{

}

```
namespace Project
    public struct Matrix
        public int N;
        public int maxIter;
        public double epsilon;
        public uint[] ig, jg;
        public double[] di, gg, pr, x, absolut_x;
        //* Умножение матрицы на вектор
        public double[] mult(double[] x) {
            var y = new double[x.Length];
            for (uint i = 0, jj = 0; i < x.Length; i++) {</pre>
                y[i] = di[i] * x[i];
                for (uint j = ig[i]; j < ig[i + 1]; j++, jj++) {
                             += gg[jj] * x[jg[jj]];
                   y[jg[jj]] += gg[jj] * x[i];
            }
            return y;
        }
    }
    public static class Helper
    {
        //* Сумма матриц
        public static double[][] SummMatrix(double[][] Mat1, double[][] Mat2)
            var Mat3 = new double[3][];
            for (uint i = 0; i < 3; i++) Mat3[i] = new double[3];</pre>
            for (uint i = 0; i < Mat1.Length; i++)</pre>
                for (uint j = 0; j < Mat1.Length; j++)</pre>
                    Mat3[i][j] = Mat1[i][j] + Mat2[i][j];
            return Mat3;
        }
        //* Середина ребра (между двумя узлами)
        public static double[] MidPoints(double[] point1, double[] point2)
            var midpoint = new double[2];
            midpoint[0] = (point1[0] + point2[0]) / 2.0;
            midpoint[1] = (point1[1] + point2[1]) / 2.0;
            return midpoint;
        //* Вычисление скалярного произведение
        public static double scalar(double[] array1, double[] array2) {
            double res = 0;
            for (uint i = 0; i < array1.Length; i++)</pre>
                res += array1[i] * array2[i];
            return res;
        }
    }
```

```
using static System.Diagnostics.Debug;
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
using System.Linq;
using System.Text;
namespace Project
    public class Data
    // ******* Данные задачи ******** //
       protected (double gamma, double betta)[] materials ; /// Значения гамма и бетта
                                           ; /// Количество узлов
        protected uint
                            countNode
                            countFinitEl ; /// Количество конечных элементов
        protected uint
                            countAreas ; /// Количество областей
        protected uint
                            countKrayCond ; /// Количество краевых условий
        protected uint
       protected double[][] nodes
                                           ; /// Координаты узлов
        protected uint[][]
                             finitElements ; /// Координаты конечных элементов
        protected uint[]
                              areaFinitEl ; /// номера областей в которых расположен кон. эл. по порядку
        protected uint[][]
                             boards
                                            ; /// Условия на границах
                                            ; /// Область для каждого узла
       protected uint[]
                             nodesArea
        //? Для составления списка связанностей
        public uint[]
                             numNodes
                                        ; /// Номера узлов
    // ******* Конструктор DATA (чтение данных) ******** //
         public Data(string Path) { Assert(Read(Path), "Несуществующий файл или неккоректные данные!"); }
        //* Чтение данных
        private bool Read(string path)
        {
            bool isCorr = true;
            isCorr &= readParams(path + "param.txt");
            resize(); // Выделение памяти
            isCorr &= readfiles
                                   (path + "xy.txt",
                                                       ref nodes
            isCorr &= readMaterial (path + "area.txt",
                                                       ref materials, ref areaFinitEl
            isCorr &= readfiles
                                  (path + "board.txt", ref boards
            isCorr &= readNumNodes (path + "finitel.txt", ref numNodes, ref finitElements );
            isCorr &= readNodesArea(path + "XY_area.txt", ref nodesArea
            // Отсортировать массив board по номеру краевого условия
            boards = boards.OrderByDescending(1 => 1[3]).ToArray();
            return isCorr;
        }
        private bool readfiles(string path, ref double[][] array)
        {
            if (!File.Exists(path)) return false;
            string[] lines = File.ReadAllLines(path);
            for (uint i = 0; i < lines.Length; i++) {</pre>
               var values = lines[i].Split(" ").Select(n => double.Parse(n)).ToArray();
                for (uint j = 0; j < values.Length; j++)</pre>
                    array[i][j] = values[j];
            }
