

Задача 1.

Напишите код, моделирующий выпадение поля в рулетке (с учетом поля зеро).

Решение

In [12]:

```
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def get_field(iter):
    z = 0
    r = 0
    b = 0
    for i in range(0, iter):
        field = np.random.randint(0,37)
        if field == 0:
            z += 1
        elif field in [3, 12, 7, 18, 9, 14, 1, 16, 5, 23, 30, 36, 27, 34, 25,
                        2, 15, 10, 8, 24, 31, 35, 26, 33, 32]:
            r += 1
        else:
            b += 1
    return [z,r,b]

iter = 1000
e = get_field(iter)
print(f"Произведено опытов - {iter}")
print(f"0 выпало: {e[0]}")
print(f"Красное выпало: {e[1]}")
print(f"Черное выпало: {e[2]}")
```

```
Произведено опытов - 1000
0 выпало: 25
Красное выпало: 482
Черное выпало: 493
```

Задача 2.

- 1) Напишите код, проверяющий любую из теорем сложения или умножения вероятности на примере рулетки или подбрасывания монетки.
- 2) Сгенерируйте десять выборок случайных чисел x_0, \dots, x_9 . и постройте гистограмму распределения случайной суммы $+x_0+ \dots + x_9$.

Решение

Пусть событие А выпадение красного поля, а событие В выпадение черного поля, тогда $P(A)=18/37$, $P(B)=18/37$, тогда вероятность выпадения красного или черного поля равна $P(A + B) = 36/37$

Пусть событие А выпадение красного поля в первый раз, а событие В выпадение красного поля во второй раз. Эти события независимы и следовательно

$$P(AB) = P(A)P(B) = \left(\frac{18}{37}\right)^2$$

In [23]:

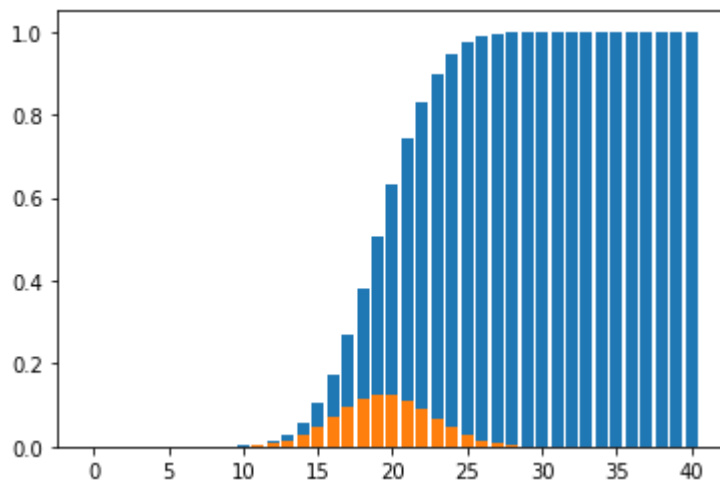
```
p = 18/37
```

```

q = (1 - p)
sumP = 0
arP = []
arSum = []
iter = 40
n = range(0, iter + 1)
for i in n:
    binom = np.math.factorial(iter)/(np.math.factorial(i)*np.math.factorial(i-iter))
    P = binom*(p**i)*(q**(iter-i))
    sumP = sumP+P
    arP.append(P)
    arSum.append(sumP)

plt.bar(n, arSum)
plt.bar(n, arP);

```



In [26]:

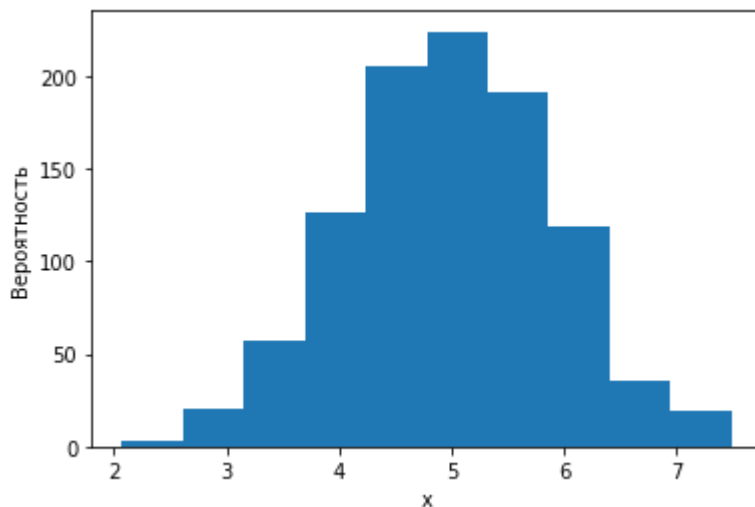
```

n = 1000
x0 = np.random.rand(n)
x1 = np.random.rand(n)
x2 = np.random.rand(n)
x3 = np.random.rand(n)
x4 = np.random.rand(n)
x5 = np.random.rand(n)
x6 = np.random.rand(n)
x7 = np.random.rand(n)
x8 = np.random.rand(n)
x9 = np.random.rand(n)
x = x0 + x1 + x2 + x3 + x4 + x5 + x6 + x7 + x8 + x9
num_bins = 10
n, bins, patches = plt.hist(x, num_bins)

plt.xlabel('x')
plt.ylabel('Вероятность')

```

Out[26]: Text(0, 0.5, 'Вероятность')



In []:

Задача 3.

- 1) Дополните код Монте-Карло последовательности независимых испытаний расчетом соответствующих вероятностей (через биномиальное распределение) и сравните результаты.
- 2) Повторите расчеты биномиальных коэффициентов и вероятностей k успехов в последовательности из n независимых испытаний, взяв другие значения n и k.

