KATEDRA INFORMATIKY, PŘÍRODOVĚDECKÁ FAKULTA UNIVERZITA PALACKÉHO, OLOMOUC

PARADIGMATA PROGRAMOVÁNÍ 2A INTERPRET S VEDLEJŠÍMI EFEKTY A MAKRY



VÝVOJ TOHOTO UČEBNÍHO MATERIÁLU JE SPOLUFINANCOVÁN EVROPSKÝM SOCIÁLNÍM FONDEM A STÁTNÍM ROZPOČTEM ČR

Základní interpret Scheme (ve Scheme)

- máme udělané z předchozího semestru
- interpret Scheme ve Scheme, který je čistě funkcionální

Co interpret umí:

- procedury: primitivní, uživatelské, procedury vyšších řádů
- elementy prvního řádu: čísla, symboly, seznamy, procedury, prostředí

Co interpret neumí:

- žádný element není mutovatelný (ani páry, ani prostředí, . . .)
- neumí (re)definovat/změnit vazbu symbolu (nemá define ani set!)
- rekurzivní procedury je potřeba zavádět pomocí y-kombinátoru (to je nepohodlné)
- neumí sekvencovat výrazy (nemá begin):
 nelze pohodlně vytvářet interní definice
- nemá makra (uživatelsky definované formy)

Systém manifestovaných typů

```
;; vytvoř element jazyka s manifestovaným typem
(define curry-make-elem
  (lambda (type-tag)
    (lambda (data)
      (cons type-tag data))))
;; vrať visačku s typem, vrať data
(define get-type-tag car)
(define get-data cdr)
;; test daného typu
(define curry-scm-type
  (lambda (type)
    (lambda (elem)
      (equal? type (get-type-tag elem)))))
```

Základní elementy jazyka Scheme

Čísla

```
(define make-number (curry-make-elem 'number))
(define scm-number? (curry-scm-type 'number))
```

Symboly

```
(define make-symbol (curry-make-elem 'symbol))
(define scm-symbol? (curry-scm-type 'symbol))
```

Tečkové páry

```
;; konstruktor páru cons
(define make-pair
  (let ((make-physical-pair (curry-make-elem 'pair)))
    (lambda (head tail)
      (make-physical-pair (cons head tail)))))
;; test datového typu
(define scm-pair? (curry-scm-type 'pair))
;; selektor páru car (cdr se udělá analogicky)
(define pair-car
  (lambda (pair)
    (if (scm-pair? pair)
        (car (get-data pair))
        (error "; Car: argument must be a pair"))))
```

Prostředí – zavedeme jako tabulku vytvořenou pomocí párů

Takto si prostředí "představujeme":

- tabulka vazeb: symbol element (hodnota navázaná na symbol),
- ukazatel na předka (prostředí, které je "výš v hierarchii").

symbol	element
E_1	F_1
E_2	F_2
:	:
E_k	F_k
:	:

kde $E_1, E_2,...$ jsou symboly a $F_1, F_2,...$ jsou elementy; + ukazatel na předka

Implementace pomocí párů

Prostředí

```
;; převeď asociační seznam na tabulku prostředí
(define assoc->env
  (lambda (l)
    (if (null? 1)
        the-empty-list
        (make-pair (make-pair
                     (make-symbol (caar 1))
                     (cdar 1))
                    (assoc-)env(cdr(1)))))
;; konstruktor prostředí
(define make-env
  (let ((make-physical-env (curry-make-elem 'environment)))
    (lambda (pred table)
      (make-physical-env
       (cons pred table)))))
```

```
;; test datového typu
(define scm-env? (curry-scm-type 'environment))
  konstruktor globálního prostředí
(define make-global-env
  (lambda (alist-table)
    (make-env scm-false (assoc->env alist-table))))
:: vrať tabulku
(define get-table
  (lambda (elem)
    (if (scm-env? elem)
        (cdr (get-data elem))
        (error "; Get-table: arg. must be an env."))))
```

```
;; vrať předka
(define get-pred
  (lambda (elem)
    (if (scm-env? elem)
        (car (get-data elem))
        (error "; Get-pred: arg. must be an env."))))
;; je globální prostředí?
(define global?
  (lambda (elem)
    (and (scm-env? elem)
         (equal? scm-false (get-pred elem)))))
```

```
; ; hledání vazeb v asociačním poli
(define scm-assoc
  (lambda (key alist)
    (cond ((scm-null? alist) scm-false)
          ((equal? key (pair-car (pair-car alist)))
           (pair-car alist))
          (else (scm-assoc key (pair-cdr alist))))))
;; vyhledej vazbu v prostředí env, nebo vrať not-found
(define lookup-env
  (lambda (env symbol search-nonlocal? not-found)
    (let ((found (scm-assoc symbol (get-table env))))
      (cond ((not (equal? found scm-false)) found)
            ((global? env) not-found)
            ((not search-nonlocal?) not-found)
            (else (lookup-env (get-pred env)
                               symbol #t not-found))))))
```

10 / 56

Primitivní procedury

```
;; konstruktor primitivní procedury a predikát
(define make-primitive (curry-make-elem 'primitive))
(define scm-primitive? (curry-scm-type 'primitive))
   vytváření primitivních procedur pomocí wrapperu
(define wrap-primitive
  (lambda (proc)
    (make-primitive
     (lambda arguments
       (expr->intern
         (apply proc (map get-data arguments)))))))
```

Uživatelské procedury

```
(define make-procedure
  (let ((make-physical-procedure
          (curry-make-elem 'procedure)))
    (lambda (env args body)
      (make-physical-procedure (list env args body)))))
(define procedure-environment ···
(define procedure-arguments ...
(define procedure-body ···
(define scm-user-procedure? (curry-scm-type 'procedure))
(define scm-procedure?
  (lambda (elem)
    (or (scm-primitive? elem)
        (scm-user-procedure? elem))))
```

Primitivní speciální formy

Speciální elementy jazyka

```
;; pravdivostní hodnoty
(define scm-false ((curry-make-elem 'boolean) #f))
(define scm-true ((curry-make-elem 'boolean) #t))
(define scm-boolean? (curry-scm-type 'boolean))
;; prázdný seznam
(define the-empty-list
  ((curry-make-elem 'empty-list) '()))
(define scm-null?
  (lambda (elem) (equal? elem the-empty-list)))
:: nedefinovaná hodnota
(define the-undefined-value ((curry-make-elem 'undefined)
(define scm-undefined?
  (lambda (elem) (equal? elem the-undefined-value)))
```

Reader

```
;; převedení výrazu do interní formy
(define expr->intern
  (lambda (expr)
    (cond ((symbol? expr) (make-symbol expr))
          ((number? expr) (make-number expr))
          ((and (boolean? expr) expr) scm-true)
          ((boolean? expr) scm-false)
          ((null? expr) the-empty-list)
          ((pair? expr)
           (make-pair (expr->intern (car expr))
                       (expr->intern (cdr expr))))
          ((eof-object? expr) #f)
          (else (error "; Syntactic error.")))))
```

```
;; načti vstupní výraz do interní formy
(define scm-read
(lambda ()
(expr->intern (read))))
```

Printer

```
;; pouze použije display a vypíše syrovou reprezentaci
(define scm-print
(lambda (elem)
(display elem)))
```

Pomocné procedury

```
;; map přes elementy tvořící scm-seznam
;; výsledkem je klasický seznam
(define map-scm-list->list ···
;; převeď scm-seznam na klasický seznam
(define scm-list->list ···
;; převeď klasický seznam na scm-seznam
(define list->scm-list ···
```

Evaluátor

```
vyhodnoť výraz v daném prostředí
(define scm-eval
  (lambda (elem env)
    ;; vyhodnocování elementů podle jejich typu
    (cond
     ;; symboly se vyhodnocují na svou aktuální vazbu
     ((scm-symbol? elem)
      (let ((binding (lookup-env env elem #t #f)))
        (if binding
             (pair-cdr binding)
             (error "; EVAL: Symbol not bound"))))
```

```
;; vyhodnocení seznamu
((scm-pair? elem)
 ;; nejprve vyhodnotíme první prvek seznamu
 (let* ((first (pair-car elem))
        (args (pair-cdr elem))
        (f (scm-eval first env)))
   ;; podle prvního prvku rozhodni o co se jedná
   (cond
    ;; pokud se jedná o proceduru:
    ;; vyhodnoť argumenty a aplikuj ji
    ((scm-procedure? f)
     (scm-apply f (map-scm-list->list
                     (lambda (elem)
                       (scm-eval elem env))
                     args)))
```

```
;; pokud se jedná o formu
;; aplikuj s nevyhodnocenými argumenty:
    ((scm-form? f)
        (scm-form-apply env f (scm-list->list args)))
;; na prvním místě stojí nepřípustný prvek
    (error "; EVAL: First element ..."))))
;; vše ostatní se vyhodnocuje na sebe sama
(else elem))))
```

```
vytvoř tabulku vazeb: formální argument -- argument
(define make-bindings
  (lambda (formal-args args)
    (cond ((scm-null? formal-args) the-empty-list)
          ((scm-symbol? formal-args)
           (make-pair (make-pair formal-args
                                   (list->scm-list args))
                       the-empty-list))
          (else (make-pair
                  (make-pair (pair-car formal-args)
                             (car args))
                  (make-bindings (pair-cdr formal-args)
                                  (cdr args)))))))
```

```
;; aplikuj proceduru, předka nastav na env
(define scm-env-apply
  (lambda (proc env args)
    (cond ((scm-primitive? proc)
           (apply (get-data proc) args))
          ((scm-user-procedure? proc)
           (scm-eval (procedure-body proc)
                      (make-env
                        env
                        (make-bindings
                          (procedure-arguments proc)
                          args))))
          (else (error "APPLY: Expected procedure")))))
```

```
;; aplikuj proceduru s lexikálním předkem
(define scm-apply
  (lambda (proc args)
    (cond ((scm-primitive? proc)
           (scm-env-apply proc #f args))
          ((scm-user-procedure? proc)
           (scm-env-apply
             proc
             (procedure-environment proc)
             args))
          (else (error "APPLY: Expected procedure")))))
```

Toplevel Environment (počáteční prostředí)

```
;; vytvoř prostředí, které je nejvýš v hierarchii
(define scheme-toplevel-env
  (make-global-env
     ;; speciální forma if
     (if . , (make-specform
              (lambda (env condition expr . alt-expr)
                (let ((result (scm-eval condition env)))
                  (if (equal? result scm-false)
                      (if (null? alt-expr)
                           the-undefined-value
                           (scm-eval (car alt-expr) env))
                      (scm-eval expr env))))))
```

```
;; speciální formy and a or
(and . , (make-specform ···
(or . , (make-specform ···
;; speciální forma lambda (v těle jen jeden výraz)
(lambda . , (make-specform
             (lambda (env args body)
               (make-procedure env args body))))
;; speciální forma the-environment
(the-environment . ,(make-specform
                       (lambda (env) env)))
;; speciální forma quote
(quote . , (make-specform
            (lambda (env elem) elem)))
```

```
:: aritmetika
(* . ,(wrap-primitive *))
(+ . ,(wrap-primitive +))
;; práce s páry
(cons . ,(make-primitive make-pair))
(car . ,(make-primitive pair-car))
(cdr . ,(make-primitive pair-cdr))
  negace
(not . ,(make-primitive
         (lambda (elem)
           (if (equal? elem scm-false)
               scm-true
               scm-false))))
```

```
; ; další selektory
(environment-parent . ,(make-primitive get-pred))
(procedure-environment . ...
(procedure-arguments . ...
(procedure-body . ...
;; konverze prostředí na seznam
(environment->list . ,(make-primitive
                        (lambda (elem)
                           (if (equal? elem scm-false)
                               scm-false
                               (get-table elem)))))
```

```
;; procedura eval (dvou argumentů)
  (eval . , (make-primitive
             (lambda (elem env)
               (scm-eval elem env))))
  ;; procedura apply
  (apply , (make-primitive
              (lambda (proc . rest)
                (scm-apply proc
                (apply-collect-arguments rest)))))
  ;; procedura apply s explicitním prostředím předka
  (env-apply . , (make-primitive
    (lambda (proc env . rest)
      (scm-env-apply proc
                      env
                      (apply-collect-arguments rest)))))
))); konec toplevel environment
                                    ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ● めぬぐ
```

Globální prostředí: Pomocné procedury

Důsledky neexistence define

- rekurze pomocí y-kombinátorů
- do globálního prostředí nelze během činnosti interpretu zavést nové definice (uživatelských procedur)

Hierarchie tří počátečních prostředí

- 1 toplevel-environment
 - v hierarchii úplně nejvýš (nemá předka)
 - obsahuje základní definice (primitivní procedury a spec. formy)
- midlevel-environment
 - jeho předkem je toplevel-environment
 - obsahuje definice uživatelských procedur,
 které jsou k dispozici na počátku běhu interpretu (map, length,...)
- global-environment
 - jeho předkem je midlevel-environment
 - neobsahuje žádné definice

```
(define scheme-midlevel-env
  (make-env scheme-toplevel-env
   (assoc-)env `(
     (map
          ,(make-procedure
            scheme-toplevel-env
            (expr-)intern '(f 1))
            (expr->intern
              '((lambda (y)
                  (y \ y \ 1))
                (lambda (map 1)
                  (if (null? 1)
                      (cons (f (car 1))
                             (map map (cdr 1)))))))))
      ))))
```

Cyklus REPL

```
(define scm-repl
  (lambda ()
    (let ((glob-env (make-env
                      scheme-midlevel-env
                      the-empty-list)))
      (let loop ()
        (display "]=> ")
        (let ((elem (scm-read)))
          (if (not elem)
               'bye-bye
              (let ((result (scm-eval elem glob-env)))
                 (scm-print result)
                 (loop)))))))))
;; spuštění REPLu
(scm-repl)
```

Příklady použití interpretu

```
lambda \Longrightarrow spec. forma
(lambda (x) (+ x 1)) \implies procedura
((lambda (x) (+ x 1)) 10) \implies 11
(((lambda (proc) (proc (x) (+ x 1))) lambda) 10) \implies 11
((lambda list (map - list)) 1 2 3 4) \Longrightarrow (-1 -2 -3 -4)
(eval '(* x x))
      (procedure-environment
        ((lambda (x))
           (lambda (y) (+ x y)))
         10))) \Longrightarrow 100
(apply ((lambda (pi) (lambda (x) (+ x pi))) 10) 20 '())
                                                      ⇒ 30
(env-apply (lambda (x) (+ x y))
            ((lambda (y) (the-environment)) 100)
            20 '()) \Rightarrow 120
                                         ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ● めぬぐ
```

Interpret obohacený o imperativní rysy

- budeme rozšiřovat předchozí interpret
- budeme postupovat metodou "nejmenšího odporu"

Postup implementace

- mutovatelné tečkové páry: set-car!, set-cdr! (umožní destruktivní práci se seznamy)
- mutovatelné prostředí (umožní destruktivní změny prostředí, například změny vazeb)
- sekvencování: begin, lambda (umožní rozumné interní definice)
- zavedení mutátorů prostředí: define a set!
 (umožní zavádění nových definic + imperativní změnu vazeb)

Mutovatelné tečkové páry ;; mutátor páru set-car! (define pair-set-car! (lambda (pair value) (if (scm-pair? pair) (begin (set-car! (get-data pair) value) the-undefined-value) (error "SET-CAR!: argument must be a pair")))) ;; mutátor páru set-cdr! (define pair-set-cdr! (lambda (pair value) (if (scm-pair? pair) (begin (set-cdr! (get-data pair) value) the-undefined-value) (error "SET-CDR!: argument must be a pair"))))

Mutovatelné tečkové páry

; ; do globálního prostředí přidáme:

```
(set-car! . ,(make-primitive pair-set-car!))
(set-cdr! . ,(make-primitive pair-set-cdr!))

V tuto chvíli můžeme používat set-car! a set-cdr! v interpretu:
;; příklad imperativní změny argumentů procedury
(set-car! (procedure-arguments map) 'blah)
(procedure-arguments map) ⇒ (blah 1)
(map - '(1 2 3 4)) ⇒ error: symbol f not bound
```

Mutovatelné prostředí: předehra pro define a set!

(predek . (#f $(E_1 . F_1)$

- do každé tabulky vazeb přidáme napevno nový první prvek "#f"
- tím zajistíme že každá tabulka vazeb bude mutovatelná pomocí mutátorů set-car! a set-cdr!

```
(E_2, F_2)
                 (E_n \cdot F_n))
;; přidáme do globálního prostředí:
(lookup-env .
  ,(make-primitive
    (lambda (env symbol . nonlocal)
      (lookup-env env symbol
                    (or (null? nonlocal)
                        (equal? (car nonlocal) scm-true))
                   scm-false))))
```

Define jako procedura

- vytvoříme define, který nejprve "zhmotní sebe sama", a pak
- použije "sebe sama" k zavedení "sebe sama" do prostředí

```
((lambda (y)
   (y (environment-parent (the-environment))
      'define
     v))
 (lambda (env symbol value)
   (if (lookup-env env symbol #f)
       (set-cdr! (lookup-env env symbol) value)
       ((lambda (table)
          (set-cdr! table (cons (cons symbol value)
                                 (cdr table))))
        (environment->list env)))))
```

Define jako procedura

```
Příklady použití:
(define (the-environment)
  'faktorial
  (lambda (n)
    (if (= n 0)
        (* n (faktorial (- n 1))))))
(define (the-environment)
  'map
  (lambda (f l)
    (if (null? 1)
        (()
        (cons (f (car 1))
               (map f (cdr 1))))))
```

Set! jako procedura

Zabudované speciální formy define, set! a begin

```
Zabudované speciální formy define, set! a begin
;; speciální forma define
(define . , (make-specform
            (lambda (env symbol value)
              (let ((value (scm-eval value env))
                     (result (lookup-env env symbol #f #f))
                (if result
                     (pair-set-cdr! result value)
                     (pair-set-cdr!
                       (get-table env)
                       (make-pair (make-pair symbol value)
                                  (pair-cdr (get-table env))
;; speciální forma set!
(set! . , (make-specform
          (lambda (env symbol value)
           (pair-set-cdr! (lookup-env env symbol #t #f)
                           (scm-eval value env)))))
```

Upravená lambda, tak aby uměla implicitní begin

```
;; speciální forma lambda (umožňuje interní definice)
(lambda .
  ,(make-specform
   (lambda (env args . body)
     (if (not (null? (cdr body)))
        (make-procedure
          env args
          (make-pair
            (make-symbol 'begin)
               (let iter ((ar body))
                 (if (null? (cdr ar))
                     (make-pair (car ar)
                                 the-empty-list)
                     (make-pair (car ar)
                                 (iter (cdr ar)))))))
         (make-procedure env args (car body))))))
```

Predikát eq?

```
;; naprogramování pomocí interního eq?
(define scm-eq?
(lambda (elem-a elem-b)
(eq? (get-data elem-a)
(get-data elem-b))))
```

- ostatní predikáty (eqv? a equal?) lze nadefinovat pomocí eq?
- eqv? a equal? tedy nemusí být zabudované

Natahování definic z externího souboru

```
;; natahuj výrazy a vyhodnocuj
(define scm-load
  (lambda (file-name env)
    (let ((port (open-input-file file-name)))
      (let next ()
        (let ((expr (read port)))
          (if (not (eof-object? expr))
              (begin
                 (scm-eval (expr->intern expr) env)
                 (next)))))
      (close-input-port port))))
```

- předchozí procedura manipuluje se soubory pomocí portů viz R5RS
- načítá výrazy jeden po druhém a vyhodnocuje je v daném prostředí

Upravený REPL

```
(define scm-repl
  (lambda ()
    (let ((glob-env (make-env scheme-toplevel-env
                               the-empty-list)))
      (scm-load "includes.scm" glob-env)
      (let loop ()
        (display "]=> ")
        (let ((elem (scm-read)))
          (if (not elem)
              'bye-bye
              (let ((result (scm-eval elem glob-env)))
                (newline)
                (scm-print result)
                (loop)))))))))
```

Příklady použití interpretu

```
(lookup-env (the-environment) '+) \Longrightarrow (+ . \#\langle ... \rangle)
(lookup-env (the-environment) '+ #f) \Longrightarrow #f
(define f (lambda (n) (+ n x)))
((lambda (x)
   (env-apply f
                (the-environment)
                20 '()))
 10) \implies 30
(procedure-body f) \implies (+ n x)
(set-car! (cddr (procedure-body f)) 'n)
(procedure-body f) \implies (+ n n)
(f 10) \implies 20
```