            return true;
```

```
}
private bool readfiles(string path, ref uint[][] array)
    if (!File.Exists(path)) return false;
    string[] lines = File.ReadAllLines(path);
    for (uint i = 0; i < lines.Length; i++) {</pre>
        var values = lines[i].Split(" ").Select(n => uint.Parse(n)).ToArray();
        for (uint j = 0; j < values.Length; j++)</pre>
            array[i][j] = values[j];
    }
    return true:
}
private bool readNodesArea(string path, ref uint[] array)
    if (!File.Exists(path)) return false;
    array = File.ReadAllText(path).Split(" ").Select(n => uint.Parse(n)).ToArray();
    return true;
}
private bool readNumNodes(string path, ref uint[] numNodes, ref uint[][] finEl)
    if (!File.Exists(path)) return false;
    string[] lines = File.ReadAllLines(path);
    List<uint> listTemp = new List<uint>();
    for (int i = 0; i < lines.Length; i++)</pre>
        var values = lines[i].Split(" ").Select(n => uint.Parse(n)).ToArray();
        for (int j = 0; j < values.Length; j++) {</pre>
            if (!listTemp.Contains(values[j]))
                listTemp.Add(values[j]);
            finEl[i][j] = values[j];
        }
    }
    // Заполнение массива для списка связанностей
    numNodes = listTemp.OrderBy(n => ((uint)n)).ToArray();
    return true;
}
private bool readMaterial(string path, ref (double gamma, double betta)[] material, ref uint[] area)
    if (!File.Exists(path)) return false;
    StreamReader file = new StreamReader(path);
    for (int i = 0; i < countAreas; i++) {</pre>
        double[] line = file.ReadLine().Split(" ").Select(n => double.Parse(n)).ToArray();
        material[i] = (line[0], line[1]);
    areaFinitEl = file.ReadLine().Split(" ").Select(n => uint.Parse(n)).ToArray();
    file.Close();
    return true;
}
private bool readParams(string path)
    if (!File.Exists(path)) return false;
    bool isCorr = true;
    StreamReader file = new StreamReader(path);
    string[] param = file.ReadLine().Split(" ");
    isCorr &= uint.TryParse(param[0], out countNode);
    isCorr &= uint.TryParse(param[1], out countFinitEl);
    isCorr &= uint.TryParse(param[2], out countAreas);
    isCorr &= uint.TryParse(param[3], out countKrayCond);
```

```
file.Close();
    return isCorr;
private void resize()
{
                  = new double
                                          [countNode]
    nodes
                                                         [];
    finitElements = new uint
                                          [countFinitEl] [];
    materials = new (double, double) [countAreas]
    areaFinitEl = new uint
                                          [countFinitEl]
    boards
                 = new uint
                                          [countKrayCond][];
    numNodes
                 = new uint
                                         [countNode]
    for (uint i = 0; i < countNode ; i++) nodes[i]</pre>
                                                              = new double[2];
    for (uint i = 0; i < countFinitEl ; i++) finitElements[i] = new uint[3];</pre>
    for (uint i = 0; i < countKrayCond; i++) boards[i] = new uint[5];</pre>
}
//* Данные задачи
public string dataAll()
{
    System.Console.OutputEncoding = Encoding.GetEncoding(65001);
    string margin = String.Join("", Enumerable.Repeat("-", 50));
    StringBuilder output = new StringBuilder();
    output.Append($"{margin}\n");
    output.Append($"(Количество узлов) countNode
                                                                  = {countNode}
                                                                                    \n" +
                  $"(Количество конечных элементов) countFinitEl = {countFinitEl} \n" +
                  $"(Количество областей) countAreas
                                                                = {countAreas}
                  $"(Количество граничных условий)
                                                                 = {countKrayCond}\n");
    output.Append($"{margin}\n");
    output.Append("(Координаты узлов) nodes: \n");
    for (int i = 0; i < countNode; i++)</pre>
        output.Append($"({nodes[i][0]}, " +
                      $"{nodes[i][1]}) -> область {nodesArea[i]}\n");
    output.Append($"{margin}\n");
    output.Append("(Координаты конечных элементов) finitElements: \n");
    for (int i = 0; i < countFinitEl; i++)</pre>
        output.Append($"({finitElements[i][0]}, " +
                      $"{finitElements[i][1]}, " +
                      $"{finitElements[i][2]}) -> область {areaFinitEl[i]}\n");
    output.Append($"{margin}\n");
    output.Append("(гамма и бетта для каждой области) materials: \n");
    for (int i = 0; i < countAreas; i++)</pre>
