4.5 Lokale Operatoren/Sobel-Operator

January 15, 2019

$$base = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 6 & 2 & 3 & 2 & 1 & 2 & 3 & 1 \\ 1 & 3 & 6 & 7 & 9 & 2 & 4 & 4 & 7 & 1 \\ 1 & 5 & 8 & 8 & 10 & 17 & 21 & 19 & 9 & 4 \\ 4 & 18 & 34 & 56 & 17 & 25 & 38 & 17 & 7 & 2 \\ 1 & 14 & 22 & 43 & 68 & 91 & 62 & 23 & 16 & 7 \\ 6 & 12 & 21 & 21 & 39 & 87 & 76 & 34 & 4 & 2 \\ 9 & 24 & 54 & 73 & 88 & 95 & 69 & 16 & 12 & 5 \\ 3 & 5 & 6 & 40 & 34 & 42 & 6 & 4 & 2 & 5 \\ 4 & 9 & 16 & 14 & 32 & 51 & 13 & 6 & 6 & 2 \\ 4 & 2 & 5 & 3 & 3 & 3 & 5 & 3 & 3 & 3 \end{pmatrix}$$

Grauwertspeizung

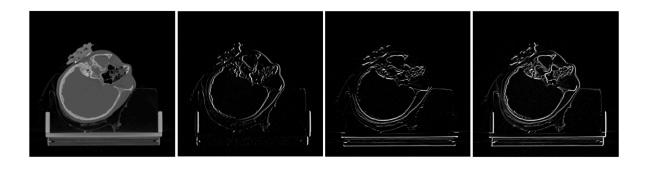
(Quelle: http://home.in.tum.de/~perzylo/Proseminar/Punktoperatoren.pdf S.12)

$$g_{neu} = \begin{cases} 0 & falls \ g < g_1 \\ G - 1 & falls \ g > g_2 \\ \frac{g - g_1}{g_2 - g_1} * (G - 1) & sonst \end{cases}$$

