求集合的所有子集

现有一个包含N个元素的集合S, 求集合S的所有子集?

例如:集合S包含三个元素 $\{a,b,c\}$,则它的所有子集为: $\{\}(空集),\{a\},\{b\},\{c\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{c\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{c\},\{a,b\},\{c\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{b\},\{a,b\},\{a,c\},\{a,b\},\{a,a,$

这里先用位操作的思路来求解,具体方法:用2进制**Bit**位来标记集合中的某个元素是否被选中,**1**代表选中,**0**代表未选中。例如集合{a,b,c}的所有子集可如下表示:

{}(空集)	000
{a}	0 0 1
{b}	010
{c}	100
{a, b}	011
{a, c}	101
{b, c}	110
{a, b, c}	111

从上面的分析中也可以看出一个包含N个元素的集合S有2^N个子集,非常容易想到的方法就是遍历 $0\sim2^N-1$ 的所有整数,并转化为二进制,按以上思路输出所有子集。但这里我们参照《求比正整数N大的最小正整数M,且M与N的二进制表示中有相同数目的1》的方法来求解集合S的所有子集。具体实现如下:

```
1. #include <iostream>
 2. using namespace std;
 3.
 4. const int OK = 0;
 5. const int ERROR = 1;
 6.
 7. int getNextN(int n)
 8. {
 9.
     int temp1 = n & (-n);
     int temp2 = n + temp1;
10.
     int ret = temp2 | ((n ^ temp2) / temp1) >> 2;
11.
      return ret:
12.
13. }
14.
```

```
15. template<class T>
16. void output(T set[], int k, int n)
17. {
      int index = 0;
18.
      bool flag = false;
19.
       cout << "{";
20.
21.
      while (n)
22.
23.
         if(n \% 2 == 1)
24.
25.
           if (flag)
26.
           {
27.
28.
              cout << ", ";
29.
           cout << set[k + index];</pre>
30.
31.
           flag = true;
         }
32.
         n /= 2;
33.
         index++;
34.
35.
      }
      cout << "}" << endl;
36.
37. }
38.
39.
40. template<class T>
41. int SubSet(T set[], int k, int m)
42. {
      if (k < 0 | | m < 0 | | k > m)
43.
44.
45.
         return ERROR;
       }
46.
47.
48.
       output(set, k, o);
      int num = m - k + 1;
49.
      for (int i = 1; i \le num; i++)
50.
       {
51.
         int beginIdx = (1 << i) - 1;
52.
         int endIdx = (1 << num) - (1 << (num - i));
53.
         for (int j = beginIdx; j <= endIdx;)</pre>
54.
         {
55.
           output(set, k, j);
56.
           j = getNextN(j);
57.
58.
         }
```

```
59.
      }
60.
61.
      return OK;
62. }
63.
64. int main(int argc, char *argv[])
65. {
      char str[10];
66.
      cout << "请输入一个字符数组:";
67.
      cin >> str;
68.
     SubSet(str, o, strlen(str) - 1);
69.
70.
      system("PAUSE");
      return EXIT_SUCCESS;
71.
72. }
```

这里再提供一种递归的思路来解决问题,会借助一个全局变量来记录所有选中的元素,具体代码如下:

```
1. #include <iostream>
 2. using namespace std;
 3.
 4. int g_used[10] = {0};
 5.
 6. template<class T>
 7. void Output(T set[])
 8. {
      bool flag = false;
 9.
      cout << "{";
10.
11.
      for (int i = 0; i < 10; i++)
12.
13.
      {
        if (g_used[i] == 1)
14.
15.
           if (flag)
16.
           {
17.
             cout << ", ";
18.
19.
           cout << set[i];
20.
           flag = true;
21.
        }
22.
      }
23.
24.
      cout << "}" << endl;
25.
26. }
```

```
27.
28.
29. template<class T>
30. void SubSet(T set[], int k, int m)
31. {
      if(k > m)
32.
      {
33.
        return Output(set);
34.
35.
36.
      g_used[k] = 0;
37.
      SubSet(set, k + 1, m);
38.
      g_used[k] = 1;
39.
      SubSet(set, k + 1, m);
40.
41. }
42.
43. int main(int argc, char *argv[])
44. {
      char str[10];
45.
      cout << "请输入一个字符数组:";
46.
      cin >> str;
47.
      SubSet(str, o, strlen(str) - 1);
48.
      system("PAUSE");
49.
      return EXIT_SUCCESS;
50.
51. }
```