Interpret obohacený o makra

- zavedeme nový element makro
- makro v sobě obsahuje ukazatel na (transformační) proceduru

```
;; konstruktor makra a detekce typu
(define make-macro (curry-make-elem 'macro))
(define scm-macro? (curry-scm-type 'macro))
;; test zdali se jedná o primitivní/uživatelskou formu
(define scm-form?
  (lambda (elem)
    (or (scm-specform? elem)
        (scm-macro? elem))))
; ; do globálního prostředí přidáme:
(macro . ,(make-primitive make-macro))
(macro-transformer . ,(make-primitive get-data))
```

Interpret obohacený o makra

- je třeba přizpůsobit vyhodnocovací proces pro případ, že prvním prvek seznamu se vyhodnotí na makro
- není třeba upravovat samotný scm-eval
- upravíme scm-form-apply (ošetříme nový případ pro makra)

```
; ; aplikuj speciální formu
(define scm-form-apply
  (lambda (env form args)
    (cond ((scm-specform? form)
           (apply (get-data form) env args))
          ((scm-macro? form)
           (scm-eval (scm-apply (get-data form)
                                  args)
                      env))
          (else (error "APPLY: Expected spec. form")))))
```

Příklady použití našich maker

```
(macro (lambda (x y) x)) \implies makro
(macro-transformer (macro (lambda (x y) x))) \implies tr. pr.
(define m (macro (lambda (x y) x)))
(m 1 2) \implies 1
(m 1 nevyhodi-chybu) ⇒ 1
(define first-of-2 (lambda (x y) x))
(define m (macro first-of-2))
(define let
  (macro
    (lambda (bindings . body)
      (append (list (list 'lambda
                           (map car bindings)
                           (cons 'begin body)))
              (map cadr bindings)))))
(let ((x 10) (y 20)) (+ x y)) \implies 30
```

Příklady použití našich maker

```
((macro (lambda (x y) x)) 10 nevyhodi-chybu) <math>\implies 10
(define make-sender
  (lambda (object)
    (macro
      (lambda (signal . args)
        (cons object
               (cons (list 'quote signal)
                     args))))))
(define obj
  (lambda s (if (eq? (car s) 'blah) 1 (list 2 s))))
(define objisend (make-sender obj))
(obj:send blah) \implies 1
(obj:send halb (+ 1 2) 'neco) \implies (2 (halb 3 neco))
```

Interpret obohacený o generované symboly

zavedeme nový typ elementu – generovaný symbol

```
;; konstruktor symbolu a test zdali se jedná o symbol
(define make-symbol (curry-make-elem 'symbol))
(define scm-named-symbol? (curry-scm-type 'symbol))
;; konstruktor generovaného symbolu
(define make-generated-symbol
  (let ((make-physical-element
          (curry-make-elem 'generated-symbol)))
    (lambda ()
      (make-physical-element (cons #f #f)))))
```

- význam "(cons #f #f)" z předchozího kódu:
 - nově vygener. symbol v sobě obsahuje ukazatel na nový pár (#f . #f)
 - každý generovaný symbol je proto eq?-roven pouze sám sobě

53 / 56

Interpret obohacený o generované symboly

 v proceduře scm-assoc, která se stará o hledání vazeb v prostředí přidáme novou větev, která bude ošetřovat případ, kdy hledáme vazbu vygenerovaného symbolu (zde je potřeba použít eq?)

Interpret obohacený o generované symboly

```
;; predikát testující zdali je daný element generovaný symbol
(define scm-generated-symbol?
  (curry-scm-type 'generated-symbol))
;; test zdali se jedná o symbol pojmenovaný/generovaný
(define scm-symbol?
  (lambda (elem)
    (or (scm-named-symbol? elem)
        (scm-generated-symbol? elem))))
;; generované symboly
(gensym . ,(make-primitive make-generated-symbol))
```

Příklady použití generovaných symbolů

```
(define while
  (macro
    (lambda (test . body)
      (define loop-name (gensym))
      `((lambda ()
           (define ,loop-name
             (lambda ()
               (if test
                    (begin
                      ,@body
                      (,loop-name)))))
           (,loop-name))))))
(define i 10)
(define \times 0)
(while (> i 0) (set! i (- i 1)) (set! x (+ x i)))
(i \times) \implies (0.45)
```