1) Mittelwertfilter

```
0 \cdot 0.11
          0 \cdot 0.11
                    0 \cdot 0.11
          2 \cdot 0.11
                                 2
                                           2
                                                     2
                                                          3
5 \cdot 0.11
                    6 \cdot 0.11
                                                                                3
                                                                                                                     3
                                                                                                                        1
                                 7
                                                                                                     2
                                                                                                                     7
1 \cdot 0.11
          3 \cdot 0.11
                    6 \cdot 0.11
                                      9
                                           2
                                                4
                                                     4
                                                                                     6
                                                                                                9
                                                                                                          4
                                                                                                                        1
                                                                                                              19
                                8
                                          17
                                               21
                                                    19
                                                          9
                                                              4
                                                                                     8
                                                                                          8
                                                                                                    17
                                                                                                                     9
                                                                                                                        4
                                                          7
                                                              2
                                                                                                                     7
                                                                                                                        2
                18
                               56
                                               38
                                                                               18
                                                                           4
                                                                                    34
                                                                                         56
                          22
                               43
                                                    23
                                                                                                         62
                14
                                    68
                                                                               14
                                                                                         43
                                                                                              68
      6
                          21
                               21
                                         87
                                                    34
                                                          4
                                                                           6
                                                                                    21
                                                                                         21
                                                                                                    87
                                                                                                              34
                                                                                                                    4
                                                                                                                         2
                                                                                    54
                24
                                    88
                                               69
                                                         12
                                                                           9
                                                                               24
                                                                                              88
                                                                                                    95
                                                                                                         69
                                         42
                                                          2
                                                                                5
                                                                                               34
                                                                                                                     2
                                                                                                                         5
                           6
                               40
                                    34
                                                6
                                                     4
                                                                                     6
                                                                                         40
                                                                                                    42
                                                                                                          6
                                                                                                               4
                                                                                                                         2
      4
                 9
                               14
                                                              2
                                                                           4
                                                                                9
                                                                                                         13
                                                                                                                     6
                          16
                                                     6
                                                          6
                                                                                    16
                                                                                         14
                                                                                                               6
                 2
                                                5
                                                              3
                                                                                2
                                                                                                     3
                                                                                                                         3
                         0 \cdot 0.11
    0 \cdot 0.11
              0 \cdot 0.11
                         2 \cdot 0.11
                                          2
                                                     2
                                                          3
    2 \cdot 0.11
              6 \cdot 0.11
                                                                                     3
                                                                                          2
                                                                                                    2
                                                                                                          1
                                                                                                                    3
                                                                                                                        1
                         7 \cdot 0.11
                                                                                          7
    3 \cdot 0.11
              6 \cdot 0.11
                                     9
                                          2
                                               4
                                                    4
                                                                                     6
                                                                                               9
                                                                                                    2
                                                                                                         4
                                                                                                               4
           5
                     8
                                         17
                                              21
                                                   19
                                                          9
                                                             4
                                                                                     8
                                                                                          8
                                                                                                   17
                                                                                                              19
                                                                                                                    9
                                8
                                                                                                                       4
          18
                                         25
                                                   17
                                                          7
                                                              2
                                                                               18
                                                                                                   25
                                                                                                         38
                                                                                                                    7
                              56
                                                                          4
                                                                                    34
                                                                                         56
                    22
                                                              7
                                         91
                                              62
                                                                               14
                                                                                         43
                                                                                                             23
          14
                              43
                                    68
                                                                                                   91
                                                             2
                    21
                              21
                                                          4
                                                                                         21
                                                                                              39
                                                                                                             34
                                                                                                                        2
                                    39
                                         87
                                                                          6
                                                                               12
                                                                                                   87
                                                                                                                    4
                                                             5
                                                         12
                                                                              24
                                                                                         73
                                                                                                                   12
                                                                                                                        5
                                    88
                                         95
                                              69
                                                                          9
                                                                                   54
                                                                                              88
                                                                                                        69
                                                              5
                                                                                                                        5
                                                          2
                                                                                5
                                                                                                                    2
                              40
                                    34
                                         42
                                                    4
                                                                                         40
                                                                                              34
                                                                                                   42
                                                                                                         6
                                                                                                               4
                     6
                                                                                     6
           9
                                                          6
                                                              2
                                                                          4
                                                                                9
                                                                                              32
                                                                                                                        2
                    16
                               14
                                                    6
                                                                                         14
                                                                                                               6
                                                                                                                    6
           2
                                                             3
                                                                                2
                                                                                               3
                                                                                                                    3
                     5
                                                     3
                                                          3
                                                     3
                                                                    2
                                                                         2
                                                                               2
                                                                                    2
                                          1
                                                3
                                                          4
                                                               3
                                                                                       1
                                          2
                                                     5
                                                          7
                                                               7
                                                                         8
                                                                                    6
                                                4
                                                                    8
                                                                               8
                                                                                        3
                                          4
                                               9
                                                   16
                                                        17
                                                              17
                                                                   16
                                                                        16
                                                                                    8
                                                                                        3
                                                                             14
                                              12
                                                   23
                                                        30
                                                              37
                                                                   39
                                                                        35
                                                                             24
                                                                                   12
                                              15
                                                                                   12
                                          6
                                                   27
                                                        36
                                                              50
                                                                   56
                                                                        50
                                                                             31
                                                                                        4
                         base_averaged=
                                          7
                                              18
                                                   32
                                                        48
                                                             67
                                                                   75
                                                                        61
                                                                             35
                                                                                   13
                                                                                        5
                                          7
                                                   28
                                                        42
                                                             58
                                                                   60
                                                                        48
                                                                             25
                                                                                    9
                                                                                        3
                                              16
                                                   27
                                                        40
                                                             52
                                                                                    6
                                                                                        4
                                          6
                                              14
                                                                   48
                                                                        34
                                                                             15
                                          3
                                                        17
                                                             25
                                                                                        2
                                                   11
                                                                   21
                                                                        15
                                                                               5
                                                                                    4
                                               6
                                          2
                                                    5
                                                             12
                                                                                    3
                                                                                       2
                                               4
                                                          8
                                                                  12
                                                                         9
                                                                               4
                                          0
                                               5
                                                     6
                                                            8
                                                                  5
                                                                         4
                                                                               2
                                                                                      4
                                                                                                0
                                          2
                                             10
                                                    14
                                                          18
                                                                 19
                                                                        22
                                                                              23
                                                                                     23
                                                                                          15
                                                                                                5
                                                                                                7
                                         8
                                             26
                                                    51
                                                          55
                                                                 54
                                                                        50
                                                                              52
                                                                                     44
                                                                                          23
                                        12
                                                    75
                                                                                     77
                                             37
                                                          98
                                                               124
                                                                      129
                                                                             116
                                                                                          36
                                                                                               13
                                        17
                                             46
                                                    88
                                                         119
                                                                167
                                                                      188
                                                                             169
                                                                                   102
                                                                                          39
                                                                                               10
                 base_averaged_spread=
                                        21
                                             58
                                                  104
                                                         160
                                                               227
                                                                      254
                                                                             207
                                                                                   115
                                                                                          41
                                                                                               13
                                                                                                7
                                        18
                                             49
                                                    94
                                                         140
                                                               194
                                                                      201
                                                                             160
                                                                                     81
                                                                                          28
                                                                                                8
                                                    88
                                                         132
                                                                175
                                                                      160
                                                                             111
                                                                                     47
                                                                                          18
                                        16
                                             46
                                                                                                4
                                                          54
                                                                                           9
                                          6
                                             16
                                                    34
                                                                 81
                                                                        68
                                                                              47
                                                                                     14
                                          3
                                             11
                                                    15
                                                          24
                                                                 36
                                                                        37
                                                                              27
                                                                                           5
                                                                                                1
                                                                                     10
```

2) Sobel-Operatoren



Sobel-Operator in x-Richtung

$$S_x = \left(\begin{array}{ccc} 0.25 & 0.0 & -0.25 \\ 0.5 & 0.0 & -0.5 \\ 0.25 & 0.0 & -0.25 \end{array}\right)$$

```
0 \quad 0 \quad 0.25 \quad 0.00 \quad 0.-0.25
                                                    0 0 0 )
      2 \cdot 0.50 \quad 6 \cdot 0.00 \quad 2 \cdot -0.50
                                   3 2
                                                     3 1
                                                                          3
                                                                                   7
                                                                                            2
      3 \cdot 0.25
               6 \cdot 0.00 \quad 7 \cdot -0.25
                                   9
                                       2
                                            4
                                               4
                                                     7
                                                        1
                                                                    1
                                                                               6
                                                                                       9
                                                                                                4
                                                                                                     4
                                      17
            5
                    8
                               8
                                           21
                                               19
                                                     9 4
                                                                    1
                                                                         5
                                                                              8
                                                                                           17
                                                                                                         9
                                                                                   8
                                                                                                    19
                                                                                                            4
                    34
                                           38
                                               17
                                                     7
                                                        2
                                                                        18
           18
                              56
                                  17
                                       25
                                                                    4
                                                                              34
                                                                                  56
                                                                                       17
                                                                                           25
                                                                                               38
                    22
           14
                              43
                                  68
                                       91
                                           62
                                               23
                                                    16 7
                                                                    1
                                                                         14
                                                                              22
                                                                                  43
                                                                                       68
                                                                                           91
                                                                                               62
                              21
                                                     4 2
                                                                        12
                                                                              21
           12
                    21
                                   39
                                       87
                                           76
                                               34
                                                                                  21
                                                                                       39
                                                                                           87
                                                                                               76
                                                                                                    34
                                                                                                         4
                                                                    6
           24
                    54
                                                    12
                                                       5 0
                                                                    9
                                                                         24
                                                                              54
                                                                                           95
                                                                                                        12
                                                                                                            5
                                  88
                                           69
                                                                                      88
                                                                                               69
                                                                                                    16
           5
                                                        5 0
                                                                    3
                    6
                              40
                                   34
                                       42
                                            6
                                                     2
                                                                              6
                                                                                  40
                                                                                       34
                                                                                           42
                                                                                                         2
                                                                                               6
0
            9
                                       51
                                                     6 2 0
                                                                    4
                                                                         9
                   16
                              14
                                   32
                                           13
                                                 6
                                                                              16
                                                                                  14
                                                                                       32
                                                                                                         6
                                                     3 3 0
                    5
                              3
                                   3
                                        3
                                            5
                                                 3
                                                                               5
                                                                                   3
                                                                                                         3
                                                                                                            3
                                                     0 0 0
                                          -1
                                                               2
                                               1
                                                        1
                                                                    0 - 2
                                                                            1
                                                                                  3
```

$$x = \begin{pmatrix} -2 & -2 & -1 & 1 & 1 & 2 & 0 & -2 & 1 & 3 \\ -3 & -4 & -3 & -1 & 0 & 0 & -2 & 1 & 6 & 6 \\ -8 & -12 & -12 & 2 & 4 & -10 & 0 & 13 & 12 & 8 \\ -14 & -22 & -27 & -4 & 1 & -12 & 20 & 30 & 15 & 10 \\ -14 & -22 & -26 & -23 & -33 & -12 & 49 & 49 & 20 & 11 \\ -16 & -24 & -24 & -29 & -50 & -12 & 63 & 62 & 23 & 9 \\ -16 & -27 & -36 & -28 & -28 & 7 & 62 & 48 & 13 & 8 \\ -11 & -16 & -31 & -26 & -16 & 24 & 50 & 18 & 3 & 6 \\ -6 & -7 & -12 & -14 & -19 & 16 & 32 & 5 & 2 & 4 \\ -3 & -4 & -2 & -3 & -9 & 4 & 11 & 3 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$x_spread = \begin{pmatrix} 109 & 109 & 111 & 114 & 116 & 118 & 112 & 109 & 116 & 120 \\ 106 & 103 & 107 & 110 & 113 & 113 & 109 & 115 & 125 & 127 \\ 95 & 85 & 86 & 118 & 123 & 92 & 114 & 142 & 140 & 131 \\ 82 & 64 & 52 & 105 & 116 & 87 & 159 & 180 & 147 & 135 \\ 80 & 64 & 54 & 61 & 40 & 87 & 223 & 222 & 157 & 137 \\ 78 & 59 & 59 & 48 & 0 & 85 & 254 & 251 & 164 & 133 \\ 76 & 52 & 33 & 49 & 50 & 129 & 252 & 219 & 142 & 130 \\ 89 & 78 & 44 & 54 & 78 & 165 & 224 & 153 & 120 & 125 \\ 99 & 97 & 87 & 80 & 70 & 148 & 184 & 124 & 117 & 122 \\ 106 & 105 & 109 & 106 & 92 & 121 & 138 & 119 & 115 & 119 \end{pmatrix}$$

