

Α1



$$2 \vdash [\neg p] p \leftrightarrow (\neg p \rightarrow p)$$

A11



$$3 \vdash [\neg p] p \rightarrow (\neg p \rightarrow p)$$

EE



2

$$4 \quad \vdash \ ([\neg p] \ p \rightarrow (\neg p \rightarrow p)) \rightarrow ([\neg p] \ p \rightarrow p)$$

Α1



$$5 \vdash [\neg p] p \rightarrow p$$

R1



3, 4

6
$$\vdash \neg p \rightarrow \neg [\neg p] p$$

CP



5

$$7 \vdash [\neg p] \neg p \leftrightarrow (\neg p \rightarrow \neg [\neg p] p)$$

A12



$$8 \quad \vdash \ (\neg p \rightarrow \neg [\neg p] \ p) \rightarrow [\neg p] \ \neg p$$

EE'



7

R1



6, 8

$$10 \quad \vdash \ [\neg p] \ \neg p \ \rightarrow (\top \ \rightarrow [\neg p] \ \neg p)$$

Α1



11
$$\vdash T \rightarrow [\neg p] \neg p$$

R1



9, 10

Α1



R2



12

Α1



R2



14

16
$$\vdash$$
 K1 \top \rightarrow (K2 \top \rightarrow (K1 \top \land K2 \top))

Α1