        output.Append($"{i}: \u03B3 = {materials[i].gamma}, \u03B2 = {materials[i].betta})\n");
    output.Append($"{margin}\n");
    output.Append("Данные граничных условий: \n");
    for (int i = 0; i < countKrayCond; i++)</pre>
        output.Append($"({boards[i][0]}, " +
                       $"{boards[i][1]}, " +
                       $"{boards[i][2]}, " +
                       $"{boards[i][3]}, " +
                       $"{boards[i][4]})\n");
    return output.ToString();
}
```

}

```
using static System.Math;
namespace Project
{
    public static class Function
    {
        public static uint NumberFunc;
        //* Функция u(x,y)
        public static double Absolut(double x, double y, uint area)
            switch(NumberFunc)
                case 1: /// test1
                return area switch
                     0 => x,
                    _ => 0,
                 case 2: /// test2-SPLIT
                 return area switch
                     0 \Rightarrow 10*x + 10*y
                     _ => 0,
                 };
                 case 3: /// test3-STUDY/test1
                 return area switch
                 {
                     0 => y*y,
                     1 \Rightarrow 20*y - 19,
                     _ => 0,
                 };
                 case 4: /// test3-STUDY/test2
                 return area switch
                     0 = x + 6*y - 2
                    1 \Rightarrow x + 6*y - 2,
                     _ => 0,
                 };
                 case 5: /// test4-Decomposition
                 return area switch
                 {
                    ∅ => x,
                     _ => 0,
                 };
            }
            return 0;
        }
        //* Функция f(x,y)
        public static double Func(double x, double y, uint area)
        {
             switch(NumberFunc)
                 case 1: /// test1
                return area switch
                     0 \Rightarrow 2*x
                     _ => 0,
```

```
case 2: /// test2-SPLIT
        return area switch
           0 \Rightarrow 20*x + 20*y
           _ => 0,
        };
        case 3: /// test3-STUDY/test1
        return area switch
           0 = -20
           1 => 0,
           _ => 0,
        };
        case 4: /// test3-STUDY/test2
       return area switch
           0 = 5*x + 30*y - 10
           1 => 0,
           _ => 0,
        };
        case 5: /// test4-Decomposition
        return area switch
           0 = 2*x
           _ => 0,
   return 0;
}
//* Функция lambda(x,y)
public static double Lambda(double x, double y, uint area)
{
    switch(NumberFunc)
       case 1: /// test1
       return area switch
           0 => 1,
           _ => 0,
        case 2: /// test2-SPLIT
        return area switch
           0 => 4,
            _ => 0,
        };
        case 3: /// test3-STUDY/test1
        return area switch
           0 => 10,
           1 => 1,
           _ => 0,
        case 4: /// test3-STUDY/test2
       return area switch
           0 => 1,
           1 => 1,
```

```
_ => 0,
        };
        case 5: /// test4-Decomposition
        return area switch
            ∅ => x,
           _ => 0,
        };
    }
    return 0;
}
//* Функция первого краевого условия
public static double Func_First_Kraev(double x, double y, uint area)
{
    switch(NumberFunc)
    {
        case 1: /// test1
        return area switch
            ∅ => x,
            _ => 0,
        };
        case 2: /// test2-SPLIT
        return area switch
            0 \Rightarrow 50 + 10*y
            _ => 0,
        };
        case 3: /// test3-STUDY/test1
        return area switch
            0 => y*y,
            _ => 0,
        };
        case 4: /// test3-STUDY/test2
        return area switch
            0 => 6*y + 2,
            _ => 0,
        };
        case 5: /// test4-Decomposition
        return area switch
            0 => x,
            _ => 0,
       };
    }
    return 0;
}
//* Функция второго краевого условия
public static double Func_Second_Kraev(double x, double y, uint area, uint lam_area)
{
    switch(NumberFunc)
        case 1: /// test1
       return area switch
            0 => 1,
            1 => -1,
            _ => 0,
```

```
case 2: /// test2-SPLIT
        return area switch
            0 => -40,
           1 => 40,
            _ => 0,
        case 3: /// test3-STUDY/test1
        return area switch
            0 => 20,
            1 => 0,
            _ => 0,
        };
        case 4: /// test3-STUDY/test2
        return area switch
           0 => -6,
           1 => -1,
           2 => 6,
            _ => 0,
        };
        case 5: /// test4-Decomposition
        return area switch
           0 => x,
           1 \Rightarrow -x
            _ => 0,
       };
   }
   return 0;
}
//* Функция третьего краевого условия
public static double Func_Third_Kraev(double x, double y, uint area, uint lam_area)
{
    switch(NumberFunc)
       case 1: /// test1
       return area switch
           ∅ => x,
            _ => 0,
        };
        case 2: /// test2-SPLIT
        return area switch
        {
            0 \Rightarrow 10*x + 2,
           _ => 0,
        };
        case 3: /// test3-STUDY/test1
        return area switch
            0 \Rightarrow 20*y - 27
            _ => 0,
        };
        case 4: /// test3-STUDY/test2
        return area switch
            0 => 6*y + 2.1,
            _ => 0,
```

## LOS.cs

```
using static Project.Helper;
using static System.Math;
using System;
using System.Linq;
namespace Project
    public class LOS
        private Matrix matrix;
                               /// Структура СЛАУ
    // ******* Коструктор LOS ******** //
        public LOS(Matrix matrix, int maxIter, double eps) {
            this.matrix
                          = matrix;
            this.matrix.maxIter = maxIter;
            this.matrix.epsilon = eps;
        //* Решение СЛАУ
        public Matrix solve(bool isLog = true) {
                   = new double[matrix.N];
                      = new double[matrix.N];
            var z
            var multLr = new double[matrix.N];
            var Lr = new double[matrix.N];
            var p
                      = new double[matrix.N];
            double alpha, betta, Eps;
           int iter = 0;
            double[] L = Enumerable.Range(0, matrix.N).Select(i => 1.0 / Sqrt(matrix.di[i])).ToArray();
            double[] multX = matrix.mult(matrix.x);
            for (int i = 0; i < r.Length; i++) {</pre>
               r[i] = L[i] * (matrix.pr[i] - multX[i]);
                z[i] = L[i] * r[i];
            double[] multZ = matrix.mult(z);
            for (int i = 0; i < p.Length; i++)</pre>
                p[i] = L[i] * multZ[i];
            do
            {
                betta = scalar(p, p);
                alpha = scalar(p, r) / betta;
                for (int i = 0; i < matrix.x.Length; i++) {</pre>
                    matrix.x[i] += alpha * z[i];
                              -= alpha * p[i];
                    r[i]
                              = L[i] * r[i];
                    Lr[i]
```

```
multLr = matrix.mult(Lr);
        for (int i = 0; i < Lr.Length; i++)</pre>
            multLr[i] = L[i] * multLr[i];
        betta = -scalar(p, multLr) / betta;
        for (int i = 0; i < z.Length; i++) {</pre>
            z[i] = L[i] * r[i] + betta * z[i];
            p[i] = multLr[i] + betta * p[i];
        Eps = scalar(r, r);
        iter++;
        if (isLog) printLog(iter, Eps);
    } while (iter < matrix.maxIter</pre>
        && Eps > matrix.epsilon);
    return matrix;
}
//* Вывод невязки и количества итераций
private void printLog(int Iter, double Eps) {
    Console.WriteLine($"Iteration = {Iter}\t\t" +
                       $"Discrepancy = {Eps}");
}
```

## FEM.cs

```
using static System.Console;
using static System.Math;
using static Project.Function;
using static Project.Helper;
using System.Text;
using System.Linq;
using System.IO;
using System;
using System.Collections.Generic;
namespace Project
    public class FEM : Data
        protected string Path; /// Путь к папке с задачей
        private Matrix matrix; /// Структура СЛАУ
    // ******* Коструктор FEM ******** //
        public FEM(string Path, uint Num) : base(Path) { this.Path = Path; Function.NumberFunc = Num; }
        public void solve() {
            portrait();
                                                    //? Составление списка связанностей и массивов ig[] и jg[]
                                                    //? Составление глобальный матрицы
            LOS los = new (matrix, 10000, 9e-030);
                                                    //? Создание метода LOS
            matrix = los.solve(false);
                                                    //? Решение СЛАУ методом ЛОС (диагональный)
            AbsolutSolve();
                                                    //? Абсолютное решение СЛАУ
            WriteMatrix();
                                                    //? Запись матрицы и вектора решения СЛАУ
            WriteTable();
                                                    //? Запись таблички с решением и погрешностью
        }
        //* Составление портрета
        private void portrait()
            // Составление списка связанностей
            var list = new uint[countNode][];
```

```
var listI = new HashSet<uint>();
    for (uint i = 0; i < numNodes.Length; i++) {</pre>
        uint value = numNodes[i];
        for (uint k = 0; k < countFinitEl; k++) {</pre>
            if (finitElements[k].Contains(value))
                for (uint p = 0; p < 3; p++)
                    if (finitElements[k][p] < value)</pre>
                         listI.Add(finitElements[k][p]);
        list[i] = listI.OrderBy(n => ((uint)n)).ToArray();
        listI.Clear();
    }
    // Заполнение ig[]
    matrix.ig = new uint[countNode + 1];
    matrix.ig[0] = matrix.ig[1] = 0;
    for (uint i = 1; i < countNode; i++)</pre>
        matrix.ig[i + 1] = (matrix.ig[i] + (uint)list[i].Length);
    // Заполнение jg[]
    matrix.jg = new uint[matrix.ig[countNode]];
    int jj = 0;
    for (uint i = 0; i < countNode; i++)</pre>
        for (uint j = 0; j < list[i].Length; j++, jj++)</pre>
            matrix.jg[jj] = list[i][j];
    // Размерность глобальной матрицы
    matrix.N = (int)countNode;
    resize(); // Выделение памяти
//* Построение глоабльной матрицы
private void global()
    // Для каждого конечного элемента
    for (uint index_fin_el = 0; index_fin_el < countFinitEl; index_fin_el++)</pre>
    {
        // Составим локальную матрицу и локальный вектор
        (double[][] local_matrix, double[] local_f) = local(index_fin_el);
        // Занесение в глобальную
        EntryMatInGlobalMatrix(local_matrix, finitElements[index_fin_el]);
        EntryVecInGlobalMatrix(local_f,
                                            finitElements[index_fin_el]);
    }
    // Для каждого условия на границе
    for (uint index_kraev_cond = 0; index_kraev_cond < countKrayCond; index_kraev_cond++)</pre>
        uint[] curr_kraev = boards[index_kraev_cond]; // Данные краевого условия
        uint[] Node = {curr_kraev[1], curr_kraev[2]}; // Ребро на котором задано условие
        if (curr_kraev[3] == 1)
            First_Kraev(curr_kraev);
        else if (curr_kraev[3] == 2) {
            double[] corr_vec = Second_Kraev(curr_kraev);
            EntryVecInGlobalMatrix(corr_vec, Node);
        }
        else {
            (double[][] corr_mat, double[] corr_vec) = Third_Kraev(curr_kraev);
            EntryMatInGlobalMatrix(corr_mat, Node);
            EntryVecInGlobalMatrix(corr_vec, Node);
        }
    }
}
//* Построение локальной матрицы и вектора
private (double[][], double[]) local(uint index_fin_el)
```

```
= build_F(index_fin_el); // Построение локального вектора
        double[] local_f
                                = build_M(index_fin_el); // Построение матрица массы
        double[][] M
                                = build_G(index_fin_el); // Построение матрица жесткости
        double[][] G
       double[][] local_matrix = SummMatrix(G, M) ; // Локальная матрицы (G + M)
       return (local_matrix, local_f);
}
//* Занесение матрицы в глоабальную матрицу
private void EntryMatInGlobalMatrix(double[][] mat, uint[] index)
    for (uint i = 0, h = 0; i < mat.GetUpperBound(0) + 1; <math>i++) {
       uint ibeg = index[i];
        for (uint j = i + 1; j < mat.GetUpperBound(0) + 1; j++) {
            uint iend = index[j];
            uint temp = ibeg;
            if (temp < iend)</pre>
                (iend, temp) = (temp, iend);
            h = matrix.ig[temp];
            while(matrix.jg[h++] - iend != 0);
            matrix.gg[--h] += mat[i][j];
       }
        matrix.di[ibeg] += mat[i][i];
   }
}
//* Занесение вектора в глолбальный вектор
private void EntryVecInGlobalMatrix(double[] vec, uint[] index)
{
    for (uint i = 0; i < vec.Length; i++)</pre>
       matrix.pr[index[i]] += vec[i];
}
//* Построение вектора правой части
private double[] build_F(uint index_fin_el)
   uint area_fin_el = areaFinitEl[index_fin_el];
                                                        // Область в которой расположек к.э.
   double detD = Abs(ComputeDet(index_fin_el)) / 24.0; // Вычисление detD
   var f = new double[3];
                                                          // Вычисление f - на узлах к.э.
    for (uint i = 0; i < f.Length; i++)</pre>
       f[i] = detD * Func(
             nodes[finitElements[index_fin_el][i]][0],
             nodes[finitElements[index_fin_el][i]][1],
             area_fin_el
       );
   var local_f = new double[3];
                                                          // Вычисление локального вектора
   local_f[0] = 2*f[0] + f[1] + f[2];
    local_f[1] = 2*f[1] + f[0] + f[2];
   local_f[2] = 2*f[2] + f[1] + f[0];
   return local_f;
}
//* Построение матрицы масс
private double[][] build_M(uint index_fin_el)
   var M_matrix = new double[3][];
                                                                     // Матрица масс
   for (uint i = 0; i < 3; i++) M_matrix[i] = new double[3];</pre>
   uint area_fin_el = areaFinitEl[index_fin_el];
                                                                     // Область в которой расположек к.э.
   double gamma = materials[area_fin_el].gamma;
                                                                     // Значение гаммы в этой области
   double value = gamma * Abs(ComputeDet(index_fin_el)) / 24.0;
                                                                    // Значение матрицы массы
```

```
for (uint i = 0; i < M_matrix.GetUpperBound(0) + 1; i++)</pre>
                                                                     // Заполнение матрицы масс
        for (uint j = 0; j < M_matrix.GetUpperBound(0) + 1; <math>j++)
            M_{matrix}[i][j] = i == j ? 2*value
    return M_matrix;
//* Построение матрицы жесткости
private double[][] build_G(uint index_fin_el)
    var G_matrix = new double[3][];
                                                                 // Матрица жесткости
    for (uint i = 0; i < 3; i++) G_matrix[i] = new double[3];</pre>
    double[] Node1 = nodes[finitElements[index_fin_el][0]];
                                                                 // Координаты 1 узла і - конечного элемента
    double[] Node2 = nodes[finitElements[index_fin_el][1]];
                                                                 // Координаты 2 узла і - конечного элемента
    double[] Node3 = nodes[finitElements[index_fin_el][2]];
                                                                 // Координаты 3 узла і - конечного элемента
    double[] Mid12 = MidPoints(Node1, Node2);
                                                                 // Координаты середины ребра 1-2
    double[] Mid13 = MidPoints(Node1, Node3);
                                                                 // Координаты серидины ребра 1-3
    double[] Mid23 = MidPoints(Node2, Node3);
                                                                 // Координаты середины ребра 2-3
    uint area_fin_el = areaFinitEl[index_fin_el];
                                                                 // Область в которой расположек к.э.
    double lambda = Lambda(Mid12[0], Mid12[1], area_fin_el) +
                    Lambda(Mid13[0], Mid13[1], area_fin_el) +
                    Lambda(Mid23[0], Mid23[1], area_fin_el);
                                                                 // Подсчет лямбда разложения
    double[,] a = ComputeA(index_fin_el); // Вычисление а-компонент
    double multip = lambda / (6.0 * Abs(ComputeDet(index_fin_el)));
    for (uint i = 0; i < G_matrix.GetUpperBound(0) + 1; i++) // Заполнение матрицы жесткости
        for (uint j = 0; j < G_matrix.GetUpperBound(0) + 1; j++)</pre>
            G_{matrix}[i][j] = multip * (a[i,0]*a[j,0] + a[i,1]*a[j,1]);
    return G_matrix;
}
//* Первое краевое условие
private void First_Kraev(uint[] kraev)
    // Ставим вместо диагонального эл. единицу
    matrix.di[kraev[1]] = 1;
    matrix.di[kraev[2]] = 1;
    // В вектор правой части ставим значение краевого условия
    matrix.pr[kraev[1]] = Func_First_Kraev(nodes[kraev[1]][0], nodes[kraev[1]][1], kraev[4]);
    matrix.pr[kraev[2]] = Func_First_Kraev(nodes[kraev[2]][0], nodes[kraev[2]][1], kraev[4]);
    // Зануляем в строке все стоящие элементы кроме диагонального и сразу делаем симметричной
    for (uint k = 1; k < 3; k++) {
        // Зануление в нижнем треугольнике
        for (uint i = matrix.ig[kraev[k]]; i < matrix.ig[kraev[k] + 1]; i++) {</pre>
            if (matrix.di[matrix.jg[i]] != 1)
                matrix.pr[matrix.jg[i]] -= matrix.gg[i] * matrix.pr[kraev[k]];
            matrix.gg[i] = 0;
        }
        // Зануление в верхнем треугольнике, но т.к. делаем симметричную "зануление в нижнем"
        for(uint i = kraev[k] + 1; i < countNode; i++){</pre>
            uint lbeg = matrix.ig[i];
            uint lend = matrix.ig[i + 1];
            for(uint p = lbeg; p < lend; p++)</pre>
                if(matrix.jg[p] == kraev[k]) {
                    if (matrix.di[i] != 1)
                        matrix.pr[i] -= matrix.gg[p] * matrix.pr[kraev[k]];
                    matrix.gg[p] = 0;
                }
```

```
}
//* Второе краевое условие
private double[] Second_Kraev(uint[] kraev)
{
   var corr_vec = new double[2];
                                                               // Корректирующий вектор
                                                               // Ребро
   uint[] Node = {kraev[1], kraev[2]};
   double betta = materials[kraev[0]].betta;
                                                               // Значение бетты
   double multip = ComputeMesG(nodes[Node[0]], nodes[Node[1]]) / 6.0;
    for (uint i = 0, j = 1; i < corr_vec.Count(); i++, j--)
                                                             // Заполнение вектора
        corr_vec[i] = multip * (2 * Func_Second_Kraev(nodes[Node[i]][0], nodes[Node[i]][1], kraev[4], kraev[0]) +
                                    Func_Second_Kraev(nodes[Node[j]][0], nodes[Node[j]][1], kraev[4], kraev[0]));
   return corr_vec;
}
//* Третье краевое условие
private (double[][], double[]) Third_Kraev(uint[] kraev)
   var corr_vec = new double[2];
                                                               // Корректирующий вектор
    var corr_mat = new double[2][];
                                                                // Корректирующая матрица
    for (uint i = 0; i < 2; i++) corr_mat[i] = new double[2];
   uint[] Node = {kraev[1], kraev[2]};
                                                               // Ребро
   double betta = materials[kraev[0]].betta;
                                                               // Значение Betta
   double multip = (betta * ComputeMesG(nodes[Node[0]], nodes[Node[1]])) / 6.0;
    for (uint i = 0, k = 1; i < corr_vec.Count(); i++, k--) { // Заполнение вектора и матрицы
       corr_vec[i] = multip * (2 * Func_Third_Kraev(nodes[Node[i]][0], nodes[Node[i]][1], kraev[4], kraev[0]) +
                                    Func_Third_Kraev(nodes[Node[k]][0], nodes[Node[k]][1], kraev[4], kraev[0]));
        for (uint j = 0; j < corr_mat.Count(); j++)</pre>
            corr_mat[i][j] = i == j ? 2 * multip
                                    : multip;
   return (corr_mat, corr_vec);
}
//* Подсчет компонента detD
private double ComputeDet(uint index_fin_el)
    double[] Node1 = nodes[finitElements[index_fin_el][0]]; // Координаты 1 узла і - конечного элемента
    double[] Node2 = nodes[finitElements[index_fin_el][1]]; // Координаты 2 узла і - конечного элемента
    double[] Node3 = nodes[finitElements[index_fin_el][2]]; // Координаты 3 узла і - конечного элемента
    return (Node2[0] - Node1[0])*(Node3[1] - Node1[1]) -
           (Node3[0] - Node1[0])*(Node2[1] - Node1[1]);
}
//* Подсчет компонента mes по ребру G
private double ComputeMesG(double[] Node1, double[] Node2)
   return Sqrt( Pow((Node2[0] - Node1[0]), 2) +
                 Pow((Node2[1] - Node1[1]), 2) );
}
//* Подсчет компонентов а
private double[,] ComputeA(uint index_fin_el)
   var a = new double[3,2];
    double[] Node1 = nodes[finitElements[index_fin_el][0]]; // Координаты 1 узла і - конечного элемента
    double[] Node2 = nodes[finitElements[index_fin_el][1]]; // Координаты 2 узла і - конечного элемента
    double[] Node3 = nodes[finitElements[index_fin_el][2]]; // Координаты 3 узла і - конечного элемента
```

```
// Заполнение а
    a[0,0] = Node2[1] - Node3[1];
   a[1,0] = Node3[1] - Node1[1];
   a[2,0] = Node1[1] - Node2[1];
   a[0,1] = Node3[0] - Node2[0];
   a[1,1] = Node1[0] - Node3[0];
   a[2,1] = Node2[0] - Node1[0];
   return a;
//* Абсолютное решение СЛАУ
private void AbsolutSolve() {
   for (uint i = 0; i < countNode; i++)</pre>
       matrix.absolut_x[i] = Absolut(nodes[i][0], nodes[i][1], nodesArea[i]);
//* resize массивов глобальной матрицы
private void resize()
   matrix.di
                    = new double[matrix.N];
   matrix.pr
                    = new double[matrix.N];
   matrix.x
                   = new double[matrix.N];
   matrix.absolut_x = new double[matrix.N];
                   = new double[matrix.jg.Length];
//* Запись глобальной матрицы
private void WriteMatrix()
   Directory.CreateDirectory(Path + "matrix");
   Directory.CreateDirectory(Path + "output");
   File.WriteAllText(Path + "matrix/kuslau.txt", $"{matrix.N} {matrix.maxIter} {matrix.epsilon}");
                                                    String.Join(" ", matrix.ig
   File.WriteAllText(Path + "matrix/ig.txt",
                                                                                      ));
   File.WriteAllText(Path + "matrix/jg.txt",
                                                    String.Join(" ", matrix.jg
                                                                                      ));
                                                    String.Join("\n", matrix.di
   File.WriteAllText(Path + "matrix/di.txt",
                                                                                      ));
   File.WriteAllText(Path + "matrix/gg.txt",
                                                    String.Join("\n", matrix.gg
                                                                                      ));
   File.WriteAllText(Path + "matrix/pr.txt",
                                                    String.Join("\n", matrix.pr
                                                                                      ));
   File.WriteAllText(Path + "output/x.txt" ,
                                                    String.Join("\n", matrix.x
                                                                                      ));
   File.WriteAllText(Path + "output/x_absolut.txt" , String.Join("\n", matrix.absolut_x ));
}
//* Запись таблички с погрешностью
private void WriteTable() {
    (double[] SubX, double norma) = Norm(matrix.absolut_x, matrix.x);
   StringBuilder table = new StringBuilder();
    string margin = String.Join("", Enumerable.Repeat("-", 23));
   table.Append(String.Join("", Enumerable.Repeat("-", 97)) + "\n");
   table.Append("" + margin + "" + margin + "" + margin + "" + margin + "|\n");
   for (uint i = 0; i < countNode; i++) {</pre>
       table.Append($"|{String.Format("{0,-23}", matrix.absolut_x[i])}" +
                    $"|{String.Format("{0,-23}", matrix.x[i])}" +
                    $"|{SubX[i].ToString("E3")}{String.Format("{0,-13}", "")}|");
       if (countNode / 2 == i)
           table.Append($"{norma.ToString("E3")}{String.Format("{0,-13}", "")}|");
           table.Append($"{String.Format("{0,-23}", " ")}|");
       table.Append("\n");
   table.Append(String.Join("", Enumerable.Repeat("-", 97)) + "\n");
   File.WriteAllText(Path + "output/table.txt", table.ToString());
}
//* Расчет погрешности и нормы решения
private (double[], double) Norm(double[] x_abs, double[] x) {
```

```
double norm = 0;
        double[] norm_arr = new double[x.Length];
        for (int i = 0; i < x.Length; i++)</pre>
            norm_arr[i] = Abs(x_abs[i] - x[i]);
            norm += Pow(norm_arr[i], 2);
        }
        return (norm_arr, Sqrt(norm));
    }
    //* Вывод матрицы на консоль
    private void PrintMatrix() {
        WriteLine("Matrix: ");
        PrintArray(matrix.di
                                    , "di
                                                = [");
                                   , "gg
        PrintArray(matrix.gg
                                                = [");
                                   , "ig
        PrintArray(matrix.ig
                                                = [");
                                   , "jg
        PrintArray(matrix.jg
                                                = [");
        PrintArray(matrix.pr
                                    , "pr
                                                = [");
    }
    //* Вывод массива на консоль
    private void PrintArray<T>(T[] array, string design = "array = [") {
        Write(design);
        for (int i = 0; i < array.Length; i++)</pre>
            Write(array[i] + " ");
        WriteLine("]");
    }
}
```

## **Program.cs**

```
using static System.Console;
using Project;

FEM task = new("file/test1/", 1); //! Обычный тест с одной областью в начале координат

//FEM task = new("file/test2-SPLIT/split1/", 2); //! Тест с разбиением #1

//FEM task = new("file/test2-SPLIT/split2/", 2); //! Тест с разбиением #2

//FEM task = new("file/test2-SPLIT/split3/", 2); //! Тест с разбиением #3

//FEM task = new("file/test2-SPLIT/split4/", 2); //! Тест с разбиением #4

//FEM task = new("file/test3-STUDY/study1/", 3); //! Тест с книги МКЭ #1

//FEM task = new("file/test3-STUDY/study2/", 4); //! Тест с книги МКЭ #2

//FEM task = new("file/test4-Decomposition/", 5); //! Тест с книги МКЭ #2

task.solve(); //! Запуск решения задачи

///! Вывод всех данных задачи
```