Решение

In [28]:

```
def monte_carlo(N):
    p1 = 1/37 # выпадение zero
    p2 = 18/37 # выпадение красного или черного поля
    q1 = (1 - p1)
    q2 = (1 - p2)
    j1 = j2 = j3 = 0
    for i in range(0, N):
        val = np.random.randint(0,37)
        if val == 0:
            print(f"В {i+1}-ом опыте выпало:")
            print("    Zero")
            j1 = j1 + 1
            binom1 = np.math.factorial(N)/(np.math.factorial(j1)*np.math.factorial(N-j1))
            P1 = binom1*(p1**j1)*(q1**(N-j1))
            print(f"    Вероятность выпадения zero {j1} из {N} раз: ", np.around(P1, 4))
        elif val in [3, 12, 7, 18, 9, 14, 1, 16, 5, 23, 30, 36, 27, 34, 25, 21, 19, 32]:
            print(f"В {i+1}-ом опыте выпало:")
            print("    красное поле ", val)
            j2 += 1
            binom2 = np.math.factorial(N)/(np.math.factorial(j2)*np.math.factorial(N-j2))
            P2 = binom2*(p2**j2)*(q2**(N-j2))
            print(f"    Вероятность выпадения красного поля {j2} из {N} раз: ", np.around(P2, 4))
        else:
            print(f"В {i+1}-ом опыте выпало:")
            print("    черное поле ", val)
            j3 += 1
            binom3 = np.math.factorial(N)/(np.math.factorial(j3)*np.math.factorial(N-j3))
            P3 = binom3*(p2**j3)*(q2**(N-j3))
            print(f"    Вероятность выпадения черного поля {j3} из {N} раз: ", np.around(P3, 4))
```

In [29]:

```
monte_carlo(5)
```

В 1-ом опыте выпало:
черное поле 28
Вероятность выпадения черного поля 1 из 5 раз: 0.16914
В 2-ом опыте выпало:
красное поле 36
Вероятность выпадения красного поля 1 из 5 раз: 0.16914
В 3-ом опыте выпало:
Зеро
Вероятность выпадения зеро 1 из 5 раз: 0.12111
В 4-ом опыте выпало:
красное поле 32
Вероятность выпадения красного поля 2 из 5 раз: 0.32048
В 5-ом опыте выпало:
красное поле 7
Вероятность выпадения красного поля 3 из 5 раз: 0.30361

In [30]:

```
monte_carlo(7)
```

В 1-ом опыте выпало:
черное поле 22
Вероятность выпадения черного поля 1 из 7 раз: 0.06244
В 2-ом опыте выпало:
красное поле 30
Вероятность выпадения красного поля 1 из 7 раз: 0.06244
В 3-ом опыте выпало:
черное поле 29
Вероятность выпадения черного поля 2 из 7 раз: 0.17747
В 4-ом опыте выпало:
черное поле 28
Вероятность выпадения черного поля 3 из 7 раз: 0.28021
В 5-ом опыте выпало:
черное поле 33
Вероятность выпадения черного поля 4 из 7 раз: 0.26546
В 6-ом опыте выпало:
черное поле 22
Вероятность выпадения черного поля 5 из 7 раз: 0.1509
В 7-ом опыте выпало:
красное поле 32
Вероятность выпадения красного поля 2 из 7 раз: 0.17747

Задача 4.

(не обязательно, но желательно) Из урока по комбинаторике повторите расчеты, сгенерировав возможные варианты перестановок для других значений n и k

Решение

In [32]:

```
import itertools
for p in itertools.permutations("123", 2):
    print(''.join(str(x) for x in p))
```

```
12
13
21
23
31
32
```

Задача 5.

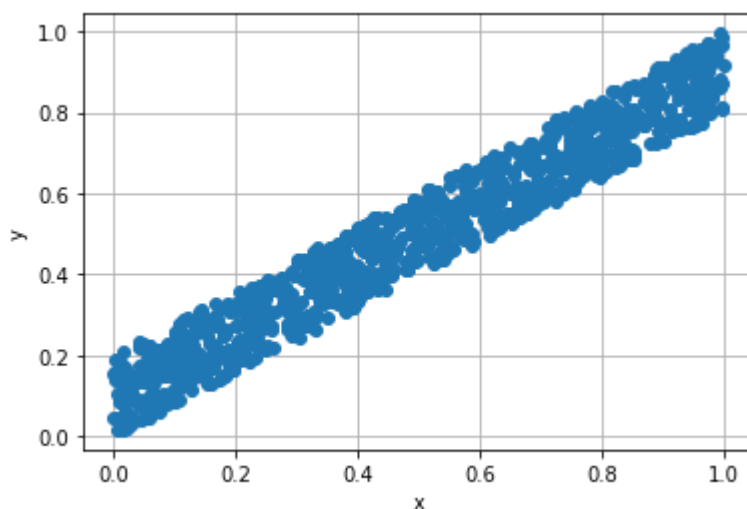
Дополните код расчетом коэффициента корреляции x и y по формуле

$$R = \frac{\sum (x_i - x_m)(y_i - y_m)}{\sqrt{\sum (x_i - x_m)^2 \sum (y_i - y_m)^2}}$$

Решение

In [33]:

```
n = 1000
r = 0.8
x = np.random.rand(n)
y = r*x + (1 - r)*np.random.rand(n)
plt.plot(x, y, 'o')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.grid(True)
plt.show()
xm = np.sum(x)/n
ym = np.sum(y)/n
x1 = x - xm
y1 = y - ym
Rxy = np.sum(x1 * y1)/np.sqrt(np.sum(x1 * x1) * np.sum(y1 * y1))
print(Rxy)
```



0.9713517852618808

In []: