# Algoritmos y estructuras de datos Grafos

**CEIS** 

Escuela Colombiana de Ingeniería

## Agenda

**1** Grafos

Conceptos Representaciones Recorridos

2 Aspectos finales Ejercicios

## Agenda

**1** Grafos

Conceptos Representaciones Recorridos

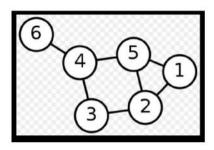
2 Aspectos finales Ejercicios

#### Definición

Es una pareja ordenada G = (V, E) donde:

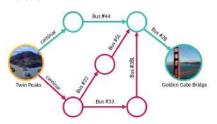
- V es un conjunto de vértices o nodos
- *E* es un conjunto de aristas o arcos que relacionan estos nodos

Se denomina orden del grafo G a su número de vértices |V|

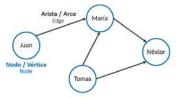


## **Ejemplos**

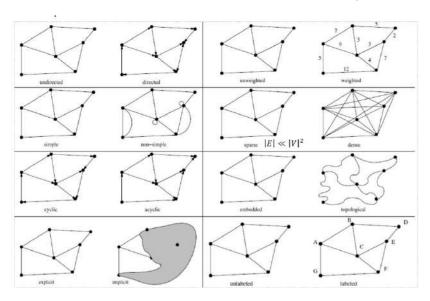
#### Rutas



#### Relaciones

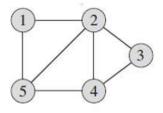


## **Tipos**

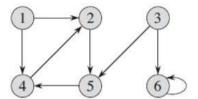


## Tipos

## No dirigido

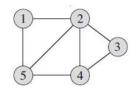


## Dirigido

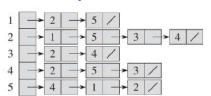


## Representación

#### No dirigido



## Lista de Adyacencia

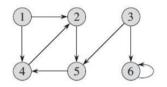


#### Matriz de Adyacencia

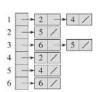
		,			
	1	2	3	4	5
					1
2	1	0	1	1	1 0
4	0	1	1	0	1
5	1	1	0	1	0

## Representación

### Dirigido



#### Lista de Adyacencia



#### Matriz de Adyacencia

	1	2	3	4	5	6
1	0	1	0	1	0	0
2	0				1	
3	0	0	0	0	1	
4	0				0	
5	0	0	0	1	0	0
6	0		0			

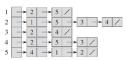
## Lista de adyacencia

Consiste en un arreglo, adj, de |V| listas

Para cada  $u \in V$ , adj(u) contine todos los vertices v tales que existe un arco  $(u,v) \in E$ 

#### No Dirigido





La suma de las longitudes de todas las listas es 2 \* |E|

#### Dirigido





La suma de las longitudes de todas las listas es |E|

La cantidad de memoria es  $\Phi(V + e)$ 



## Matriz de adyacencia

Consiste en uma matriz a , de |V|x|V| de [0,1] a(u,v)=1 si existe un arco  $(u,v)\in E$  0 de lo contrario

#### No Dirigido



	1	2	3	4	5
1	0	1	0	0	1
2	1	0	1	1	1
3	0	1	0	1	0
4	0	1	1	0	1
5	1	1	0	1	1 1 0 1 0

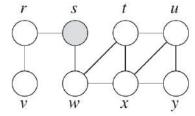
#### Dirigido



	1	2	3	4	5	6	
1	0	1	0	1	0		
2	0	0	0	0	1	0	
3	0	0	0	0	1	1	
4	0	1	0	0	0	0	
5	0	0	0	1	0	0	
6	0	0	0	0	0	1	

Dado un grafo G = (V, E) y un vértice fuente denominado s, la BFS (Breadth-First Search) explora sistemáticamente los arcos de G para descubrir cada vértice que es alcanzable desde s.