Sobel-Operator in y-Richtung

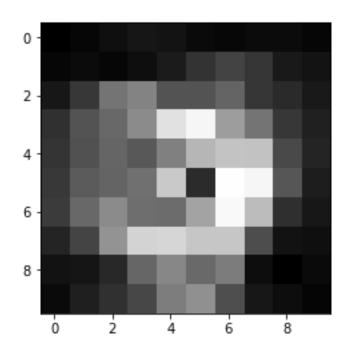
$$S_y = \begin{pmatrix} 0.25 & 0.5 & 0.25 \\ 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ -0.25 & -0.5 & -0.25 \end{pmatrix}$$

$$y = \begin{pmatrix} -1 & -3 & -6 & -7 & -7 & -4 & -4 & -5 & -5 & -2 \\ 1 & -1 & -3 & -5 & -9 & -14 & -18 & -15 & -8 & -3 \\ -5 & -15 & -30 & -34 & -22 & -22 & -26 & -15 & -4 & 0 \\ -2 & -8 & -18 & -36 & -56 & -62 & -40 & -14 & -5 & -3 \\ 0 & 6 & 17 & 15 & -18 & -46 & -39 & -17 & -3 & 1 \\ -6 & -15 & -26 & -28 & -18 & -9 & -3 & 3 & 4 & 2 \\ 3 & 8 & 4 & -4 & 9 & 41 & 54 & 33 & 8 & -1 \\ 6 & 18 & 38 & 53 & 54 & 50 & 42 & 20 & 6 & 3 \\ 0 & 2 & 10 & 26 & 34 & 28 & 10 & 0 & 0 & 1 \\ 4 & 10 & 14 & 19 & 32 & 37 & 21 & 8 & 5 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 133 & 129 & 124 & 120 & 121 & 126 & 128 & 125 & 125 & 131 \\ 139 & 134 & 129 & 124 & 117 & 104 & 96 & 103 & 118 & 129 \\ 124 & 102 & 70 & 62 & 87 & 87 & 79 & 103 & 128 & 135 \\ 131 & 118 & 96 & 58 & 12 & 0 & 48 & 105 & 124 & 129 \\ 137 & 148 & 173 & 169 & 97 & 35 & 51 & 98 & 130 & 137 \\ 122 & 103 & 79 & 74 & 95 & 117 & 130 & 142 & 145 & 140 \\ 143 & 153 & 146 & 126 & 156 & 227 & 254 & 208 & 153 & 134 \\ 150 & 176 & 218 & 252 & 254 & 246 & 227 & 181 & 150 & 142 \\ 136 & 139 & 159 & 194 & 212 & 196 & 159 & 137 & 136 & 137 \\ 145 & 157 & 166 & 178 & 207 & 217 & 181 & 153 & 147 & 141 \end{vmatrix}$$

3) Berechnung der Kanten (Sobel-Operator-Max)

$$g_spread = \begin{pmatrix} 0 & 6 & 15 & 23 & 21 & 10 & 7 & 12 & 12 & 6 \\ 6 & 11 & 6 & 14 & 29 & 52 & 67 & 55 & 26 & 20 \\ 25 & 56 & 117 & 131 & 84 & 84 & 100 & 55 & 42 & 26 \\ 50 & 84 & 104 & 139 & 225 & 248 & 158 & 117 & 56 & 33 \\ 53 & 83 & 101 & 89 & 128 & 183 & 196 & 194 & 74 & 37 \\ 57 & 92 & 100 & 113 & 201 & 43 & 254 & 248 & 87 & 30 \\ 60 & 104 & 139 & 110 & 108 & 163 & 250 & 189 & 47 & 24 \\ 37 & 68 & 148 & 212 & 215 & 199 & 199 & 77 & 19 & 15 \\ 19 & 22 & 40 & 102 & 135 & 106 & 125 & 13 & 0 & 10 \\ 10 & 32 & 50 & 71 & 126 & 145 & 78 & 25 & 13 & 5 \end{pmatrix}$$



4) Darstellungen der einzelnen Schritte

