výpočetního procesu rekurzivní funkce

- výpočetní proces se skládá ze dvou fází:
  - fáze navíjení
    - je fáze, ve které dochází k postupné rekurzivní aplikaci
  - fáze odvíjení
    - nastává po dosažení limitní podmínky rekurze
    - během této fáze dochází k dokončení vyhodnocení těla procedury
  - příklady: funkce pro výpočet faktoriálu, funkce pro výpočet fibonacciho čísla, quicksort, ...

# Výhody a nevýhody rekurze

```
long double factrec(unsigned int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    return n * factrec(n-1);  
}
```

```
long double factiter(unsigned int n) {  
    long double out = 1;  
    unsigned int i;  
    for (i=2; i<=n; i++) out *= i;  
    return out;  
}
```



# Úkol

## Fibonacciho čísla

- Napište v jazyku C rekurzivní a nerekurzivní funkci pro výpočet  $n$ -tého fibonacciho čísla. Porovnejte rychlosti výpočtu těchto dvou funkcí pro větší  $n$ .
- Připomínáme, že posloupnost fibonacciho čísel je definována rekurzivně:

$$\text{Fib}(0) = 0$$

$$\text{Fib}(1) = 1$$

$$\text{Fib}(n) = \text{Fib}(n-1) + \text{Fib}(n-2) \text{ pro } n > 1$$

## Příklad výstupu:

$$\text{Fib}(8) = 21$$

$$\text{Fib}(24) = 46368$$

$$\text{Fib}(35) = 9.22747\text{E}+006$$

# Úkol – řešení (rekurze)

```
double fibonaccirec(int n)
{
    if (n<2) return n;
    else
        return fibonaccirec(n-
1)+fibonaccirec(n-2);
}
```

# Úkol – řešení (iterační)

```
double fibonacciiter(int n)
{
    double fib=0,Nmin1,Nmin2,temp;
    if(n<2) return n;
    Nmin1=1;
    Nmin2=0;
    for (int i=2;i<n;i++)
    {
        temp=Nmin1;
        Nmin1=Nmin1+Nmin2;
        Nmin2=temp;
    }
    return (Nmin1+Nmin2);
}
```

# Bodovaný úkol

Napište v jazyku C rekurzivní funkci

```
int puleni(int cisla[], int a, int b, int hledane),
```

která pomocí metody půlení intervalu najde v zadaném setříděném poli `cisla` hodnotu `hledane` a vrátí její index v tomto poli. Připomínáme, že metoda půlení intervalu je založena na porovnání hodnoty hledaného čísla s číslem "uprostřed" právě prohledávaného intervalu (v našem případě intervalu mezi prvky s indexy `a` a `b`). Pokud se hodnoty rovnají, našli jsme hledané číslo a můžeme tedy přímo vrátit jeho index. Pokud se nerovnají, stačí (rekurzivním voláním) prohledávat pouze jeden z intervalů prvek s indexem `a` až "prostřední prvek" nebo "prostřední prvek" až prvek s indexem `b`.

- Zdrojový soubor: `up2_ukol_01_puleni.cpp`