Este algoritmo descubre primero todos los vértices a una distancia k desde s antes de descubrir los vértices a una distancia k+1.



```
BFS(G,s)

1 for each vertex u \in G.V - \{s\}

2 u.color = \text{WHITE}

3 u.d = \infty

4 u.\pi = \text{NIL}

5 s.color = \text{GRAY}

6 s.d = 0

7 s.\pi = \text{NIL}

8 Q = \emptyset
```

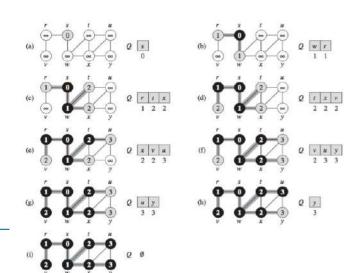
- 9  $\tilde{\text{Enqueue}}(Q,s)$
- 10 while  $Q \neq \emptyset$
- u = DEQUEUE(Q)
- 12 for each  $v \in G.Adi[u]$
- if v.color == WHITE
- v.color = GRAY
- 15 v.d = u.d + 1
- 16  $v.\pi = u$

18

- 17 ENQUEUE(Q, v)
  - u.color = BLACK

#### Se asume una representación usando la lista de adyacencia.

- El algoritmo usa una cola como Q para manejar el conjunto de vértices.
- Si u no tiene predecesor o u no ha sido descubierto entonces  $u.\pi = NIL$ .



BFS(G,s)

while  $Q \neq \emptyset$ 

11

12

13

14

15

16

17

18

for each vertex  $u \in G.V - \{s\}$  u.color = White  $u.d = \infty$   $u.\pi = \text{NiL}$  s.color = Gray s.d = 0  $s.\pi = \text{NiL}$   $Q = \emptyset$ Enqueue(Q, s)

u = DEQUEUE(Q)

u.color = BLACK

for each  $v \in G.Adj[u]$ 

if v.color == WHITE

 $\nu.\pi = u$ 

v.color = GRAY

v.d = u.d + 1

ENQUEUE(O, v)

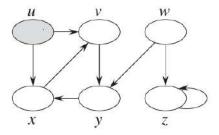
## Busqueda por profundidad

La estrategia es buscar cada vez mas profundo en el grafo siempre y cuando sea posible.

Su funcionamiento consiste en ir expandiendo los vértices que va localizando, de forma recurrente, en un camino concreto.

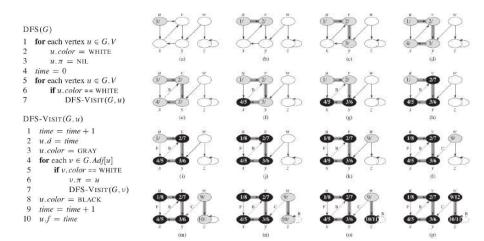
Cuando ya no quedan más nodos que visitar en dicho camino, regresa (backtracking), y repite el mismo proceso con cada uno de los hermanos del vértice ya procesado.

Si quedan vertices por exporar, se selecciona uno de ellos y se repite la búsqueda desde esa fuente.



- Se asume una representación usando la lista de adyacencia.
- Los vértices se colorean para indicar su estado
- v.π = u si v fue visitado al recorrer la lista de adjacencia del vértice visitado u
- Si v no tiene predecesor o u no ha sido descubierto entonces u.π = NIL.

```
DFS(G)
   for each vertex u \in G.V
     u.color = WHITE
   u \pi = NII
4 time = 0
5 for each vertex u \in G.V
       if u.color == WHITE
           DFS-VISIT(G, u)
DFS-VISIT(G, u)
 1 time = time + 1
2 u.d = time
3 \quad u.color = GRAY
4 for each v \in G.Adj[u]
        if v.color == WHITE
            v.\pi = u
            DFS-VISIT(G, \nu)
8 u.color = BLACK
9 time = time + 1
10 u.f = time
```



## Agenda

**1** Grafos

Conceptos
Representaciones

2 Aspectos finales Ejercicios

## **Ejercicios**

1. Represente los siguientes grafos con una lista y con una matriz de adyacencias:

